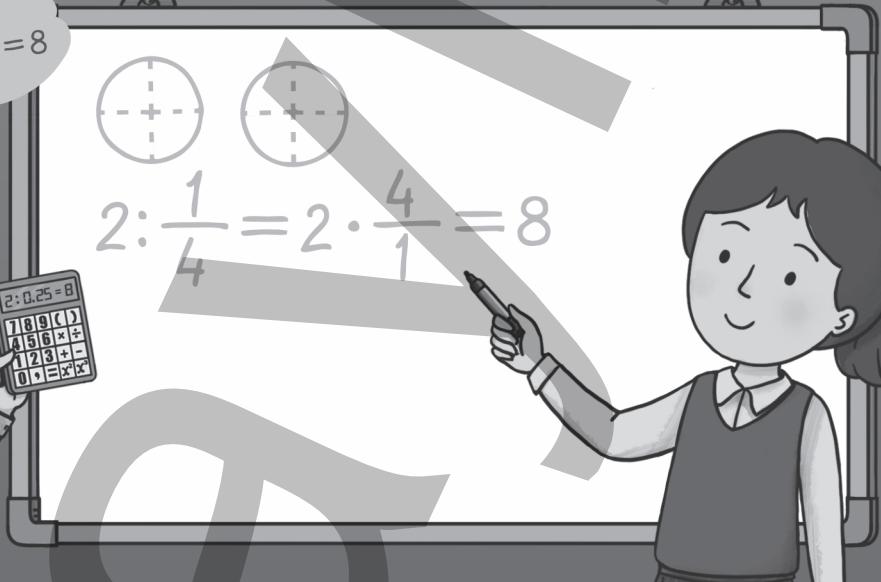


RIYAZIYYAT 5

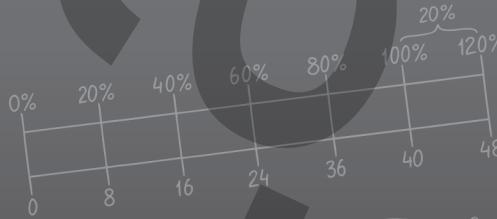
Metodik vəsait



$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 376 \\ \hline 376 \\ + 148 \\ \hline 524 \end{array}$$



$$37639452 \approx 38\,000\,000$$



$$2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5} = \frac{11}{5} + \frac{8}{5} = \frac{19}{5} = 3\frac{4}{5}$$

$$\begin{array}{r} 18,12 \\ 16 \quad | 4 \\ \hline 21 \\ -20 \\ \hline 12 \\ -12 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{1 \cdot 2}{1 \cdot 5} = \frac{2}{5}$$

$$3 \cdot 3 \cdot 3 = 3^3$$

$$a \cdot a \cdot a = a^3$$

$$40 \cdot \frac{1}{2} = 40 \cdot 0,5 =$$

GÜNEY HÜSEYNZADƏ, ZAUR İSAYEV

RIYAZİYYAT

5

Ümumi təhsil müəssisələrinin 5-ci sinifləri üçün
riyaziyyat fənni üzrə dərsliyin

METODİK VƏSAİTİ

©Azərbaycan Respublikası Elm və Təhsil Nazirliyi



Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0
International (CC BY-NC-SA 4.0)

Bu nəşr Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International
lisenziyası (CC BY-NC-SA 4.0) ilə www.trims.edu.az
saytında əlçatandır. Bu nəşrin məzmunundan istifadə edərkən
sözügedən lisenziyanın şərtlərini qəbul etmiş olursunuz:

İstiqad zamanı nəşrin müəllif(lər)inin adı göstərilməlidir.

Nəşrdən kommersiya məqsədilə istifadə qadağandır.

Törəmə nəşrlər orijinal nəşrin lisenziya şərtlərilə yayılmalıdır.

Bu nəşrlə bağlı irad və təkliflərinizi
trm@arti.edu.az və derslik@edu.gov.az
elektron ünvanlarına göndərməyiniz xahiş olunur.
Əməkdaşlığınıza üçün əvvəlcədən təşəkkür edirik!

MÜNDƏRİCAT

1. Dərslik komplekti haqqında	3
2. Dərsliyin quruluşu və təlim konsepsiyası	4
3. Məsələ həlli dərslərinin təşkili	6
4. Riyaziyyat fənn kurikulumu.....	7
İllik planlaşdırma	18
1-ci BÖLMƏ. NATURAL ƏDƏDLƏR VƏ ONLAR ÜZƏRİNĐƏ ƏMƏLLƏR	21
2-ci BÖLMƏ. ADI KƏSRLƏR	50
3-cü BÖLMƏ. ONLUQ KƏSRLƏR	88
4-cü BÖLMƏ. FAİZ	124
5-ci BÖLMƏ. DƏYİŞƏNİ OLAN İFADƏLƏR, TƏNLİK, BƏRABƏRSİZLİK	140
6-ci BÖLMƏ. MÜSTƏVİ FİQURLAR	162
7-ci BÖLMƏ. FƏZA FİQURLARI	182
8-ci BÖLMƏ. STATİSTİKA	204

GİRİŞ

1

DƏRSLİK KOMPLEKTİ HAQQINDA

5-ci sınıf üzrə riyaziyyat dərslik komplektinə aşağıdakı komponentlər daxildir:

- Dərslik
- İş dəftəri
- Metodik vəsait

Dərslikdə bilavasitə şagird üçün nəzərdə tutulan və kurikulumda təsbit olunmuş müvafiq məzmun standartlarını reallaşdırın tədris materialları eks olunur.

Dərslik ikihisəli olub ümumilikdə 4 bölmədən ibarətdir. Uyğun bölmələrin ümumi titul səhifəsi var və hər bir bölmə ümumiləşdirici dərs üçün nəzərdə tutulmuş tapşırıqlarla bitir. Bölməyə daxil olan hər mövzu yeni səhifədən başlayır. Hər bir dərsə aid olan sual və tapşırıqlar nömrələnmişdir.

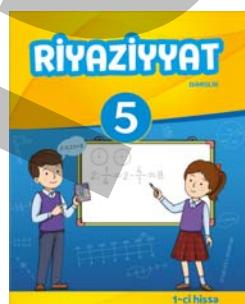
İş dəftəri. Dərslikdə verilmiş məzmunun şagirdlər tərəfindən daha dərindən mənim-sənilməsi üçün misal və məsələləri ehtiva edir. Qazanılmış bilik və bacarıqların tək-milləşdirilməsi, praktik vərdişlərin formalasdırılması üçün iş dəftəri xüsusi əhəmiyyət kəsb edir. Şagirdin iş dəftərindəki fəaliyyətinə əsasən formativ qiymətləndirmə, təlim prosesinin monitorinqi və şagird nailiyyətlərinə nəzarət həyata keçirilə bilər.

Müəllimlər üçün nəzərdə tutulan **metodik vəsait** ümumi (giriş) hissədən və dərslerin şərhindən ibarətdir. Ümumi hissədə dərsliyin məzmun-struktur və metodoloji konsepsiyası eks olunur. Bunlar aşağıdakılardır:

- V sinifdə riyazi təhsilin əsas prinsipləri.
- Riyaziyyat təliminin fəaliyyət xətləri üzrə təşkili.
- Məsələ həlli dərslərinin təşkili.
- Ümumi illik planlaşdırma.
- Məzmun standartlarının bölmə və mövzular üzrə reallaşma cədvəli.
- Ümumiləşdirici dərslərin təşkili.

Hər bir bölmənin girişində uyğun tədris materiallarının icmali və dərslik komponentləri üzrə bölmənin məzmun xəritəsi (bölmə, dərs, standart, səhifə və s.) verilir. Hər bir dərsin şərhində aşağıdakılardan öz əksini tapır:

- Standartlar üzrə təlim nəticəsi.
- Dərs üçün lazım olan resurslar (əyani vəsaitlər və elektron mənbələr).
- Motivasiya üzrə tövsiyələr (mövzuya yönəltmə).
- Təlim texnologiyası üzrə tövsiyələr.
- Təlim prosesində, adətən, şagirdlərin çətinlik çəkdikləri məqamları aradan qaldırmaq istiqamətində tövsiyələr.
- Misal və məsələlərin həlli üzrə tövsiyələr.
- Diferensial təlim üzrə tövsiyələr.
- Məsələ həlli dərslərinin təşkili üzrə tövsiyələr.
- Formativ qiymətləndirmə meyarları və vasitələri.
- Bölmə üzrə ümumiləşdirici dərslərin təşkili.



2

DƏRSLİYİN QURULUŞU VƏ TƏLİM KONSEPSİYASI

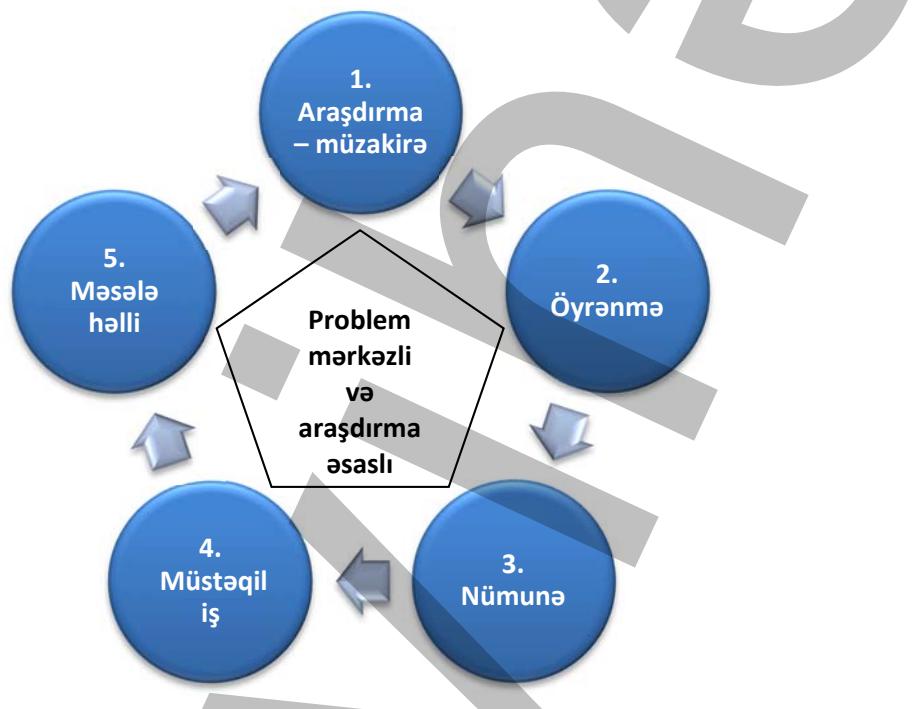
Mövzuların təlim modeli “Öyrən” → “Möhkəmləndir” → “Tətbiq et” modelinə əsaslanır.

Öyrən – bilik və bacarıqların mənimşədilməsidir.

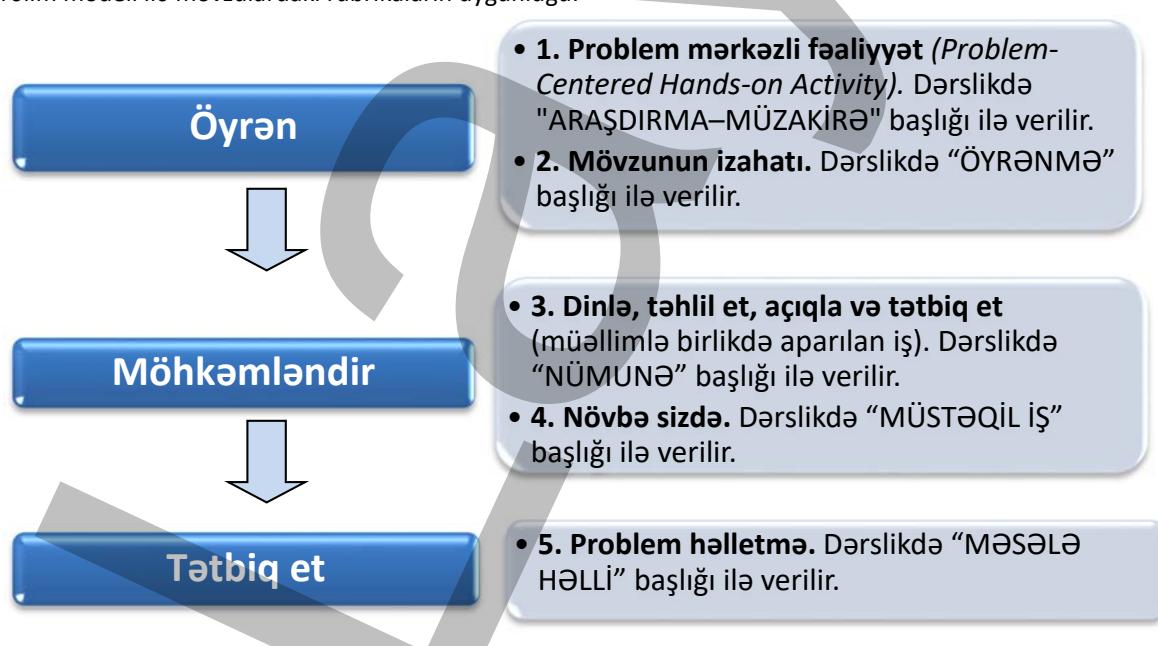
Möhkəmləndir – qazanılmış yeni bilik və bacarıqların praktik tapşırıq, çalışmalar, layihələr və başqa üsullarla təkmilləşdirilməsidir.

Tətbiq et – öyrənilən bilik və bacarıqların getdikcə mürakkəbləşən məsələ həllinə və riyazi modelləşdirməyə tətbiq olunmasıdır.

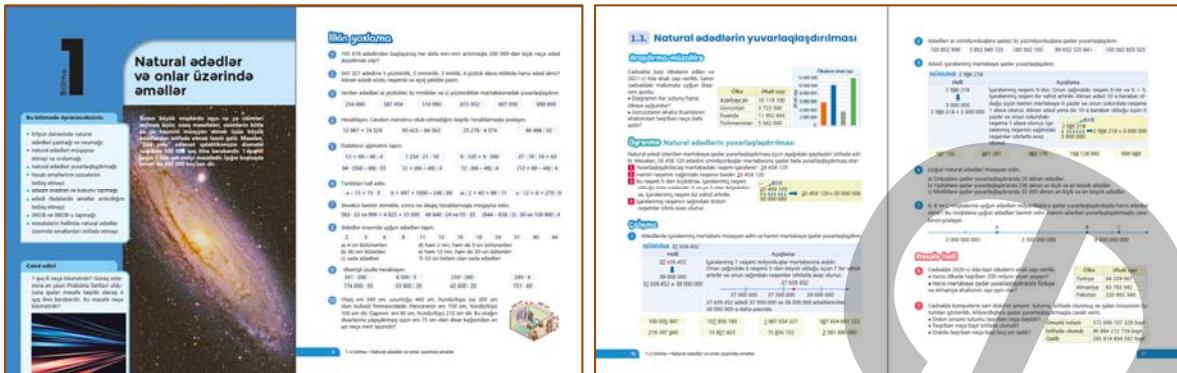
Hər bir mövzu beşmərhələli təlim tsikli əsasında tədris edilir. Mövzu araşdırma-müzakirə xarakterli məsələ həlli ilə başlayıb öyrəndikləri yeni biliklərin məsələ həllinə tətbiqi ilə bitir.



Təlim modeli ilə mövzuların rubrikalarının uyğunluğu:



Təlim materialları aşağıdakı rubrikalar üzrə qruplaşdırılmışdır:



Dərslikdə təqdim olunan təlim bloklarının funksiyaları dərsliyin “Kitabınızla tanış olun” hissəsində izah edilmişdir.

Bölmənin ilk səhifəsi. Bölmələrin giriş hissəsində öyrədiləcək mövzularla və onların tətbiqi ilə bağlı ilkin təsəvvürlər verilir. Bu səhifədə “Bölmədə öyrənəcəksiniz” başlığı altında öyrədiləcək bilik və bacarıqlar təqdim olunur. “Cəhd edin!” başlığı altında təqdim olunan məsələ bölmədə öyrədilən bacarıqların əhəmiyyətini şagirdlərə izah etmək üçün nəzərdə tutulur. Bu məsələni həll etmək vacib olmasa da, məsələnin həll strategiyası və tələb olunan biliklər barədə müzakirə təşkil etmək olar.

İlkin yoxlama. Bölmədə öyrədiləcək materiallarla bağlı şagirdlərin aşağı siniflərdən öyrəndikləri bilik və bacarıqların təkrarı üçün nəzərdə tutulur və diaqnostik qiymətləndirmə məqsədilə istifadə oluna bilər.

Araşdırma-müzakirə. Hər bir mövzunun öyrənilməsi əhəmiyyətli riyazi fikirləri formalasdırmağa imkan verən, məsələ həlli bacarıqlarının təkmilləşdirilməsinə yardım edən fəaliyyətlə başlanır. Bu fəaliyyət şagirdləri konkret, yaxud təsviri modeldən istifadə etməklə və dərsdə daha fəal iştiraka həvəsləndirməklə həyata keçirilir. Fəaliyyətdə şagirdlər qrup şəklində də iştirak edə bilərlər. Bununla əlaqədar olaraq müəllim üçün metodik vəsaitdə problem mərkəzli fəaliyyətin sinifdə necə həyata keçirilməsi, dərkətmənin inkişafı üçün şagirdlərə düzgün istiqamətdə fikirləşmə və əlaqələndirmə apara bilmələri üçün hansı sual və göstərişlərdən (ipucundan) istifadə etməsi, fəaliyyətin nəticələrinin bölüşülməsinə və ümumiləşdirilməsinə dair qısa tövsiyələr və başqa şərhələr veriləcəkdir.

Öyrənmə. Yeni bilik və məlumatların izahıdır. Problem mərkəzli fəaliyyətdən sonra müvafiq mövzunun izah zamanı “konkret-təsviri-müċərrəd” yanaşmasına uyğun konkret və təsviri modellərdən istifadə edilir. Bir mövzuda bir neçə öyrənmə materialı ola bilər. Hər öyrənmə materialından sonra nümunəli tapşırıq verilir.

Şagirdlərin fəaliyyəti zamanı onların daha çox hansı səhv'lərə yol verdikləri aşkarılır və onları aradan qaldırmaq üçün lazımi göstərişlər və şərhələr verilir. Bu prosesdə dərslikdə və iş dəftərində mövzu ilə bağlı əhəmiyyətli məqamlara, əsas məlumatlara, şagirdlərin düzgün düşünmə tərzlərinə, tez-tez yol verilən səhv'lər və ya anlaşılmazlıqlara diqqət çəkmək üçün xüsusi tövsiyələr verilir.

Yeni anlayışların öyrənilməsi prosesində “konkret-təsviri-müċərrəd” yanaşmasına əsasən şagirdlərin eyni anlayışa uyğun bir neçə modeli təcrübədən keçirmələrinə imkan yaradılmalıdır. Digər tərəfdən “scaffolding” (tax-tabənd) strategiyası ilə tədris prosesini şagirdlərin şəxsi ehtiyaclarına uyğunlaşdırmaq nəzərdə tutulur. Başqa sözlə, məqsəd şagirdləri tədricən daha yaxşı anlamağa yönəltmək və nəticədə onların dərs prosesində daha müstəqil olmalarını təmin etməkdir.

Nümunə. Fəaliyyət, yaxud mövzu izahının əsasını təşkil edən riyazi bilik və bacarıqları mücərrədləşdirən nümunə və uyğun tapşırıqlara yer verilir. Şagirddən bunları əvvəlcə təhlil etməsi (və ya müəllimin açıqlamasına qulaq asması), daha sonra isə onu izah etməsi gözlənilir. Ardınca şagirdlərin öyrəndiklərini tətbiq etmələri üçün bənzər tapşırıqlar nəzərdə tutulur.

Diqqət. Mövzu ilə bağlı mühüm bilik və ya bacarıqlar.

Yadda saxla. Xüsusi əhəmiyyət daşıyan riyazi qaydalar.

Riyaziyyat tarixindən. Mövzuya aid riyaziyyat tarixindən maraqlı faktlar.

Çalışma. Nümunə üçün verilmiş tapşırığın həllini nəzərdən keçirərək şagirdlərin onu sərbəst şəkildə həll edə biləcəklərini və qazanılması nəzərdə tutulan müvafiq bilik və bacarıqları qüvvətləndirəcək az sayda tapşırıqlar verilir. Bu həmcinin müəllimə formativ qiymətləndirmə aparmağa da yardım edəcəkdir. Metodik vəsaitdə diferensial təlim üçün nəzərdə tutulan tapşırıqlar üzrə tövsiyələr eks olunur. Belə ki, sərbəst iş zamanı zəif nəticə göstərən şagirdlərə təkrar izah, yaxud yüksək nəticə göstərən şagirdlər üçün veriləcək əlavə fəaliyyət, çalışma və tapşırıqlara dair materiallar verilir.

Məsələ həlli. Hər bir mövzu üçün bir neçə məsələ həlli etmək nəzərdə tutulur. Problem həllətmə bacarıqları qoyulan problemin mərhələlərlə həll edilməsi şəklində formalasdırılır.

3

MƏSƏLƏ HƏLLİ DƏRSLƏRİNİN TƏŞKİLİ

Məsələ həlli riyaziyyat təliminin ayrılmaz hissəsidir. Şagirdlər daim həlli aşkar görünməyən və adı riyazi prosedurların tətbiqini deyil, daha çox riyazi təfəkkür və yaradıcılıq tələb edən məsələ həlli ilə məşğul olmalıdır. *Riyaziyyat Müəllimlərinin Milli Şurası (National Council of Teachers of Mathematics) tərəfindən təsdiq olunmuş standartlarda qeyd edilir: "Məsələ həlli – riyazi təhsilin əsas məqsədi olmaqla yanaşı, həm də bunun üçün əsas vasitədir. Şagirdlər üçün daha çox məsələ qurmaq və onları həll etmək, özü də daha çox səy tələb edən mürəkkəb məsələləri həll etmək imkanları yaratmaq lazımdır" (NCTM, Principles and Standards for School Mathematics, p.52, 2000).*

Şagirdlərin məsələ həlli zamanı yol verdikləri səhvələri təhlil edən Avstraliya təhsil tədqiqatçısı Anne Nyuman (Anne Newman) bu səhvələri 5 mərhələyə ayırmışdır:

Səhvin xarakteri	Şərhi	Aradan qaldırmaq üçün şagirdə verilən tövsiyələr
Oxuma	Termin və riyazi simvollar düzgün oxunmur.	Sualı təkrar oxu
Anlama	Məsələ tam dərk olunmur.	Məsələdə sizdən nəyi tapmaq tələb olunur?
Çevirmələr	Çevirmələr düzgün yerinə yetirilmir.	Məsələni necə həll etməyi düşünürsünüz?
Riyazi prosedur və faktlar	Riyazi hesablamalarda səhvə yol verilir.	Cavabı necə hesablayardınız?
Kodlaşdırma	Həll tapılsa da, məsələnin cavabı düzgün göstərilmir.	Təkrar həll edib cavabı altından yaz.

Newman, M. A. (1977). *An analysis of sixth-grade pupils' errors on written mathematical tasks*. Victorian Institute for Educational Research Bulletin, 39, 31-43.

Newman, M. A. (1983). *Strategies for diagnosis and remediation*. Sydney: Harcourt, Brace Jovanovich.

Məşhur riyaziyyatçı, elmin təbliğatçısı və riyazi təhsilin araşdırıcısı Corc Polyanın (George Pólya, "How to Solve It", 2nd ed., Princeton University Press, 1957) nəzəriyyəsinə əsasən, məsələ həlli 4 fazadan keçir:

1. Məsələni başa düşmək (anlama).

Çox vaxt müəllimlər bu mərhələyə ciddi fikir vermədiklərindən şagirdlər hətta sadə məsələləri də həll etməkdə çətinlik çəkirərlər. Bu çətinliyi tədricən aradan qaldırmaq məqsədilə şagirdlərə müxtəlif suallar vermək olar:

- Məsələnin şartındaki bütün sözlərin mənası aydınlaşdırımı?
- Sizdən nəyi tapmaq və ya göstərmək tələb olunur?
- Məsələnin şartını öz sözlərinizlə necə söyləyə bilərsiniz?
- Məsələnin şartını necə təsəvvür edirsiniz?
- Məsələni daha yaxşı başa düşmək üçün onu şəkil, yaxud sxemlə necə təsvir etmək olar?

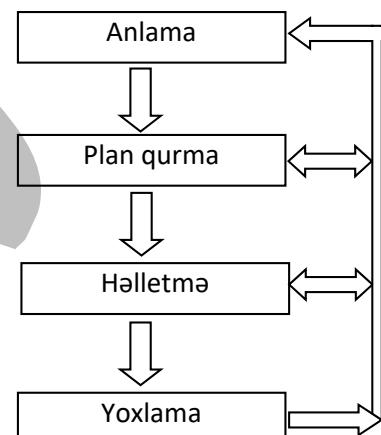
Məsələnin şartını daha yaxşı başa düşmək üçün qısa yazılış forması, cədvəl, sxem, şəkil və digər təsvirlərdən də istifadə etmək olar.

2. Məsələni həll etmək üçün plan qurmaq.

Bir məsələni həll etmək üçün müxtəlif üsullardan istifadə etmək olar.

Düzgün üsulu seçmək bacarıqlarını formalasdırmağın ən yaxşı yolu daha çox məsələ həll etməkdir. Təcrübə qazandıqca şagirdlər məsələ həllinin daha asan strategiyasını seçə biləcəklər. Ümumi məsələ həlli strategiyaları (Alfred S. Posamentier & Stephen Krulik, "Problem Solving Strategies in Mathematics", Corwin, 2009) aşağıdakılardır:

- Təxminetmə və yoxlama (*guess and check*) – bu strategiya cavabı təxmin edib yoxlamağı və həlli təkmilləşdirməyi nəzərdə tutur.
- Praktik fəaliyyət (*Act It Out*) – vəsaitlərdən istifadə etməklə praktik fəaliyyət.
- Şəkil çəkmə (*Draw*) – şəkil və diaqramlar çəkmək.
- Siyahı tərtib etmək və cədvəl qurmaq (*Make a List and table*).
- Məntiqi düşünmə (*Think*) – əvvəlki biliklərdən istifadə etməklə məntiqi düşünmə.



3. Məsələni həll etmək.

Bu mərhələ plan qurma ilə müqayisədə daha sadədir. Şagirdlərə izah etmək lazımdır ki, əgər seçdiyiniz həll üsulu kömək etmirsə, onu dəyişmək lazımdır. Bundan çəkinmək lazım deyil: ən güclü riyaziyyatçılar da məsələnin həlli alınmayanda həll üsulunu dəyişmək məcburiyyətində qalırlar.

4. Cavabı yoxlamaq.

Yoxlama mərhələsi şagirdlər çox fayda verə bilər. Məsələ həllini müzakirə edərkən səhv'lər aydınlaşdırılır və bu tripli məsələlərin həllində hansı üsullardan istifadə etməyin daha səmərəli olduğu müəyyənləşdirilir.

Ümumiyyətlə, “məsələ həll etmək” və “məsələ həllinin tədrisi” anlayışlarını fərqləndirmək çox vacibdir. Bu baxımdan tədris prosesində hər bir məsələ həllinin 4 fazalı idrak prosesinə (anlama – plan qurma – həll etmə – yoxlama) üçmərhələli şagird fəaliyyəti kimi yanaşılması tövsiyə olunur. Mason, Burton və Stacey'ə (2010) görə (*Mason J., Burton L., & Stacey K. “Thinking Mathematically”, 2nd. ed., New York, Pearson, 2010*), məsələ həllinin tədrisi üç mərhələdə reallaşdırılır: *cəlbetmə, əqli hücum və müzakirə*.

1. Cəlbetmə mərhələsi məsələnin həllinə zəmin yaratdıği üçün buna kifayət qədər vaxt ayırməq lazımdır. Bu mərhələdə şagirdlərin məsələdə nəyi tapmaq lazım olduğunu anladıqlarına və şərti tam olaraq başa düşdüklərinə əmin olmaq lazımdır. Bunun üçün müəllim şagirdləri aşağıdakı suallar ətrafında düşünməyə istiqamətləndirir:

- Nəyi bilmərəm?
- Nə etmək istəyirəm?
- Nə edə bilərəm?

Məsələnin şərtini daha yaxşı başa düşmək üçün qısa yazılış forması, cədvəl, sxem, şəkil və digər təsvirlərdən də istifadə etmək olar. Adətən, bu mərhələ şagirdlərin daha fəal iştirakı ilə keçir. Onlar məsələni anlamaya və daha asan həll etmək üçün məsələni müxtəlif üsullarla modelləşdirirlər. Bu, rollu oyun, müxtəlif ssenari əsasında qurulmuş səhnəcik, yaxud praktik fəaliyyət ola bilər.

2. Məsələnin həlli (əqli hücum) – plan qurmağa və həll etməyə xidmət edir. Müəllim şagirdlərin düzgün strategiya seçimlərinə nəzarət edir. O, məsələni müxtəlif üsullarla həll etmək üçün şagirdlərə şərait yaradır və fərqli düşünən şagirdləri daha da həvəsləndirir. Bunun üçün onlara müxtəlif manipulyativlərdən (birləşən kublar, say çöpləri, müxtəlif konstruktörler, maqnit dairələr, onluq kublar, onluq çərçivələr və s.) sərbəst istifadə etməyə imkan yaradılır.

3. Müzakirə – yoxlamaya və ümumiləşdirməyə xidmət edir. Bu mərhələdə:

- Həllin düzgünlüyü yoxlanılır.
- Əsas ideyalar (*key ideas*) və həll prosesinin mühüm mərhələləri müzakirə edilir (reflektiv təfəkkür).
- Məsələ və onun həlli ümumiləşdirilir.

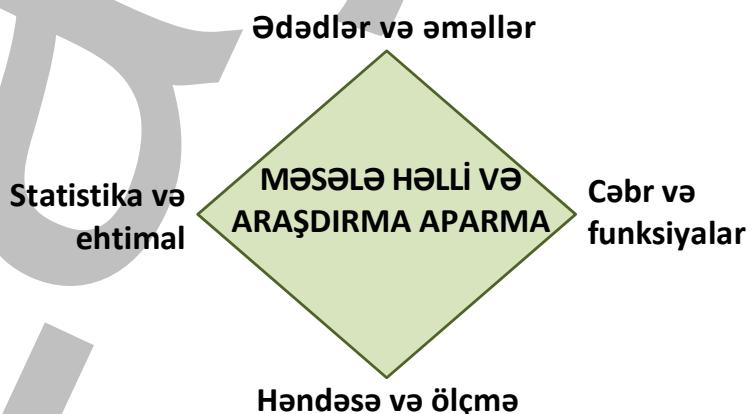
Metodik vəsaitdə nisbətən mürəkkəb məsələlərin həllinin izahında *cəlbetmə* mərhələsi üzrə tövsiyələr verilib.

4

RİYAZİYYAT FƏNN KURİKULUMU

Ümumi təhsil pilləsinin dövlət standartları və proqramları (kurikulumları) şagirdlərdə riyazi təfəkkürün və riyazi dəyərləndirmə bacarıqlarının formallaşdırılmasına xidmət edir. 5-ci sinifdə riyaziyyat fənni təkmilləşdirilmiş fənn kurikulumuna əsasən 4 məzmun xətti üzrə tədris olunur: *adadlər və əməllər, cəbr və funksiyalar, həndəsə və ölçmə, statistika və ehtimal*. Bütün məzmun xətlərinin əsas hədəfi şagirdlərdə məsələ həlli bacarıqlarının formallaşdırılmasıdır.

Məzmun xətləri üzrə təlimin təşkili zamanı mənimşənilən bilik və bacarıqların sadədən mürəkkəbə doğru olmaqla dərinləşdirilməsi və genişləndirilməsi nəzərdə tutulur. Bununla yanaşı, fənnin məzmununa daxil olan hər hansı bir bilik və bacarıq yalnız bu məzmun xətti çərçivəsində məhdudlaşdırılmış, digər xətlərlə də əlaqələndirilir.



5

5-ci SİNİFDƏ STANDARTLAR ÜZRƏ REALLAŞDIRILACAQ BACARIQLAR

1. Ədədlər və əməllər

Şagird:

1.1. Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, yazar, sıralayır, yuvarlaqlaşdırır.

1.1.1. Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, müxtəlif formalarda yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyən edir.

1.1.2. Trilyon dairəsində natural ədədləri müqayisə edir və sıralayır.

1.1.3. Trilyon dairəsində natural ədədləri tələb olunan mərtəbələrə qədər yuvarlaqlaşdırır.

1.2. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinin xassələrini tətbiq edir, əməlləri yerinə yetirir.

1.2.1. Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir.

1.2.2. Ədədin bölgən və bölgünənlərini müəyyən edir.

1.2.3. Siyahıdan istifadə etməklə iki natural ədədin ƏBOB-nu və ƏKOB-nu tapır.

1.2.4. 10-un natural üstlü müvafiqlərini, natural ədədin kvadratını və kubunu hesablayır.

1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.

1.3. Kəsrləri müqayisə edir, kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.

1.3.1. Kəsri bölmə əməli ilə əlaqələndirir.

1.3.2. Kəsrləri, qarşıq ədədləri müqayisə edir və sıralayır.

1.3.3. Natural ədədlər, kəsrlər və qarşıq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.

1.3.4. Natural ədədlər, kəsrlər və qarşıq ədədlər üzərində vurma və bölgə əməllərini yerinə yetirir.

1.4. Onluq kəsrləri müqayisə edir, onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.

1.4.1. Onluq kəsrləri oxuyur, yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyənləşdirir.

1.4.2. Onluq kəsrləri müqayisə edir və sıralayır.

1.4.3. Onluq kəsrləri yuvarlaqlaşdırır.

1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.

1.4.5. Adi və onluq kəsrlər üzərində birgə əməlləri yerinə yetirir.

1.4.6. Ədədin hissəsini və hissəsinə görə ədədi tapır.

1.5. Faizə aid sadə hesablamaları yerinə yetirir.

1.5.1. Faiz anlayışını izah edir.

1.5.2. Ədədin faizini, faizinə görə ədədi tapır.

1.5.3. Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırılması və azaldılmasına aid məsələləri həll edir.

2. Cəbr və funksiyalar

Şagird:

2.1. Riyazi ifadələri tərtib edir, sadələşdirir və dəyişənin verilmiş qiymətində ifadənin qiymətini tapır.

2.1.1. Verilənlərə uyğun dəyişəni olan riyazi ifadə tərtib edir, verilmiş riyazi ifadəni şifahi söyləyir.

2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir.

2.1.3. Ən çoxu üçdəyişənli riyazi ifadələrin qiymətinin hesablanmasında əməllər ardıcılığından istifadə edir.

2.2. Sadə bərabərsizliklərin natural həllini tapır, sadə tənlikləri həll edir.

2.2.1. Sadə bərabərsizliklərin natural həllərini seçmə üsulla tapır.

2.2.2. Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə tənlikləri həll edir.

2.2.3. Məsələ həllində tənliklərdən istifadə edir.

2.3. Sadə funksional asılılıqları müxtəlif formalarda ifada edir.

2.3.1. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqları hərflərin köməyi ilə dəstər şəklində ifadə edir.

2.3.2. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqlara uyğun cədvəl tərtib edir.

2.3.3. Kəmiyyətlər arasındaki sadə asılılıqları qrafiki təsvir edir.

3. Həndəsə

Şagird:

3.1. Bucaqları təsnif edir, bucağın tənbölənini tanır .

- 3.1.1. Qonşu bucaqları və qarşılıqlı bucaqları tanır, xassələrini tətbiq edir.
- 3.1.2. "Konqruyent bucaqlar" və "bucağın tənböləni" anlayışlarını izah edir.

3.2. Xətkeş, günyə və transportin köməyi ilə sadə həndəsi fiqurları çəkir.

- 3.2.1. Müstəvidə perpendikulyar və paralel düz xətlər çəkir.
- 3.2.2. Kvadrat və düzbucaqlı çəkir.
- 3.2.3. Üçbucaq çəkir.



3.3. Müstəvi fiqurların sahəsini hesablayır.

- 3.3.1. Düzbucaqlı üçbucağın sahəsini hesablayır.
- 3.3.2. Mürəkkəb fiqurların sahəsini hesablayır.

3.4. Fəza fiqurlarının həcmini və səthlərinin sahəsini hesablayır.

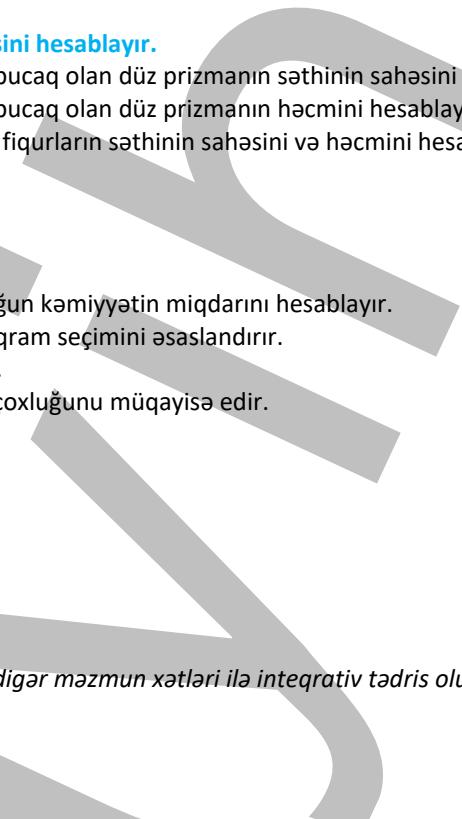
- 3.4.1. Kubun, kuboidin və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.
- 3.4.2. Kubun, kuboidin və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmini hesablayır.
- 3.4.3. Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb fiqurların səthinin sahəsini və həcmini hesablayır.

5. Statistika və ehtimal

Şagird:

5.1. Məlumatları toplayır, təsvir və təhlil edir.

- 5.1.1. Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.
- 5.1.2. Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır.
- 5.1.3. Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır.
- 5.1.4. Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğununu müqayisə edir.



*Qeyd: 4. ÖLÇMƏ məzmun xətti 5-11-ci siniflərdə digər məzmun xətləri ilə integrativ tədris olunduğuundan ayrıca bir xətt kimi nəzərdə tutulmur.



I yarımil üzrə məzmun standartlarının reallaşdırılması cədvəli

Bölmə və mövzular	I bölmə								II bölmə								III bölmə								IV bölmə							
	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6	1.7	1.8	2.1	2.2	2.3	2.4	2.5	2.6	2.7	2.8	2.9	2.10	3.1	3.2	3.3	3.4	3.5	3.6	3.7	3.8	3.9	3.10	3.11	4.1	4.2	4.3
Məzmun standartları																																
1. Ədədlər və əməllər																																
1.1 Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, yazar, sıralayır, yuvarlaqlaşdırır.																																
1.1.1.Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, müxtəlif formalarda yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiyatını müəyyən edir.	✓																															
1.1.2.Trilyon dairəsində natural ədədləri müqayisə edir və sıralayır.		✓																														
1.1.3.Trilyon dairəsində natural ədədləri tələb olunan mərtəbələrə qədər yuvarlaqlaşdırır.			✓																													
1.2.Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinin xassələrini tətbiq edir, əməlləri yerinə yetirir.																																
1.2.1 Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir.				✓	✓	✓	✓																									
1.2.2. Ədadın böln və bölünənlərini müəyyən edir.									✓																							
1.2.3. Siyahıdan istifadə etməklə iki natural ədadın ƏBOB-nu və ƏKOB-nu tapır.										✓																						
1.2.4. 10-un natural üstlü qüvvətlərini, natural ədadın kvadratını və kubunu hesablaşdırır.	✓					✓		✓																								
1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.				✓	✓	✓	✓																									
1.3. Kəsrləri müqayisə edir, kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.																																
1.3.1. Kəsri bölmə əməli ilə əlaqələndirir.											✓																					
1.3.2. Kəsrləri, qarışq ədədləri müqayisə edir və sıralayır.												✓																				
1.3.3. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.												✓	✓	✓																		
1.3.4. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.													✓	✓	✓																	

Bölmə və mövzular	I bölmə										II bölmə										III bölmə										IV bölmə				
	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6	1.7	1.8	2.1	2.2	2.3	2.4	2.5	2.6	2.7	2.8	2.9	2.10	3.1	3.2	3.3	3.4	3.5	3.6	3.7	3.8	3.9	3.10	3.11	4.1	4.2	4.3	4.4		
Məzmun standartları																																			
1. Ədədlər və əməllər																																			
1.4. Onluq kəsrləri müqayisə edir, onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.																																			
1.4.1. Onluq kəsrləri oxuyur, yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyənləşdirir.																																			
1.4.2. Onluq kəsrləri müqayisə edir və sıralayır.																																			
1.4.3. Onluq kəsrləri yuvarlaqlaşdırır.																																			
1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.																																			
1.4.5. Adı və onluq kəsrlər üzərində birgə əməlləri yerinə yetirir.																																			
1.4.6. Ədədin hissəsini və hissəsinə görə ədədi tapır.																																			
1.5. Faizə aid sadə hesablamaları yerinə yetirir.																																			
1.5.1. "Faiz" anlayışın izah edir.																																			
1.5.2. Ədədin faizini, faizinə görə ədədi tapır.																																			
1.5.3. Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırılması və azaldılmasına aid məsələləri həll edir.																																			
2. Cəbr və funksiyalar																																			
2.1. Riyazi ifadələri tərtib edir, sadələşdirir və dəyişənin verilmiş qiymətində ifadənin qiymətini tapır.																																			
2.1.1. Verilənlərə uyğun dəyişəni olan riyazi ifadə tərtib edir, verilmiş riyazi ifadəni şifahi söyləyir.																																			
2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir.																																			
2.1.3. Ən çoxu üçdəyişənli riyazi ifadələrin qiymətinin hesablanmasında əməllər ardıcılığından istifadə edir.																																			
2.2. Sadə bərabərsizliklərin natural həllini tapır, sadə tənlikləri həll edir.																																			
2.2.1. Sadə bərabərsizliklərin natural həllərini seçmə üsulla tapır.																																			
2.2.2. Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə tənlikləri həll edir.																																			
2.2.3. Məsələ həllində tənliklərdən istifadə edir.																																			

Bölmə və mövzular	I bölmə							II bölmə							III bölmə							IV bölmə											
Məzmun standartları	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6	1.7	1.8	2.1	2.2	2.3	2.4	2.5	2.6	2.7	2.8	2.9	2.10	3.1	3.2	3.3	3.4	3.5	3.6	3.7	3.8	3.9	3.10	3.11	4.1	4.2	4.3	4.4
5. Statistika və ehtimal																																	
5.1. Məlumatları toplayır, təsvir və təhlil edir.																																	
5.1.1. Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.																																	
5.1.2. Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır.																																	
5.1.3. Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır.																																	
5.1.4. Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğununu müqayisə edir.																																	

II yarımil üzrə məzmun standartlarının reallaşdırılması cədvəli

Məzmun standartları	Bölmə və mövzular		V bölmə						VI bölmə						VII bölmə						VIII bölmə					
	5.1	5.2	5.3	5.4.	1.5	5.6	6.1	6.2	6.3	6.4	6.5	6.6	7.1	7.2	7.3	7.4	7.5	8.1	8.2	8.3						
1. Ədədlər və əməllər																										
1.1 Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, yazar, sıralayır, yuvarlaqlaşdırır.																										
1.1.1.Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, müxtəlif formalarda yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiyəmətini müəyyən edir.																										
1.1.2.Trilyon dairəsində natural ədədləri müqayisə edir və sıralayır.																										
1.1.3.Trilyon dairəsində natural ədədləri tələb olunan mərtəbələrə qədər yuvarlaqlaşdırır.																										
1.2.Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinin xassələrini tətbiq edir, əməlləri yerinə yetirir.																										
1.2.1 Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir.																										
1.2.2. Ədədin bölən və bölünənlərini müəyyən edir.																										
1.2.3. Siyahidan istifadə etməklə iki natural ədədin ƏBOB-nu və ƏKOB-nu tapır.																										
1.2.4. 10-un natural qüvvətlərini, natural ədədin kvadratını və kubunu hesablıyır.																										
1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxrəqəmli məsələləri həll edir.																										
1.3. Kəsrləri müqayisə edir, kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.																										
1.3.1. Kəsri bölmə əməli ilə əlaqələndirir.																										
1.3.2. Kəsrləri, qarışq ədədləri müqayisə edir və sıralayır.																										
1.3.3. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.																										
1.3.4. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.																										
1.4.1. Onluq kəsrləri oxuyur, yazar və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiyəmətini müəyyənləşdirir.																										
1.4.2. Onluq kəsrləri müqayisə edir və sıralayır.																										
1.4.3. Onluq kəsrləri yuvarlaqlaşdırır.																										
1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.																										
1.4.5. Adı və onluq kəsrlər üzərində birgə əməlləri yerinə yetirir.																										
1.4.6. Ədədin hissəsini və hissəsinə görə ədədi tapır.																										
1.5. Faiza aid sadə hesablamları yerinə yetirir.																										
1.5.1. "Faiz" anlayışın izah edir.																										
1.5.2. Ədədin faizini, faizinə görə ədədi tapır.																										
1.5.3. Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırılması və azaldılmasına aid məsələləri həll edir.																										

Bölmə və mövzular	V bölmə						VI bölmə						VII bölmə				VIII bölmə			
	5.1	5.2	5.3	5.4	5.5	5.6	6.1	6.2	6.3	6.4	6.5	6.6	7.1	7.2	7.3	7.4	7.5	8.1	8.2	8.3
Məzmun standartları																				
2. Cəbr və funksiyalar																				
2.1. Riyazi ifadələri tərtib edir, sadələşdirir və dəyişənin verilmiş qiymətində ifadənin qiymətini tapır.																				
2.1.1. Verilənlərə uyğun dəyişəni olan riyazi ifadə tərtib edir, verilmiş riyazi ifadəni şifahi söyləyir.	✓																			
2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir.	✓	✓	✓																	
2.1.3. Ən çoxu üçdəyişənli riyazi ifadələrin qiymətinin hesablanmasında əməllər ardıcılığından istifadə edir.	✓	✓																		
2.2. Sadə bərabərsizliklərin natural həllini tapır, sadə tənlikləri həll edir.																				
2.2.1. Sadə bərabərsizliklərin natural həllərini seçmə üsulla tapır.									✓											
2.2.2. Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə tənlikləri həll edir.							✓	✓												
2.2.3. Məsələ həllində tənliklərdən istifadə edir.							✓													
2. Cəbr və funksiyalar																				
2.3. Sadə funksional asılılıqları müxtəlif formalarda ifadə edir.																				
2.3.1. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqları hərflərin köməyi ilə düstur şəklində ifadə edir.									✓											
2.3.2. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqlara uyğun cədvəl tərtib edir.									✓											✓
2.3.3. Kəmiyyətlər arasındaki sadə asılılıqları qrafiki təsvir edir.									✓											✓
3. Həndəsa																				
3.1. Bucaqları təsnif edir, bucağın tənbölənini tanıır.																				
3.1.1. Qonşu bucaqları və qarşılıqlı bucaqları tanıır, xassələrini tətbiq edir.										✓										
3.1.2. "Kongruent bucaqlar" və "bucağın tənböləni" anlayışlarını izah edir.										✓										
3.2. Xətkəş, günüxən və transportırın köməyi ilə sadə həndəsi fiqurları çəkir.																				
3.2.1. Müstəvidə perpendikulyar və paralel düz xətlər çəkir.											✓									
3.2.2. Kvadrat və düzbucaqlı çəkir.										✓										
3.2.3. Üçbucaq çəkir.											✓									
3.3. Müstəvi fiqurların sahəsini hesablayır.																				
3.3.1. Düzbucaqlı üçbucağın sahəsini hesablayır.											✓									
3.3.2. Mürəkkəb fiqurların sahəsini hesablayır.											✓									
3.4. Fəza fiqurlarının hacmini və səthlərinin sahəsini hesablayır.																				
3.4.1. Kubun, kuboidin və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.												✓	✓							
3.4.2. Kubun, kuboidin, oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın hacmini hesablayır.																				✓
3.4.3. Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb fiqurların səthinin sahəsini və hacmini hesablayır.																	✓	✓	✓	

Bölmə və mövzular	V bölmə						VI bölmə						VII bölmə				VIII bölmə				
	5.1	5.2	5.3	5.4	5.5	5.6	6.1	6.2	6.3	6.4	6.5	6.6	7.1	7.2	7.3	7.4	7.5	8.1	8.2	8.3	
Məzmun standartları																					
5. Statistika və ehtimal																					
5.1. Məlumatları toplayır, təsvir və təhlil edir.																			✓		
5.1.1. Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.																					
5.1.2. Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır.																					✓
5.1.3. Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır.																		✓			
5.1.4. Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğun müqayisə edir.																		✓			

Planlaşdırma

Dərslik komplektinə daxil olan komponentlər təlim prosesinin effektivliyini artırmaqla yanaşı, şagirdlərin təlim nəticələrini yüksəltməyə xidmət edir. Təklif olunan dərslik komplekti V sinif riyaziyyat üzrə altstandartların tam reallaşdırılmasına xidmət edir və müəllimlərə illik və gündəlik planlaşdırılmaya yardım göstərir.



Gündəlik planlaşdırma

Müəllim üçün vəsaitin əsas hissəsinə gündəlik planlaşdırırmaya dair tövsiyələr təşkil edir. Hər bir mövzunun tədrisi aydın şəkildə təsvir edilir və təqdim olunan təlim materialları ilə müxtəlif üsullarla istifadə üzrə məsləhətlər verilir. Müəllim şagirdlərin hazırlıq səviyyəsindən və sinif texniki təchizatından asılı olaraq müxtəlif rəqəmsal texnologiyalardan (interaktiv lövhə, projektor və s.) istifadə etməklə təlim məqsədlərinə nailolma səviyyəsini yüksəldə bilər.

Ümumiləşdirici dərslərin təşkili

Bölmələr və ya yarımillər üzrə ümumiləşdirici dərslərin əsas məqsədi mövzuların tədrisi zamanı qazanılan biliklərin sistemləşdirilməsi və möhkəmləndirilməsidir. Belə dərslər əldə olunmuş biliklərin əlaqələndirilməsinə və daha da dərinləşdirilməsinə, həmcinin nəzərdə tutulmuş bacarıqların təkmilləşdirilməsinə yardım edir. Bölmə və ya yarımillər üzrə ümumi sorğu keçirməklə şagirdlərin çətinlik çəkdikləri mövzuları və nisbətən zəif reallaşdırılmış standartları müəyyənləşdirmək olar. Bu zaman dərsi şagirdlərin zəif cəhətlərinin aradan qaldırılması istiqamətində qurmaq daha məqsədəyğundur.

Dərslik və iş dəftərində verilmiş tapşırıqlarla yanaşı, müəllim şagirdlərə bölmə, yaxud yarımildə reallaşdırılması nəzərdə tutulan altstandartlar üzrə əlavə sual və tapşırıqlar da verə bilər.

Müəllim şagirdlərin inkişaf dinamikasını nəzarətdə saxlamalıdır. Dərsin digər bir məqsədi tapşırıqlar əsasında şagirdlərin mövzuları qavrama səviyyəsini müşahidə etməkdir.

STEAM LAYİHƏLƏRİ ÜZRƏ İŞİN TƏŞKİLI

STEAM (Science, Technology, Engineering, Art, Mathematics) layihələri şagirdlərdə riyazi bilikləri əlaqələndirmək, riyazi bilik və bacarıqları gündəlik həyata tətbiq etmək məqsədi daşıyır. Layihələr məktəblilərin müəyyən mövzu üzrə müstəqil tədqiqat aparmalarını nəzərdə tutur. Layihə üzərində işin vaxtı dəqiqləşdirilir, şagirdlər tövsiyələr, məsləhətlər verilir. Problem konkret qoyulur. Müəllim və şagirdlər birlikdə layihə üzərində işin icra müddətini, istifadə olunacaq vasitələri (ədəbiyyat, mənbə, təsvir vasitələri, ləvazimat və s.), bunları əldə etmək yollarını, iş formallarını müəyyən edirlər. İş prosesində müəllim şagirdlərə istiqamət verə bilər. İşin icrasına isə şagirdlər cavabdehdirlər. Tədqiqatın nəticəsi hazır məhsul, təqdimat, illüstrasiya, fotosəkillər, videomaterial, albom və s. formalarda ifadə oluna bilər.

Layihə şagirdlərin mövzunun, bölmənin öyrənilməsinə yönəlmüş, müəllimin tövsiyəsi ilə hazırlanın və həyata keçirilən yaradıcı müstəqil işidir.

Layihə üzrə iş aşağıdakı mərhələlərdə həyata keçirilir:

1. Hazırlıq. 2. Planlaşdırma. 3. Fəaliyyət. 4. Təqdimat.

V sinif. Riyaziyyat (1-ci hissə)

I yarımil üzrə planlaşdırma ($17 \times 5 = 85$ saat)

No	Bölmə, fəsil və mövzular	saat
BÖLMƏ 1. NATURAL ƏDƏDLƏR VƏ ONLAR ÜZƏRİNĐƏ ƏMƏLLƏR		
	İlkin yoxlama	1
1.1	Natural ədədlər	1
1.2	Müqayisə və sıralama	1
1.3	Natural ədədlərin yuvarlaqlaşdırılması	1
1.4	Natural ədədlərin toplanması və çıxılması	1
1.5	Natural ədədin kvadrati və kubu	1
1.6	Natural ədədlərin vurulması və bölünməsi	1
1.7	Ədədi ifadələr	2
1.8	Ədədin bölen və bölünənləri	2
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM "Parker" Günəş Zondu	2
	KSQ-1	1
	BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR	14
BÖLMƏ 2. ADİ KƏSRLƏR		
	İlkin yoxlama	1
2.1	Düzgün kəsrlər və düzgün olmayan kəsrlər	2
2.2	Müqayisə və sıralama	2
2.3	Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin toplanması və çıxılması	3
2.4	Qarışiq ədədlərin toplanması	2
2.5	Qarışiq ədədlərin çıxılması	2
	Məsələ və misallar	2
2.6	Adi kəsrlərin vurulması	2
2.7	Qarışiq ədədlərin vurulması	2
2.8	Adi kəsrlərin bölünməsi	3
2.9	Qarışiq ədədlərin bölünməsi	2
2.10	Ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılması	3
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM "Qurama"	2
	KSQ-2	1
	BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR	29
BÖLMƏ 3. ONLUQ KƏSRLƏR		
	İlkin yoxlama	1
3.1	Onluq kəsrlər	2
3.2	Müqayisə və sıralama	1
3.3	Onluq kəsrlərin yuvarlaqlaşdırılması	1
3.4	Adi kəsrin onluq kəsrə, onluq kəsrin adı kəsrə çevrilməsi	2
3.5	Onluq kəsrlərin toplanması və çıxılması	2
	Məsələ və misallar	2
3.6	Onluq kəsrlərin 10-un qüvvətlərinə vurulması və bölünməsi	2
3.7	Onluq kəsrin natural ədədə vurulması	2
3.8	Onluq kəsrlərin vurulması	2
3.9	Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi	2
3.10	Ədədin onluq kəsrə bölünməsi	3
3.11	Onluq və adi kəsrlər üzərində əməllər	3
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	2
	KSQ-3	1
	BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR	28
BÖLMƏ 4. FAİZ		
	İlkin yoxlama	1
4.1	Faiz, adi kəsr və onluq kəsr	2
4.2	Ədədin faizi	2

4.3	Faizinə görə ədədin tapılması	2
4.4	Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması və azaldılması	2
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	2
	KSQ-4	1
	BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR	12
	I yarımlı üzrə təkrar	2
	I YARIMİL ÜZRƏ CƏMİ	85

V sinif. Riyaziyyat (2-ci hissə)
II yarımil üzrə planlaşdırma (17x5 = 85 saat)

Nö	Bölmə, fəsil və mövzular	saat
	Kitabın ilk səhifələri	
Bölmə 5. Dəyişəni olan ifadələr, Tənlik, Bərabərsizlik		
	Bölmənin ilk səhifəsi	
	İlkin yoxlama	1
5.1	Dəyişəni olan ifadələr	2
5.2	Birdəyişənli ifadələrin sadələşdirilməsi	2
5.3	Bərabərlik və tənlik	4
5.4	Tənlik qurmaqla məsələ həlli	4
5.5	Bərabərsizliklər	3
5.6	Asılı və asılı olmayan dəyişənlər	4
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	3
	KSQ-5	1
	Bölmə üzrə ümumi saatlar	24
Bölmə 6. Müstəvi fiqurlar		
	Bölmənin ilk səhifəsi	
	İlkin yoxlama	1
6.1	Konqruent bucaqlar. Bucağın tənböləni	3
6.2	Qonşu və qarşılıqlı bucaqlar	2
	Məsələlər	2
6.3	Düzbucaqlı üçbucağın sahəsi	2
6.4	Mürəkkəb fiqurların sahəsi	2
6.5	Paralel və perpendikulyar xətlərin çəkilməsi	3
6.6	Üçbucağın çəkilməsi	1
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	3
	KSQ-6	1
	Bölmə üzrə ümumi saatlar	20
Bölmə 7. Fəza fiqurları		
	Bölmənin ilk səhifəsi	
	İlkin yoxlama	1
7.1	Kub və kuboidin səthinin sahəsi	4
7.2	Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsi	1
	Məsələlər	2
7.3	Düz prizmanın həcmi	4
7.4	Sahə vahidləri	2
7.5	Həcm vahidləri	2
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	3
	KSQ-7	1
	Bölmə üzrə ümumi saatlar	20
Bölmə 8. Statistika və məlumatların təsviri		
	Bölmənin ilk səhifəsi	
	İlkin yoxlama	1
8.1	Ədədi orta	3
8.2	Dairəvi diaqram	2
8.3	Məlumatların təsviri	3
	Ümumiləşdirici dərs və STEAM fəaliyyəti	3
	KSQ-8	1
	Bölmə üzrə ümumi saatlar	13
	Tədris ili üzrə təkrar	8
	II yarımil üzrə cəmi	85

1-ci BÖLMƏ

Natural ədədlər və onlar üzərində əməllər

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	8	
Mövzu 1.1	Natural ədədlər	1	9	3
Mövzu 1.2	Müqayisə və sıralama	1	13	6
Mövzu 1.3	Natural ədədlərin yuvarlaqlaşdırılması	1	16	8
Mövzu 1.4	Natural ədədlərin toplanması və çıxılması	1	18	10
Mövzu 1.5	Natural ədədin kvadratı və kubu	1	21	13
Mövzu 1.6	Natural ədədlərin vurulması və bölünməsi	1	23	15
Mövzu 1.7	Ədədi ifadələr	2	27	18
Mövzu 1.8	Ədədin bölən və bölünənləri	2	30	20
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM "Parker" Günəş Zondu	2	35	23
	KSQ-1	1		
	BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR	14		

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə natural ədədlər, mövqeli və mövqesiz say sistemləri, ərəb və Roma (rum) rəqəmləri, ədədin kvadratı və kubu haqqında məlumat verilir. "10-un qüvvətləri", "ortaq bölən və bölünən", "ən böyük ortaq bölən (ƏBOB)", "ən kiçik ortaq bölünən (ƏKOB)" anlayışları şagirdlərə izah edilir. Natural ədədlərin müqayisəsi və sıralanması, yuvarlaqlaşdırılması qaydası haqqında məlumat verilir. Bu qaydaların tətbiqi ilə müxətliif məsələlər həll edilir.

Nəyə diqqət yetirməli?

Şagirdlər sözlərlə yazılın ədədləri rəqəmlərlə yazmaqdə çətinlik çəkirərlər. Bu, xüsusilə çoxräqəmli ədədlərdə hər hansı rəqəmi sıfır olan halda yol verilən səhvlərdəndir. Bu zaman bir neçə mərtəbəsində sıfır olan ədədləri səsləndirib rəqəmlərlə yazmağı tapşırmaq olar. Çətinlik çəkən şagirdlərə ədədin açıq şəkildə yazılışından, yaxud qısa yazılışından istifadə etmək məqsədə uyğundur.

ƏBOB və ƏKOB anlayış kimi şagirdlər üçün yeni olsa da, 4-cü sinifdə "bölən" və "bölünən" anlayışları ilə tanışdırırlar. Şagirdlər gələcəkdə ƏBOB və ƏKOB-un tapılması ilə bağlı daha mürəkkəb məsələlərlə qarşılaşacaqları üçün 5-ci sinifdə bu anlayışların daha dərindən mənimsədilməsi vacibdir.

Riyazi dilin inkişafı

"Natural ədədlər", "onluq say sistemi", "mövqeli say sistemi", "mövqesiz say sistemi", "ərəb rəqəmləri", "Roma (rum) rəqəmləri", "ƏBOB", "ƏKOB" anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimsədilən riyazi anlayış və terminlər

Natural ədədlər, onluq say sistemi, 10-un qüvvətləri, mövqeli və mövqesiz say sistemləri, ərəb və Roma rəqəmləri, milyardlıqlar sinfi, trilyonluqlar sinfi, müqayisə, sıralama, yuvarlaqlaşdırma, dəqiq qiymət, təqribi qiymət, təxminetmə, "ƏBOB", "ƏKOB".

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Milyon dairəsində ədədlərin oxunuş və yazılış qaydaları.
- "Sinif", "mərtəbə", "mərtəbə vahidi", "mərtəbə qiyməti" anlayışları.
- Müqayisə, sıralama, yuvarlaqlaşdırma.
- Toplama, çıxmə, vurma, bölmə, təqribi hesablama, təxminetmə, cavabın inandırıcı olması.

Fənlərarası integrasiya

Natural ədədlər vasitəsilə əhali sayını, məsafəni, kütləni, tutumu və s. göstərmək olar. Trilyon dairəsində ədədlərə planetlərarası məsafələri, planetlərin kütlələrini, böyük ölkələrin əhali sayını ifadə etdikdə rast gəlinir. Təbiət dərsində insanın yaşına görə ürək döyüntülərinin sayı, heyvanların quruluşunu təhlil edərkən baş, ayaq, göz, biğciqların və s. sayı, qarşıqlarda istifadə olunan maddə miqdarı və s. ilə integrasiya oluna bilər.

MÖVZU 1.1. Natural ədədlər

ALT STANDARTLAR	1.1.1. Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur, müxtəlif formalarda yazır və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyən edir. 1.2.4. 10-un natural üstlü qüvvətlərini, natural ədədin kvadratını və kubunu hesablayır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Trilyon dairəsində natural ədədləri oxuyur. • Trilyon dairəsində natural ədədləri müxtəlif formalarda yazır. • Trilyon dairəsində natural ədədlərin yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyən edir. • Onluq say sistemində verilən ədədi rum rəqəmləri ilə yazır. • Rum rəqəmləri ilə verilən ədədi onluq say sistemində yazır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, rum rəqəmləri yazılmış kartlar, abak, mərtəbə cədvəli
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.cuemath.com/calculators/roman-numeral-calculator/ https://video.edu.az/video/4218 https://www.youtube.com/tJLES-vi4As https://www.youtube.com/nkwU0zJ1ZgA</p> <p>Riyaziyyat tarixindən: https://portal.azertag.az/az/node/9565</p> <p>Çalışma: https://www.k5learning.com/free-math-worksheets/fourth-grade-4/roman-numerals/roman-numerals-write-1-1000</p>

İlkin problemin müzakirəsi. Bölmənin ilk səhifəsində verilmiş məsələ müzakirə olunur. 4-cü sinifdə sürət, zaman və məsafə arasında əlaqədən istifadə etməklə 1 işq ilinin necə tapılması strategiyası müzakirə olunur. Şagirdlər hələ böyük ədədlərlə hesablamaları apara bilmədikləri üçün hesablamani bölmənin sonuna saxlamaq olar.

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə bir neçə ədəd yazır. O, şagirdlərə bu ədədlərdən 10, 100, 1 000 dəfə böyük ədədləri yazmağı və oxumağı tapşırır.

21  210 2 100 21 000	176  1 760 17 600 176 000	1348  13 480 134 800 1 348 000
--	---	---

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Bir ədəddən 10 dəfə böyük ədəd əvvəlkindən necə fərqlənir? Bunu necə müəyyən etmək olar? Və s.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər çoxrəqəmli ədədlərə qədər nadir hallarda sayıqları üçün bu ədədləri təsəvvür etmək nisbətən çətindir. Çoxrəqəmli ədədlərə bir neçə nümunə göstərmək (stadionların tamaşaçı tutumu, ölkələrin əhali sayı, böyük şirkətlərin illik gəliri və s.) məqsədə uyğundur.

Araşdırma-müzakirə

Günəşdən Yerə qədər məsafənin təqribən yüz əlli iki milyon kilometr olduğu qeyd olunur. Uyğun ədəd lövhəyə yazılır. Bu ədədin sonuna 1 sıfır artırımaqla 10 dəfə böyük ədəd alınmasından istifadə etməklə Günəşdən Saturna qədər məsafənin göstərən ədəd yazılır. Bu zaman siniflərə ayırmaga diqqət yetirilir.

Günəşdən Yerə qədər məsafə: 152 000 000 km

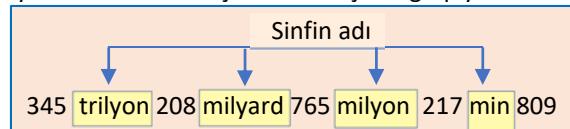
Günəşdən Saturna qədər məsafə: 1 520 000 000 km



Öyrənmə Onluq say sistemi

Natural ədədlər, onluq say sistemi və mövqeli say sistemi haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Büyük ədədlərin yazılışında milyonluqlar sinfindən sonra milyardlıqlar sinfinin, ondan sonra isə trilyonluqlar sinfinin gəldiyi qeyd olunur. Dərslikdə verilən siniflər haqqında məlumat şagirdlərin diqqətinə çatdırılır. Onluqlardan başlayaraq hər mərtəbə vahidinin özündən sağdakindan 10 dəfə böyük olduğu vurgulanır. Bu isə o deməkdir ki, hər mərtəbə vahidi özündən soldakindan 10 dəfə kiçikdir. Bunu müəllim şagirdlərə nümunələrlə göstərə bilər.

Ədədin sağdan başlamaqla 3-3 ayrılib sinifləri təşkil etdiyi və bunun oxunuşunu asanlaşdırıldığı qeyd olunur. Ayrılan hər sinifdə olan üçrəqəmli, ikirəqəmli, yaxud birrəqəmli ədəd oxunduqda təkliklər sinfindən başqa, digər siniflərin adlarının səsləndiyi vurgulanır. Beləliklə, ədədi oxumaq üçün rəqəmlərlə yazılışa hər sinfin adı əlavə olunur.



Çalışma

1. Ədədlər siniflərə ayrıılır və oxunur. Oxunuşunda rəqəmlərdən və siniflərin adlarından istifadə olunduğu vurgulanır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.
4. Qanuna uyğunluq müəyyən edilir və növbəti iki ədəd tapılır.

258 **6**87 125 034, 258 **7**87 125 034, 258 **8**87 125 034, **258 9**87 125 034, **259 0**87 125 034

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürələr. Çox vaxt şagirdlər çoxrəqəmli ədədlərin oxunuşunu eşitdikdə bu ədədi rəqəmlərlə yanan zaman səhvələrə yol verirlər. Məsələn, 15 042 138 607 ədədində milyonluqlar sinfi səsləndikdə “42 milyon” səslənir. Siniflər 3-3 rəqəmlə yazıldıqından uyğun sınıf “042” yazılılığı qeyd olunur.

On beş milyard qırıx iki milyon yüz otuz səkkiz min altı yüz yeddi \Rightarrow 15 042 138 607
15 042 138 607

Bələ səhvələrə yol verən şagirdlərə ən yüksək sinifdəki rəqəmləri yazdıqdan sonra növbəti mərtəbələrin sayı qədər siniflər üzrə qruplaşdırmaqla xətt çəkməyi tapşırmaq olar. Bu qayda ilə şagirdlər növbəti rəqəmləri uyğun mərtəbələrə yazdıqda hansı mərtəbəyə sıfır yazılığını görə bilərlər. Məsələn, 15 milyard 42 milyon 138 min 607 ədədini yazmaq üçün şagirdlər 15 yazdıqdan sonra “milyard” sözünü, əsasən, üç-üç qruplaşdırılmış 9 xətt çəkir və uyğun rəqəmləri xətlər üzərinə yazdıqda hansı mərtəbəyə sıfır artıracaqlarını daha aydın görə bilərlər.

On beş milyard qırıx iki milyon yüz otuz səkkiz min altı yüz yeddi \Rightarrow 15 ____

15 0 4 2 1 3 8 6 0 7 \Rightarrow 15 042 138 607

Öyrənmə 10-un qüvvətləri

Qüvvəti bir neçə cür oxumaq mümkün olduğu qeyd edilir. Hər bir oxunuş qaydası nümunələrlə izah olunur. Qüvvətin üstü 2 olanda kvadrat, 3 olduqda kub kimi oxunduğu da vurgulanır. Şagirdlərlə bununla bağlı müzakirə aparılır.

$10^4 \Rightarrow$ • 10 üstü 4
• 10-un 4-cü dərəcədən
qüvvəti

$10^2 \Rightarrow$ • 10 üstü 2
• 10-un kvadratı
• 10-un 2-ci dərəcədən
qüvvəti

$10^3 \Rightarrow$ • 10 üstü 3
• 10-un kubu
• 10-un 3-cü dərəcədən
qüvvəti

Fikirləş

10-un qüvvəti olan ədəddəki 0-ların sayı ilə qüvvətin üstü arasında hansı əlaqə olduğu şagirdlərdən soruşular. Şagirdlər nümunələr göstərməklə 10-un qüvvətinin üstü qədər sıfırlar olduğu nəticəsinə gəlirlər.

9. Uyğun ifadələr yazılıqla ədədlər tapılır. Məsələn: $10^3 : 5 = 1\ 000 : 5 = 200$.

Öyrənmə Ədədin açıq şəkildə yazılışı

Natural ədədin açıq şəkildə yazılışında onun qüvvətlərindən istifadə edildiyi qeyd olunur. Verilən nümunə tapşırıq lövhədə yazılıb şagirdlərlə müzakirə olunur.

$$51\ 079 = 5 \times 10\ 000 + 1 \times 1\ 000 + 0 \times 100 + 7 \times 10 + 9 = 5 \times 10^4 + 1 \times 10^3 + 7 \times 10^1 + 9$$

11. Rəqəmlərlə verilmiş ədədlər açıq şəkildə yazılırlar. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.

Öyrənmə Mövqesiz say sistemləri

Elə say sistemləri var ki, rəqəmlərin yerinə görə qiymətləri dəyişmir. Məsələn, qədim romalılar da belə bir say sistemi yaratmışlar. Cədvəldə Roma (rum) rəqəmləri və onluq say sistemində onlara uyğun olan ədədlər qeyd edilib.

Rum rəqəmləri	I	V	X	L	C	D	M
Onluq say sistemi	1	5	10	50	100	500	1 000

Rum rəqəmləri ilə ədədlərin yazılış qaydası şagirdlərə izah edilir.

Rum rəqəmləri ilə ədədlərin yazılış qaydası nümunələrlə göstərilir.

$$\text{II} \rightarrow 1 + 1 = 2$$

$$\text{VI} \rightarrow 5 + 1 = 6$$

$$\text{XIV} \rightarrow 10 + (5 - 1) = 14$$

$$\text{XL} \rightarrow 50 - 10 = 40$$

$$\text{IV} \rightarrow 5 - 1 = 4$$

$$\text{IX} \rightarrow 10 - 1 = 9$$

$$\text{XV} \rightarrow 10 + 5 = 15$$

$$\text{XC} \rightarrow 100 - 10 = 90$$

Texniki imkanları olan sinifdə bələ interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək, oyunlar oynamamaq olar:

<https://www.cuemath.com/calculators/roman-numeral-calculator/>

https://www.abcyo.com/games/roman_numerals

https://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/Roman_Numerals.as

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər rum rəqəmləri ilə yazılmış ədədləri onluq say sistemində təsvir edərkən yazılış qaydasına diqqət etmirlər. Bu da ədədin səhv müəyyən edilməsinə gətirib çıxarır. Müəllim şagirdlərə müxtəlif ədədlər yazıb onluq say sistemində təsvir etməyi tapşırı bilər. Yol verilən səhvələr müəyyənləşdirilib səhvələr üzərində işə diqqət etmək məqsədə uyğundur. Bəzən şagirdlər əksinə çevrilmə zamanı da müəyyən səhvələrə yol verirlər. Belə ki, 100 əvəzinə LL, 1 000 əvəzinə isə DD yazan şagirdlər də olur. Bu halda şagirdlərə cədvəldəki ədədlər arasındaki uyğunluq xatırladılır.

İstinadda 1-1000 ədədlərinin onluq say sistemində və rum rəqəmləri ilə yazılışları verilmişdir. Bir neçə ədəd seçib onlar üzərində onluq say sistemində yazılın ədədin rum rəqəmlərinə və əksinə çevrilişləri izah etmək olar:

<https://www.knowtheromans.com/roman-numerals/roman-numerals-1-to-1000/>



Riyaziyyat tarixindən

Şagirdlərə riyaziyyatçı-filosof Əl-Xarəzmî haqqında məlumat verilir. Dərslikdə verilən məlumatla yanaşı, şagirdlərə daha geniş məlumat vermək olar.



ƏL-XARƏZMİ

(780 – 850)

Əl-Xarəzmî "Hind hesabı haqqında" adlı ikinci riyazi traktatında o dövrə Hindistanda yayılmış onluq say sistemini təsvir etmiş və bu sistema uyğun hesab qaydaları vermişdir. Alim ilk dəfə olaraq hind rəqəmləri ilə ədədlərin yazılışında "əs-sifr" adlandırdığı "0" rəqəmindən istifadə etdi. Bizim işlətdiyimiz "sifr" və "şifr" sözlərinin kökü də "əs-sifr" sözü ilə bağlıdır. Beləliklə, hind rəqəmləri əl-Xarəzmının kitabı vasitəsilə bütün dünyaya yayıldı və yanlış olaraq ərab rəqəmləri adlandırıldı. Əl-Xarəzmının riyazi traktatları üç əsr sonra ərəb dilindən latin dilinə, sonra isə başqa Avropa dillərinə çevrildi. Bu əsərlər bir neçə əsr Avropa universitetlərində riyaziyyatdan əsas dərslik kimi istifadə edildi və onların əsasında bir çox riyaziyyat dərslikləri yazıldı. Əl-Xarəzmının əsərləri sayasında o zaman Hindistanda yayılmış onluq say sistemi Avropada tanındı və elmin inkişafında mühüm rol oynadı.

Texniki imkanları olan siniflərdə şagirdlərə video təqdimat göstərilə bilər.

<https://youtu.be/q8dydypRv9qio>

Şagirdlərə riyaziyyatçının hayatı, əsərləri, kaşfləri haqqında təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

Şagirdlərin yadda saxlaması üçün onlara ərəb rəqəmləri ilə bağlı belə məlumat da vermək olar. Sıfır rəqəminin yazılışından sonra digər rəqəmlərin yazılışı da meydana gəldi. Hər rəqəmin ilkin yazılışında bucaqların sayının rəqəmə uyğun olmasına diqqət edilmişdir. Zaman keçdikcə bəzi rəqəmlərin yazılış şəkli dəyişmişdir.

Daha ətraflı məlumatı linkdən əldə etmək olar:

https://commons.wikimedia.org/wiki/File:The_Brahmi_numeral_system_and_its_descendants.png

13. Verilən ədədlər rum rəqəmləri ilə yazılır.

Öyrənilən bilikləri ümumiləşdirmək üçün mövzunun əvvəlində verilmiş açar sözlərə diqqət yetirilir. Müəllim şagirdlərə natural ədədlər, onluq say sistemi, mövqeli və mövqesiz say sistemində nümunə göstərməyi, natural ədədləri 10-un qüvvətlərindən istifadə etməklə açıq şəkildə yazmağı tapşırı bilər. Bunun üçün müəllim şagirdlərə əlavə suallar verib yazılı və ya şifahi cavablandırmağı tapşırı bilər.



Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə 2 şagird dəvət edir və onlardan birinə rum rəqəmləri ilə, digərinə isə onluq say sistemində yazılmış ədədlər verir. Hər biri verilən ədədləri digər formada ifadə edir. Eyni olan ədədlər müəyyən olunur.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə bir neçə ədəd yazır və 3 şagird dəvət edir. Şagirdlərə onluq say sistemində yazılın ədədə uyğun rum rəqəmləri ilə yazılmış ədədi tapşırı tapşırır.

Müəllim şagirdlərə iş vərəqlərində də müxtəlif tapşırıqlar verə bilər. İstinadda nümunə tapşırıqlar verilmişdir.

Dəstək: <https://www.k5learning.com/free-math-worksheets/fourth-grade-4/roman-numerals/roman-numerals-read-1-399>

Dərinlaşdırma: <https://www.k5learning.com/free-math-worksheets/fourth-grade-4/roman-numerals/roman-numerals-read-1-1000>

Oyun. Müəllim Roma rəqəmləri yazılmış kartları masaya üzüsağı düzür. Lövhəyə 2 şagird çağırır. Şagirdlərin hər biri 5 kart seçir və bu kartların köməyi ilə bir ədəd düzəldir. Həmin ədədi 10-luq say sistemində ifadə edir və açıq şəkildə yazır. Açıq şəkildə düzgün yazılışa görə oyunçulara 1 xal verilir. Ən böyük ədəd yazan oyunçu isə əlavə 1 xal qazanır. Oyun 3 dəfə təkrar edilir. Ən çox xal qazanan oyunçu qalib olur. Oyunu qruplarla iş formasında da təşkil etmək olar. Tapşırığı genişləndirmək və daha böyük ədədlərin alınması üçün C, D rum rəqəmləri yazılmış kartlar da əlavə etmək olar.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1JYexrSUx_zw_ytqLJaIYXQtSBzYqj2U/view?usp=sharing

Məsalə halli

14. Məsələdə 2022-ci ildə Çinin əhalisinin sayını təqribi tapmaq tələb olunur.

Məsalənin halli:

Hindistanda olan təqribi əhali sayı yazılır və bu ədəddəki milyonluqların sayını(2) 5 vahid, onmilyonluqların sayını(0) 4 vahid artırmaqla Çinin əhali sayı tapılır.

Cavab. 2022-ci ildə Çinin əhalisi təqribən 1 447 000 000 nəfər təşkil edir.

1 402 000 000
+4 +5
↓
1 447 000 000

Müəllimin nəzərinə. Mərtəbə vahidlərinin sayının artması, yaxud azalması ilə bağlı məsələlər gələcəkdə çoxrəqəmli ədədlərin toplanması və çıxılması mövzularında şifahi hesablama bacarıqlarının inkişaf etməsinə kömək edir. Şagirdlərə belə əlavə bir necə sual vermək olar. Məsələn, ədədin minliklərinin sayını 2 vahid artırıqdə ədəd nə qədər artar? Ədədin yüzminliklərinin sayını 6 vahid azaltdıqda ədəd nə qədər azalar? Ədədin onluqlarının sayını 2 vahid, yüzminliklərinin sayını isə 5 vahid artırıqdə ədəd necə vahid dəyişər? Şagirdlərə nümunələr göstərməklə izah etməyi tapşırmaq məqsədəuyğundur.

Formativ qiymətləndirmə

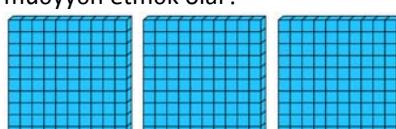
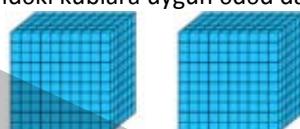
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Verilmiş çoxrəqəmli ədədləri oxuyur.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədləri müxtəlif formalarda yazır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədlərin yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq say sistemində verilən ədədi rum rəqəmləri ilə yazır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Rum rəqəmləri ilə verilən ədədi onluq say sistemində yazır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.2. Müqayisə və sıralama

ALT STANDARTLAR	1.1.2. Trilyon dairəsində natural ədədləri müqayisə edir və sıralayır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Trilyon dairəsində natural ədədləri müqayisə edir. Natural ədədləri ədəd oxundan istifadə etməklə sıralayır. Natural ədədləri artan və ya azalan sıradə düzür.
TƏCHİZAT	Yüzlük, minlik kublar(bloklar), iş vərəqləri, rum rəqəmləri yazılmış kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://firstlook.educationcity.com/content/Activity/index/22580 Çalışma: https://www.mathworksheets4kids.com/comparing-numbers/multi-digit/symbols-1.pdf https://www.math-salamanders.com/ordering-large-numbers.html https://youtu.be/UVjiwQyAj9U

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxır. Onlardan birinə 2 ədəd minlik kub, digərinə isə 3 ədəd yüzlük kub (blok) verir və şagirdlərə suallar ünvanlayır.

– Kimin əlindəki kublara uyğun ədəd daha böyükdür? Bunu necə müəyyən etmək olar?



Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– 2 min, yoxsa 3 yüz daha böyükdür? Bunu hansı üsullarla izah edə bilərsiniz?

Araşdırma-müzakirə

Şagirdlər dünyadakı insan, balıq, ağaç və quş sayına əsasən sualları cavablandırırlar.

- Balıqların sayını göstərən ədəddə rəqəmlərin sayı quşların sayındakı rəqəmlərin sayından daha çoxdur. Rəqəmlərin sayı çox olan ədədin böyük olduğuna əsasən balıqların sayı daha çox olacaq.

Balıqların sayı: 3 500 000 000 000

Quşların sayı: 430 000 000 000

- Verilən canlıların sayını azdan çoxa sıralamaq üçün ədədlərin uyğun mərtəbəsindəki rəqəmlər alt-alta yazılır. Hər bir ədəd yazılıldan sonra həmin ədəddəki rəqəmlərin sayına əsasən bu ədədləri artan sıradə düzəlmək olar. Ağacların və balıqların sayını göstərən ədədlərdə eyni sayıda rəqəm olduğundan yüztrilyonluqlar mərtəbəsindəki rəqəmi böyük olan ədədin böyük olacağı qeyd edilir. Bu qayda ilə ədədləri azdan çoxa sıralamaq olar.

İnsanların sayı: 7 900 000 000

Balıqların sayı: 3 500 000 000 000

Ağacların sayı: 3 000 000 000 000

Quşların sayı: 430 000 000 000

İnsanların sayı: 7 900 000 000

Quşların sayı: 430 000 000 000

Ağacların sayı: 3 000 000 000 000

Balıqların sayı: 3 500 000 000 000

Öyrənmə Natural ədədlərin müqayisəsi

İki natural ədəddən rəqəmlərinin sayı çox olan ədədin böyük olduğu vurgulanır. Nümunə tapşırıq lövhədə yazılıb şagirdlərlə müzakirə olunur. Rəqəmlərin sayı bərabər olduqda müqayisənin ən yüksək mərtəbədən başlandığı qeyd olunur və soldan sağa doğru uyğun mərtəbədəki rəqəmlər müqayisə olunur. Uyğun mərtəbədəki rəqəmlər alt-alta yazılıldan hansı ədədin daha böyük olduğu çoxrəqəmli ədədlərdə daha aydın görünür. Natural ədədləri ədəd oxunda qeyd etməklə də müqayisə etmək və sıralamaq mümkün olduğu vurgulanır.



Fikirləş

Şagirdlər rəqəmlərin sayı çox olan natural ədədin daha böyük olduğunu izahı ilə bağlı fikirlər irəli sürür, nümunələr göstərirler. Hər bir şagirdin fikri dinlənilir və sınıfla müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.iknowit.com/lessons/e-comparing-numbers-to-9999999.html>

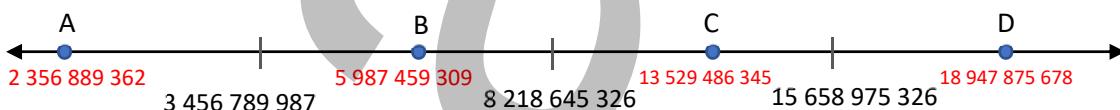
<https://www.liveworksheets.com/mj2414194ih>

<https://www.liveworksheets.com/br1305361ie>

<https://www.ixl.com/math/grade-5/compare-numbers-up-to-billions>

Çalışma

- Verilən ədədlər müqayisə olunur. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.
- Ədəd oxunda təsvir etməklə verilən ədədlər müqayisə olunur, nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir. Verilən ədədlərin hansının sağda, hansının solda olduğunu müəyyən etmək üçün ədəd oxundan istifadə olunduğundan ədəd oxunda təsvir edərkən sxematik təsvirə üstünlük verilir. Şagirdlər ədədlərin təxminini yerlərini müəyyən etdikdən sonra hansı ədədin böyük, yaxud kiçik olduğunu söyləyirlər.
- Verilən ədədlər arasında A, B, C, D nöqtələrinə uyğun olanlar müəyyən edilir. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlər verilən ədədlərin arasında yerləşə biləcəyi ədədləri ardıcılıqla müəyyən edirlər. A nöqtəsinə uyğun olan ədədi müəyyən etmək üçün şagirdlər 3 456 789 987 ədədindən solda, yəni kiçik olan ədədi müəyyən edirlər. Eyni qaydada şagirdlər B, C və D nöqtələrinə uyğun ədədləri ədəd oxunda təsvirə əsasən müəyyənləşdirirlər.



Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Rəqəmlərin sayı bərabər olduğu halda çoxrəqəmli ədədləri müqayisə edərkən bəzən şagirdlər səhv'lərə yol verirlər. Belə səhv'lər edən şagirdlərə verilən ədədləri uyğun mərtəbədəki rəqəmləri alt-alta yazmaqla müqayisə etməyi tapşırmaq olar. Bu zaman eyni mərtəbədə olan rəqəmləri müqayisə etməklə ədədləri müqayisə etmək daha asandır.

Öyrənmə Natural ədədlərin sıralanması

Ədədlərin artan sıra ilə düzülmə alqoritmi addım-addım izah olunur. Şagirdlərə verilən alqoritmi nümunələrlə yerinə yetirməyi tapşırmaq olar.

Müəllimin nəzərinə! Ədədlərin sıralanması – verilmiş ədədlər çoxluğununda ədədlərin artma, yaxud azalma ardıcılığı ilə düzülməsidir. Çox zaman “sıralama” (*ordering*) və “çəşidləmə” (*sorting*) anlayışları qarışdırılır. Çəşidləmə – müəyyən əlamətlər (kriteriyalara) görə qruplaşdırmadır. Məsələn, verilmiş ədədlər çoxluğunun tək və cüt ədədlərə ayrılması, 3-ə tam bölünənlərin və bölmənəyənlərin seçilməsi və s. çəşidləməyə aiddir. Riyaziyyatda (əsasən, informatikada) “çəşidləmə alqoritməri” adlı xüsusi bir sahə müəyyən olunmuşdur.

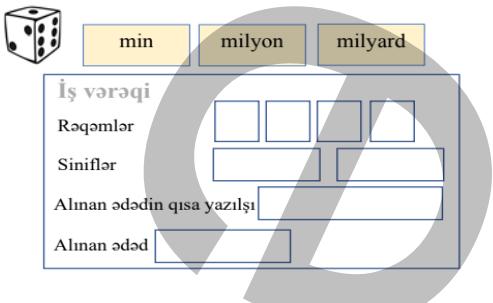


Ədədləri azalan sıra ilə düzəmk üçün alqoritm şagirdlərlə müzakirə edilərək yazılır.

1. Verilən ədədlərdən ən böyüyü tapılır və sıranın 1-ci ədədi kimi yazılır.
2. Qalan ədədlər arasından ən böyüyü tapılır və onun sağında yazılır.
3. Sonuncu ədəd qalana qədər 2-ci addım təkrarlanır və sonuncu ədəd ən sağda yazılır.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://firstlook.educationcity.com/content/Activity/index/22580>



Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə 2 şagird dəvət edir və onların hərəsinə bir altırəqəmli ədəd yazmayı tapşırır. Şagirdlər yazılın ədədləri səsləndirir və müqayisə edirlər.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarır. Onlara yeddırəqəmli və rəqəmlərinin ikisi sıfır olan ədədlər yazmayı tapşırır. Şagirdlər yazılın ədədləri səsləndirir, artan sıra ilə düzürlər.

Praktik tapşırıq. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarır və hər birin iş vərəqini verir. Sınıfların adları yazılmış kartları üzüsağı masaya düzülür. Şagirdlər zəri 4 dəfə atır, düşən rəqəmləri boş xanalara yazılırlar. Sonra masadakı kartlardan ikisini seçirlər. Sözlər sınıfların adlarına uyğun ardıcılıqla boş xanalara yazılır. Hər şagird rəqəmlərdən və sözlərdən istifadə etməklə alınan ədədin qısa yazılışını uyğun xanaya yazar və səsləndirir. Alınan ədədlərin rəqəmlərlə yazılışı lövhəyə yazılır və ədədlər müqayisə edilir.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1uTj8I_lv72N_SLNWqzG-2DWcHChO5FQ-/view?usp=sharing

Məsələ hallı

6. Məsələdə istifadəçilərin sayını artan sıra ilə sıralamaq tələb olunur.

2022-ci ilin yanvar ayına olan məlumatə əsasən internet istifadəçilərinin sayı, mobil telefon istifadəçilərinin sayı və sosial şəbəkə istifadəçilərinin sayı rəqəmlərlə yazılır.

Ədədlər artan sıra ilə düzülür və hər ədədə uyğun istifadəçilər qeyd olunur.

4 620 000 000 sosial şəbəkə	4 950 000 000 internet	5 310 000 000 mobil telefon istifadəçiləri
--------------------------------	---------------------------	---

Cavab. Sıralamada 1-ci yerdə sosial şəbəkə, 2-ci yerdə internet, 3-cü yerdə isə mobil telefon istifadəçiləri oldu.

Müzakirə. Cavabın doğruluğunu yoxlamaq üçün şagirdlər verilən ədədlərin qısa yazılışlarından istifadə edə bilərlər. Internet istifadəçilərinin sayı ilə sosial şəbəkə istifadəçilərinin sayında milyardlıqlar eyni olduğundan milyonluqların sayına diqqət olunur. Milyonluqların sayı 950 və 620-dir. 950 daha çox olduğundan internet istifadəçilərinin sayı daha çox, sosial şəbəkə istifadəçilərinin sayı isə daha azdır. Mobil telefon istifadəçilərinin sayında milyardlıqlar 5 olduğundan mobil telefon istifadəçilərinin sayının daha çox olduğunu söyləmək olar.

7. Məsələdə Günəşə ən yaxın planeti və Yerin sıralamada neçənci olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə 10-un qüvvələrindən istifadə etməklə bir neçə ədəd yazar.

25×10^2	12×10^2	3×10^3	2×10^3
------------------	------------------	-----------------	-----------------

Müəllim şagirdlərə suallar verir:

– Hansı ədədin böyük olduğunu necə müəyyən etmək olar? Ədədlərin rəqəmlərlə yazılışını yazmadan bunu necə təyin etmək olar?

Şagirdləri iki ədədin hasilini müqayisə edərkən vuruqlardan biri eyni olduqda digər vuruğu böyük olan ədədin böyük olduğunu müəyyən etməyə yönəltmək olar. Bu qayda ilə şagirdlər 3×10^3 əvəzinə 30×10^2 və 2×10^3 əvəzinə 20×10^2 yazılıqla 25, 12, 30 və 20 ədədlərini müqayisə edib 3-cü yazılışa uyğun ədədin böyük olduğunu deyə bilərlər.

Məsələnin həlli:

- Bütün planetlərin kütlələri 10^6 ilə ifadə edilir.
- 10-un fərqli qüvvələri yalnız Neptun və Yupiterin kütlələridir. Bu planetlərin kütlələri 10^6 ilə yazılır.

$$\text{Neptun: } 453 \times 10^7 = 4\ 530 \times 10^6 \quad \text{Yupiter: } 78 \times 10^7 = 780 \times 10^6$$

- Verilən məsafələr arasında ən az olan 57×10^6 olduğundan Gənəşə ən yaxın planetin Merkuri, ən çox olan $4\ 530 \times 10^6$ olduğundan ən uzaq planetin Neptun olduğu müəyyən olunur.
- Planetlər Gənəşdən məsafəsinə görə sıralanır.

57×10^6	108×10^6	149×10^6	228×10^6	780×10^6	$1\ 437 \times 10^6$	$2\ 871 \times 10^6$	$4\ 530 \times 10^6$
Merkuri	Venera	Yer	Mars	Yupiter	Saturn	Uran	Neptun

Cavab. Gənəşə ən yaxın planet Merkuri, ən uzaq planet Neptundur. Yer planeti Gənəşdən məsafəsinə görə sıralamada 3-cü olar.

Müzakirə: 10-un qüvvətləri ilə yazılmış ədədləri rəqəmlərlə də yazıb sıralamaqla da məsələni həll etmək olar.

Layihə işi. Şagirdlərə planetlər haqqında (planetlərin kütlələri və Gənəşdən məsafəsi, yerləşmə sırası və s.) araşdırma aparmağı, 7-ci məsələdəki kimi kütlələrinə görə sıralamağı tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Natural ədədləri müqayisə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədləri ədəd oxundan istifadə etməklə sıralayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədləri artan və ya azalan sıradə düzür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.3. Natural ədədlərin yuvarlaqlaşdırılması

ALT STANDARTLAR	1.1.3. Trilyon dairəsində natural ədədləri tələb olunan mərtəbələrə qədər yuvarlaqlaşdırır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Natural ədədi ədəd oxunda təsvir etməklə ən yaxın milyonluq, onmilyonluq və s. müəyyən edir. • Natural ədədləri tələb olunan mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, ədəd oxu, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.free-training-tutorial.com/rounding/rounding-spaceships.html Öyrənmə: https://youtu.be/45hxP2y-Q-8 Çalışma: https://mrnussbaum.com/rounding-millions https://wordwall.net/resource/4577718/math/rounding

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə bir neçə ədəd yazar və bu ədədlərin hansı onluğa daha yaxın olduğunu müəyyənləşdirmək məqsədilə hər ədəd üçün bir ədəd oxu çəkilir. Ədəd oxunda verilən ədədlər təsvir olunmaqla hansı onluğa daha yaxın olduğunu müəyyənləşdirilir və ədədlərin yuvarlaqlaşdırılması qaydasından istifadə etməklə lövhədə yazılır və cavablar yoxlanılır.

28

142



Müəllim şagirdlərə suallar verir:

– 20 və 30 arasındakı orta nöqtəyə uyğun ədəd necədir? Bu ədəddən istifadə etməklə 28 ədədinin 20-yə, yoxsa 30-a yaxın olduğunu necə müəyyən etmək olar?

Müəllim lövhəyə əlavə bir neçə ədəd yazmaqla şagirdlərə uyğun ədəd oxu çəkib hansı onluğa, yaxud yüzlüyü yaxın olduğunu eyni qaydada müəyyən etməyi tapşırı bilər. 1 346, 15 284, 292 591.

Araşdırma-müzakirə

Diaqramın hər sütununun hansı ölkəyə uyğun olduğu müəyyən edilməsini və Gürcüstanın əhalisinin Ruandanın əhalisindən təxminən neçə dəfə az olduğunu tapmaq tələb olunur.

- Cədvələ əsasən qurulan diaqramın hər sütununun hansı ölkəyə uyğun olduğu tapılır. Əvvəlcə bəzi ölkələrdəki əhali sayına uyğun diaqramın sütunlarının hündürlüyü müqayisə edilir. Boz rəngdə olan sütunun ən kiçik hündürlüyü malik olduğuna görə ona uyğun ədəd müəyyən olunur (3 723 500). Deməli, diaqramın boz rəngli sütunu Gürcüstana uyğundur. Eyni qayda ilə digər sütunlara uyğun ölkələr müəyyənləşdirilir.

Uyğunluğu cədvəldəki ədədlərin diaqramın şaquli bölgülərdən hansıda daha yaxın olması ilə də müəyyən etmək olar. Məsələn, Gürcüstanın əhalisi 4 milyona, Azərbaycanın əhalisi isə 10 milyona daha yaxındır.

- Gürcüstan əhalisinin Ruanda əhalisindən təqribən neçə dəfə az olduğunu müəyyən etmək üçün sütunlu diaqramdan, eyni zamanda cədvəldən istifadə etmək olar. Sütunlu diaqrama əsasən Gürcüstana uyğun sütunun Ruandaya uyğun sütundan təxminən 3 dəfə qısa olduğu görünür. 4-cü sinifdə şagirdlər milyon dairəsində ədədləri yuvarlaqlaşdırmağı öyrəndikləri üçün bunu yuvarlaqlaşdırma ilə də tapmaq olar. Məsələn, Gürcüstanın əhalisi təqribən 4 milyon, Ruandanın əhalisi isə təqribən 12 milyondur. Deməli, Gürcüstanın əhalisi Ruandanın əhalisindən təqribən 3 dəfə azdır.

Öyrənmə Natural ədədlərin yuvarlaqlaşdırılması

Natural ədədi istənilən mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırmaq qaydası nümunə tapşırıq üzərində şagirdlərə izah olunur. Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

https://www.abcya.com/games/rounding_numbers

Çalışma

4. Uyğun natural ədədlər müəyyən edilir.

- Onluqlara qədər yuvarlaqlaşdıranda 20 alınan ədədlər yazılır: 15, 16, 17, ..., 23, 24.
Ən kiçik ədəd: 15. Ən böyük ədəd: 24.
- Yüzlüklərə qədər yuvarlaqlaşdıranda 200 alınan ədədlər yazılır: 150, 151, 152, ..., 247, 248, 249.
Ən kiçik ədəd: 150. Ən böyük ədəd: 249.
- Minliklərə qədər yuvarlaqlaşdıranda 35 000 alınan ədədlər yazılır: 34 500, 34 501, 34 502, ..., 35 498, 35 499.
Ən kiçik ədəd: 34 500. Ən böyük ədəd: 35 499.

Müəllim bu ədədlərin sayını da soruşa bilər. Məsələn, minliklərə qədər yuvarlaqlaşdıranda 35 000 alınan ədədlərin sayı 1000-ə bərabərdir.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Yuvarlaqlaşdıranda verilən ədədə bərabər olan ən kiçik və ən böyük ədədi müəyyən edərkən şagirdlər çox zaman səhvə yol verirlər. Məsələn, onluqlara qədər yuvarlaqlaşdıranda 20 alınan ədədləri taparkən 15, 16, 17, 18, 19 ədədlərini nəzərə almırlar üçün ən kiçik ədəd olaraq 15 götürmürələr. Belə səhvələr xüsusilə şoxrəqəmli ədədlərdə daha çox rast gəlinir. İkirəqəmli ədədlərdə sayımaqla, üç və daha çox rəqəmli ədədlərdə isə uyğun qanuna uyğunluqdan istifadə etməklə belə ədədləri müəyyən etmək olar.

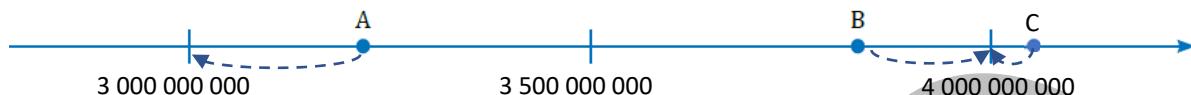
Yuvarlaqlaşdıranda 10, 100, 1 000 və s. alınan ədədlər

5	6	7	...	12	13	14
50	51	52	...	147	148	149
500	501	502	...	1 497	1 498	1 499
...						
500 000	500 001	...	1 499 998	1 499 999		

Yuvarlaqlaşdıranda alınan ədəd	Ən kiçik ədəd	Ən böyük ədəd
10	5	14
100	50	149
1000	500	1499
...
1 000 000	500 000	1 499 999

Yuvarlaqlaşdıranda verilən ədədə bərabər olan ən kiçik və ən böyük ədədləri müəyyən etmək üçün ədəd oxundan da istifadə etmək olar.

5. A, B və C nöqtələrinə uyğun ədədləri milyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda hansı ədədlərin alındığı müəyyən olunur. Ədədləri müəyyən etmək üçün şagirdlər ədəd oxuna diqqət edirlər. Ədədlər milyardlıqlara qədər yuvarlaqlaşdırılır. $A \approx 3\ 000\ 000\ 000$, $B \approx 4\ 000\ 000\ 000$, $C \approx 4\ 000\ 000\ 000$



Müəllimin nəzərinə! Ədəd oxunda təsvir etməklə yuvarlaqlaşdırma zamanı orta qiymətdən istifadə etmək əlverişlidir. Ədəd orta qiymətdən solda olduqda aşağı ədəd, sağda olduqda isə yuxarı ədəd yuvarlaqlaşdırılır. Məsələn, 1 326 ədədini minliklərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda bu ədəd 1 500 ədədindən solda olduğundan 1 000 ədədi alınır.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim bir neçə çoxrəqəmli ədəd söyləyir. Şagirdlər bu ədədləri ədəd oxunda təsvir etməklə yuvarlaqlaşdırma qaydasından istifadə edib yuvarlaqlaşdırırlar.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə müəyyən mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdıranda verilən ədədə bərabər olan bir neçə ədəd yazmaq və necə tapdıqlarını izah etmək tapşırılır.

Praktik tapşırıq. Sinif qruplara bölünür. Hər qrupa iş vərəqləri verilir. Ədədlər yazılmış kartlar masaya düzülür. Hər qrup hər mərtəbəyə aid bir kart seçir və onu 2-ci sütuna yazar. Sonra isə 3-cü sütuna uyğun mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda həmin ədəd alınan 5 nümunə yazılır. Sonda iş vərəqləri lövhəyə yapışdırılır və nəticələr müzakirə olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/18GuZGpMyWQO1bH8vx6Ug10rGOeKRbrjs/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

6. 2020-ci ildə bəzi ölkələr üzrə olan əhali sayına əsasən suallar cavablandırılır.

• Hansı ölkədə təqribən 200 milyon insan yaşıdığı müəyyən olunur.

$220\ 892\ 340 \approx 200\ 000\ 000$. Pakistan əhalisinin sayını göstərən ədədi yüzmilyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda 200 000 000 alınır.

• Milyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdıranda Türkiye və Almaniya əhalisinin sayının eyni olduğu müəyyən olunur.

$84\ 339\ 067 \approx 84\ 000\ 000$ $83\ 783\ 942 \approx 84\ 000\ 000$

• Onmilyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdıranda da Türkiye və Almaniya əhalisinin sayının eyni olduğu müəyyən olunur. $84\ 339\ 067 \approx 80\ 000\ 000$ $83\ 783\ 942 \approx 80\ 000\ 000$

Cavab. Verilən ədədləri həm milyonluqlara, həm də onmilyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdıranda əhali sayı eyni olar.

7. Milyardlıqlara qədər yuvarlaqlaşdırmaqla suallara cavab verilir.

• Diskin ümumi tutumunun təqribən neçə bayt olduğu müəyyən olunur.

$372\ 699\ 107\ 328 \approx 373\ 000\ 000\ 000$ (bayt)

• Təqribən neçə bayt istifadə olunduğu müəyyən olunur.

$86\ 884\ 212\ 736 \approx 87\ 000\ 000\ 000$ (bayt)

• Diskdə təqribən neçə bayt boş yer qaldığı müəyyən olunur.

$285\ 814\ 894\ 592 \approx 286\ 000\ 000\ 00$ (bayt)

Cavab. Diskin ümumi tutumu təqribən 373 milyard, təqribən 87 milyard bayt istifadə olunub və 286 milyard bayt boş yer qalıb.

Minliklər qədər	Onminliklər qədər	Milyonluqlara qədər	Milyardlıqlara qədər
1 000	10 000	1 000 000	1 000 000 000
5 000	20 000	6 000 000	4 000 000 000
20 000	100 000	30 000 000	12 000 000 000
Yuvarlaqlaşdırılan mərtəbə		Alınan ədəd	Ədədlər
Minliklər qədər			
Onminliklər qədər			
Milyonluqlara qədər			
Milyardlıqlara qədər			

Ölkə	Əhali sayı
Türkiyə	84 339 067
Almaniya	83 783 942
Pakistan	220 892 340

Ümumi tutum	372 699 107 328 bayt
İstifadə olunub	86 884 212 736 bayt
Qalıb	285 814 894 592 bayt

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Natural ədədi ədəd oxunda təsvir etməklə ən yaxın milyonluq, onmilyonluq və s. müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədi milyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədi onmilyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.4. Natural ədədlərin toplanması və çıxılması

ALT STANDARTLAR	1.2.1. Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir. 1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Çoxrəqəmli ədədlər üzərində toplama əməlini yerinə yetirir. • Çoxrəqəmli ədədlər üzərində çıxma əməlini yerinə yetirir. • Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid məsələləri həll edir.
TƏCHİZAT	Lent, iş vərəqləri, kalkulyator
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/8401 https://www.youtube.com/watch?v=bAP7IPr-oRQ</p> <p>Çalışma: https://www.splashlearn.com/math/multi-digit-addition-games</p> <p>Çalışma: https://www.mathinenglish.com/worksheetsview.php?id=3790&stid=45090</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarır. Onlara kağızdan kəsilib yapışdırmaqla alınan və uzunluqları 47 sm və 29 sm olan lentlər verir.

- Bu lentlərin uzunuğu təxminən neçə santimetr olar? Bu lentlərin ümumi uzunuğu təxminən neçə santimetr olar? Bir lentin uzunuğu digər lentin uzunluğundan təxminən neçə santimetr qıсадır? Bunu necə tapmaq olar? Bu lentlərin uzunluqları cəmini və fərqini hansı üsullarla hesablaşmaq olar?



- Şagirdlər cavab verdikdən sonra lentlərin uzunluqlarını ölçür və dəqiq hesablayıb cavabları yoxlayırlar. Cavab inandırıcı olmadığı halda hansı sualın cavabı düzgün tapılmadığı araşdırılır və səhvələr izah edilir.

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda Aynurun lövhədə yazdığı misalin cavabını necə tapdığını müəyyən etmək tələb olunur. Müəllim şagirdlər istiqamətləndirici suallar verə bilər:

- Verilən ədədlərin cəmini əlverişli üsullarla necə tapmaq olar? Hansı ədədlərin cəmi eyni ədədə bərabər olur?
- Bu qaydaya əsasən şagirdlər 1-ci və sonuncu, 2-ci və sondan 2-ci və s. ədədlərin cəminin 100 olduğunu görəcəklər. Müəllim şagirdlərdən neçə dənə cəmin 100 alındığını soruşur. Bu qayda ilə 5 dənə 100 ədədinin alındığı, verilən misalin cavabının 500-ə bərabər olduğu qeyd olunur.

Öyrənmə Toplamanın xassələri

Dərslikdə verilən nümunə tapşırıqlar üzərində toplamanın xassələrini şagirdlərlə müzakirə edirlər. Hər xassənin nəyi ifadə etdiyi şagirdlərdən soruşulur.

Çalışma

1. Toplamanın xassələrindən istifadə etməklə cəm asan üsulla tapılır. Məsələn:

$$212 + 546 + 188 + 154 = 212 + 188 + 546 + 154 = 400 + 700 = 1\,100$$

3. Boş xanalara uyğun ədəd, yaxud a , b , c simvollarından biri yazılır.

$$283 + \boxed{} + 107 = \boxed{} + c \rightarrow 390 + \boxed{} = \boxed{} + c \rightarrow 390 + c = 390 + c$$

Deməli,

$$283 + c + 107 = 390 + c$$

4. $a + b = 7$ olduqda verilən ifadələrin qiymətləri hesablanır.

5. Nümunələr göstərməklə verilən fikirlərin doğru və ya səhv olduğu müəyyən olunur.

İstənilən iki natural ədədin cəmi hər iki toplanandan böyükdür.

$$\begin{aligned} 2 + 5 &= 7, 7 > 2, 7 > 5 \\ 4 + 6 &= 10, 10 > 4, 10 > 6 \end{aligned}$$

Doğrudur.

İki natural ədədin fərqi həmişə çıxılanlardan böyükdür.

$20 - 3 = 17$, $17 > 3$ uyğundur.
 $15 - 9 = 6$, $6 < 9$ uyğun deyil.
Fikrin doğru olmadığını göstərən nümunə varsa, deməli, fikir səhvdir.

Öyrənmə Toplama və çıxmanın müxtəlif üsulları

Toplama və çıxmanın xassələrindən istifadə etməklə cəmi və fərqi əlverişli üsullarla tapmağın mümkün olduğu qeyd olunur. Bu üsullarla şagirdlər aşağı siniflərdən tanışdırırlar. Bu sinifdə isə həmin üsulları daha böyük ədədlərə tətbiq edirlər. Məsələn, toplananları (azalanı və çıxılanı) açıq şəkildə yazıqla cəmin (fərqnin) tapılması, toplananlardan birini (çıxılanı) açıq şəkildə yazıqla cəmin (fərqnin) tapılması, əvəzləmə üsulu. Müəllim bir neçə nümunə tapşırıq üzərində xassələrin istifadəsi ilə bağlı nümunələr göstərə bilər. Öyrənmədən sonrakı tapşırıqlarda müxtəlif üsullara aid nümunələr verilmişdir. Hər bir nümunənin həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.

9. Əvəzləmə üsulundan istifadə etməklə hesablama aparılır.

Müəllimin nəzərinə! Natural ədədlərin toplanması və çıxımının müxtəlif üsullarla həll etmək şifahi hesablama bacarıqlarının inkişaf etdirilməsinə təsir göstərir. Bu bacarıqların dərsdə inkişaf etdirilməsinə diqqət yönəltmək məqsədəyəğundur. Şagirdlərə rahat hesablanması mümkün olan bəzi çoxrqəmli ədədlərin toplanması və çıxılması ilə bağlı əlavə tapşırıqlar vermək olar. Şagirdlər bu cür tapşırıqları bir üsulla yerinə yetirə, digər üsullardan biri ilə yoxlaya bilərlər.

Öyrənmə Təqribi hesablama

Ədədləri onlara yaxın və hesablamaq üçün daha rahat olan ədədlərlə əvəz etməklə cavabı təxmin etmək olar. Verilən nümunə tapşırıqlar lövhədə yazılıb şagirdlərlə birlikdə müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.abcyo.com/games/estimating>

<https://www.ixl.com/math/grade-5/estimate-sums-and-differences-of-whole-numbers>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Təqribi cavabın tapılması zamanı şagirdlər dəqiq cavab kimi eyni ədədin alınmalı olduğunu düşünürlər. Ədədləri onlara yaxın və hesablamaq üçün daha rahat ədədlərlə əvəz etdiyikdə misalın təqribi cavabında şagirdlər fərqli ədədlər ala bilərlər. Bunun mümkün olduğunu şagirdlərə bildirmə məqsədəyəğundur. Bu zaman şagirdləri cavablarını müqayisə edərək təqribi cavabın hansı mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırmaqla alındığını izah etməyə yönəltmək olar.

10. Cəm və fərq təxmin edilir, kalkulyatorda dəqiq cavab tapılır və müqayisə olunur.

13. Təqribi hesablamamaqla müqayisənin inandırıcı olub-olmadığı yoxlanılır.

• $23\ 658 + 14\ 203 = 47\ 581$. Təqribi hesablamamaqla $23\ 000 + 14\ 000 = 37\ 000$ olduğu üçün cavabın 47 581 olması inandırıcı deyil.

• $69\ 882 + 21\ 460 > 170\ 851 - 40\ 900$. Təqribi hesablamamaqla $69\ 000 + 21\ 000 = 90\ 000$, $170\ 000 - 40\ 000 = 130\ 000$ olduğu üçün müqayisə inandırıcı deyil.

• $46\ 275 + 49\ 315 < 100\ 000$. Təqribi hesablaşdırıqda soldakı hər iki toplanan 50 000-dən kiçik olduğu üçün onların cəmi də 100 000-dən kiçikdir. Deməli, müqayisə inandırıcıdır.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər nəticənin inandırıcı olub-olmadığını müəyyən etməklə aşağı siniflərdən tanışdırırlar. Onlar hesablama nəticəsində alınan cavabın doğruluğunu müxtəlif üsullarla yoxlanma qaydalarını öyrəniiblər. Məsələn, əməllər arasında qarşılıqlı əlaqədən istifadə etməklə (toplama-çıxma, vurma-bölmə), yaxud eyni hesablamamı müxtəlif üsullarla yerinə yetirib alınan cavabları müqayisə etməklə hesablamaların düzgünlüğünü yoxlamaq olar. 4-cü sinifdə şagirdlər cavabın düzgünlüğünü başqa bir üsulla da yoxlamağı öyrəniiblər. Riyaziyyatda “inandırıcılıq” (rusca: “правдоподобность”, ingiliscə: “reasonableness”) ölçmə, hesablama və ya məsələ həllində alınan cavabların nə qədər düzgün olub-olmadığını müəyyən etməkdir. Aldığımız cavabın inandırıcı olub-olmadığı müxtəlif meyarlar üzrə təyin oluna bilər. Məsələn, hesablamanın nəticəsinin mənfi və ya müsbət olması ilə, cavabda alınan ədədin tərtibi ilə, yaxud da cavabın təxmin edilməsi ilə əvvəl aldığımız cavabın nə dərəcədə inandırıcı olduğunu müəyyən etmək olar. Bəzən aldığımız cavabın doğruluğunu yoxlamaq üçün şifahi olaraq cavabı təqribi hesablayıb onun hansı intervalda ola biləcəyini təxmin etmək olar. Məsələn, 29 və 68 ədədlərinin cəmini tapdıqda dəqiq cavabın 100-ə yaxın olacağını təxmin edə bilirik. Çünkü 30 və 70-in cəmi 100-ə bərabərdir. Alınan cavabın inandırıcı olub-olmadığı daha çox cavabı təxmin etməklə müəyyən olunur.

Başqa bir üsul isə *Fermi qiymətləndirməsi* adlanır. Bu üsul verilən kəmiyyətlərin qiymətlərinə görə alınan cavabın tərtibinin inandırıcı olub-olmadığının müəyyən edilməsinə əsaslanır. Məsələn, birləşmiş və ikirəqəmli ədədlərin hasili ən çoxu üçrqəmli ədəd ola bilər. Cavab dördrqəmli ədəd alınarsa, deməli, hesablama düz deyil. Eləcə də, iki ikirəqəmli ədədin hasili ən çoxu dördrqəmli ədəd ola bilər. Hasıl beşrqəmli ədəd alınarsa, deməli, hesablama düzgün aparılmayıb. Bu üsulla şagirdlər yuxarı siniflərdə tanış olacaqlar.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir misal yazar və şagirdlərdən onun cavabını təqribi və dəqiq hesablaması tapşırır. Şagirdlər misali həll edir və cavablari müqayisə edirlər, cavablar fərqli alındıqda nəyə görə fərqli alındığını izah edirlər.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarır. Onlara cəmi və fərqi verilmiş ədədlərə yaxın olan iki ədəd yazmayı tapşırır. Şagirdlər uyğun ədədləri yazır, sonra şərtə uyğun olub-olmadığını dəqiq və təqribi hesablamaqla yoxlayırlar. Məsələn: fərqi 43 000-ə yaxın olan ədədlər, cəmi 120 000-ə yaxın olan ədədlər və s.

Qruplarla iş. Sınıf bir neçə qrupa ayrılır. Hər qrupa müxtəlif ölkələrdə əhali sayı haqqında məlumat olan iş vərəqləri verilir. Müəllim şagirdlərə natural ədədlərin toplanması, çıxılması və təqribi hesablamaya aid suallar tərtib etməyi tapşırır. Şagirdlər tərtib etdikləri sualları onlar üçün ayrılmış boşluqlara yazırlar. Müəllim iş vərəqlərini saat əqrəbi istiqamətində dəyişməyi tapşırır. Hər qrup ona düşən iş vərəqindəki sualları cavablandırır və təqdim edir. Bütün cavablar müzakirə olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1Eam9iNpNn7n69sVTHa2R60xPjMparjP/view?usp=sharing>

Masala halli

14. 2020-ci ildə dünyada normadan az qidalanan insanların sayıının nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin halli:

- Qısa yazılışı verilmiş ədədlər rəqəmlərlə yazılır və toplanılır.

$$282\,000\,000 + 418\,000\,000 + 60\,000\,000 = 760\,000\,000$$

Cavab. 2020-ci ildə dünyada normadan az qidalanan insanların sayı 760 000 000 nəfər olmuşdur.

15. Cavabı təxmin etməklə uşaqların cavablarının doğru olduğunu yoxlamaq tələb olunur.

Məsələnin halli:

- Ən böyük onrəqəmli ədədlə ən böyük yeddirəqəmli ədəd yazılır.

$$\text{Ən böyük onrəqəmli ədəd: } 9\,999\,999\,999 \quad \text{Ən böyük yeddirəqəmli ədəd: } 9\,999\,999$$

- Ədədlərin təqribi cəmi tapılır.

$$9\,999\,999\,999 + 9\,999\,999 \approx 10\,000\,000\,000 + 10\,000\,000 = 10\,010\,000\,000$$

- Hər iki ədəd yuvarlaqlaşdırıldıqda daha böyük ədədlər alındığından dəqiq cəm təqribi cəmdən kiçik olmalıdır.

Deməli, Anarib fikri doğrudur.

Cavab. Dəqiq cəmi tapmaqla cavabın doğruluğu yoxlanılır.

$$9\,999\,999\,999 + 9\,999\,999 = 10\,009\,999\,998$$

16. Cədvəldə verilən məlumata əsasən bu illərdə çıxılan təbii qazın ümumi həcmini tapmaq tələb olunur və cavablar göstərilən üsullarla tapılır və müqayisə edilir.

a) Təxmin etməklə verilən ədədlər hesablaşdırmaq üçün daha rahat ədədlərlə əvəz edilir və toplanılır.

$$29\,331\,000 + 28\,596\,000 + 30\,490\,000 + 35\,610\,000 + 37\,140\,000 \approx 30\,000\,000 + 30\,000\,000 + 30\,000\,000 + 40\,000\,000 + 40\,000\,000 = 170\,000\,000$$

$$b) \text{Milyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırmaqla verilən ədədlər milyonluqlara qədər yuvarlaqlaşdırılır, cəm tapılır.}$$

$$29\,331\,000 + 28\,596\,000 + 30\,490\,000 + 35\,610\,000 + 37\,140\,000 = 29\,000\,000 + 29\,000\,000 + 30\,000\,000 + 36\,000\,000 + 37\,000\,000 \approx 161\,000\,000$$

c) Alt-alá yazmaq:s verilən ədədlər alt-alá yazılır, cəm tapılır.

d) Verilən ədədlər kalkulyator vasitəsilə toplanılır və cəm tapılır.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Çoxrəqəmli ədədlər üzərində toplama əməlini yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Çoxrəqəmli ədədlər üzərində çıxma əməlini yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid məsələləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.5. Natural ədədin kvadratı və kubu

ALT STANDARTLAR	1.2.1. Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir. 1.2.4. 10-un natural üstlü qüvvətlərini, natural ədədin kvadratını və kubunu hesablayır. 1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Natural ədədin kvadratını tapır. • Natural ədədin kubunu tapır. • Tam kvadratları müəyyən edir. • Tam kubları müəyyən edir.
TƏCHİZAT	Vahid kvadrat və kublar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.calculatorsoup.com/calculators/algebra/square-calculator.php</p> <p>Çalışma: https://www.topmarks.co.uk/learning-to-count/paint-the-squares</p> <p>Çalışma: https://wordwall.net/resource/175711/square-numbers</p> <p>https://wordwall.net/resource/33852204/cube-numbers</p>

Mövzuya yönəltmə. Masaya eyniölçülü kiçik kvadratlar (kublar) qoyulur. Müəllim şagirdlərdən bu kvadratlardan (kublardan) kvadratlar (kublar) düzəltməyi tapşırır. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Hər kvadratı düzəltmək üçün neçə kvadratdan istifadə etdiniz? Hər kubu düzəltmək üçün neçə kubdan istifadə etdiniz? Tərəfi 2 kvadratın tərəfinə bərabər olan kvadrat üçün neçə kiçik kvadrat lazımdır? Tərəfi 2 kubun tərəfinə bərabər olan kub üçün neçə kiçik kub lazımdır?

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar keçirmək olar: <https://toytheater.com/cube/>

Araşdırma-müzakirə

Şagirdlər kiçik kvadratlardan bir neçə fərqli böyük kvadrat düzəldirlər və ölçüsü ən böyük olan kvadratda neçə kiçik kvadratdan istifadə olundığını müəyyən edirlər. 18 ədəd kəsilmiş eyniölçülü kiçik kvadratdan müxtəlif kvadratlar düzəldərkən şagirdlər 4, 9 və 16 kvadratdan istifadə etməklə tərəflərinin uzunluğu 2, 3 və 4 kvadrata bərabər olan kvadratlar düzəldirlər. Ölçüsü ən böyük olan kvadrat isə 16 kiçik kvadratdan düzəldilmiş olacaq. Müəllim şagirdlərdən fiqurları düzəltmədən neçə belə fiquru düzəltməyin mümkün olduğunu soruşa bilər.

Öyrənmə Ədədin kvadratı və kubu

Ədədin kvadratı və kubu haqqında məlumat verilir.



Fikirləş

Hansı natural ədədin kvadratı və kubunun özüne bərabər olduğu müzakirə edilir. Sıfırın kvadratının sıfır bərabər olduğu, 1-in kvadratının 1-ə, eyni qayda ilə sıfırın kubunun sıfır, 1-in kubunun isə 1-ə bərabər olduğu qeyd olunur.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər 1-dən 10-a qədər ədədlərin kvadratlarını vurma cədvəlinə əsasən müəyyən edə bilərlər. Vurma cədvəlində bu ədədlər qeyd olunan diaqonal boyu yerləşir. Şagirdlərin vurma cədvəlini əzbərlədiyi kimi bir müddət sonra bəzi ədədlərin kvadrat və kublarını əzbərləməsi də məqsədə uyğundur. Bu bacarıq onlara hansı ədədin kvadratının, yaxud kubunun verilən ədədə bərabər olduğunu tapmağa kömək edəcək.

Şagirdlərə 1-dən 10-a qədər ədədlərin kvadrat və kublarını dəftərə yazmağı tapşırmaq olar.

$$\begin{array}{llllllllll} 1^2 = 1 & 2^2 = 4 & 3^2 = 9 & 4^2 = 16 & 5^2 = 25 & 6^2 = 36 & 7^2 = 49 & 8^2 = 64 & 9^2 = 81 & 10^2 = 100 \\ 1^3 = 1 & 2^3 = 8 & 3^3 = 27 & 4^3 = 64 & 5^3 = 125 & 6^3 = 216 & 7^3 = 343 & 8^3 = 512 & 9^3 = 729 & 10^3 = 1\,000 \end{array}$$

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

Kvadratlar və kublar cədvəlindən istifadə etməklə müxtəlif ədədlərin kvadratları ilə şagirdləri tanış etmək məqsədə uyğundur: https://onlinemschool.com/math/formula/square_table/

Ədədin kvadratının asan üsullarla tapılması qaydaları haqqında şagirdlərə məlumat vermək olar.

• Sonu 5 ilə bitən ədədlərin kvadratlarını daha asan belə tapmaq olar:

5-dən əvvəlki ədəd özündən 1 vahid böyük ədəd vurulur

və cavaba yazılır:

$$3 \cdot 4 = 12$$

Onun ardından 25 yazılır və cavab tapılır.

$$35^2 = 1225$$

- İkirəqəmli ədədlərin kvadratlarını belə tapmaq olar.

$$64^2 = ?$$

Hər rəqəmin kvadratı tapılır və yanaşı yazılır.

$$6^2 = 36 \quad 4^2 = 16$$

$$3616$$

Rəqəmlərin hasili 2-yə vurulur və sonuna sıfır əlavə edilir. $6 \cdot 4 \cdot 2 = 48$

$$480$$

Alınan ədədlər toplanır.

$$4096$$

$$64^2 = 4\ 096$$

Videomaterialda hesablama üsuluna baxmaq olar: <https://youtu.be/bhh3JY299I>
Şagirdlərə ədədlərin kvadratları və kublarının tapılması ilə bağlı fərqli üsulları araşdırmağı və təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://wordwall.net/resource/33852438/math/square-and-cube-numbers-balloon-drop>

Çalışma

3. Qanuna uyğunluq müəyyən edilir, növbəti 2 ədəd yazılır.

4. Sahələri verilmiş kvadratların tərəfləri tapılır.

$$100 \text{ sm}^2$$

$$10^2 = 100$$

$$121 \text{ sm}^2$$

$$11^2 = 121$$

$$144 \text{ sm}^2$$

$$12^2 = 144$$

5. Həcmi verilmiş kubların tilləri tapılır.

$$4 \text{ sm}$$

$$4^3 = 64$$

$$5 \text{ sm}$$

$$5^3 = 125$$

$$10 \text{ sm}$$

$$10^3 = 1000$$

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər ədədin kvadratını və kubunu vurma əməli ilə tapa bilərlər. Hansı ədədin müəyyən ədədin kvadratı olduğunu tapmaq bacarığı tədricən təcrübəyə əsasən formalasır. Bunun üçün müəllim şagirdlərə müxtəlif tapşırıqlar verə bilər. Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqlardan, oyunlardan istifadə etmək olar:

https://www.mathematics-monster.com/tests/bubble_pop_square_numbers_test.html

<https://wordwall.net/resource/175711/square-numbers>

6. Natural ədədin kvadratına bərabər olan ədədlərə tam kvadrat deyildiyi vurgulanır və suallara cavab verilir.

a) 20 və 90 arasında tam kvadratlar: 25, 36, 49, 64, 81

b) 100 və 200 arasındaki tam kvadratlar: 121, 144, 169, 196

7. Analoji qaydada verilən suallara cavab verməklə tam kublar müəyyən olunur.

a) 10 və 100 arasında tam kublar: 27, 64

b) 200 və 400 arasındaki tam kublar: 225, 256, 289, 324, 361

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər “Verilən ədədin kvadratı hansı ədəddir?” və “Verilən ədəd hansı ədədin kvadratıdır?” suallarını cavablandırarkən səhv edirlər. Belə səhvə yol verən şagirdlər yuxarı siniflərdə kvadrat köklərin tapılmasında da bənzər səhvələrə yol verə bilərlər. Bu səhvələr tam kvadrat ədədlərdə daha çox üzə çıxır. Müəllim şagirdlərə “4 və 9 ədədlərinin kvadratları hansı ədədlərə bərabərdir?” sualları ilə bu səhvələrə yol verən şagirdləri müəyyənləşdirə bilər. Həmin şagirdlərlə bu sualların fərqi ilə bağlı müzakirə təşkil etmək məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim bir ədəd söyləyir, bu ədədin kvadrat və kubunu əvvəlcə şifahi, sonra isə yazılı tapmağı tapşırır.

Dərinləşdirmə. Müəllim tam kvadrat və tam kub olan ədədlər deyir. Bu ədədlərin hansı ədədin kvadrat və ya kubunu olduğunu əvvəlcə şifahi tapıb söyləməyi, sonra isə yazılı olaraq yoxlamağı tapşırır.

8. Suallara cavab verilir.

a) Tərəfinin uzunluğu a olan kvadratın sahəsi tapılır: a^2 . Çətinlik çəkən şagirdlərə öyrənmədəki nümunələr xatırladılır.

b) Tili b olan kubun həcmi tapılır: b^3 . Tili b olan kubun bir üzünün kvadrat olsuğu qeyd olunur və sahəsi tapılır: b^2 .

c) 7 ədədinin kvadratı tapılır: $7^2 = 49$. Hansı ədədə 4 əlavə etdiğdə 49 alındığını müəyyən etmək üçün 49-dan 4 çıxılır. $49 - 4 = 45$.

d) Seçmə üsulla 6 və 8 ədədinin kvadratının 100-ə bərabər olduğu müəyyən olunur: $6^2 + 8^2 = 100$.

9. Verilənlərdən istifadə edərək ədədin kvadratı tapılır. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə edilir.

Müəllimin nəzərinə! 9-cu tapşırıqda verilən nümunənin ümumiləşməsi olaraq şagirdlərə daha qısa həll yolunu izah etmək olar. Sonu sıfırla qurtaran ədədlərin kvadratın (kubunu) tapmaq üçün sıfır qədər olan ədədin kvadratını (kubunu) tapmaq və sonuna ədədin sonundakı sıfırların 2 misli (3 misli) qədər sıfır artırmaq olar.

$$2^2 = 2 \cdot 2 = 4$$

$$20^2 = 20 \cdot 20 = 400$$

$$2^2 = 4$$

$$20^2 = 400$$

$$2^3 = 2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$$

$$20^3 = 20 \cdot 20 \cdot 20 = 8\ 000$$

$$2^3 = 8$$

$$20^3 = 8\ 000$$

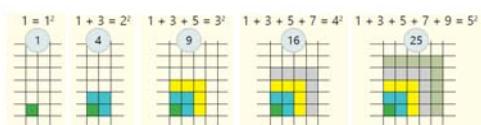
Şagirdlərə şifahi cavablandırılacaq bir neçə sual vermək olar. Məsələn 20, 50, 300 ədədlərinin kvadratı və ya kubu neçəyə bərabər olar?

Praktik tapşırıq. 1-dən 100-ə qədər ədədlər yazılmış kiçik kartlar qutuya yiğilir. Şagirdlər qutudan bir ədəd seçib tam kvadrat olub-olmadığını müəyyən edir, uyğun sütuna yazırlar. Əgər tam kvadratdırsa, hansı ədədin kvadratı olduğunu da yazmağı tapşırmaq olar.

Tapşırığı müəyyən edilmiş vaxtda yerinə yetirmək məqsədə uyğundur.

Məsələ həlli

10. Qanunauyğunluğa əsasən ardıcıl tək ədədlərin cəminin bu ədədlərin sayının kvadratına bərabər olduğu müəyyən olunur. Verilən nümunələr əsasında qanunauyğunluğun doğru müəyyən olunduğu yoxlanılır və ilk 10 ardıcıl tək ədədin cəmi tapılır.



İlk ardıcıl **iki** tək ədədin cəmi $1 + 3 = 2^2 = 4$

İlk ardıcıl **üç** tək ədədin cəmi $1 + 3 + 5 = 3^2 = 9$

İlk ardıcıl **dörd** tək ədədin cəmi $1 + 3 + 5 + 7 = 4^2 = 16$

İlk ardıcıl **beş** tək ədədin cəmi $1 + 3 + 5 + 7 + 9 = 5^2 = 25$

...

İlk ardıcıl **on** tək ədədin cəmi $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \dots + 19 = 10^2 = 100$

Cavab. İlk ardıcıl 10 tək ədədin cəmi 100-ə bərabərdir.

Müzakirə. Şəkildəki qanunauyğunluğu davam etdirməklə 10×10 ölçülü kvadrat çəkib vahid kvadratları rəngləmək və eyni rəngli kvadratların sayına uyğun ədədlərin ilk ardıcıl 10 tək ədəd olduğu, cəmin isə 100-ə bərabər olduğu yoxlanılır.

11. 1-dən 10-a qədər ədədlərin kvadratları yazılır.

$$1^2 = 1 \quad 2^2 = 4 \quad 3^2 = 9 \quad 4^2 = 16 \quad 5^2 = 25 \quad 6^2 = 36 \quad 7^2 = 49 \quad 8^2 = 64 \quad 9^2 = 81 \quad 10^2 = 100$$

a) Tam kvadratların son rəqəmləri 0, 1, 4, 5, 6, 9 ola bilər.

b) Tam kvadratların son rəqəmləri 2, 3, 7, 8 ola bilməz.

c) 131 415 161 712 ədədinin son rəqəmi 2 olduğundan bu ədəd tam kvadrat ola bilməz.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlərə hansı ədədlərin kvadratının son rəqəmlərinin dəyişmədiyi ilə bağlı suallar da verilə bilər. Bunun üçün birləşməli ədədlərin kvadratını bilmək yetərlidir.

1, 5, 6 və 0 rəqəmi ilə bitən ədədlərin kvadratları da eyni rəqəmlə bitir.

Ədədlərin kublarına da nəzər yetirməklə son rəqəmlərlə bağlı bəzi qeydlər aparmağı şagirdlərə tapşırmaq olar.

– Kub ədədlərin son rəqəmləri istənilən rəqəm ola bilər.

– 1, 4, 5, 6, 9 və ya 0 rəqəmi ilə bitən ədədlərin kubları da eyni rəqəmlə bitir.

$$1^3 = 1 \quad 2^3 = 8 \quad 3^3 = 27 \quad 4^3 = 64 \quad 5^3 = 125 \quad 6^3 = 216 \quad 7^3 = 343 \quad 8^3 = 512 \quad 9^3 = 729 \quad 10^3 = 1\ 000$$

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Verilmiş adədi özünə vurmaqla kvadratını tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Verilmiş adədi özünə 2 dəfə vurmaqla kubunu tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Tam kvadrat ədədləri müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Tam kub ədədləri müəyyən edir.	Dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.6. Natural ədədlərin vurulması və bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.2.1. Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir. 1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Çoxrəqəmli ədədlər üzərində vurma əməlini yerinə yetirir. • Çoxrəqəmli ədədlər üzərində bölmə əməlini yerinə yetirir. • Hasilin inandırıcı olub – olmadığını müəyyən edir. • Qismətin inandırıcı olub – olmadığını müəyyən edir.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş düzbucaqlı və kvadrat fiqurlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.splashlearn.com/math/multiplication-properties-games</p> <p>Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/e-multiplying-2-digit-by-1-digit-numbers.html</p> <p>https://www.splashlearn.com/s/math-games/select-the-expression-to-estimate</p> <p>https://mrnussbaum.com/properties-of-multiplication-online</p> <p>https://www.math-play.com/math-basketball-properties-of-multiplication/math-basketball-properties-of-multiplication-game_html5.html</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə vurma əməlinə aid bir neçə misal yazır və suallar verir:

$$15 \cdot 8 \quad 29 \cdot 7 \quad 42 \cdot 3 \quad 15 \cdot 12 \quad 217 \cdot 24$$

– Hansı misal üçün paylama xassəsindən istifadə etmək əlverişlidir? Hansı misal üçün vuruqlardan birini iki ədədin hasili şəklində yazımaqla cavabı daha asan tapmaq olar? Başqa hansı üsullardan istifadə etmək olar? Tapdiğiniz cavabın inandırıcılığını necə yoxlaya bilərsiniz?

Eyni qayda ilə lövhəyə bölmə əməlinə aid bir neçə misal yazıb şagirdlərə bənzər suallar vermək olar.

$$56 : 4 \quad 98 : 2 \quad 78 : 3 \quad 132 : 12 \quad 154 : 14$$

– Misalları daha asan hansı üsullarla həll etmək olar? Tapdiğiniz cavabın inandırıcılığını necə yoxlamaq olar? Şagirdlər hər misalı bir neçə üsulla həll edib əlverişli hesablama üsulunu müəyyən edirlər.

Araşdırma-müzakirə

Verilən misalı Lalə, Anar və Səbinənin necə həll etdiyi müzakirə olunur və Lalənin doğru cavab verdiyi müəyyənləşir. Müəllim lövhədə hər bir uşağın məntiqinə uyğun misallar yazır və sual verir:

– Anar nəyə görə hasildən 1 çıxdı? Lalə misalin həllində hansı xassədən istifadə etdi? Səbinə nəyə görə hasildən 10 çıxdı? Anar və Səbinənin səhvi nə oldu?

Öyrənmə Vurma əməlinin xassələri

Vurma əməlinin xassələri haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlərə əlavə bir neçə nümunə göstərməyi tapşırmaq məqsədəuyğundur.

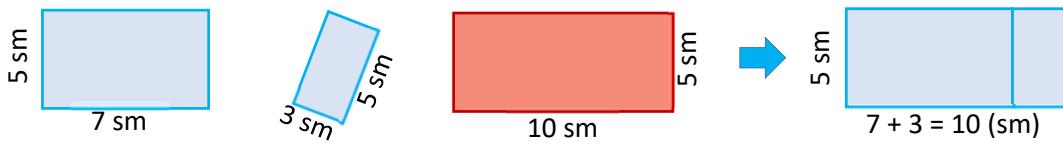
Çalışma

1. Vurmanın xassələrindən istifadə etməklə misallar həll olunur, nümunənin həlli və açıqlama şagirdlərlə müzakirə olunur.

2. Uyğun misallar yazımaqla xassələr izah olunur.

- $7 \cdot b = b \cdot 7$
- $a \cdot (3 \cdot 4) = (a \cdot 3) \cdot 4$
- $10 \cdot (a + 4) = 10 \cdot a + 10 \cdot 4 \neq 10 \cdot a + 4$
- $(9 - d) \cdot 5 = 9 \cdot 5 - d \cdot 5 \neq 9 - d \cdot 5$

3. Hər düzbucaqlının sahələri hesablanır. Mavi düzbucaqlıların sahələrinin cəminin qırmızı düzbucaqlının sahəsinə bərabər olduğu yoxlanılır. Bunu eyniölülü düzbucaqlıları birləşdirməklə, vurmanın paylama xassəsindən istifadə etməklə yoxlamaq olar.



$$5 \cdot 7 = 35 (\text{sm}^2) \quad 5 \cdot 3 = 15 (\text{sm}^2) \quad 35 + 15 = 50 (\text{sm}^2) \quad 5 \cdot 7 + 5 \cdot 3 = 5 \cdot (7 + 3) = 5 \cdot 10 = 50 (\text{sm}^2)$$

5. Tapşırıqda bərabərliyin doğru olması üçün boş xanalara uyğun hərf yaxud, ədədləri tapmaq tələb olunur. İlk baxışdan tapşırıq məchulu olan bərabərliyin – tənliyin həll edilməsi kimi görünə bilər. Lakin bu bərabərliklərdə məchulu tənlik həll etməklə deyil, vurmanın xassələrinə görə tapmaq lazımdır. Məsələn:

$$5 \cdot 9 - 10 = 5 \cdot (\square - 2) \Rightarrow 5 \cdot 9 - 10 = 5 \cdot 9 - 5 \cdot 2 = 5 \cdot (9 - 2) \Rightarrow \square = 9$$

6. $a \cdot b = 5$ olduqda ifadələrin qiyməti tapılır. Hər cavabın tapılması vurmanın hansı xassəsindən istifadə olunduğu izah edilir. Məsələn:

$$(a \cdot 3) \cdot (b \cdot 2) = a \cdot 3 \cdot b \cdot 2 = a \cdot b \cdot 3 \cdot 2 = (a \cdot b) \cdot 6 = 5 \cdot 6 = 30 - qruplaşdırma və yerdəyişmə.$$

7. Vurma əməlinin xassələrindən istifadə etməklə ifadənin qiyməti tapılır və cədvəl tamamlanır.

$$b \cdot 4 \cdot a = 4 \cdot (b \cdot a) = 4 \cdot (a \cdot b)$$

$a \cdot b$	40	55	208
$b \cdot 4 \cdot a$	160	220	832

$$4 \cdot 40 = 160 \quad 4 \cdot 55 = 220 \quad 4 \cdot 208 = 832$$

$$3 \cdot a + 3 \cdot b = 3 \cdot (a + b)$$

$a + b$	10	30	500
$3 \cdot a + 3 \cdot b$	30	90	1 500

$$3 \cdot 10 = 30 \quad 3 \cdot 30 = 90 \quad 3 \cdot 500 = 1 500$$

8. Ədədlər vuruqlarından biri 2 və ya 5 olan hasillər şəklində yazılır. Sonra isə 2 və 5 hasilini ayırmalı hesablanır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur, tapşırıqlar yerinə yetirilir. Bu üsulun məqsədi vuruqlardan 10, 100, 1000-i ayırmalı şifahi hesablama bacarıqlarını inkişaf etdirməkdir. Məsələn:

$$18 \cdot 15 = 9 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 3 = 27 \cdot 10 = 270 \text{ yaxud: } 16 \cdot 125 = 2 \cdot 8 \cdot 125 = 2 \cdot 1000 = 2000$$

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər aşağı sinifdən vuruqlardan birini iki ədədin hasili şəklində yazmaqla hasilin tapılma qaydası ilə tanışdırırlar. Verilən üsulu ümumiləşdirməklə aşağı siniflərdə öyrəndikləri üsulu şagirdlərə xatırlatmaq olar. Məsələn:

$$55 \cdot 8 = 11 \cdot 5 \cdot 8 = 11 \cdot 40 = 440 \text{ yaxud: } 55 \cdot 8 = 55 \cdot 2 \cdot 4 = 110 \cdot 4 = 440$$

Vurmanın digər üsulları şagirdlərə şifahi hesablama bacarıqlarını inkişaf etdirməyə kömək edir. Hasili taparkən şagirdləri müxtəlif üsullardan istifadə etməyə yönəltmək tövsiyə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Bəzi misalların cavabını tapmaq üçün şagirdlər vurmanın və bölmənin xassələrindən istifadə edə bilərlər. Bəzən elə misallar olur ki, onların cavablarını xassələrdən istifadə edərək tapmaq daha çox zaman tələb edir, bu isə əlverişli olmur. Bu zaman şagirdləri alt-alta vurma və ya budaqlı bölmə qaydasından da istifadə etməyə yönəltmək məqsədə uyğundur.

Öyrənmə Bölmə əməlinin xassələri

Bölmə əməlinin xassələri haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlərə əlavə bir neçə nümunə göstərməyi tapşırmaq məqsədə uyğundur.



Vurma və bölmənin əlaqəsinə əsasən sıfır ədədinə bölmənin təyin olunmadığı izah olunur. Lövhəyə dərslikdəki üçbucağı çəkib belə bir misal yazmaq olar.



$$0 \cdot \square = 5$$

Əsaslandırma. Tutaq ki, $5 : 0 = a$. O zaman vurma və bölmənin əlaqəsinə görə $a \cdot 0 = 5$. Lakin sıfıra vurma xassəsinə görə ixtiyarı ədədi sıfıra vurdurduqda sıfır alınır. Yəni $5 = a \cdot 0 = 0$. Buradan alınır ki, $5 = 0$. Yaranan ziddiyət ilkin fərziyyəmizin, yəni $5 : 0 = a$, səhv olduğunu göstərir.

9. Bərabərliklərin doğru, yaxud yanlış olduğu müəyyən edilir. Şagirdlər cavabı necə tapdıqlarını izah edirlər.

10. Bölünəni əlverişli ədədlərin cəmi şəklində yazımaqla qismət tapılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər aşağı siniflərdən bölünəni uyğun ədədlərin fərqi şəklində yazımaqla qisməti tapmaq daha asandır. Bu qayda ilə də şagirdlər aşağı siniflərdən tanışdırırlar. Məsələn: $963 : 3 = (900 + 63) : 3 = 900 : 3 + 63 : 3 = 300 + 21 = 321$.

Bəzən bölünəni uyğun ədədlərin fərqi şəklində yazımaqla qisməti tapmaq daha asandır. Bu qayda ilə də şagirdlər aşağı siniflərdən tanışdırırlar. Məsələn: $597 : 3 = (600 - 3) : 3 = 600 : 3 - 3 : 3 = 200 - 1 = 199$.

Bölmənin digər üsulları şagirdlərə şifahi hesablama bacarıqlarını inkişaf etdirməyə kömək edir. Hasili taparkən şagirdləri müxtəlif üsullardan istifadə etməyə yönəltmək tövsiyə olunur.

Məsələ həlli

16. Verilən parkın sahəsi ilə bağlı məlumatlara əsasən suallar cavablandırılır.

Məsələnin həlli:

- Elxanın vuruqların hər ikisini yaxın yüzüklərlə əvəz etməklə hasili tapıldığı müəyyən olunur.

$$235 \cdot 479 \approx 200 \cdot 400 = 80\,000 \text{ (m}^2\text{)} \quad 235 \cdot 479 \approx 300 \cdot 500 = 150\,000 \text{ (m}^2\text{)}$$

- Aynurun cavabının inandırıcı olub-olmadığını yoxlamaq üçün sahə təqribi hesablanır.

$$235 \cdot 479 \approx 200 \cdot 500 = 100\,000 \text{ (m}^2\text{)}$$

Cavab. Aynurun aldığı cavabla 100 000 arasındaki fərq çox olduğundan parkın sahəsinin 11 565 m² olması inandırıcı deyil.

Müzakirə. Sahəni dəqiq hesablamaqla cavabların doğruluğunu yoxlamaq olar.

17. Məsələdə Yerin il ərzində Günəş ətrafında təxminən neçə kilometr məsafə qət etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Sürət vahidinə uyğun olaraq zaman saatla ifadə olunur. 1 ilin təxminən neçə saat olduğu tapılır.

$$1 \text{ il} = 365 \text{ gün} = 365 \cdot 24 \approx 400 \cdot 20 = 8\,000 \text{ (saat)}$$

- Yerin Günəş ətrafında bir ildə təxminən neçə kilometr məsafə qət etdiyi müəyyən olunur.

$$8\,000 \cdot 108\,000 \approx 10\,000 \cdot 110\,000 = 1\,100\,000 \text{ (km)}$$

Cavab. Yer il ərzində Günəş ətrafında təxminən 1 100 000 km məsafə qət edir.

Müzakirə. Cavabı dəqiq hesablamaqla təxmini cavabın inandırıcılığını yoxlamaq olar.

Müəllimin nəzərinə! Gündəlik həyatda şagirdlər vurma və bölmə əməlləri ilə həll olunan bəzən dəqiq hesablama tələb etməyən situasiyalarla karşılaşırlar. Belə hallara bir neçə nümunə göstərmək olar.

– Velosipedin qiyməti 1000 manatdır. Bu velosipedin 1 saatlıq kirayə haqqı 5 manatdır. Anar hər gün 1 saat velosiped sürərsə, 1 il ərzində velosipedi almaq, kirayəyə götürmək daha ucuz başa gələr?

– Avtobusda hər birində 12 oturacağı olmaqla 4 sıra yer var. Hər birində təxminən 30 uşaq olan 3 sinfin ekskursiyaya getməsi üçün neçə belə avtobus lazım olar?

– Mağazada yağ 250 qramlıq, 500 qramlıq, 1 kiloqramlıq bağlamalarda satılır. 250 qramlıq yağ bağlaması 4 manat, 500 qramlıq – 6 manat 50 qəpik, 1 kiloqramlıq isə 7 manat 50 qəpikdir. 2 kiloqramlıq yağı hansı bağlamalarda almaq daha ucuz başa gələr?

Layihə işi. Şagirdlərə bir neçə gün ərzində gündəlik qarşılaşıqları bənzər situasiyaları araşdırmağı və uyğun məsələ tərtib edib həll etməklə təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Çoxrəqəmli ədədləri alt-alta və müxtəlif üsullarla vurma əməlini yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Çoxrəqəmli ədədləri sütun üzrə və müxtəlif üsullarla bölmə əməlini yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Hasili təxmin etməklə nəticənin inandırıcı olub-olmadığını müəyyən edir.	Dərslik, iş dəftəri
Qisməti təxmin etməklə nəticənin inandırıcı olub-olmadığını müəyyən edir.	Dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.7. Ədədi ifadələr

ALT STANDARTLAR	1.2.1. Çoxrəqəmli ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir. 1.2.4. 10-un natural üstlü qüvvətlərini, natural ədədin kvadratını və kubunu hesablayır. 1.2.5. Natural ədədlər üzərində hesab əməllərinə aid çoxəməlli məsələləri həll edir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Natural ədədlər üzərində hesab əməllərini yerinə yetirir. • Əməllər sırasını düzgün müəyyənləşdirir. • Qüvvət daxil olan ədədi ifadənin qiymətini hesablayır. • İç-içə bir neçə mötərizə olan ifadələrin qiymətini hesablayır.
TƏCHİZAT	Elmi kalkulyator, vahid kvadrat və kublar, iş vərəqləri.
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4506, Öyrənmə: https://video.edu.az/video/11375</p> <p>Çalışma: https://www.splashlearn.com/s/math-games/evaluate-expressions-with-2-or-more-operations</p> <p>https://www.math-play.com/Algebraic-Expressions-Millionaire/algebraic-expressions-millionaire-game_html5.html</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə bir ədədi ifadəni bir neçə dəfə yazır. Əvvəlcə mötərizəsiz sonra isə mötərizələri qoymaqla ifadənin qiymətini tapmağı tapşırır.

$$\begin{array}{ll} 2 \cdot 6 + 3 \cdot 5 - 12 : 3 = & 2 \cdot 6 + (3 \cdot 15 - 12) : 3 = \\ 2 \cdot (6 + 3) \cdot 5 - 12 : 3 = & (2 \cdot 6 + 3) \cdot (15 - 12) : 3 = \\ 2 \cdot 6 + 3 \cdot (5 - 12 : 3) = & 2 \cdot (6 + 3) \cdot (15 - 12) : 3 = \end{array}$$

Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir:

– 1-ci misalda əməllər ardıcılılığı necə olacaq? 2-ci misalda əvvəlcə hansı əməl yerinə yetiriləcək? Nə üçün 1-ci sütundakı misalların cavabı fərqli oldu?

Bütün misallar həll edildikdən sonra şagirdlərə sual vermək olar:

– Mötərizələri necə qoysunda cavab 165 və 221 alınar?

Araşdırma-müzakirə

Bərabərliyin doğruluğu alınması üçün mötərizələr qoyulur, hər dəfə cavablar yoxlanılır və mötərizələrin düzgün yeri müəyyən edilir.

$$\begin{aligned} 5\ 000 - (4 \cdot 831 - 18^2) &= 2\ 000 \\ 100 + 5\ 200 : (26 - 13) - (18^2 - 300 - 24) &= 500 \end{aligned}$$

Öyrənmə Əməllər ardıcılığı

Şagirdlər 4-cü sinifdən əməllər ardıcılığı ilə tanış olublar. Bu sinifdə isə şagirdlər qüvvətə yüksəltmə və iç-içə mötərizələri olan ifadələrlə tanış olacaqlar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər hesab əməllərinin ardıcılığını səhv yerinə yetirərək cavabı səhv tapırlar. Məsələn, $2 + 4^2 = 6^2$, $2^2 + 4^2 = 6^2$ və s. Bu cür səhv edən şagirdlərə qüvvətə yüksəltmə əməlinin əvvəl yerinə yetirildiyini xatırlatmaq və səhvlər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

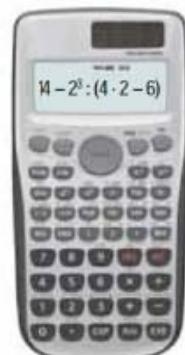
Çalışma

1-3. Tapşırıqları yerinə yetirməklə hesablama vərdişləri inkişaf etdirilir.

Öyrənmə Elmi kalkulyatorda hesablamalar

Daha mürəkkəb hesablamalarda elmi kalkulyatordan istifadə olunduğu haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Dərslikdə verilən nümunə misal şagirdlərə izah olunur.

Müəllimin nəzərinə! 5-ci sinifdə toplama, çıxma, vurma, bölmə, qüvvətə yüksəltmə və mötərizə daxil olan ifadələrin qiymətinin hesablanmasında elmi kalkulyatordan istifadə edilə bilər. Elmi kalkulyator şagirdlərə misalı tam yazıb cavabını birləşfəyə tapmağa kömək edir. Yuxarı sinifdə şagirdlər elmi kalkulyatordan istifadə etməklə daha mürəkkəb hesablamaları yerinə yetirəcəklər.



Texniki imkanları olan siniflərdə onlayn elmi kalkulyatorlardan istifadə etmək olar:

<https://www.tcsion.com/OnlineAssessment/ScientificCalculator/Calculator.html#nogo>

<https://matholia.com/grades/year-5-fe4e5a/tools/5f867df6d9d52704602b3b8c>

<http://www.shodor.org/interactivate/activities/OrderOfOperationsFou/>

4. Elmi kalkulyatordan istifadə etməklə verilən hesablamalar aparılır.

5. Verilən misalda mötərizələr qoyulur, bərabərliyin doğru alınmasına diqqət yetirilir.

a) $2 \cdot (3^2 - 4) + 1 = 11$ b) $2^3 + 12 : (4 - 1) = 12$ c) $10^3 : (25 - 5) \cdot 2 = 100$



Yadda saxla!

Ədədi ifadədə içə-içə bir neçə mötərizə varsa, əməllərin ən içəridəki mötərizədən başlamaqla ümumi qayda ilə yerinə yetirildiyi vurgulanır, nümunə misal şagirdlərə izah olunur.

7. Uyğun ədədi ifadələr yazılır və qiyməti hesablanır. Uyğun ədədi ifadələrin yazılımasında nə zaman mötərizələrdən istifadə olunduğuna diqqət yetirilir.

a) $10^3 + 567 = 1\,567$ b) $19^2 - 4^3 = 297$
c) $(10^4 + 8^3) : 16 = 657$ d) $(4^3 - 5^2) \cdot 6 = 195$

8. Əməllər ardıcılığına və mötərizələrə diqqət etməklə hesablamalar aparılır.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim şagirdlərə mötərizələr fərqli yerlərdə qoyulmuş eyni ədəd və əməllər olan misallar verib cavabın nəyə görə fərqli alındığını izah etməyi tapşırır.

Dərinləşdirmə. Müəllim şagirdlərə bir misal verib fərqli cavablara uyğun mötərizələri düzgün yerləşdirməyi və cavabın doğruluğunu yoxlamağı tapşırır.

Praktik iş. Sınıf bir neçə qrupa ayrılır. Hər qrupa iş vərəqindəki pazllar kəsilmiş şəkildə qarışdırılub verilir. Müəllim şagirdlərə ədədi ifadələrin qiymətini hesablayıb hər ifadəni qiymətini göstərən ədəd yazılmış hissə ilə birləşdirməyi tapşırır. İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar.

<https://drive.google.com/file/d/1VqGnQ8zHtp-cX7wXPxvKihYMvhnKMLzb/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

Verilən məsələlər üçün ədədi ifadə yazmaqla məsələlər həll olunur.

9. Məsələdə Aynurun fikrində tutduğu ədədi tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Aynurun fikrində tutduğu ədədi tapmaq üçün uyğun ədədi ifadə yazılsın və ifadənin qiyməti hesablanır.
 $8^3 - 463 = 49$

Cavab. Aynur fikrində 49 ədədini tutdu.

10. Məsələdə müştərinin aldığı xalçalar üçün neçə manat pul ödədiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti: yazılır.

Kvadrat formasında xalçanın tərəfləri – 2 m

Düzbucuqlu formasında xalçanın tərəfləri – 2 m və 3 m

1 m² xalçanın qiyməti – 43 manat

Müştəri ödədi – ? manat

Məsələnin həlli:

- Müştərinin ödədiyi pulun miqdarnı tapmaq üçün uyğun ədədi ifadə yazılsın və ifadənin qiyməti hesablanır.
 $(2^2 + 2 \cdot 3) \cdot 43 = 430$ (manat)

Cavab. Müştəri xalçalar üçün 430 manat pul ödədi.

Müzakirə. Cavabı yoxlamaq üçün hər xalça üçün ödənilən məbləğ tapılır və cəmlənir. Cavablar müqayisə edilir.

11. Məsələdə mavi hissənin sahəsinin neçə sm² olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti: yazılır.

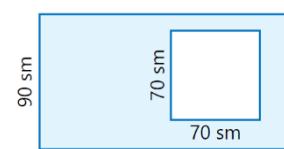
Kvadrat formasında olan ağ hissənin tərəfləri – 70 sm

Düzbucuqlının eni – 90 sm

Düzbucuqlının eni uzunluğundan qısa – 60 sm

Mavi hissənin sahəsi – ?

Diagram illustrating the division of two carpets into smaller rectangles. The left carpet is 2m by 3m and is divided into a 2m by 2m square and a 2m by 1m rectangle. The right carpet is 2m by 2m and is divided into a 2m by 2m square and a 2m by 1m rectangle.



Məsələnin həlli:

- Mavi hissənin sahəsini tapmaq üçün uyğun ədədi ifadə yazılır və ifadənin qiyməti hesablanır.

$$90 \cdot (90 + 60) - 70^2 = 8\,600 (\text{sm}^2)$$

Cavab. Mavi hissənin sahəsi $8\,600 \text{ sm}^2$ olacaq.

Müzakirə. Əvvəlcə hər düzbucaqlının uzunluğu, sonra sahəsi hesablanır. Kvadratın sahəsi hesablandıqdan sonra düzbucaqlının sahəsindən kvadratın sahəsini çıxmaqla cavabı yoxlamaq olar.

12. Məsələdə ədədi ifadə yazılıb kalkulyatordan istifadə etməklə qalan figurun həcmimin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim əlinə kvadrat formalı rəngli kağız götürür və ondan düzbucaqlı formada hissəsinə kəsib kənara qoyur.



Müəllim şagirdlərə suallar verir:

- Rəngli kağızin kəsilmədən önce sahəsini necə tapmaq olardı? Kəsilən hissənin sahəsini necə tapmaq olar? Qalan hissənin sahəsini necə tapmaq olar?

Məsələnin qısa şərti yazılır.

Taxta kubun tili – 78 sm

Kəsilən kuboidin tilləri – 34 sm, 46 sm, 28 sm

Qalan figurun həcmi – ?

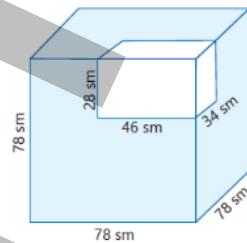
Məsələnin həlli:

- Qalan figurun həcmini tapmaq üçün uyğun ədədi ifadə yazılır və kalkulyatorda ifadənin qiyməti hesablanır.

$$78^3 - 34 \cdot 46 \cdot 28 = 430\,760 (\text{sm}^3)$$

Cavab. Qalan figurun həcmi $430\,760 \text{ sm}^3$ olacaq.

Müzakirə. Əvvəlcə kubun həcmi, sonra isə kəsilən kuboidin həcmi hesablanır. Kubun həcmindən kuboidin həcmini çıxmaqla cavabı yoxlamaq olar.



Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər məsələyə uyğun ədədi ifadə yazımaqdə çətinlik çəkirələr. Belə şagirdlərə məsələni əvvəlcə bir neçə addımda həll etməyi, sonra isə uyğun ədədi ifadə yazımaqla həll edib cavabı yoxlamağı tapşırmaq olar.

Layihə işi. Əvvəlki dərsdə şagirdlərə gündəlik həyatda rastlaşdıqları situasiyalarla bağlı tapşırıqlar verilmişdi. Şagirdlərə həmin məsələləri ədədi ifadə yazımaqla həll etməyi tapşırmaq olar. Şagirdlərə bir neçə gün ərzində gündəlik qarşılaşdıqları bənzər situasiyaları araşdırmağı və uyğun məsələ tərtib edib bir neçə üsulla həll etməklə təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Natural ədədlərlə qüvvətə yüksəltmə, toplama-çıxma və vurma-bölmə əməllərini yerinə yetirir.	Dərslik, iş dəftəri
İfadənin qiymətini tapmaq üçün əvvəlcə əməllər sırasını müəyyən edir, sonra qiyməti hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qüvvət daxil olan ədədi ifadənin qiymətini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
İç-içə bir neçə mötərizə olan ifadələrin qiymətini tapmaq üçün əvvəl daxildəki mötərizələrin qiymətini hesablayır, sonra ifadənin qiymətini tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 1.8. Ədədin bölgən və bölünənləri

ALT STANDARTLAR	1.2.2. Ədədin bölgən və bölünənlərini müəyyən edir . 1.2.3. Siyahıdan istifadə etməklə iki natural ədədin ƏBOB-nu və ƏKOB-nu tapır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Ədədin bölgən və bölünənlərini müəyyən edir. • Ədədlərin ortaq bölgən və bölünənlərini müəyyən edir. • Ədədlərin ən böyük ortaq bölgənini müəyyən edir. • Ədədlərin ən kiçik ortaq bölünənlərini müəyyən edir.
TƏCHİZAT	Vahid kvadrat və kublar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4168</p> <p>Çalışma: https://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/HCF_LCM.asp</p> <p>Çalışma: https://www.geogebra.org/m/xJupYKBw</p> <p>https://www.classtools.net/Venn/</p> <p>https://www.transum.org/software/SW/Starter_of_the_day/Students/HCF_LCM.asp?Level=2</p> <p>https://www.topmarks.co.uk/mathsgames/multiples-and-factors</p> <p>https://www.fun4thebrain.com/g/bf/snowballfight/</p> <p>https://wordwall.net/resource/25336563/mathsfactors-and-multiples-quiz</p> <p>https://wordwall.net/resource/12361234/factors-multiples</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim masaya 8 qırmızı və 4 yaşıl stiker qoyur və şagirdlərə bu stikerləri hər birində eyni sayıda qırmızı və eyni sayıda yaşıl stiker olmaqla qruplara bölməyi tapşırır.



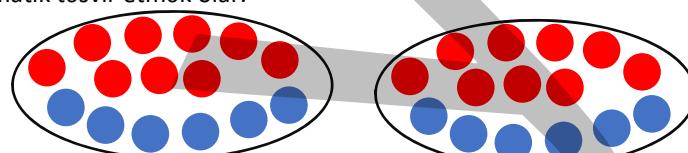
Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir:

- Bu stikerləri 2 qrupa bərabər bölmək olarmı? Hər qrupa neçə stiker düşər? Daha neçə qrup alına bilər? Bu stikerləri nəyə görə 3 qrupa bölmək olmaz?

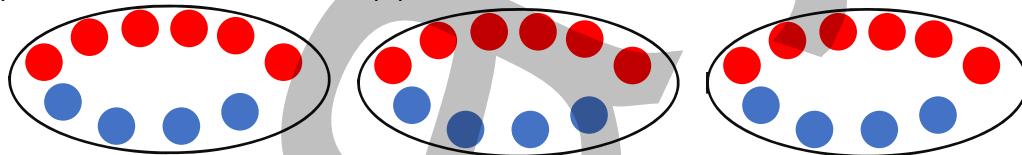
Şagirdlər stikerləri qruplara bölməklə sualları cavablandırırlar.

Araşdırma-müzakirə

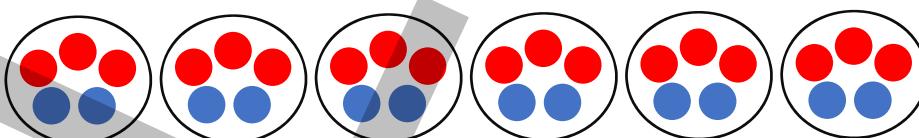
Bilik yarışında iştirak edən şagirdlərin sayına əsasən komandaların sayının 2, 3, 4, yaxud 5 ola biləcəyini müəyyən etmək tələb olunur. 12 və 18 ədədi hər ikisi 2-yə bölündüyü üçün 2 komanda alına bilər. Bu halda hər qrupa 9 qız və 6 oğlan düşər. Bunu sxematik təsvir etmək olar.



Eyni qayda ilə 3 komandanın da ola biləcəyi yoxlanılır.



12 ədədi 4-ə bölünür, 18 ədədi isə 4-ə bölünmədiyindən 4 komanda ola bilməyəcəyi qeyd edilir. Eyni qayda ilə 5 komanda da düzəltmək mümkün olmadığı izah edilir. Ən çox neçə belə komanda təşkil etmək mümkün olduğunu tapmaq üçün 12 və 18 ədədlərinin ortaq bölgənləri yazılır, bu bölgənlərin ən böyüyü götürülür. Bu zaman ən çox 6 belə komandanı təşkil etmək mümkün olduğunu söylənilir.



Müəllimin nəzərinə! Şagirdlərə mümkün olan komandalar üçün hər komandada neçə oğlan və neçə qız olacağını da tapşırmaq məqsədəuyğundur. Məsələn, 2 komanda düzəldilərsə, hər komandada olan şagird sayını belə tapmaq olar: $12 : 2 = 6$, $18 : 2 = 9$. Deməli, 2 komanda yaradılsa, hər komandada 6 oğlan və 9 qız olacaq. Eyni qayda ilə şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verməklə hər komandada neçə oğlan, neçə qız olacağını müəyyən etməyi tapşırmaq olar. 3 komanda yaradılsrsa, hər komandada neçə oğlan, neçə qız olar? Ən çox komanda sayına görə həmin komandalarda neçə oğlan və neçə qız olacaq?

Öyrənmə Natural ədədin bölgələri

Şagirdlər 4-cü sinifdə ədədin bölgələri, bölgələri və sadə ədədlərlə tanış olmuşlar. Həmin materiallar xatırladılır və natural ədədin bölgələri haqqında şagirdlərə məlumat verilir.



Fikirləş

Ədədin sadə olduğunu onun bölgələrinin sayı ilə müəyyən etmək üçün şagirdlər nümunələrlə ədədin bölgələrinin sayını göstərirler. Sadə ədədlərin bölgələrinin sayının 2 olduğu, yəni ədədin özü və 1 olduğu görünür. Deməli, ədədin 2 bölgəsi varsa, bu ədəd sadə ədəddir.

Müəllimin nəzərinə! Ədədin bölgələrinin müxtəlif tapılma üsulları var. Nümunələr göstərməklə bunları ümumişdirək aşağıdakı nəticələri şagirdlərə bildirmək olar:

- Sadə ədədlərin 2 bölgəsi var.
- Sadə ədədlərin kvadratlarının 3 bölgəsi var.
- Ədədin bölgələri təkrarlanırsa, deməli, bütün bölgələri tapılmışdır.

$$12 : 1 = 12$$

$$12 : 2 = 6$$

$$12 : 3 = 4$$

$12 : 4 = 3$ Ədədin bölgələri təkrarlanır. 12 ədədinin bölgələri : 1, 2, 3, 4, 6, 12

Çalışma

1-4-cü tapşırıqlar yerinə yetirilir.

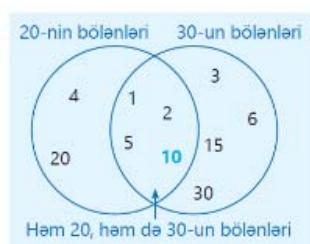
Öyrənmə Ən böyük ortaq bölgə

İki natural ədədinin hər ikisinin bölgəndən ədədlərə onların ortaq bölgələri, ortaq bölgələrdən ən böyüyüne isə ən böyük ortaq bölgə, yəni qısa olaraq ƏBOB deyildiyi qeyd olunur. Ədədin ƏBOB-unun tapılması qaydasını şagirdlərə izah olunur.

Texniki imkanlar olan siniflərdə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.teacherled.com/iresources/charts/venns/>

<https://www.classtools.net/Venn/>



Müəllimin nəzərinə! 5-ci sinifdə ədədlərin ƏBOB-unun bu ədədlərin bölgələri siyahısını tərtib etməklə tapılması nəzərdə tutulur. Bunun üçün verilən hər iki ədədin bölgələrini yazıb onların içərisindən ortaq olanlar qeyd edilir və bu ortaq bölgələrin ən böyüyü seçilir. Venn diaqramından istifadə etməklə ortaq bölgələri qeyd etmək daha asan olduğu üçün öyrənmə mərhələsində bu üsuldan istifadə etmək məqsədəuyğundur.

5. Verilən ədəd cütlərinin ortaq bölgələri müəyyən olunur.

6. Verilən ədədlərin ƏBOB-u tapılır.

7. ƏBOB-u verilmiş ədəd olan 2 ədəd tapılır.

Müəllimin nəzərinə! ƏBOB-u, məsələn, 6-ya bərabər olan iki ədədin tapılması zamanı şagirdlər verilən ədədlərin bölgələrini yazıb onlar arasından ikisini elə seçməlidirlər ki, onların ƏBOB-u 6-ya bərabər olsun. Belə ki, 6 ədədinin bölgələri 6, 12, 18, 24 və s.-dir. Əgər bu ədədlər içərisində iki ardıcıl ədəd götürülsə, onların ƏBOB-u 6-ya bərabər olacaq. Əks halda fərqli ədədlər götürülməklə ƏBOB-un 6 ədədinin misillərinə bərabər olduğu hallar da yaranı bilər. Buna görə də seçilən ədədlərin ƏBOB-unu tapmaqla cavabin verilən ədədə bərabər olub-olmadığını yoxlamaq məqsədəuyğundur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər ədədlərin ƏBOB-unu taparkən ən böyük bölgənə əvəzinə digər bölgələrdən birini götürürlər. Belə səhvələrə yol verən şagirdlərə ədədlərin ƏBOB-unu tapdıqdan sonra tapılan ədədin ən böyük bölgə olub-olmadığını yoxlamağı tapşırmaq, ən böyük bölgə olmadığı halda cavabın

doğru olmadığını vurgulamaq və cavabı yenidən tapmayı tapşırmaq məqsədəyğundur. Səhvlər üzərində işin təşkili gələcəkdə ƏBOB-un tapılması ilə bağlı hesablamalar zamanı şagirdlərin bənzər səhvlərə yol verməsinin qarşısını almaq üçün vacibdir.

Öyrənmə Natural ədədin bölünənləri

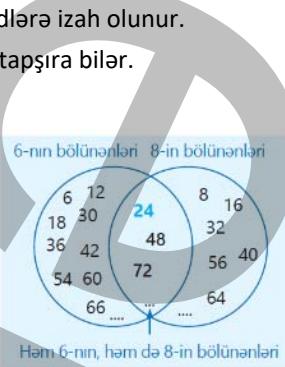
4-cü sinifdə ədədin bölünənləri haqqında məlumat yada salınır və natural ədədin bölünəni təkrar izah edilir. Bir natural ədədin sonsuz sayıda bölünəni olduğu qeyd olunur. Nümunə tapşırıqlar şagirdlərə izah olunur.

8. Verilən ədədlərin 5 bölünəni yazılır. Müəllim əlavə olaraq bir neçəsini də yazmayı tapşırı bilər.

Öyrənmə Ən kiçik ortaq bölünən

İki natural ədədin hər ikisine bölünən ədədlərə onların ortaq bölünənləri, ortaq bölünənlərdən ən kiçiyinə isə ən kiçik ortaq bölünən, yəni qısaca olaraq ƏKOB deyildiyi qeyd edilir. Ədədin ƏKOB-unun tapılması qaydası şagirdlərə izah olunur.

İki ədədin ƏKOB-unun tapılması da ƏBOB-un tapılma qaydasına uyğun olaraq siyahı üzrə aparılır. Hər iki ədədin ortaq bölünənləri yazılır, ortaq bölünənlər müəyyənləşdirilir və ortaq bölünənlərin ən kiçiyi götürülür. Venn diaqramından istifadə etməklə ortaq bölünənləri qeyd etmək daha asan olduğu üçün öyrənmə mərhələsində bu üsuldan istifadə etmək məqsədəyğundur.



Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər ədədlərin ƏKOB-unu taparkən ən kiçik bölünən əvəzinə digər bölünənlərdən birini götürürərlər. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə ədədlərin ƏKOB-unu tapdıqdan sonra tapılan ədədin ən kiçik bölünən olub-olmadığını yoxlamağı tapşırmaq, ən kiçik bölünən olmadığı halda cavabın doğru olmadığını vurgulamaq və cavabı tapmayı tapşırmaq məqsədəyğundur. Səhvlər üzərində işin təşkili gələcəkdə ƏKOB-un tapılması ilə bağlı hesablamalar zamanı şagirdlərin bənzər səhvlərə yol verməsinin qarşısını almaq üçün vacibdir.

9. Verilmiş ədədlərin ortaq bölünənlərindən ikisi yazılır. Bunun üçün hər iki ədəd üçün siyahı yazılır və ortaq bölünənlər tapılır.

3 – 6, 9, **12**, 15, 18, 21, **24**, ...

4 – 8, **12**, 16, 20, **24**, 28, ...

10. 2 və 3 ədədlərinin 20 və 40 arasında olan ortaq bölünənləri yazılır. Yenə siyahı yazılır, 20 və 40 arasındaki ortaq bölünənlər tapılır.

2 – 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, **24**, 26, 28, **30**, 32, 34, **36**, 38, 40.

3 – 6, 9, 12, 15, 18, 21, **24**, 27, **30**, 33, **36**, 39.

11. Verilən ədədlərin ƏKOB-u tapılır.

12. ƏKOB-u verilmiş ədədə bərabər olan 1-dən fərqli iki ədəd yazılır.

Öyrənilən bilikləri ümumiləşdirmək üçün açar sözlərə diqqət yetirilir. Müəllim şagirdlərə “ədədin bölgəni”, “ədədin bölünəni”, “ortaq bölgəni”, “ortaq bölünən”, “ƏBOB”, “ƏKOB” anlayışlarını izah etməyi və nümunələr göstərməyi tapşırı bilər.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim şagirdlərə ƏBOB və ƏKOB-un tapılması ilə bağlı misallar verir. Şagirdlər cavabı tapır və necə tapdıqlarını izah edirlər.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə 2 şagird çıxarırlar və onlara ƏBOB-un və ya ƏKOB-un tapılması ilə bağlı məsələlər verir. Şagirdlər məsələnin həlli üçün ƏBOB, yaxud ƏKOB-u tapacağını müəyyənləşdirir, cavabı tapır və necə tapdıqlarını izah edirlər.

Oyun. Sinif qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanılır. Hər qrupa iki zər verilir. Şagirdlər zərləri atır və düşən ədədlərin əvvəlcə ƏBOB-unu, sonra isə ƏKOB-unu tapır və cədvəldə həmin ədədlərin üstündən xətt çəkirler. Bu qayda ilə verilən vaxt ərzində zərlər 4 dəfə atılır, ƏBOB və ƏKOB tapılır. Cədvəldə ən çox ədəd üzərindən xətt çəkən qrup qalib olur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar.

 1. ƏBOB(____, ____) = ____	<table border="1"> <tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr><td>5</td><td>6</td><td>10</td><td>12</td></tr> <tr><td>15</td><td>16</td><td>18</td><td>20</td></tr> <tr><td>24</td><td>25</td><td>28</td><td>30</td></tr> </table>	1	2	3	4	5	6	10	12	15	16	18	20	24	25	28	30
1	2	3	4														
5	6	10	12														
15	16	18	20														
24	25	28	30														
2. ƏBOB(____, ____) = ____																	
3. ƏBOB(____, ____) = ____	4. ƏBOB(____, ____) = ____																
2. ƏKOB(____, ____) = ____	3. ƏKOB(____, ____) = ____																
4. ƏKOB(____, ____) = ____																	

https://drive.google.com/file/d/139Z8N1_9SQ0UISC1WmalaHqoMz5L3Kzq/view?usp=sharing

Məsələ həlli

13. Məsələdə Lalənin payladığı qutuların və hər qutunun oyuncاقlarının sayının neçə ola biləcəyini müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim masaya 6 karandaş qoyur və şagirdlər karandaşları neçə uşaq arasında bərabər bölməyin mümkün olduğunu və hər uşaq neçə karandaş düşəcəyini tapmağı tapşırır. Karandaşları şagirdlər arasında bölməklə 1, 2, 3, 6 şagirdə karandaşları paylamağın mümkün olduğu və bu zaman hər şagirdə uyğun olaraq 6, 3, 2, 1 karandaş düşdüyü bildirilir.

Məsələnin həlli:

- 24 ədədinin bölgənləri yazılırlar: 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24.

- Qutuların sayı və hər qutudakı oyuncacaqların sayını cədvəldə vermək olar.

Qutuların sayı	1	2	3	4	6	8	12	24
Oyuncacaqların sayı	24	12	8	6	4	3	2	1

Cavab. 24 oyuncağın paylandığı qutuların sayı və ya qutudakı oyuncacaqların sayı 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12 və 24 ola bilər.

14. Səbinənin fikrinin düz olub-olmadığını tapmaq tələb olunur. Bunun üçün bir neçə nümunə göstərilir.

Məsələnin həlli:

- Ardıcıl bir neçə ədəd götürülür. Bu ədədlərin bölgənləri tapılır. Məsələn, 12 və 13 ədədlərinin bölgənlərini tapmaq olar.

12 ədədinin bölgənləri: 1, 2, 3, 4, 6, 12 – 6 bölgəni var.

13 ədədinin bölgənləri: 1, 13 – 2 bölgəni var.

Deməli, 13 ədədi 12 ədədindən böyük olsa da, bölgənlərinin sayı daha azdır.

Əlavə bir neçə nümunə də göstərmək olar. Məsələn, 121 ədədi 11-in kvadratıdır və bu ədədin cəmi 3 bölgəni var.

Lakin 100 ədədi 10-un kvadratıdır. Bu ədədin bölgənlərinin sayı isə 3-dən çoxdur. Deməli, bu fikir həmişə doğru deyil.

Cavab. Səbinənin fikri doğru deyil.

15. Elxanın fikrində tutduğu ədəd tapılır.

Cəlbetmə. Müəllim 2 stikerin hər birinə bir ədəd yazır və üstünü bağlamaqla lövhəyə yapışdırır. Şagirdlərə hər ədədlə bağlı bir məlumat verib ədədi tapmağı tapşırır.

1-ci ədəd. Bu ədəd 10-dan kiçikdir və 2 bölgəni var. Bölgənlərindən biri 3-dür. Bu, hansı ədəddir?

2-ci ədəd. Bu ədəd 15-dən kiçikdir və 4 bölgəni var. Bölgənlərindən biri 7-dir. Bu, hansı ədəddir?

Şagirdlər ədədləri tapır və necə tapdıqlarını izah edirlər.

Məsələnin həlli:

- 40-dan kiçik, bölgənlərindən biri 10 olan ədədlər yazılırlar: 10, 20, 30.
- Bu ədədlərin bütün bölgənləri yazılırlar və 6 bölgəni olan ədəd müəyyən olunur.

10 ədədinin bölgənləri: 1, 2, 5, 10 – 4 bölgəni var.

20 ədədinin bölgənləri: 1, 2, 4, 5, 10, 20 – 6 bölgəni var.

30 ədədinin bölgənləri: 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30 – 8 bölgəni var.

Cavab. Elxanın fikrində tutduğu ədəd 20-dir.

16. Məsələdə lenti verilən qayda ilə bölgəndə alına bilən ən uzun hissənin neçə santimetri olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Verilən ədədlərin ƏBOB-u tapılır. ƏBOB (40, 32) = 8.

Cavab. Lentləri bu qayda ilə bölgəndə alına bilən ən uzun hissə 8 sm olacaq.

Müzakirə. Hər lenti qeyd olunan uzunluqda hissələrə bölgəndə alinan hissələrin sayı tapılır. 1-ci lentdə 5 hissə, 2-ci lentdə isə 4 hissə alınır.

17. Məsələdə gulleri qarışdırılmamaq şərti ilə bölgəndə dəstələrin sayının ən azı neçə olacağını tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim masaya 8 qırmızı və 12 mavi karandaş qoyur. Şagirdlərə suallar verilir:

– Karandaşları qarışdırılmamaq şərti ilə neçə nəfər arasında hər birində eyni sayıda olmaqla bölmək olar? Bu zaman neçə şagirdə qırmızı, neçə şagirdə mavi karandaş düşər? Hər şagirdə ən çox neçə karandaş vermək olar? Ən azı neçə şagird arasında karandaşları bu qayda ilə paylamaq olar? Cavabı ən böyük ortaq bölgəndən istifadə etməklə necə tapmaq olar?

Məsələnin həlli:

- Hər dəstədə neçə gül ola biləcəyini tapmaq üçün verilən ədədlərin ortaq bölgənləri tapılır.

54 ədədinin bölgənləri: 1, 2, 3, 6, 9, 18, 27, 54



42 ədədinin bölgələri: 1, 3, 5, 9, 15, 45

54 və 42 ədədlərinin ortaq bölgələri: 1, 3, 9.

• Gullerin bu qaydada böldükde dəstələrin sayının ən azı olması üçün dəstədəki gullerin sayının ən çox olacaq müəyyənləşdirilir və ƏBOB tapılır. ƏBOB (54, 45) = 9.

• Gullerin bu qaydada böldükde dəstələrin sayının ən azı neçə olacaq tapılır.

Qızılıgül dəstələri: $54 : 9 = 6$.

Nərgiz dəstələri: $45 : 9 = 5$

Dəstələrin ümumi sayı: $6 + 5 = 11$.

Cavab. Gulleri bu qayda ilə böldükde ən azı 11 dəstə olacaq.

18. Məsələdə eyni saatda limana yaxınlaşan gəmilərin növbəti dəfə neçə saatdan sonra birlikdə limana yaxınlaşacağını müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Lövhəyə 2 şagird çıxarılır. Masaya saat qoyulur. Şagirdlərdən birinə hər 10 saniyədən bir, digərinə isə hər 15 saniyədən bir əlini qaldırmaq tapşırılır. Digər şagirdlər lövhədəki şagirdlərin hansı vaxtda əllərini eyni zamanda qaldırdığını 1 dəqiqə ərzində müşahidə edirlər. Vaxt bitdikdən sonra müəllim şagirdlərə suallar verir:

– Hər iki şagird neçə saniyədən sonra əllərini eyni anda qaldırdı, bunu neçə dəfə müşahidə etdiniz? İlk dəfə əllərini eyni anda qaldırdıqları vaxtı tapmaq üçün ən kiçik ortaq bölünənin tapılmasından necə istifadə etmək olar?

Məsələnin həlli:

• Yük gəmisinin və sərnişin gəmisinin limana yaxınlaşduğu saatları göstərən ədədlərin ƏKOB-u tapılır.

ƏKOB (6, 4) = 12.

Cavab. Eyni saatda limana yaxınlaşan gəmilər növbəti dəfə 12 saatdan sonra birlikdə limana yaxınlaşacaqlar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Ədədin bölgə və bölünənlərini müəyyən edir.	Dərslik, iş dəftəri
Ədədlərin ortaq bölgə və bölünənlərini müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Ədədlərin ən böyük ortaq bölünənini siyahıdan tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Ədədlərin ən kiçik ortaq bölünənini siyahıdan tapır.	Dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərirlər.

Natural ədədlər, onluq say sistemi, mövgəli say sistemi, mövgəsiz say sistemi, Roma rəqəmləri, 10-un qüvvətləri, ədədin kvadrati, ədədin kubu, tam kvadrat, tam kub, toplama, çıxma, vurma və bölmənin xassələri, sadə ədəd, ədədin bölgənləri, ədədin bölgənləri, ortaq bölgə, ortaq bölgənən, ƏBOB, ƏKOB.

İlkin problemin həlli. Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı müzakirə olunur. İlkin problemin həlli siniflə müzakirə edilir. "İşiq ili" anlayışı haqqında şagirdlərə əlavə məlumatlar vermək olar. İşiq ilinin 9 trilyon 460 milyard 800 milyon kilometrə bərabər olduğu qeyd olunur.

Şagirdlərə işiq ili haqqında araşdırma aparmağı tapşırmaq olar.

Əlavə linklər: <https://exoplanets.nasa.gov/faq/26/what-is-a-light-year/>
<https://www.space.com/light-year.html>

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

1-4-cü tapşırıqlar yerinə yetirilir. Boş xanalara uyğun rəqəmlər yazılır.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən hesablama aparmadan ifadələrdən hansının daha böyük olduğunu təxmin etmək tələb olunur. Bu zaman müxtəlif üsullardan istifadə etmək olar. 4-cü tapşırıqda cəmlərdə hansının daha böyük olduğunu təxmin etmək üçün toplananlara diqqət yetirilir. Toplananlardan biri eyni olduğundan digər toplananları müqayisə etmək yetərlidir. $a > c$ olduğundan 1-ci cəm 2-cidən böyük olacaq. Şagirdlərə bənzər suallar vermək məqsədə uyğundur.

7. $a \cdot b = 12$ və $a \cdot c = 18$. Vurmanın xassələrindən istifadə etməklə ifadələrin qiyməti tapılır.

$$(5 \cdot a) \cdot b = 5 \cdot (a \cdot b) = 5 \cdot 12 = 60$$

$$a \cdot 4 \cdot c = 4 \cdot (a \cdot c) = 4 \cdot 18 = 72$$

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c = 12 + 18 = 30$$

$$a \cdot a \cdot b \cdot c = (a \cdot b) \cdot (a \cdot c) = 12 \cdot 18 = 216$$

12. Tapşırıqda verilən şərtlər daxilində ədədin nə qədər dəyişdiyini tapmaq tələb olunur.

Yüzlükler mərtəbəsindəki rəqəm dörd vahid artdıqda ədəd 400 vahid artar. Yüzminliklər mərtəbəsindəki rəqəm yeddi vahid azaldıqda ədəd 700 000 vahid azalar. Ədəd 400 vahid artıb 700 000 vahid azaldıqda ədəd 699 600 vahid azalar. 700 000-dən böyük bir ədəd götürüb bu ədədin yüzünlər mərtəbəsindəki rəqəmi 4 vahid artırısaq, yüzminliklər mərtəbəsindəki rəqəmi 7 vahid azaltmaqla cavabı yoxlamaq olar.

13. Məsələdə Azərbaycan Milli Kitabxanasında kitabların sayıının məqalələrin sayıından nə qədər az olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Kitabların sözlərlə verilmiş sayı rəqəmlərlə yazılır: 254 529
- Məqalələrin sözlərlə verilmiş sayı rəqəmlərlə yazılır: 476 661
- Kitabxanadakı kitabların sayıının məqalələrin sayıından nə qədər az olduğu tapılır:

$$476\,661 - 254\,529 = 222\,132$$

Cavab. Kitabxanadakı kitabların sayı məqalələrin sayıından 222 132 ədəd azdır.

Müzakirə. Kitabxanadakı məqalələrin sayı ilə 222 132 ədədi toplanılır, alınan ədədin kitabların sayına bərabər olduğu yoxlanılır.

14. Hər ədədin bütün bölgənləri yazılır və mükəmməl ədəd olub – olmadığı yoxlanılır.

4-ün bölgənləri: 1, 2, 4

$$1 + 2 = 3 \neq 4$$

12-nin bölgənləri: 1, 2, 3, 4, 6, 12

$$1 + 2 + 3 + 4 + 6 = 16 \neq 12$$

15-in bölgənləri: 1, 3, 5, 15

$$1 + 3 + 5 = 9 \neq 15$$

20-nin bölgənləri: 1, 2, 4, 5, 10, 20

$$1 + 2 + 4 + 5 + 10 = 22 \neq 20$$

28-in bölgənləri: 1, 2, 4, 7, 14, 28

$$1 + 2 + 4 + 7 + 14 = 28$$

35-in bölgənləri: 1, 5, 7, 35

$$1 + 3 + 5 + 7 = 16 \neq 35$$

Cavab. 28 ədədi mükemmel ədəddir.

Müəllimin nəzərinə! Mükəmməl ədədlərin tarixi haqqında şagirdlərə məlumat vermək olar. E.ə. Evklid göstərməsidir ki, agar $2^n - 1$ sadə ədəddirsə, $2^{n-1} \cdot (2^n - 1)$ ədədi də mükemmel ədəddir. 1 birraqamlı, 1 ikirraqamlı, 1 üçraqamlı və s. mükemmel ədəd olduğu söylənilir. Şagirdlərə mükemmel ədədlərlə, tək ədədlərin mükemmel ədəd olub – olmaması ilə bağlı araşdırma aparmağı, üçraqamlı mükemmel ədədi tapıb, mükemmel ədəd olduğunu göstərməyi və təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

15. Məsələdə xəstənin dərmanları birlikdə atıldıqdan neçə saat sonra növbəti dəfə yenə birlikdə atacağını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Xəstənin 1-ci dərmanı qəbul edəcəyi saatlar yazılır: 6 saat, 12 saat, 18 saat, 24 saat.
- Xəstənin 2-ci dərmanı qəbul edəcəyi saatlar yazılır: 9 saat, 18 saat, 27 saat, 36 saat.
- Dərmanların növbəti dəfə qəbul olunma vaxtını göstərən ədədin verilən ədədlərin bölgünənlərinin ən kiçiyi olduğu müəyyən olunur. $\text{ƏKOB } (6, 9) = 18$.

Cavab. Xəstə dərmanları birlikdə atıldıqdan 18 saat sonra növbəti dəfə yenə birlikdə qəbul edəcək.



"Parker" Günəş Zondu haqqında bu linkdən məlumat almaq olar:

<https://www.nasa.gov/feature/goddard/2021/nasa-enters-the-solar-atmosphere-for-the-first-time-bringing-new-discoveries>

1. "Parker" Günəş Zondu Günəşə 12-ci yaxınlaşmasını iyunun 1-də tamamladı və Günəş səthinə 5,3 milyon mil (8,5 milyon km) yaxınlığa gəldi. Linkə daxil olmaqla aparata yaxından baxmaq olar.

<https://solarsystem.nasa.gov/missions/parker-solar-probe/in-depth/>

– Yerdən Günəşə qədər məsafə il ərzində dəyişir. Yanvar ayının əvvəli 147 milyon km, iyul ayının əvvəli isə 152 milyon km olur. linkə daxil olmaqla hazırda Yerdən Günəşə qədər məsafəni görmək olar.

<https://theskylive.com/planetarium?obj=sun&date=&h=19&m=55#ra/8.095770360038925/dec/24.119286133293/fov/50>

Növbəti suallara bu linklərdən cavab tapmaq olar

https://en.wikipedia.org/wiki/Parker_Solar_Probe



https://www.nasa.gov/sites/default/files/thumbnails/image/parker_close_to_sun.png

– Aparatın ən böyük uçuş sürəti 692 000 km/saat-dır.

– Aparat Günəşə 3,83 milyon mil məsafəyə qədər yaxınlaşacaq.

– Günəşə yaxınlaşdıqda aparat əriməmə səbəbi "Parker Solar Probe" termal qoruma sistemi və ya TPS kimi tanınan istilik qoruyucudan istifadə etməsidir. $3\,000^{\circ}\text{F}-\text{ə}$ ($1\,650^{\circ}\text{C}-\text{yə}$) qədər dayanmaq üçün sınaqdan keçirilmiş TPS, Günəşdən gələn istənilən istiliyi idarə edə bilir və demək olar ki, bütün cihazları təhlükəsiz saxlayır.

Ətraflı məlumatla linkdə tanış olmaq olar: <https://www.nasa.gov/feature/goddard/2018/traveling-to-the-sun-why-won-t-parker-solar-probe-melt>

2. 2025-ci il noyabrın 19-da "Parker Solar Probe" aparatının Günəşə nəzərdə tutulmuş ən yaxın məsafəyə qədər yaxınlaşacağı gözlənilir.

3. Aparatın Yerdən məsafəsi dəyişir. Linkdən axtarılan gün üçün məsafəni müəyyən edib işıq sürətinə (300 km/saat) bölməklə vaxtı müəyyən etmək olar.

<https://theskylive.com/how-far-is-parkersolarprobe>

Linkə daxil olmaqla kosmik aparatın hazırda harada olduğunu, 2025-ci ilə qədər olan missiyalarını və hazırda Günəşdən və Yerdən olan məsafələri haqqında əlavə məlumat əldə etmək olar. Təqdimatın hazırlanması üçün şagirdləri qeyd olunan linklərdən istifadə etməyə yönəltmək məqsədəyənqundur:

<http://parkersolarprobe.jhuapl.edu/The-Mission/index.php#Where-Is-PSP>

2-ci BÖLMƏ

Adi kəsrlər

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	38	
Mövzu 2.1	Düzgün kəsrlər və düzgün olmayan kəsrlər	2	39	25
Mövzu 2.2	Müqayisə və sıralama	2	43	28
Mövzu 2.3	Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin toplanması və çıxılması	3	47	30
Mövzu 2.4	Qarışiq ədədlərin toplanması	2	51	32
Mövzu 2.5	Qarışiq ədədlərin çıxılması	2	56	35
	Məsələ və misallar	2	62	38
Mövzu 2.6	Adi kəsrlərin vurulması	2	64	40
Mövzu 2.7	Qarışiq ədədlərin vurulması	2	68	42
Mövzu 2.8	Adi kəsrlərin bölünməsi	3	71	44
Mövzu 2.9	Qarışiq ədədlərin bölünməsi	2	75	46
Mövzu 2.10	Ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılması	3	77	48
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM "Qurama"	2	81	50
	KSQ-2	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR				

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə şagirdlərə adi kəsrlər, düzgün və düzgün olmayan kəsrlər, qarışiq ədədlər və onlar arasında çevrilmələr, kəsrlərin müqayisəsi və sıralanması, qarşılıqlı tərs ədədlər haqqında məlumat verilir. Kəsrlərin toplanması, çıxılması, vurulması və bölünməsi, ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılma qaydaları öyrənilir. Məsələ həllində adi kəsrlərdən istifadə etməklə öyrənilən qaydalar tətbiq edilir, məsələlər həll edilir.

Nəyə diqqət yetirməli?

Bəzi şagirdlər adi kəsrlərlə hesablamalar zamanı ixtisar etməyi unutduqları, yaxud tam ixtisar etmədikləri üçün alınan cavabın doğru olmadığını düşünürlər. Belə şagirdlərə kəsrlərin ixtisarı ilə bağlı əlavə tapşırıqlar vermək məqsədəyənəqəndən.

Kəsrlərin toplanması və çıxılması zamanı şagirdlərin səhv etdikləri əsas məqam məxrəcləri toplamaqla və ya çıxməqla bağlıdır. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə misalı modellərlə təsvir etməklə həll etməyi tapşırmaq olar.

Kəsrləri müqayisə etdikdə, topladıqda və ya çıxdıqda ortaç məxrəci müəyyən edərkən şagirdlər daha çox məxrəclərin hasılindən istifadə edirlər. ƏKOB-u məxrəclərin hasılı olmayan kəsrlər üçün şagirdləri ortaç məxrəc olaraq ən kiçik ortaç məxrəc götürməyə yönəltmək lazımdır.

Ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılması qaydasını bəzən şagirdlər səhv salırlar. Belə səhvlərə yol verən şagirdlər gələcəkdə ədədin faizini və faizinə görə ədədi tapmaqdə çətinlik çəkirlər. Şagirdlərə ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılması ilə bağlı məsələləri həll edərkən ilk dövrlərdə təsvirlərdən istifadə etmək tövsiyə olunur.

Riyazi dilin inkişafı

“Düzgün kəsr”, “düzgün olmayan kəsr”, “qarışiq ədəd”, “ortaç məxrəc”, “ən kiçik ortaç məxrəc”, “tamamlayıçı vuruq”, “qarşılıqlı tərs ədədlər” anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir. Bəzən şagirdlər “tərs ədəd” və “əks ədəd” anlayışlarını səhv salırlar. Şagirdlərə bu anlayışların fərqli olduğunu izah etmək lazımdır.

Bölmədə mənimsədilən riyazi anlayış və terminlər

Düzgün kəsr, düzgün olmayan kəsr, qarışiq ədəd, ən kiçik ortaç məxrəc, tamamlayıçı vuruq, qarşılıqlı tərs ədədlər, ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədəd.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Adi kəsr, bərabər kəsrlər, qarışiq ədəd, qarışiq ədədin tam və kəsr hissəsi
- Kəsrlərin müqayisəsi, sıralanması, qarışiq ədədlərin müqayisəsi
- Ədədin hissəsi • Məxrəcləri bərabər olan kəsrlərin toplanması və çıxılması

Fənlərarası integrasiya

Kəsrlərə müxtəlif sahələrdə rast gəlinir. Məsələn, yemək və şirniyyat reseptlərində, pullarla hesablamalarda kəsrlərdən geniş istifadə olunur. Kəsrləri informatika fənnində öyrənilən mozaika və naxışların çəkilməsi ilə də əlaqələndirmək olar. Bölmənin sonunda kompüterdən istifadə etməklə qurama hazırlamaqla bağlı tapşırıqda şagirdlərə bunu xatırlatmaq olar.

MÖVZU 2.1. Düzgün kəsrlər və düzgün olmayan kəsrlər

ALT STANDARTLAR	1.3.1. Kəsri bölmə əməli ilə əlaqələndirilir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Düzgün və düzgün olmayan kəsrləri müəyyən edir. Bölmə əməlini kəsrlə ifadə edir. Düzgün olmayan kəsri qarışq ədədə çevirir. Qarışq ədədi düzgün olmayan kəsərə çevirir.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairə və düzbucaqlı fiqurlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.video.edu.az/video/8576 https://video.edu.az/video/8803</p> <p>https://phet.colorado.edu/sims/html/fraction-matcher/latest/fraction-matcher_en.html</p> <p>Çalışma: https://www.education.com/game/converting-fractions-to-whole-numbers/ https://www.sheppardsoftware.com/math/fractions/reduce-splat-game/ https://matholia.com/grades/year-5-fe4e5a/tools/5f867df6d9d52704602b3b8b</p>

İlkin problemin müzakirəsi. Bölmənin ilk səhifəsində verilmiş nəzəri material və məsələ müzakirə olunur. Məsələni həll etmək vacib olmasa da, həll strategiyası barədə şagirdlərin fikirləri dinlənilir. Verilmiş resept 30 paxlava üçün nəzərdə tutuldugundan 75 paxlava bişirmək üçün lazım olan ərzaqları necə tapmaq mümkün olduğu müzakirə olunur. Müəllim kömək məqsədilə lövhəyə belə bir ifadə yaza bilər: $75 = 30 + 30 + 15$. Bu ifadənin mənası izah edilir. Məsələn, 75 ədədi iki dəfə 30 və bir dəfə onun yarısının cəminə bərabərdir. 75 paxlava bişirmək üçün lazım olan ərzaq da uyğun olaraq 30 paxlavaya lazım olan ərzağı iki dəfə toplayıb üzərinə onun yarısını əlavə etmək lazımdır. Şagirdlər 4-cü sinifdə məxrəcləri bərabər olan kəsrləri toplama bacarıqlarını mənimmsəmişlər. Ona görə də reseptdə verilmiş adi kəsrləri özü ilə toplamaq çətinlik yaratmayıacaq. Lakin adi kəsrlərin yarısını hesablayarkən şagirdlər çətinliklə üzləşəcəklər. Ona görə də bölmədə nəzərdə tutulan bacarıqlar formalasdırıldıqdan sonra bölmənin sonunda bir daha bu məsələnin həlli müzakirə olunacaq.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər aşağı siniflərdə adi kəsrlər, bərabər kəsrlər, kəsrlərin müqayisəsi, məxrəcləri bərabər olan kəsrlərin toplanması və çıxılması, həmçinin qarışq ədədlərlə tanış olmuşlar. 5-ci sinifdə isə adi kəsrlərlə bağlı daha mürkkəb bilik və bacarıqlar əldə edəcəklər.

Mövzuya yönəltmə. Masaya rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr və zolaqlar qoyulur. Müəllim şagirdlərə suallar verir:

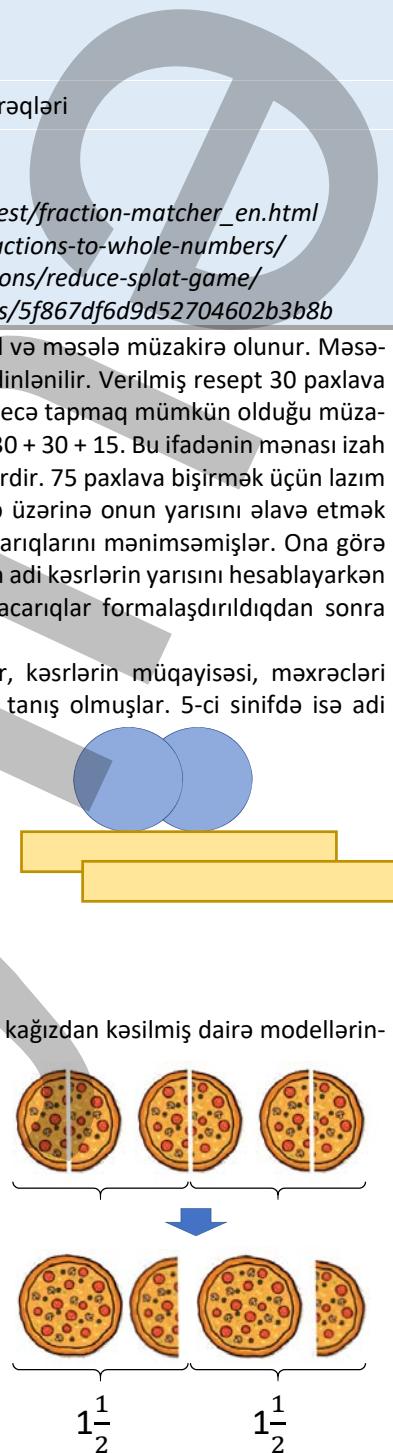
- 1 dairəni, 2 dairəni 3 nəfər arasında bərabər böldükdə hər birinə hansı hissə düşər? 2 zolağı 5 nəfər arasında bərabər böldükdə hər birinə zolağın hansı hissəsi düşər? 5 zolağı 4 nəfər arasında bərabər böldükdə hər birinə hansı hissə düşər?

Araşdırma-müzakirə

Tapşırığı sinifdə rollu oyun şəklində yerinə yetirmək olar. Pizza əvəzinə rəngli kağızdan kəsilmiş dairə modellərin-dən də istifadə etmək olar. Lövhəyə 2 şagird dəvət edilir və pizzanın onlar arasında bərabər bölünəcəyi qeyd edilir. Şagirdlər hər dairəni 2 bərabər hissəyə bölgə bilərlər. Bu zaman 6 hissə alınacaq və bu hissələr 2 şagird arasında böldükdə hərəsinə 3 hissə düşəcək. Deməli, hər birinə $\frac{3}{2}$ hissə düşəcək.

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verib onları fərqli üsullarla pizzaları bölməyə yönəldə bilər. Şagirdlər əvvəlcə 2 pizzanı 2 şagird arasında bölgə və hər birinə 1 pizza düşəcəyini deyə bilərlər. Qalan 1 pizza 2 uşaq arasında böldündükdə hərəsinə $\frac{1}{2}$ pizza düşər. Deməli, hər şagirdə 1 tam pizza və 1 dənə yarı pizza, yəni pizzanın $\frac{1}{2}$ hissəsi düşəcək.

Tapşırığı kəsr zolaqlarından istifadə etməklə də yerinə yetirmək olar. Müəllim hər iki üsulla alınan cavabların eyni hissəni ifadə etdiyini dərsdə öyrənəcəklərini vurğulaya bilər.



Öyrənmə Düzgün kəsrlər və düzgün olmayan kəsrlər

Şagirdlərə adi kəsrlər, düzgün və düzgün olmayan kəsrlər haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunələr göstərilir, nümunələr kəsr zolaqları və ədəd oxu üzərində təsvir olunur. Düzgün kəsri 1-dən kiçik, düzgün olmayan kəsri isə 1-ə bərabər və 1-dən böyük olduğu bildirilir. Texniki imkanları olan sinifdə müxtəlif kəsrlərin modellərlə təsvirini şagirdlərə nümayiş etdirmək olar:

<https://www.nctm.org/Classroom-Resources/Illuminations/Interactives/Fraction-Models/>

Bəzən şagirdlər düzgün və düzgün olmayan kəsrəri müəyyən etməkdə çətinlik çəkirələr. Bu zaman şagirdlərə izah edilir ki, sadəcə, kəsrin surətini onun məxrəci ilə müqayisə etmək lazımdır.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər kəsrərin 1-dən kiçik olduğunu düşünə bilərlər. Lakin düzgün olmayan kəsrər 1-ə bərabər və 1-dən böyükdür. Bunu xüsusi vurgulamaq məqsədə uyğundur.

Çalışma

1. Nümunə müzakirə edilir və uyğun tapşırıqlar yerinə yetirilir.

2. Verilən kəsrər arasında düzgün olmayan kəsrər seçilir, bir neçəsi ədəd oxunda təsvir edilir.

Müəllimin nəzərinə! Kəsrər ədəd oxunda təsvir etmək üçün ədəd oxunda iki qonşu tam ədədlər arasındaki hissələri kəsrin məxrəcindəki ədəd qədər bərabər hissələr bölmək və surətindəki ədəd qədər hissəni qeyd etmək lazımdır. Buna uyğun olaraq verilən kəsrin 1-dən böyük və ya kiçik olduğunu baxmaqla onun düzgün və ya düzgün olmayan kəsr olduğunu müəyyənləşdirmək olar. Şagirdlər düzgün olmayan kəsrə ədəd oxunda təsvir etməyə çətinlik çəkirəlsə, ədəd oxunda təsvir olunmuş nöqtəyə uyğun kəsrə yazmayı, sonra isə kəsrə ədəd oxunda təsvir etməyi tapşırmaq olar.

Öyrənmə Kəsr və bölmə əməli

Bölmə əməlini adı kəsrə və əksinə, adı kəsrə bölmə əməli ilə ifadə etməyin mümkün olduğu qeyd olunur. Bu zaman kəsrin surətinin bölünən, məxrəcinin bölən olduğu bildirilir. Dərslikdəki nümunə şagirdlərlə birlikdə müzakirə olunur.

4. Bölmə əməli adı kəsrə yazılır.

5. Boş xanalara uyğun ədədlər tapılır. Vizual yaddaş üçün belə bir sxemdən istifadə etmək faydalı olar.

$$a : b = \frac{a}{b} \quad \text{və ya} \quad \frac{a}{b} = a : b$$

Öyrənmə Kəsrərin ixtisarı

Şagirdlərə kəsrərin ixtisarı haqqında məlumat verilir. Kəsrərin ixtisarı zamanı ardıcıl ixtisarla şagirdlər 4-cü sinifdən tanışdırırlar. Müəllim həmin qaydanı şagirdlərlə ümumi təkrar edə bilər və tam ixtisar etməklə kəsrə ixtisar olmayan kəsr şəklində yazımağa aid şagirdlərə nümunələr göstərə bilər. Bu zaman kəsrin surət və məxrəcinin onların ƏBOB-una ixtisar olunduğu qeyd olunur.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.iknowit.com/lessons/c-simplifying-fractions.html>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzi şagirdlər hesablama zamanı cavabda alınan kəsrərin ixtisar etməyi unudurlar. Nəticədə fərqli cavablar alınır və şagirdlər səhv etdiklərini düşünürlər. İxtisar olunan kəsr əvvəlki kəsrə bərabər olduğundan cavabın doğru olduğunu vurgulamaq məqsədə uyğundur. Lakin şagirdləri kəsrərin ixtisar olunmayan kəsrər şəklində yazımağa yönəltmək tövsiyə olunur.

6. Kəsrər ardıcıl, yaxud tam ixtisar edilməklə ixtisar olunmayan kəsr şəklində yazılır.

7. Bölmə əməli adı kəsrə ifadə olunur, alınan kəsrər ixtisar olunur.

Diqqat

Düzgün olmayan kəsrin surəti məxrəcində tam bölündükdə bu kəsrin qiymətinin natural ədədə bərabər olduğu vurgulanır, nümunələr şagirdlərlə müzakirə olunur. Eyni qayda ilə eyni natural ədədin müxtəlif məxrəcini düzgün olmayan şəkildə yazımağın mümkün olduğu şagirdlərə bildirilir.

Öyrənmə Düzgün olmayan kəsrin qarşıq ədədə çevrilmesi

Şagirdlər 4-cü sinifdə qarşıq ədədlər barədə məlumat almışlar. Bu sinifdə isə qarşıq ədədin düzgün olmayan kəsrə, düzgün olmayan kəsrin isə qarşıq ədədə çevriləsi ilə tanış olurlar. 1-dən böyük düzgün olmayan kəsrə qarşıq ədəd şəklində yazımağın mümkün olduğunu qeyd edilir. Verilən nümunə müzakirə olunur. Düzgün olmayan kəsrə qarşıq ədədə çevirmək üçün bölmə əməlindən də istifadə olunduğu bildirilir. Nümunələr müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://kids.classroomsecrets.co.uk/resource/year-5-improper-fractions-and-mixed-numbers-matching-game/>
<https://mrnussbaum.com/clara-fraction-s-ice-cream-shop-online-game>

9. Düzgün olmayan kəsrər qarşıq ədəd şəklində yazılır, bir neçəsi ədəd oxunda təsvir olunur, nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.

Öyrənmə Qarışq ədədin düzgün olmayan kəsrə çevrilməsi

Hər bir qarışq ədədi düzgün olmayan kəsr şəklində göstərməyin mümkün olduğu izah olunur. Dərslikdə verilən nümunə tapşırığı kəsr zolaqları və ədəd oxu üzərində təsvir etməklə şagirdlərlə müzakirə edilir. Qarışq ədədi düzgün olmayan kəsrə çevirmək üçün vurma və toplamadan istifadə etməklə hesablama qaydası şagirdlərə izah olunur. Bunu sxematik olaraq belə təsvir etmək olar.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.splashlearn.com/math/mixed-numbers-as-fractions-games>

Şagirdlər adı kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirərkən çox zaman qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində ifadə etməli olurlar. Bu zaman bəzən şagirdlər qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazarkən səhv'lərə yol verirlər. Çevrilmə zamanı səhv'lərə yol verən şagirdləri müəyyən etmək və onlarla səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürələr. Bəzi şagirdlər qarışq ədədlərin tam hissəsi olduğu üçün onların düzgün olmayan kəsrlərdən böyük olduğunu zənn edirlər. Belə şagirdlərə nümunələrlə səhv düşündüklərini izah etmək faydalı olar.

11. Kəsrlər qarışq ədədlər şəklində yazılır, ədəd oxunda kəsrlərə uyğun hərflər müəyyən olunur. Düzgün olmayan kəsrləri qarışq ədədlər şəklində yazanda onların tam hissəsinə görə ədəd oxunda yeri daha asan müəyyən olunur. Tam hissələri bərabər olan qarışq ədədlər kəsr hissələrinə görə müqayisə olunur.

12. Qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır və bir neçəsi ədəd oxunda təsvir olunur.

Öyrənilən bilikləri ümumiləşdirmək üçün *açar sözlərə* diqqət yetirilir. Müəllim şagirdlərə "düzgün kəsr", "düzgün olmayan kəsr", "ardıcıl ixtisar", "tam ixtisar" anlayışlarını necə başa düşdüklərini izah etməyi, qarışq ədədi düzgün olmayan kəsr, düzgün olmayan kəsri qarışq ədəd şəklində yazmağı tapşırı bilər.

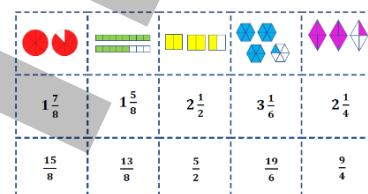
Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhədə bir neçə ədəd yazıb, bu ədədlər içərisində düzgün və düzgün olmayan kəsrləri, qarışq ədədləri müəyyən etməyi və düzgün olmayan kəsrləri qarışq ədəd, qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazmağı tapşırır.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə 2 şagird çıxarır. Onlardan biri 1 ədəd söyləyir. Digər şagird bu ədədin düzgün kəsr, düzgün olmayan kəsr, yaxud qarışq ədəd olduğunu müəyyən edir. Əgər qarışq ədəddirsə, düzgün olmayan kəsr şəklində, düzgün olmayan kəsrdirsə, qarışq ədədə çevrilərək lövhədə yazılır.

Praktik tapşırıq. İş vərəqlərində göstərilən hissələr kəsilir, qarışdırılırlaraq qruplara paylanılır. Şagirdlərə əlavə A3 ölçülü vərəq vermək olar. Şagirdlər hər təsvirə uyğun qarışq ədədi və düzgün olmayan kəsri müəyyən edib qarşısında yazırlar. Hər biri üçün çevrilmələr aparıb cavabın doğruluğunu yoxlayırlar. İş vərəqini bu istinaddan yüksəkmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1qwinr8T2w7MI8bhjYRPT4XnzT8ye6-CW/view?usp=sharing>



Məsələ həlli

13. Uyğun ifadələr yazmaqla suallara cavab verilir.

a) Samir 2 almanın 4 dostu arasında bərabər böldükdə hər dostuna nə qədər alma düşdüyü müəyyən olunur.

$$2 : 4 = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ (alma)}$$

b) 5 m lenti 4 bərabər hissəyə böldükdə hər hissənin uzunluğunun neçə metr olduğu müəyyən edilir.

$$5 : 4 = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4} \text{ (m)}$$

c) 8 kətə 3 nəfər arasında bərabər paylandıqda hər birinə nə qədər kətə düşdüyü müəyyən olunur.

$$8 : 3 = \frac{8}{3} = 2\frac{2}{3} \text{ (kətə)}$$

14. Məsələdə alınan zolağın uzunluğunun nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Lalə uzunluqları $\frac{7}{10}$ m və $\frac{8}{10}$ m olan zolaqları uc-ucə yapısdıranda alınan zolağın ümumi uzunluğunu tapmaq üçün həmin kəsrlər toplanır. $\frac{7}{10} + \frac{8}{10} = \frac{15}{10} = 1\frac{5}{10} = 1\frac{1}{2}$ (m)

Cavab. Alınan zolağın uzunluğu $1\frac{1}{2}$ m olacaq.

15. Məsələdə hər uşağa nə qədər meyvə şirəsi düşdüünü tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Səbinənin hazırladığı qarışq meyvə şirəsinin miqdəri hesablanır.

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \text{ (stəkan)}$$

- Hər uşağa nə qədər meyvə şirəsi düşdüyü müəyyən olunur.

$$3 : 6 = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \text{ (stəkan)}$$

Cavab. Hər uşağa $\frac{1}{2}$ stəkan meyvə şirəsi düşdü.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Düzgün və düzgün olmayan kəsləri müəyyən edir.	Dərslik, iş dəftəri
Kəsri bölmə əməli ilə əlaqələndirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Düzgün olmayan kəsri qarışq ədədə çevirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qarışq ədədi düzgün olmayan kəsrə çevirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.2. Müqayisə və sıralama

ALT STANDARTLAR	1.3.2. Kəsləri, qarışq ədədləri müqayisə edir və sıralayır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Məxrəcləri müxtəlif olan kəsləri müqayisə edir. Qarışq ədədləri müqayisə edir. Qarışq ədədlə düzgün olmayan kəsləri müqayisə edir. Kəsləri, qarışq ədədləri sıralayır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairə və düzbucaqlı fiqurlar, A3 və A4 ölçü iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.iknowit.com/lessons/c-ordering-and-comparing-fractions.html Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/c-ordering-and-comparing-fractions.html https://www.splashlearn.com/math/compare-fractions-using-benchmark-fractions-games https://www-k6.thinkcentral.com/content/hsp/math/hspmath/na/common/itools_int_9780547584997_.html/fractions/fractions.html https://video.edu.az/video/811 https://youtu.be/G2Wq6xfkl0Q https://youtu.be/3SGrEV0OVCU https://youtu.be/KIKMr2D52OA

Mövzuya yönəltmə. Yaşıl və mavi rəngli kağızdan eyniölçülü düzbucaqlı formada lənt kəsilir. Müəllim lövhəyə 2 şagird çağrıır və onlardan birinə yaşlı

düzbucaqlının $\frac{1}{2}$ hissəsini, digərinə isə $\frac{3}{4}$ hissəsini kəsib əlində saxlamağı tapşırır.

Müəllim lentin $\frac{3}{4}$ hissəsini necə ayırmayı da müzakirə edə bilər. Sonra şagirdlərə suallar verir:

– Yaşıl, yoxsa mavi lentin sahəsi daha çox olar? Bunu necə müəyyən etmək olar?

Araşdırma-müzakirə

Məsələdə kimin mütaliəyə daha çox vaxt sərf etdiyini tapmaq tələb olunur. Bunun üçün şagirdlər verilən müddətləri ya düzgün olmayan kəsr şəklində, ya da qarışq ədəd şəklində ifadə edə bilərlər.

Lalə: $3\frac{1}{2}$ saat

Samir: $\frac{9}{2}$ saat

Qarışq ədəd şəklində

Lalə: $3\frac{1}{2}$ saat

Samir: $4\frac{1}{2}$ saat

Düzgün olmayan kəsr şəklində

Lalə: $\frac{7}{2}$ saat

Samir: $\frac{9}{2}$ saat

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Tam hissələri fərqli olan iki qarışq ədəddən hansı böyükdür? Məxrəcləri bərabər olan iki düzgün olmayan kəsrən hansı böyük olar? Bunu necə tapmaq olar?

Sualları cavablandırmaqla Samirin mütaliəyə daha çox vaxt sərf etdiyi müəyyən olunur. Şagirdlər ədəd oxundan, kəsr zolaqlarından istifadə etməklə də cavabı tapa bilərlər.

Öyrənmə Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin müqayisəsi

Məxrəcləri bərabər olan iki kəsrin müqayisə etmək üçün onların surətlərinin müqayisə olunduğu vurgulanır. Məxrəcləri müxtəlif olduqda isə kəsrlər orta məxrəcə gətirməklə müqayisə olunduğu bildirilir. Müəllimin iki kəsrin orta məxrəcə gətirmək texnikasını bir neçə nümunə əsasında izah etməsi məqsədə uyğundur. Kəsrlərin orta məxrəcə gətirilmə qaydası şagirdlərə addım-addım izah edilir. Bu zaman ƏKOB-un tapılmasından istifadə olunduğu qeyd olunur. ƏKOB-un, sonra isə tamamlayıcı vuruqların tapılma qaydaları şagirdlərlə müzakirə olunur. **Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər.** İki kəsrin müqayisə edərkən şagirdlər bəzən məxrəci böyük olan kəsrin böyük olduğunu düşünürler. Bu halda modellərdən istifadə etməklə, bu səhvi aradan qaldırmaq olar.



Fikirləş

Biri düzgün, digəri düzgün olmayan 2 kəsrəndən hansının böyük olduğu şagirdlərlə nümunələr göstərməklə müzakirə edilir. Düzgün kəsr 1-dən kiçik, düzgün olmayan kəsr isə 1-ə bərabər və ya 1-dən böyük olduğu üçün düzgün kəsr həmişə düzgün olmayan kəsrəndən kiçikdir. Bunu ədəd oxundan, kəsr zolaqlarından istifadə etməklə modelləşdirmək mümkündür. Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

https://www.mathplayground.com/ASB_TugTeamFractions.html

<https://mrnussbaum.com/the-legends-of-the-golden-pizza-an-amazing-fractions-adventure>

https://www.abcyo.com/games/number_line_fractions_percents_decimals

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. İki kəsrin orta məxrəcə gətirərkən bəzi şagirdlər orta məxrəcə olaraq məxrəclərin hasilini götürürler. ƏKOB məxrəclərin hasilinə bərabər olmadıqda surət və məxrəcdə fərqli ədədlər alınır. Belə olduqda şagirdlər səhv həll etdiklərini düşünürler. Şagirdlərə kəsrləri məxrəclərin ƏKOB-una bərabər olan orta məxrəcə gətirməklə mümkün ən kiçik orta məxrəcli kəsrlərin yazılığını bildirmək məqsədə uyğundur. Alınan kəsrlər uyğun olaraq bir-birinə bərabər olduğu üçün müqayisə doğru olacaq.

Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar.

<https://www.sheppardsoftware.com/math/fractions/least-common-denominator/>

Çalışma

1. Kəsrlər ən kiçik orta məxrəcə gətirilir. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Bu zaman tamamlayıcı vuruğun tapılmasına xüsusi diqqət edilir.

3. Dairədəki kəsr verilən kəsrlərlə müqayisə edilir.

$$\frac{1}{3} \quad \frac{1}{4}; \frac{3}{4}; \frac{7}{12}; \frac{4}{10}$$

$$\frac{1}{3} > \frac{1}{4}$$

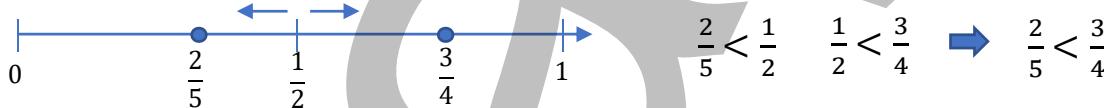
$$\frac{1}{3} < \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{3} < \frac{7}{12}$$

$$\frac{1}{3} < \frac{4}{10}$$

4. Tapşırıqda yerinə yetirilən hesablamlar şagirdlərin 4-cü sınıf bilik və bacarıqlarına əsaslanır.

Müəllimin nəzərinə! İki düzgün kəsrin müqayisəsini onları orta məxrəcə gətirmədən də etmək olar. Belə bir üsul etalon seçimlərə aparılan müqayisədir. İngilisdilli ədəbiyyatda bu, "comparing fractions using benchmarks" kimi adlanır. Etalon, əsasən, $\frac{1}{2}$ kəsrini seçilir. Hər iki kəsr $\frac{1}{2}$ ilə müqayisə olunur. $\frac{1}{2}$ -dən böyük kəsr böyük, kiçik kəsr isə kiçikdir. Kəsrlərin müqayisəsini ədəd oxunda $\frac{1}{2}$ -dən sağda və ya solda yerləşdiklərini müəyyən etməklə təsvir etmək olar. Məsələn, $\frac{3}{4}$ və $\frac{2}{5}$ kəsrlərini müqayisə edərkən ədəd oxunda $\frac{3}{4}$ -ün $\frac{1}{2}$ -dən sağda, $\frac{2}{5}$ -nin isə solda yerləşdiyi müəyyən olunur. Sağda olan ədədin daha böyük olduğunu əsasən ədədlər müqayisə edilir.



Öyrənmə Qarışq ədədlərin müqayisəsi

Şagirdlər 4-cü sinifdə qarışq ədədlərin müqayisəsini öyrənmişlər. 5-ci sinifdə isə kəsr hissələri müxtəlif məxrəcli kəsrlər olan qarışq ədədləri müqayisə etməyi öyrənlər. Ümumi qayda yada salınır: qarışq ədədləri müqayisə edərkən əvvəlcə tam hissələri müqayisə olunur. Tam hissələr bərabər olduqda isə kəsr hissələr müqayisə edilir. Dərslikdə verilən nümunə şagirdlərlə müzakirə olunur.

Öyrənmə Qarışq ədədlərlə düzgün olmayan kəsrlərin müqayisəsi

Qarışq ədədlə və düzgün olmayan kəsrin müqayisə etmək üçün ya verilən ədədlərin hər ikisini qarışq ədəd şəklində yazmaq, ya da düzgün olmayan kəsr şəklində yazmaq lazımdır. Dərslikdə verilən nümunə müzakirə olunur. Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar.

<https://video.edu.az/video/9864>



Düzungün olmayan kəsrin natural ədədlərlə necə müqayisə edildiyi müzakirə edilir. Natural ədəd kəsr hissəsi 0-a bərabər olan qarışq ədəd kimi də baxmağın mümkün olduğu vurgulanır. Bu zaman natural ədədlə qarışq ədədin yalnız tam hissəsi müqayisə edilir. Şagirdlər nümunələri ədəd oxunda təsvir etməklə, yaxud kəsr zolaqlarından istifadə etməklə də əsaslandıra bilərlər.

7. Nümunədə verilən tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Verilən ədədlər artan və azalan sıra ilə yazılır.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə iki ədəd yazar və bu ədədləri müqayisə etməyi tapşırır. Şagirdlər tapşırığı yerinə yetirir və ədədləri necə müqayisə etdiklərini izah edirlər.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə 2 şagird çıxarır. Onlardan biri 1 ədəd söyləyir. Digər şagird bu ədəddən böyük və ya kiçik, yaxud bu ədədə bərabər bir ədəd söyləyir. Şagirdlər söylənilən ədədlərin düzgün, düzgün olmayan kəsr, yaxud qarışq ədəd olduğunu müəyyən edir və 2-ci ədədi müəyyən edən şagird bu ədədi necə tapdığını izah edir.

Praktik iş. İş vərəqində yazılmış ədədlər kəsilsir, kartlar şəklində üzüaşağı masaya düzülür və qarışdırılır. Hər qrupdan bir şagird lövhəyə yaxınlaşır və iki ədəd seçir. Seçdiyi ədədləri lövhədə yazıb müqayisə edir. Tapşırığı yerinə yetirib yerində əyləşir və qrupdan növbəti şagird lövhəyə yaxınlaşır. Qrupdakı şagirdlərin hər biri bir müqayisə aparana qədər oyun davam etdirilir. Tapşırığı ilk bitiran komanda əlavə 1 xal qazanır. Hər düzgün müqayisə 1 xalla qiymətləndirilir. Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini linkdən yüklemək olar:

<https://drive.google.com/file/d/15kd5FYsKZcGqs3hgfosNxo9iiwrXhgo0/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

8. Məsələdə hansı sinifdə idman dərnəyinə daha çox uşağın yazıldığını müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Verilən hissələr müqayisə olunur: $\frac{3}{4} * \frac{5}{7} \rightarrow \frac{21}{28} * \frac{20}{28} \rightarrow \frac{21}{28} > \frac{20}{28} \rightarrow \frac{3}{4} > \frac{5}{7}$

Cavab. 5A sinfində idman dərnəyinə daha çox uşaq yazılıdı.

Müzakirə. Müəllim hər sinifdə 28 şagird olan hal üçün məsələni həll etməyi tapşırır.

9. Cədvəldə müştərinin mağazadan aldığı meyvələr və onların kütlələri qeyd olunub. Müştərinin ən çox hansı meyvədən aldığı, portağalın sıralamada neçənci olacağını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Müştərinin ən çox hansı meyvədən aldığı müəyyən olunur.

Alma: $1\frac{2}{5}$ kq, armud: 2 kq, nar: $\frac{7}{4} = 1\frac{3}{4}$ (kq).

Müştəri ən çox armud almışdır.

- Müştərinin əlavə portağal aldığı nəzərə alaraq, portağalın hansı meyvələr arasında olacağı müəyyən olunur.

Portağal da daxil olmaqla meyvələrin kütləsi azdan çoxa olmaqla sıralanır. $1\frac{2}{5}; 1\frac{1}{2}; 1\frac{3}{4}; 2$.

Cavab. Portağal alma və nar meyvələri arasında olacaq.

10. Məsələdə hotelə daha yaxın Xalça muzeyinin, yoxsa Qız qalasının olduğunu, hotelə ən yaxın və ən uzaq məkanların hansıları olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Hotelə daha yaxın Xalça muzeyinin yoxsa, Qız qalasının olduğunu müəyyən etmək üçün hoteldən Xalça muzeyinə və Qız qalasına qədər olan məsafələr müqayisə olunur.

$\frac{4}{9} < 2\frac{3}{8}$. Hotelə daha yaxın Qız qalasıdır.

- Hotelə ən yaxın və ən uzaq məkanları müəyyən etmək üçün verilən ədədlər, sonra isə adlar sıralanır.

$$\frac{4}{9}, \frac{15}{16}; 2\frac{3}{8}; 3\frac{1}{4}.$$

Qız qalası → Əyləncə mərkəzi → Xalça muzeyi → Teatr

Bu sıralamaya əsasən ən yaxın olanın Qız qalası, ən uzaq olanın isə teatr olduğu müəyyən edilir.

Cavab. Hotelə ən yaxın Qız qalası, ən uzaq olan məkan teatrdır.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrləri müqayisə edir.	Dərslik, iş dəftəri
Qarışq ədədləri müqayisə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qarışq ədədlə düzgün olmayan kəsrləri müqayisə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kəsrləri, qarışq ədədləri sıralayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Rum rəqəmləri ilə verilən ədədi onluq say sistemində yazır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.3. Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin toplanması və çıxılması

ALT STANDARTLAR	1.3.3. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Kəsrləri eyni məxrəcə gətirməklə toplayır. • Kəsrləri eyni məxrəcə gətirməklə çıxır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş damalı düzbucaqlılar, iş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://youtu.be/nSr17a7vxlc https://video.edu.az/video/4235 https://youtu.be/m1L9C9_Ldck https://youtu.be/8PARAF1t-PU https://youtu.be/rmOK3aPX--I https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online https://www.mathgames.com/skill/6.138-add-fractions-with-unlike-denominators https://apps.mathlearningcenter.org/fractions/ https://www.geogebra.org/m/uuehy4h4</p> <p>Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/d-adding-fractions-unlike-denominators.html https://www.turtlediary.com/game/add-and-subtract-fractions.html https://www.k6.thinkcentral.com/content/hsp/math/hspmath-na/common/itools_int_9780547584997_.html/fractions/fractions.html https://www.math-play.com/fractions-board-game/fractions-board-game_html5.html</p>

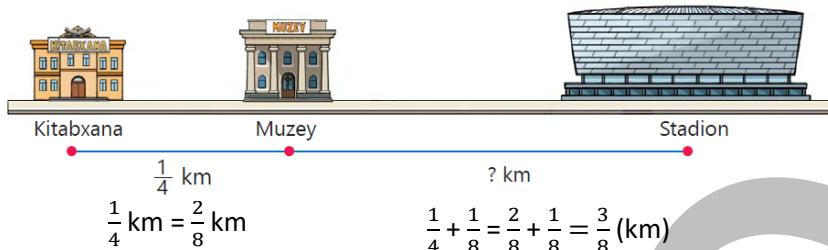
Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə düzbucaqlı zolaq çəkir və şagirdlərə suallar verir:

– Zolağın $\frac{1}{2}$ hissəsini qırmızı, $\frac{1}{4}$ hissəsini yaşıl rəngləsək, zolağın hansı hissəsi rənglənmiş olar? Qırmızı hissə yaşıl hissədən nə qədər çox olar? Bunu necə tapmaq olar?

Şagirdlər zolağın uyğun hissələrini rəngləməklə sualları cavablandırırlar. 4 ədədi 2-nin ikiqatı olduğu üçün qırmızı rənglənmiş hissə 2 hissəyə bölünür. Rənglənmiş 3 bərabər hissə alınır. Deməli, zolağın $\frac{3}{4}$ hissəsi rənglənib. Eyni qayda ilə qırmızı hissənin yaşıl hissədən $\frac{1}{4}$ hissə çox olduğu təpilir. Sonra şagirdlərdən misallar yazımaqla suallara cavabı necə tapmağın mümkün olduğu soruşulur. Şagirdlərə uyğun hissələri damalı riyaziyyat vərəqində təsvir etməklə cavabları tapmağı tapşırmaq olar.

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda muzeydən stadionə qədər olan məsafənin kitabxanadan muzeyə qədər olan məsafədən $\frac{1}{8}$ km çox olduğuna əsasən muzeydən stadionə qədər məsafəni tapmaq üçün ədədlər toplanır. Məxrəcləri fərqli olan kəsrlərin toplanması və çıxılmasını bilmədiyi üçün şagirdlər bərabər kəsrlərdən istifadə edə bilərlər.



Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verməklə növbəti sualı cavablandırmağa yönəldə bilər.

– Kitabxanadan stadiona qədər məsafə nə qədərdir? Bunu necə tapmaq olar? Bu məsafə 1 km-dən az, yoxsa çoxdur? Şagirdlər cavabı bərabər məxrəcli ədədlərin toplanması qaydasına əsasən ədədləri toplayıb 1-dən çıxmışla tapırlar.

Kilometrlə verilmiş uzunluqları metrlə ifadə etməklə də cavabı tapmaq olar. Bu üsulla şagirdlər cavabı yoxlaya bilərlər.

Öyrənmə Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin toplanması

Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin toplanması qaydası haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə edilir.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlərə müxtəlif suallar verməklə onları ümumi müzakirəyə cəlb etmək olar.

– Nə üçün məxrəcləri bərabərləşdirik? Məxrəcləri bərabər olan kəsrləri toplayarkən nə üçün yalnız surətlər toplandı və məxrəc olduğu kimi qaldı? Sualların cavablarını modellərdən istifadə etməklə izah etmək məqsədəyindür.

Çalışma

1. Cəm tapılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir.

4. Hər ifadənin qiymətini tapmaq üçün əvvəlki ifadənin qiymətindən istifadə olunur.

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2+1}{4} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} = \frac{3}{4} + \frac{1}{8} = \frac{6}{8} + \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$$

$$\underbrace{\frac{3}{4}}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} = \frac{7}{8} + \frac{1}{16} = \frac{14}{16} + \frac{1}{16} = \frac{15}{16}$$

$$\begin{array}{c} \overbrace{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}}^{\frac{7}{8}} + \frac{1}{16} = \frac{15}{16} + \frac{1}{16} = \frac{16}{16} = 1 \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} = \frac{15}{16} + \frac{1}{32} = \frac{30}{32} + \frac{1}{32} = \frac{31}{32} \end{array}$$

$$\underbrace{\frac{15}{16}}$$

Qanunauyğunluq davam etdirilir, növbəti ifadə yazılır və eyni qaydada ifadənin qiyməti tapılır.

$$\begin{array}{c} \overbrace{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64}}^{\frac{31}{32}} + \frac{1}{64} = \frac{31}{32} + \frac{1}{64} = \frac{62}{64} + \frac{1}{64} = \frac{63}{64} \end{array}$$

$$\underbrace{\frac{31}{32}}$$

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrləri topladıqda və ya çıxdıqda bəzən şagirdlər məxrəcləri toplayıb məxrəcə, surətləri toplayıb və ya çıxbı surətə yazılırlar. Bu səhvlərə yol verən şagirdlərə verilən kəsrləri kəsr zolağında təsvir etməklə onları toplamaq və ya çıxmışla bağlı tapşırıqlar vermək məqsədəyindür. Hesablamalarda şagirdlərin bu cür səhvlərə yol verməməsi üçün səhvlər üzərində işin təşkili önemlidir.

Öyrənmə Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlərin çıxılması

Məxrəcləri müxtəlif olan kəsrləri çıxmış üçün toplamada olduğu kimi əvvəlcə ortaq məxrəcə gətirildiyi, sonra isə kəsrlərin çıxıldığı qeyd olunur. Nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə edilir.

5. Nümunə tapşırıq müzakirə edilir və digər misallar həll olunur.

7. Kəsrlər ortaq məxrəcə gətilir, və boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən edilir. Məxrəclər bərabər olduğu halda surətlərdən istifadə etməklə boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən edilir.

$$\frac{2}{3} + \frac{\square}{6} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{\square}{8} - \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{\square}{15} - \frac{2}{3} = \frac{2}{15}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{\square}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{2}{5} + \frac{\square}{15} = \frac{13}{15}$$

$$\frac{4}{6} + \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{5}{8} - \frac{4}{8} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{12}{15} - \frac{10}{15} = \frac{2}{15}$$

$$\frac{9}{12} + \frac{2}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{6}{15} + \frac{7}{15} = \frac{13}{15}$$

Tapşırıqları məchulun tapılma qaydası ilə də yerinə yetirmək olar.

9. Tapşırıqlar yerinə yetirilir.

- a) Cəmi 1-ə bərabər və məxrəcləri müxtəlif olan iki kəsr yazılır. Nümunə: $\frac{1}{4} + \frac{6}{8} = 1$; $\frac{1}{4}$ və $\frac{6}{8}$
 b) Fərqi $\frac{1}{6}$ -ə bərabər və məxrəcləri müxtəlif olan iki kəsr yazılır. Nümunə: $\frac{5}{6} - \frac{2}{3} = 1$; $\frac{5}{6}$ və $\frac{2}{3}$
 c) Cəmi $\frac{7}{12}$ -yə bərabər və məxrəcləri 12-dən fərqli iki kəsr yazılır. Nümunə: $\frac{3}{4} - \frac{1}{6} = \frac{7}{12}$; $\frac{3}{4}$ və $\frac{1}{6}$

Cəmi və ya fərqi verildikdə məxrəcləri müxtəlif olan 2 kəsr yazmaq üçün əvvəlcə məxrəcləri bərabər olan uyğun iki kəsr seçmək, sonra isə kəslərdən birini ixtisar etməklə, yaxud surət və məxrəci hər hansı ədədə vurmaqla ona bərabər olan başqa bir kəslə əvəz edilir. Şagirdlər riyazi imla şəklində bənzər suallar vermək məqsədəyindən. Təlim nəticələri yüksək olan şagirdlər üç belə kəsr tapmağı da tapşırmaq olar. Texniki imkanları olan sinifdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar: https://www.abcyo.com/games/adding_fractions

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim kartlarda bir neçə misal yazıb şagirdlərə paylayır. Şagirdlər ardıcıl misalları həll edir və necə həll edildiyini izah edir.

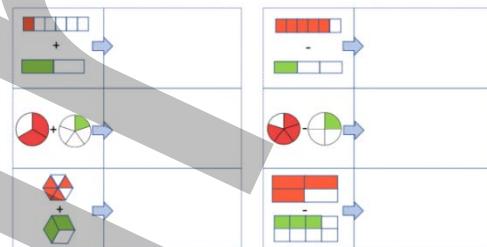
Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarır. Lövhəyə 1 misal yazır. 1-ci şagird misalı həll edib cavabı səsləndirir. 2-ci şagird 1-ci ədəd həmin cavab olan növbəti misalı yazır. Misalın toplama və ya çıxmaya aid olmasını müəllim söyləyir. Bu qayda ilə şagirdlər hər biri yazdıqları misalı həll edir və həll qaydasını izah edirlər.

Praktik tapşırıq. Sınıf qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanılır.

Qrup üzvləri tapşırıqları yerinə yetirirlər. Hissələrə uyğun kəsrlər yazılsın. Onların cəmi, yaxud fərqi tapılır. Hər qrup cavabı səsləndirir. Doğru cavaba görə 1 xal qazanır, səhv cavaba görə 1 xal silinir. Səhv cavablar müzakira edilir. Səhvlər araşdırılır və düzəldilir.

Tapşırığı cütlərlə və ya fərdi iş şəklində də yerinə yetirmək olar. İş vərəqini linkdən yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/12G0GUyK-k6sjQ56BEINgm-lsRDfHhRra/view?usp=sharing>



Məsələ həlli

10. Məsələdə insanın kəllə və əl sümüklərinin birlikdə insan skeletinin təqribən hansı hissəsini təşkil etdiyini, digər sümüklərinin insan skeletinin hansı hissəsini təşkil etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Kəllə və əl sümüklərinin birlikdə insan skeletinin təqribən hansı hissəsini təşkil etdiyi müəyyən olunur.

$$\frac{1}{10} + \frac{1}{4} = \frac{2}{20} + \frac{5}{20} = \frac{7}{20}.$$

- Digər sümüklərin insan skeletinin hansı hissəsini təşkil etdiyi tapılır: $1 - \frac{7}{20} = \frac{13}{20}$

Cavab. Digər sümüklər insan skeletinin $\frac{13}{20}$ hissəsini təşkil edir.

11. Məsələdə Samir və Lalənin fikirlərində tutduqları kəsrlərin cəmini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Samirin fikrində tutduğu kəsr tapılır. $\frac{1}{2} + \frac{2}{5} = \frac{9}{10}$
- Samirlə Lalənin fikirlərində tutduqları kəsrlərin cəmi tapılır. $\frac{9}{10} + \frac{1}{2} = 1\frac{2}{5}$

Cavab. Samir ilə Lalənin fikirlərində tutduqları kəsrlərin cəmi $1\frac{2}{5}$ - yə bərabərdir.

12. Məsələdə Aynurun gün ərzində piano çalmağa planlaşdırıldığı qədər vaxt sərf edib - etmədiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Aynurun günortadan sonra piano çalmağa nə qədər vaxt sərf etdiyi tapılır:

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{6} = \frac{9}{12} - \frac{2}{12} = \frac{7}{12} \text{ (saat)}.$$

- Aynurun gün ərzində piano çalmağa sərf etdiyi vaxt müəyyən edilir.

$$\frac{3}{4} + \frac{7}{12} = \frac{9}{12} + \frac{7}{12} = \frac{16}{12} = \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3} \text{ (saat)}.$$

- Bu vaxtin Aynurun gün ərzində piano çalmaq üçün planlaşdırıldığı qədər olmadığı müəyyən edilir.

$$1\frac{2}{3} > 1\frac{1}{3}$$

Cavab. Aynur gün ərzində piano çalmağa planlaşdırıldığı qədər vaxt sərf etmədi.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kəsrleri eyni məxrəcə gətirməklə toplayır.	Dərslik, iş dəftəri
Kəsrleri eyni məxrəcə gətirməklə çıxır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

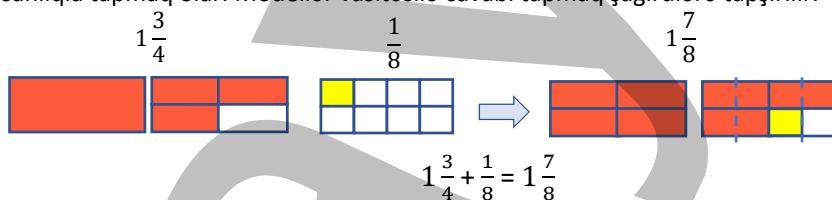
MÖVZU 2.4. Qarışiq ədədlərin toplanması

ALT STANDARTLAR	1.3.3. Natural ədədlər, kəsrler və qarışiq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Qarışiq ədədlə natural ədədi toplayır. Qarışiq ədədlə kəsrini toplayır. Qarışiq ədədləri toplayır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş damalı düzbucaqlılar, iş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.splashlearn.com/math/add-mixed-numbers-games</p> <p>Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/e-adding-mixed-numbers-unlike-denominators.html</p> <p>https://apps.mathlearningcenter.org/fractions/</p> <p>https://mrnussbaum.com/adding-mixed-numbers-with-unlike-denominators-online</p> <p>https://www.geogebra.org/m/rwrt6gsk</p> <p>https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online</p> <p>https://www.splashlearn.com/math/add-and-subtract-fractions-games</p>

Mövzuya yönəltmə. Masaya $1\frac{3}{4}$ hissəsi qırmızı rənglənmiş və $\frac{1}{8}$ hissəsi sarı rənglənmiş zolaqlar qoyulur. Müəllim şagirdlərə suallar verir:

– Fıqurların rənglənmiş hissələrindən istifadə edərək $1\frac{3}{4} + \frac{1}{8}$ cəmi necə tapmaq olar?

$1\frac{3}{4} = 1 + \frac{3}{4}$ olduğundan tam hissəni ayırib kəsr hissə ilə $\frac{1}{8}$ -in cəmini tapacaqlar. Bunun üçün şagirdlər əvvəlki dərsdə öyrəndikləri hesablama üsulundan istifadə edə bilərlər. 8 ədədi 4-ün ikiqatı olduğundan modellərdən istifadə etməklə cavabı asanlıqla tapmaq olar. Modellər vasitəsilə cavabı tapmaq şagirdlərə tapşırılır.



Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda alıcının neçə kilogram ərzaq aldığıını müəyyən etmək tələb olunur. Bunun üçün verilən kütlələr toplanılır. Tapşırıq 4-cü sınıf bacarıqları əsasında yerinə yetirilir. Şagirdlər aşağı sinifdə məxrəcləri bərabər olan kəsrlerin toplanması və qarışiq ədədlərlə tanış olmuşlar. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər:

– Kərə yağının ümumi kütləsi nə qədərdir? Tam və kəsr hissələrin cəmi hansı ədədə bərabərdir? Belə ədədlər necə adlanır? Kərə yağı ilə düyüünün ümumi kütləsi nə qədərdir?

Şagirdlər modellərdən istifadə etməklə də cavabı tapa bilərlər.

Kiloqramla verilmiş kütləni qramla ifadə etməklə cavabın doğruluğunu yoxlamaq olar. Şagirdlər adı kəsrə ifadə olunan vahidi daha kiçik vahidlə ifadə etməyi aşağı siniflərdən öyrənmişlər.

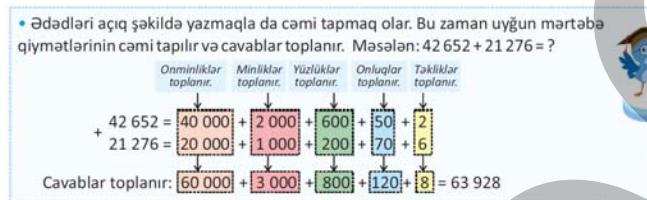
$$\frac{2}{5} + \frac{2}{5} + 1 = \frac{4}{5} + 1 = 1\frac{4}{5} \text{ (kg)}$$

Müəllimin nəzərinə! Qarışq ədədlərin toplanması 4 mərhələdə öyrədirilir: 1) kəsr hissələrinin məxrəcləri bərabər olan qarışq ədədlərin toplanması; 2) kəsr hissələrinin məxrəcləri bərabər olan və kəsr hissələrinin cəmi 1-dən böyük olan qarışq ədədlərin toplanması; 3) kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan və kəsr hissələrinin cəmi 1-dən kiçik olan qarışq ədədlərin toplanması; 4) kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan və kəsr hissələrinin cəmi 1-dən böyük olan qarışq ədədlərin toplanması.

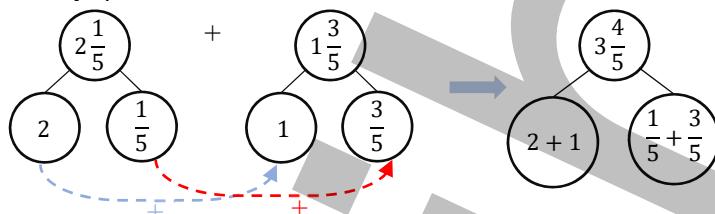
Öyrənmə Qarışq ədədlərin toplanması (məxrəclər bərabər olan hal)

Qarışq ədədlərin toplanması üçün 2 üsul təklif olunur.

1-ci üsul ədədləri mərtəbə qiymətlərinə ayırmaqla hissə-hissə toplama üsuluna bənzəyir. Şagirdlərə aşağı siniflərdən tanış olan bu üsulu xatırlatmaq faydalı olar (4-cü sinif, 1-ci hissə, səh. 23).



Qarışq ədədləri bu üsulla toplamaq üçün də eyni qayda ilə, əvvəlcə tam hissələr, sonra isə kəsr hissələr toplanıb cəm tapılır. Bunun, ədəd üçlüyü ilə belə təsvir etmək olar.



2-ci üsulda hər iki qarışq ədəd düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır, sonra isə adi kəsrləri toplama qaydası ilə cəm tapılır. Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar. <https://video.edu.az/video/9128>

Fikirləş

Bu rubrikada verilən sual öyrənmə materialında baxılan nümunənin xüsusi hallarıdır. Birinci halda toplananların birinin tam hissəsi sıfıra bərabərdir, ikinci halda isə toplananların birinin kəsr hissəsi sıfıra bərabərdir. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər: "Toplananlardan biri digərindən nə ilə fərqlənir? Cavabı 1-ci, yoxsa 2-ci üsulla tapmaq daha əlverişlidir" Lövhəyə 2 şagird çıxarıb birinə 1-ci üsul, digərinə isə 2-ci üsulla cavabı tapmağı və necə tapdığını izah etməyi tapşırmaq olar. Sonra hansı üsulun daha əlverişli olduğu müzakirə edilir.

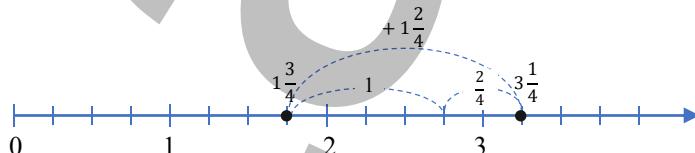
Çalışma

1. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Verilən ədədlərin cəmi tapılır.

Öyrənmə Qarışq ədədlərin toplanması (məxrəclər bərabər və yeni tam yaranan hal)

Bu hal üçün də qarışq ədədlərin toplanmasının 2 üsulu öyrədirilir. Yanaşma eyni olduğu üçün şagirdlərə bu üsullarla toplamaq çətinlik yaratmayacaq.

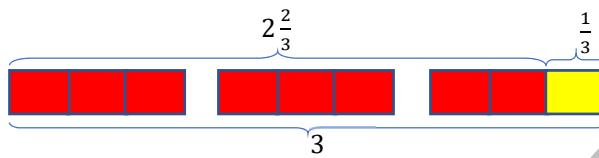
1-ci üsulda əvvəlcə tam hissələr, sonra isə kəsr hissələr toplanıb cəm tapılır. Bu üsulla hesablama zamanı kəsr hissələri topladıqda yeni təmİN yaranmasına xüsusi diqqət verilməlidir. Adi kəsrlərin toplanmasında yeni təmİN yaranması şagirdlər üçün yeni olduğundan bu hissəni ədəd oxu, yaxud kəsr zolaqları vasitəsilə izah etmək daha məqsədə uyğundur.



2-ci üsulda isə hər iki qarışq ədəd düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır, sonra isə adi kəsrləri toplama qaydası ilə cəm tapılır. Bu üsulla toplama zamanı yeni təmİN yaranması hiss olunmur. Belə ki, əvvəlcə hər iki ədəd düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır, toplamadan sonra alınan düzgün olmayan ədəd təkrar qarışq ədəd şəklində yazılır.

Fikirləş

Verilən cəmin natural ədədə bərabər olduğunu necə izah etməyin mümkün olduğu şagirdlərdən soruşular. Şagirdlər modellərlə təsvir etməklə və hesablama üsulları ilə cəmi tapa bilərlər.



1-ci üsul

$$2\frac{2}{3} + \frac{1}{3} = 2 + \frac{2}{3} + \frac{1}{3} = 2 + \frac{3}{3} = 2 + 1 = 3$$

2-ci üsul

$$2\frac{2}{3} + \frac{1}{3} = \frac{8}{3} + \frac{1}{3} = \frac{9}{3} = 3$$

4. Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən edilir. Bəzi hallarda qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazmaqla boş xanalara uyğun ədədi tapmağın daha əlverişli olduğu qeyd olunur.

$$1\frac{2}{4} + \frac{\square}{4} = 2\frac{3}{4}$$

$$\frac{\square}{6} + 3\frac{1}{6} = 4\frac{1}{6}$$

$$\frac{3}{5} + 2\frac{\square}{5} = 3$$

$$\frac{2}{3} + \frac{\square}{3} = 4\frac{1}{3}$$

$$\frac{\square}{9} + 2\frac{5}{9} = 4\frac{5}{9}$$

$$\frac{6}{4} + \frac{5}{4} = \frac{11}{4}$$

$$\frac{6}{6} + \frac{19}{6} = \frac{25}{6}$$

$$\frac{3}{5} + 2\frac{2}{5} = \frac{15}{3}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{11}{3} = \frac{13}{3}$$

$$2 + 2\frac{5}{9} = 4\frac{5}{9}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{2}{3} = \frac{13}{3}$$

Tam ədədlərin çıxılması qaydalarını öyrəndikdən sonra məchulun tapılma qaydası ilə də boş xanalara uyğun ədədləri tapmaq olar.

Öyrənmə Qarışq ədədlərin toplanması (məxrəclər müxtəlif olan hal)

Kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan qarışq ədədləri topladıqda əvvəlcə kəsrlərin ortaq məxrəcə gətirildiyi bildirilir, sonra isə məxrəcləri bərabər olan kəsrlərin toplanma qaydasına əsasən cəmin tapıldığı vurgulanır. Nümunə şagirdlərlə müzakirə olunur. Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar.

<https://video.edu.az/video/8861> <https://youtu.be/vjhWao-cmVM> https://youtu.be/row_icEUccU

Dərslikdə bir üsul təqdim olunsa da, əvvəlki öyrənmə materiallarında olduğu kimi 2-ci üsuldan da istifadə etmək olar.

5. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir, növbəti misallar analogi üsulla həll edilir.

Öyrənmə Qarışq ədədlərin toplanması (məxrəclər müxtəlif olan və yeni tam yaranan hal)

Bəzən qarışq ədədləri topladıqda kəsr hissələrinin cəminin düzgün olmayan (1-dən böyük) kəsrə bərabər olduğu vurgulanır. Bu hala uyğun olaraq verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunaraq həll edilir.

Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/9356>



Qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində göstərməklə verilən cəmi necə tapmağın mümkün olduğu müəyyən edilir. Şagirdlər əvvəlki öyrənmə materiallarında qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsrlər şəklində göstərməklə toplama qaydası ilə tanışdırırlar. Həmin qaydadan istifadə etməklə şagirdlər bu misalı da həll edə bilərlər.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürler. Bəzən şagirdlər toplama zamanı yeni tam yarandıqda ondan 1 tamı ayırmayı unudur və qarışq ədədin kəsr hissəsinin 1-dən böyük alındığına diqqət etmirlər. Bu zaman şagirdlərə alınan qarışq ədədin kəsr hissəsinə diqqət yetirməyi tövsiyə etmək məqsədəyündür.

8. Verilən ədədlərin cəmini tapmaq üçün əvvəlcə mümkün ixtisarlar aparılır, sonra isə cəm tapılır.

$$\frac{9}{18} + 2\frac{7}{14} \rightarrow \frac{9}{18} = \frac{1}{2}; 2\frac{7}{14} = 2\frac{1}{2}; \frac{1}{2} + 2\frac{1}{2} = 3$$

9. Kəsrlər ortaq məxrəcə gətirilir.

Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən edilir. Bəzi hallarda qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazmaqla boş xanalara uyğun ədədi tapmağın daha əlverişli olduğu qeyd olunur.

$$1\frac{\square}{4} + 1\frac{1}{2} = 2\frac{3}{4}$$

$$1\frac{\square}{4} + 1\frac{2}{4} = 2\frac{3}{4}$$

$$\frac{5}{4} + \frac{6}{4} = \frac{11}{4}$$

$$1\frac{1}{4} + \frac{6}{4} = \frac{11}{4}$$

Müəllimin nəzərinə! Kəsrləri ixtisar etmək mümkün olduqda əvvəlcə onları ixtisar edib sonra ortaq məxrəcə gətirmək daha əlverişlidir. Buna səbəb ixtisar etdikdən sonra kəsrləri ortaq məxrəcə gətirmək üçün hesablamaların nisbətən kiçik ədədlərlə aparılmasıdır. Bunu əyani olaraq göstərmək üçün şagirdlərə eyni misalları əvvəlcə kəsrləri ixtisar etmədən ortaq məxrəcə gətirməklə, sonra isə ixtisar edib ortaq məxrəcə gətirməklə həll etməyi tapşırmaq

olar. Bu zaman şagirdlər daha sadə hesablama aparmaqla cavabı tapacaqlar. Beləliklə, şagirdlər mümkün ixtisarlar aparmaqla cəmin tapılmasının daha əlverişli olduğunu müəyyənləşdirəcəklər.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarır. Lövhəyə qarşıq ədədlərin toplanmasına aid bir neçə misal yazılır. Şagirdlər ardıcıl misalları həll edir və necə həll edildiyini izah edir. Misalları kiçik vərəqlərdə yazış kartlar şəklində masaya üzüşaqlı qoymaq da olar.

Dərinləşdirmə. Müəllim şagirdlərə müxtəlif hallara uyğun misallar yazmağı tapşırı bilər. Məsələn:

- Elə misal yazın ki, məxrəclər bərabər olan hal olsun, yeni tam yaranmasın. Məxrəcləri fərqli olan yeni tam yaranan hala aid misal yazın. Məxrəcləri fərqli, 2-ci toplanan düzgün kəsr olan və yeni tam yaranan hala aid misal yazın.



Praktik tapşırıq. Sinif qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanılır. Qrup üzvləri tapşırıqları yerinə yetirirlər. Hissələrə uyğun ədədlər yazılırlar və cəmi tapılır. Hər qrup cavabı səsləndirir. Doğru cavaba görə 1 xal qazanırlar, səhv cavaba görə 1 xal silinir. Səhv cavablar müzakirə edilir. Səhv'lər araşdırılır və düzəldilir.

Tapşırığı cütlərlə və ya fərdi iş şəklində də yerinə yetirmək olar.

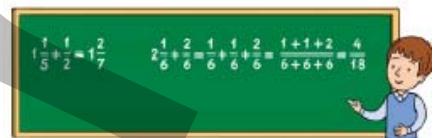
İş vərəqini linkdən yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1xxK-_YgII7VC8oCrA5xKg5NC79fulbD8/view?usp=sharing

Masala həlli

10. Anarın hansı səhv'lərə yol verdiyini tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Tapşırığı oyun şəklində yerinə yetirmək olar. Lövhəyə 2 şagird çıxarılır, şagirdlərdən biri Anarın yazdığı 1-ci misali, o biri isə 2-ci misali yazır. Sonra şagirdlər səhv'ləri göstərir və misali düzgün həll edirlər.



Məsələnin həlli:

- 1-ci misalda Anar məxrəcləri toplayıb məxrəcə yazıb. Bu isə kəsrləri toplama qaydasına uyğun deyil. Kəsrlər ortaq məxrəcə gətirməklə toplanmalıdır.

$$1\frac{1}{5} + \frac{1}{2} = \frac{6}{5} + \frac{1}{2} = \frac{12}{10} + \frac{5}{10} = \frac{12+5}{10} = \frac{17}{10} = 1\frac{7}{10}$$

- 2-ci misalda Anar $2\frac{1}{6}$ əvəzinə $\frac{1}{6} + \frac{1}{6}$ cəmindən istifadə edib. Lakin bu cəm $2\frac{1}{6}$ -ə bərabər deyil, 1-ci misalda olduğu kimi burada da Anar məxrəcləri toplayıb məxrəcə yazıb, bu, kəsrləri toplama qaydasına uyğun deyil.

$$2\frac{1}{6} + \frac{2}{6} = \frac{13}{6} + \frac{2}{6} = \frac{13+2}{6} = \frac{15}{6} = 2\frac{3}{6} = 2\frac{1}{2}$$

11. Məsələdə aşpazın nahar və şam yeməyinə cəmi neçə kilogram tərəvəz istifadə etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Nahar yeməyinə istifadə olunan kartof, kök və xiyarın ümumi miqdarı hesablanır.

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{2} + 1\frac{2}{5} = \frac{3}{4} + \frac{2}{4} + 1\frac{2}{5} = \frac{5}{4} + 1\frac{2}{5} = 1\frac{1}{4} + 1\frac{2}{5} = 1\frac{5}{20} + 1\frac{8}{20} = 2\frac{13}{20} \text{ (kq)}$$

- Şam yeməyinə istifadə olunan tərəvəzlərin miqdarı hesablanır.

$$2\frac{13}{20} + 1\frac{2}{5} = 2\frac{13}{20} + 1\frac{8}{20} = 4\frac{1}{20} \text{ (kq)}$$

- Nahar və şam yeməyinə cəmi neçə kilogram tərəvəz istifadə olunduğu hesablanır.

$$4\frac{1}{20} + 2\frac{13}{20} = 6\frac{14}{20} = 6\frac{7}{10} \text{ (kq)}$$

Cavab. Aşpaz nahar və şam yeməyinə cəmi $6\frac{7}{10}$ kq tərəvəz istifadə etdi.

Layihə. Şagirdlərə gündəlik həyatda müxtəlif situasiyalara aid qarşıq ədədlərin toplanması ilə bağlı məsələ yazıb həll etməyi tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Qarşıq ədədlə natural ədədi toplayır.	Dərslik, iş dəftəri
Qarşıq ədədlə kəsri toplayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qarşıq ədədləri toplayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.5. Qarışq ədədlərin çıxılması

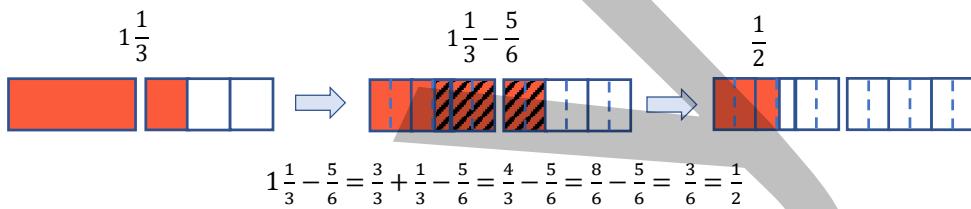
ALT STANDARTLAR	1.3.3. Natural ədədlər, kəsrler və qarışq ədədlər üzərində toplama və çıxma əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Qarışq ədəddən natural ədədi çıxır. Qarışq ədəddən kəsri çıxır. Qarışq ədəddən qarışq ədədi çıxır. Natural ədəddən qarışq ədədi çıxır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş damalı düzbucaqlılar, iş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.youtube.com/watch?v=ORyhjp3-HYI</p> <p>Çalışma: https://video.edu.az/video/8983</p> <p>https://www.mathgames.com/skill/5.73-subtract-mixed-numbers-with-unlike-denominators</p> <p>https://www.splashlearn.com/math/add-and-subtract-fractions-games</p> <p>https://www.splashlearn.com/math/subtract-mixed-numbers-games</p>

Qarışq ədədlərin çıxılması da toplanması kimi 4 mərhələdə öyrədilir: 1) kəsr hissələrinin məxrəcləri bərabər olan qarışq ədədlərin çıxılması; 2) kəsr hissələrinin məxrəcləri bərabər olan və azalanın kəsr hissəsinin çıxılanın kəsr hissəsindən kiçik olan qarışq ədədlərin çıxılması; 3) kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan və azalanın kəsr hissəsinin çıxılanın kəsr hissəsindən böyük olan qarışq ədədlərin çıxılması; 4) kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan və azalanın kəsr hissəsinin çıxılanın kəsr hissəsindən kiçik olan qarışq ədədlərin çıxılması. Sonuncu hal "Diqqət!" rubrikası ilə verilir.

Mövzuya yönəltmə. Müəllim şagirdlərə $1\frac{1}{3}$ hissəsi qırmızı rənglənmiş düzbucaqlı zolaq nümayiş etdirir. O, şagirdlərə suallar verir:

– Fıqurların hansı hissəsi rənglənib? Rənglənmiş hissədən zolağın $\frac{5}{6}$ hissəsini kəsdikdə hansı hissəsi qalacaq?

Qalan hissəni tapmaq üçün $1\frac{1}{3} - \frac{5}{6}$ fərqi tapılmalıdır. Şagirdlər $1\frac{1}{3} = 1 + \frac{1}{3}$ olduğundan tam hissəni ayırib kəsr hissədən $\frac{5}{6}$ çıxmaga çalışacaqlar. Bu zaman kəsr hissəni çıxmak mümkün olmadığından tamı da kəsr şəklində ifadə edib kəsr hissəyə əlavə etməklə alınan ədəddən $\frac{5}{6}$ kəsri çıxılacaq. Bunun üçün şagirdlər məxrəcləri müxtəlif olan kəsrlerin çıxılması qaydasından istifadə edə bilərlər. Şagirdlərə modeldən istifadə etməklə cavabı tapmaq tapşırılır.



Araşdırma-müzakirə

Tapşırığı yerinə yetirmək üçün rəngli kağızlardan kəsilmiş dairələrdən istifadə etmək olar. Şəkildə $2\frac{1}{2}$ pitsa təsvir olunub. $1\frac{3}{4}$ pitsa yeyildiyindən əvvəlcə 1 pitsa kənara qoyulur və $1\frac{1}{2}$ pitsa qalır. $1\frac{1}{2}$ pitsadan $\frac{3}{4}$ hissə çıxməq lazımdır. Bunun üçün əvvəlcə $\frac{1}{2}$ pitsa 2 bərabər hissəyə bölünür və $\frac{2}{4}$ hissə kənara qoyulur. Sonra 1 tamdan qalan $\frac{1}{4}$ hissə götürülür. Beləliklə, yerdə $\frac{3}{4}$ hissə qalacaq.



Öyrənmə Qarışq ədədlərin çıxılması (məxrəclər bərabər olan hal üçün)

Toplamada olduğu kimi qarışq ədədlərin çıxılması da 2 üsulla öyrədilir.

1-ci üsul ədədləri mərtəbə qiymətlərinə ayırmaqla hissə-hissə çıxma üsuluna bənzəyir. Şagirdlərə aşağı siniflərdən tanış olan bu üsulu xatırlatmaq faydalı olar (4-cü sinif, 1-ci hissə, səh. 26).



- Ədədləri açıq şəkildə yazmaqla da fərqi tapmaq olar. Bu zaman uyğun mərtəbə qiymətlərinin fərqi tapılır. Cavablar toplanır. Məsələn: $29\ 747 - 18\ 432 = ?$

Onminliklər çixılır.	Minliklər çixılır.	Yüzlüklər çixılır.	Onluqlar çixılır.	Takliklər çixılır.
$- 29\ 747 = [20\ 000]$	$+ 9\ 000$	$+ 700$	$+ 40$	$+ 7$
$- 18\ 432 = [10\ 000]$	$+ 8\ 000$	$+ 400$	$+ 30$	$+ 2$
Cavablar toplanır: $[10\ 000] + [1\ 000] + [300] + [10] + [5] = 11\ 315$				

Qarışq ədədlərin bu üsulla çıxılmasında əvvəl tam hissələr, sonra isə kəsr hissələr çıxılır və nəticə toplanılır. 2-ci üsulda hər iki karışq ədəd düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır, sonra isə adi kəsrələri çıxma qaydası ilə fərqi tapılır. Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/8776>

Fikirləş

Bu rubrikada verilən sual öyrənmə materialında baxılan nümunənin xüsusi hallarıdır. Birinci halda çıxılanın tam hissəsi sıfıra bərabərdir, ikinci halda isə sıxlığın kəsr hissəsi sıfıra bərabərdir.

Çıxılanın tam hissəsi sıfıra bərabər olduğundan kəsr hissələr çıxılır. $1\frac{3}{5} - \frac{2}{5} = 1\frac{1}{5}$

Çıxılanın kəsr hissəsi sıfıra bərabər olduğundan tam hissələr çıxılır. $\frac{1}{6} - 1 = 2\frac{1}{6}$

Çalışma

1. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Digər misallar nümunəyə əsasən həll olunur.

Öyrənmə Qarışq ədədlərin çıxılması (məxrəclər bərabər və tam ayrılan hal)

1-ci üsul verilən nümunə üzərində izah edilir. Xüsusi hal kimi natural ədəddən karışq ədədin çıxılmasına baxılır.

2-ci üsul isə "Fikirləş" rubrikasındaki misalın həlli ilə müzakirə olunur. $3\frac{1}{5} - 1\frac{4}{5} = \frac{16}{5} - \frac{9}{5} = \frac{16-9}{5} = \frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$

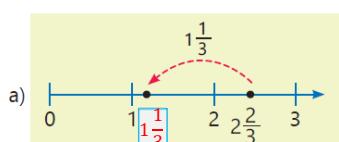
Texniki imkanları olan sinifdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/8713>

Öyrənmə Qarışq ədədlərin çıxılması (məxrəclər müxtəlif olan hal)

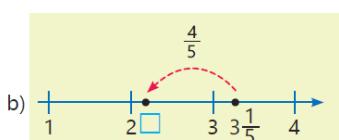
Kəsr hissələrinin məxrəcləri müxtəlif olan karışq ədədlərin fərqi tapdıqda əvvəlcə kəsr hissələrin ortaq məxrəcə gətirildiyi, sonra isə karışq ədədlərin məxrəcləri bərabər olan halda çıxılma qaydasından istifadə edildiyi qeyd olunur. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə edilir.

2-ci üsul isə "Fikirləş" rubrikasındaki misalın həlli ilə müzakirə olunur.

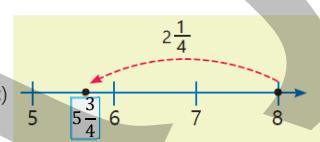
3. Ədəd oxundakı təsvirlərə əsasən çıxma əməlinə aid misal yazılır və boş xanaya uyğun ədəd tapılır.



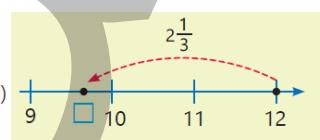
$$2\frac{2}{3} - 1\frac{1}{3} = 1\frac{1}{3}$$



$$3\frac{1}{5} - \frac{4}{5} = 2\frac{2}{5}$$



$$8 - 2\frac{1}{4} = 5\frac{3}{4}$$



$$12 - 2\frac{1}{3} = 9\frac{2}{3}$$

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürler. Bəzən şagirdlər azalanın kəsr hissəsi çıxılanın kəsr hissəsindən kiçik olduqda çıxılanın kəsr hissəsindən azalanın kəsr hissəsini çıxırlar. Azalan natural ədəd olduqda isə çıxılanın kəsr hissəsin fərqi kəsr hissəsi olduğunu düşünürler. Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürleri aradan qaldırmaq üçün onlara müxtəlif üsullarla cavabı yoxlamağı tapşırmaq olar. Məsələn, toplama ilə cavabı yoxladığda alınan cəm azalana bərabər olmadığı üçün şagirdlər səhv hesablardıqlarını müəyyən edəcəklər. Bununla yanaşı, azalandan 1 tamın ayrıldığını sadə nümunələri modellərlə təsvir etməklə şagirdlərə izah etmək məqsədəyğindur. 3-cü tapşırıqda şagirdlər ədəd

Yanlış

$$b) 3\frac{1}{5} - \frac{4}{5} = 3\frac{3}{5} \quad 3\frac{1}{5} - \frac{4}{5} = 2\frac{6}{5} - \frac{4}{5} = 2\frac{2}{5}$$

$$c) 8 - 2\frac{1}{4} = 6\frac{1}{4} \quad 8 - 2\frac{1}{4} = 7\frac{4}{4} - 2\frac{1}{4} = 5\frac{3}{4}$$

Doğru

oxunda təsvirlərə əsasən də cavabın doğruluğunu yoxlaya bilərlər. Məsələn, b) bəndində səhv hesablama nəticəsində 3 və 4 ədədləri arasında ədəd alınır. Lakin təsvirdə ədədin 2 və 3 ədədləri arasında yerləşdiyi görünür. Eyni qayda ilə c) bəndini də izah etmək olar. Müəllim ədəd oxundakı təsvirlərə əsasən şagirdlərə səhvərini müəyyən edib misalları yenidən həll etməyi tapşırıa bilər.

4. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Digər misallar nümunəyə əsasən həll olunur.

5. Mümkün ixtisarlar edilir, sonra isə fərq tapılır.

Müəllimin nəzərinə! İxtisar etməklə hesablamaların üstünlüyünü göstərmək üçün şagirdlərə misalları hər iki üsulla həll etməyi tapşırmaq olar. Şagirdlər əvvəlcə kəsrərə ortaq məxrəcə gətirməklə fərqi tapırlar. Sonra isə eyni misali mümkün ixtisar aparıb ortaq məxrəcə gətirməklə həll edilər. Qarşıq ədədlərin toplanmasında olduğu kimi qarşıq ədədlərin çıxılmasında da mümkün ixtisarların aparılması ilə fərqli tapılmasının daha əlverişli olduğu müəyyən olunur.

6. Hesablama aparılır, müqayisə edilir. Bu tipli tapşırıqlar adı kəsrərə iş bacarıqlarını təkmilləşdirmək üçün çox əhəmiyyətlidir. Bu zaman həm hesablama, həm də müqayisə bacarıqları formalasdırılır. Müəllim tapşırığı təxminetmə bacarıqlarının təkmilləşdirilməsi üçün də istifadə edə bilər. Bu zaman şagirdlərə əvvəl təxmini müqayisə etməyi, sonra isə hesablamalı təxminləri yoxlamağı tapşırıa bilər.



Azalanın kəsr hissəsi çıxılanın kəsr hissəsindən kiçik olduğu halda azalandan 1 tam ayrıldığı və kəsr hissəyə əlavə edildiyi vurgulanır. Dərslidə verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. "Araşdırma-müzakirə" rubrikasındaki tapşırıq xatırlana bilər.

9. Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən edilir.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər boş xanalara uyğun ədədləri tapdıqdan sonra yerinə qoymaqla cavabın doğru olub-olmadığını yoxlaya bilərlər. Boş xanalara uyğun ədədlər tapmaq üçün şagirdlər məchulun tapılma qaydasından da istifadə edə bilərlər. 1-ci misalda çıxılanın kəsr hissəsinin surətində boş xana olduğundan məchul çıxılanın tapılma qaydasından istifadə etməklə çıxılanı müəyyən edib boş xanaya uyğun ədədi tapmaq olar. Eyni qaydada digər misallarda da boş xanalara uyğun ədədlər tapılır. Lakin çalışmaq lazımdır ki, şagirdlər boş xanaya uyğun ədədi məchulun tapılma qaydası ilə deyil, digər üsulla tapsınlar. Sonuncu misala xüsusi diqqət yetirilir.

$$6 - \square \frac{1}{\square} = 4 \frac{3}{5} \rightarrow 5 + 1 - \square \frac{1}{\square} = 4 \frac{3}{5} \rightarrow 5 \frac{5}{5} - \square \frac{1}{\square} = 4 \frac{3}{5} \rightarrow 5 \frac{5}{5} - 1 \frac{1}{\square} = 4 \frac{3}{5} \rightarrow 5 \frac{5}{5} - 1 \frac{2}{5} = 4 \frac{3}{5}$$

Bu misalı tənlik kimi də həll etmək olar. Bu zaman məchul çıxılan tapılır və qarşıq ədəd şəklində yazılır.

$$6 - \square \frac{1}{\square} = 4 \frac{3}{5} \rightarrow 6 - x = 4 \frac{3}{5} \rightarrow x = 6 - 4 \frac{3}{5} \rightarrow x = 5 \frac{5}{5} - 4 \frac{3}{5} \rightarrow x = 1 \frac{2}{5}$$



Riyaziyyat tarixindən

Qədim misirlilərin təxminən 4000 il bundan əvvəl kəsrərdən istifadə etməyə başladıqları haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Kəsrərə yazımaq üçün xüsusi simvollardan istifadə edildiyi bu simvolları birləşdirdikdə əfsanəyə görə, göylər tanrısi Horusun müqəddəs sayılan gözünün əmələ gəldiyi vurgulanır. Bu simvollardan istifadə etməklə şagirdlərlə müxtəlif kəsrərə yazımaq olar.



Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim şagirdlərə qədim misirlilərin simvollarından istifadə etməklə $\frac{3}{8}, \frac{5}{8}$ və $\frac{7}{8}$ kəsrərəni təsvir etməyi tapşırır. Kömək məqsədilə $\frac{3}{8} = \frac{2+1}{8} = \frac{2}{8} + \frac{1}{8} = \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$ nümunəsindən istifadə etmək olar.

Dərinləşdirmə. Müəllim "Fikirləş" rubrikasındaki suallara cavab vermək üçün şagirdlərə istiqamət verə bilər.

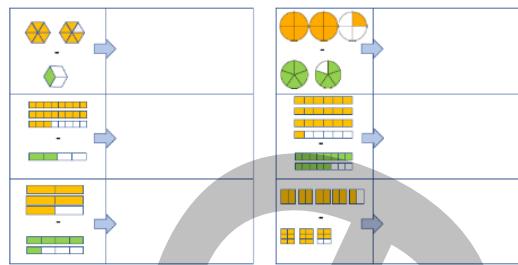
– Gözün hissələrini bir yerə toplamaqla gözü tam bərpa etməyin mümkünlüyünü yoxlamaq üçün belə bir misal yazmaq olar: $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} = ?$ Bu misalı həll etmək üçün bütün kəsrərə hansı ortaq məxrəcə gətirmək olar?

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} = \frac{32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1}{64} = \frac{63}{64} \neq 1$$

– Gözü tam bərpa etmək üçün hansı hissəsi çatmır? Sizcə, bu gözün hansı hissələri ola bilər?

Praktik tapşırıq. Sinif qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanılır. Qrup üzvləri tapşırıqları yerinə yetirirlər. Hissələrə uyğun ədədlər yazılır. Onların fərqi tapılır. Hər qrup cavabı səsləndirir. Doğru cavablara görə 1 xal qazanır, səhv cavaba görə 1 xal silinir. Səhv cavablar müzakirə edilir. Səhvlər araşdırılır və düzəldilir. Tapşırığı cütlərlə və ya fərdi iş şəklində də yerinə yetirmək olar. İş vərəqini bu linkdən yüklemək olar:

https://drive.google.com/file/d/1i9E_wba0B1Jkz_cnGQjs_s1WwyecmU9Y/view?usp=sharing



Masala həlli

10. Məsələdə rəssamın nə qədər digər rənglərdə qum istifadə etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Rəssamın istifadə etdiyi mavi və sarı rəngli qumun ümumi miqdarı hesablanır. $2\frac{1}{4} + \frac{1}{2} = 2\frac{3}{4}$ (stəkan)
- Rəssamın digər qumlardan nə qədər istifadə etdiyi hesablanır. $5 - 2\frac{3}{4} = 2\frac{1}{4}$ (stəkan)

Cavab. Rəssam $2\frac{1}{4}$ stəkan digər rəngdə qum istifadə etdi.

Müzakirə. İstifadə olunan qumlar toplanır, ümumi miqdarın 5 stəkana bərabər olduğu yoxlanılır.

11. Məsələdə yesiyə neçə kilogram nar yiğildığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Boş yesiyin kütləsi hesablanır. $3\frac{1}{8} - 2\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ (kq)
- Yeşikdə neçə kilogram nar olduğu tapılır. $4\frac{1}{3} - \frac{3}{4} = 3\frac{7}{12}$ (kq)

Cavab. Yesiyə $3\frac{7}{12}$ kq nar yiğdılır.

Müzakirə. Boş yesiyin kütləsinin yesiyə yiylanın narın kütləsi ilə cəminin $4\frac{1}{3}$ kq olduğu və yesiyə yiylanın alınan kütləsi ilə cəminin $3\frac{1}{8}$ kq olduğu yoxlanılır.

Layihə. Şagirdlər gündəlik həyatda müxtəlif situasiyalara aid qarışq ədədlərin çıxılması ilə bağlı məsələ yazıb həll etməyi tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Qarışq ədəddən natural ədədi çıxır, cavabı qarışq ədəd və düzgün olmayan kəsr şəklində yazır.	Dərslik, iş dəftəri
Qarışq ədədlə adı kəsrin fərqini 2 üsulla tapır.	Dərslik, iş dəftəri
Qarışq ədədlərin fərqini 2 üsulla tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədəd və qarışq ədədin fərqini tapır.	Dərslik, iş dəftəri

MƏSƏLƏ VƏ MİSALLAR

Şagirdlər əvvəlki dərslərdə “düzgün kəsr”, “düzgün olmayan kəsr” anlayışlarını, düzgün olmayan kəsrin qarşıq ədədə və əksinə çevrilməsi, kəsrlərin müqayisəsi və sıralaması, məxrəcləri müxtəlif olan adi kəsrlərin toplanması və çıxılması, qarşıq ədədlərin toplanması və çıxılması qaydaları ilə tanış oldular. Bu dərsdə şagirdlər adi kəsrlərlə bağlı qaydaları möhkəmləndirmək üçün müxtəlif məsələ və misallar həll edəcəklər.

Praktik iş. Sınıf qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanır. Şagirdlər kartlardakı misalları həll edib cavaba uyğun rəngi müəyyən edir və figuru həmin rəngə boyayır. İş vərəqləri saat əqrəbinin hərəkəti istiqamətində dəyişilir. Misallar bitdikdən sonra qanuna uyğunluğu davam etdirmək üçün cavabı rəngə uyğun ədədə bərabər olan misal yazılır. Sonda iş vərəqləri lövhəyə yapışdırılır və nəticələr müzakirə edilir.

Tapşırığı qruplarla iş şəklində də müəyyən vaxt ərzində yerinə yetirmək olar. İş vərəqini ən tez və doğru tamamlayan komanda qalib elan oluna bilər.

Nümunə iş vərəqini bu linkdən yüklemək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1VtYYx90WUsESS6Q-yMHyBxjOwL5JhL3u/view?usp=sharing>

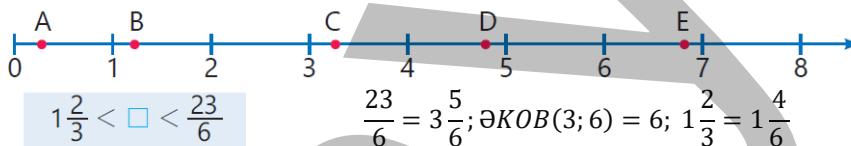
Kublaşdırma fəal təlim üsulu ilə də tapşırığı yerinə yetirmək olar. Misallar kubun üzərinə yazılır. Şagirdlər kub atırlar. Kubun üst üzünə düşən misal lövhədə yazılır və həll edilir. Sonra tapşırığın necə həll edildiyi izah edilir.

Tapşırıqların həlli

1. Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən olunur. Sonuncu tapşırığa xüsusi diqqət yetirilir.

$$3 \frac{\square}{5} = \frac{17}{\square} \rightarrow \frac{3 \cdot 5 + \square}{5} = \frac{17}{\square} \rightarrow \frac{3 \cdot 5 + 2}{5} = \frac{17}{5} \rightarrow 3 \frac{2}{5} = \frac{17}{5}$$

2. Ədəd oxunda hansı hərfərin boş xanalara uyğun ədədlərin yerini göstərdiyi müəyyən olunur. Düzgün olmayan kəsrlər qarşıq ədəd şəklində yazılır və kəsrlər ortaq məxrəcə gətirilir.



C nöqtəsinin $1 \frac{4}{6}$ və $3 \frac{5}{6}$ arasında olan ədədin yerinə uyğun olduğu qeyd olunur.

5. Suallara cavab verilir.

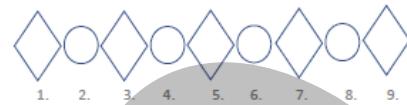
a) $\frac{a}{13}$ kəsrinin düzgün kəsr olması üçün $a < 13$ olmalıdır. a 3 və 3-dən böyük ədədlərə bərabər olduqda $\frac{a}{3}$ kəsri düzgün olmayan kəsr olacaq. $\frac{a}{b}$ kəsrinin düzgün kəsr olması üçün a 1, 2 ədədlərinə bərabər ola bilər.

b) Tapşırıq seçmə üsulu ilə, yaxud bir-bir yoxlamaqla yerinə yetirilir. $\frac{12}{a}$ kəsrinin $2 \frac{1}{2}$ -dən kiçik düzgün olmayan kəsr olması üçün a -nın yerinə 1-dən 12-yə qədər ədədləri bir-bir qoyub yoxlamaq lazımdır. Müəllim sual verə bilər: – Kəsrin surətini olduğu kimi saxlayıb məxrəcini artırırdıqda kəsrin qiyməti artar, yoxsa azalar?

a -nın yerinə 1, 2, 3, 4 yazdıqda alınan ədədlərin $2 \frac{1}{2}$ -dən böyük olduğu görüñür. $a = 5$ qiymətinin ödəniib-ödənmədiyi yoxlanılır. $\frac{12}{5}$ və $2 \frac{1}{2}$ ədədləri müqayisə olunur. $\frac{12}{5} = 2 \frac{2}{5} = 2 \frac{4}{10}$; $2 \frac{1}{2} = 2 \frac{5}{10}$. Deməli, $\frac{12}{5} < 2 \frac{1}{2}$.

Beləliklə, a -nın qiyməti 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 natural ədədləri ola bilər.

8. Hesablama aparılır, müqayisə edilir. Bu tipli tapşırıqlar adi kəsrlərlə iş bacarıqlarını təkmilləşdirmək üçün çox əhəmiyyətlidir. Bu zaman həm hesablama, həm də müqayisə bacarıqları formalaşdırılır. Müəllim tapşırığı təxminetmə bacarıqlarının təkmilləşdirilməsi üçün də istifadə edə bilər. Bu zaman şagirdlərə əvvəl təxmini



1. $1 \frac{3}{8} + \frac{1}{2} =$	$2 \frac{3}{8}$ qırmızı	$1 \frac{7}{8}$ mavi	$1 \frac{4}{10}$ yeşil
2. $3 - \frac{3}{4} =$	$2 \frac{1}{4}$ qırmızı	$1 \frac{3}{4}$ mavi	$2 \frac{3}{4}$ yeşil
3. $2 \frac{5}{6} + \frac{2}{3} =$	$2 \frac{2}{3}$ qırmızı	$2 \frac{1}{6}$ mavi	$3 \frac{1}{3}$ yeşil
4. $1 \frac{2}{5} - \frac{9}{10} =$	$1 \frac{3}{10}$ qırmızı	$\frac{1}{2}$ mavi	$1 \frac{1}{2}$ yeşil
5. $1 \frac{1}{4} + 3 \frac{3}{4} =$	5 qırmızı	$4 \frac{4}{8}$ mavi	4 yeşil
6. $4 \frac{5}{12} - 2 \frac{2}{9} =$	$2 \frac{7}{9}$ qırmızı	$2 \frac{7}{12}$ mavi	$2 \frac{7}{36}$ yeşil
7. $\boxed{\quad} =$	$4 \frac{3}{8}$ qırmızı	8 mavi	$3 \frac{5}{6}$ yeşil
8. $\boxed{\quad} =$	$5 \frac{4}{5}$ qırmızı	$7 \frac{1}{2}$ mavi	$6 \frac{2}{7}$ yeşil
9. $\boxed{\quad} =$	$3 \frac{2}{3}$ qırmızı	$5 \frac{1}{6}$ mavi	$7 \frac{1}{6}$ yeşil

müqayisə etməyi, sonra isə hesablamalı təxminləri yoxlamağı tapşırı bilər. Müəllim izah edir ki, müqayisə zamanı hesablama aparmadan da nəticəni tapmaq mümkünür. Belə ki, toplananlardan biri eyni olduqda digər toplananı müqayisə etməklə şagirdlər cavabın doğru olub-olmadığını yoxlaya bilərlər. Çıxma əməlində də uyğun qaydadən istifadə olunur. Çıxılan eyni olduğu halda azalan böyük olduqda fərq də böyük olur, azalan eyni olduğu halda çıxılan böyük olduqda fərq kiçik olur. Belə müqayisədə çətinlik çəkən şagirdləri sadə nümunələrlə izah etməyə yönəltmək məqsədə uyğundur. Məsələn:

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{6} < \frac{1}{4} + \frac{1}{3}, \quad \text{çünki } \frac{1}{6} < \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{2} + 1\frac{1}{3} - \frac{1}{4} < \frac{1}{2} + 1\frac{1}{3} - \frac{1}{5}, \quad \text{çünki } \frac{1}{4} > \frac{1}{5}$$

$$\frac{5}{6} - (\frac{1}{3} + \frac{1}{4}) < \frac{5}{6} - (\frac{1}{4} + \frac{1}{5}), \quad \text{çünki } \frac{1}{3} + \frac{1}{4} > \frac{1}{4} + \frac{1}{5}.$$

10. Tapşırığı sinifdə rollu oyun şəklində yerinə yetirmək olar. Lövhəyə 3 şagird çıxarıllı. Şagirdlərdən hər biri verilən fikirləri səsləndirir və hər fikrə uyğun nümunələr göstərməklə izah edir. Bu zaman kimin cavabının doğru, kimin cavabının isə səhv olduğu müəyyənləşdirilir. Şagirdlərə qeyd etmək lazımdır ki, riyazi müləhizələrin doğruluğunu yoxlayarkən fikrin doğru olmadığını göstərən heç olmasa bir nümunə varsa, deməli, bu fikir doğru deyil. Buna əsasən şagirdlər Elxanın fikrinin doğru olmadığını, Səbinə və Lalənin fikirlərinin isə həmişə doğru olduğunu söyləyirlər.

11. Anarın pitsaları neçə dostu ilə bölüşdүүнү tapmaq tələb olunur. Kəsr və bölmə əməli arasında əlaqə şagirdlərin yadına salına bilər.

Məsələnin həlli:

- 3 pitsa uşaqlar arasında bölündükdə hərəyə $\frac{3}{5}$ hissə düşdүүнү bilərək 3 pitsanın 5 nəfər arasında bölündüyü müəyyən olunur.
- Anarın pitsanı özü və dostları arasında böldüyünə əsasən onun pitsanı 4 dostu ilə bölüşdүү müəyyən olunur.

Cavab. Anar pitsaları 4 dostu ilə bölüşdü.

Müzakirə. Kəsrin bölmə kimi yazılımasına əsasən, 3 pitsanı 5 nəfər arasında böldükdə hərəyə $\frac{3}{5}$ hissə pitsa düşdүүnү yoxlamaq olar.

13. Məsələdə ailənin aylıq yiğiminin aylıq gəlirinin hansı hissəsinə bərabər olduğunu tapmaq tələb olunur. Şagirdlərə 3-cü sinifdə öyrəndikləri "gəlir", "xərc", "qazanc" və "yiğim" anlayışlarını yada salmaq məqsədə uyğundur.

Məsələnin həlli:

- Ailənin aylıq gəlirin ərzağa, kommunal xərclərə və digər xərclərə hansı hissəsini sərf etdiyi müəyyən olunur. $\frac{1}{3} + \frac{1}{12} + \frac{1}{6} = \frac{7}{12}$.
- Aylıq yiğimin nə qədər olduğu müəyyən olunur. $1 - \frac{7}{12} = \frac{5}{12}$.

Cavab. Ailənin aylıq yiğimi, aylıq gəlirinin $\frac{5}{12}$ hissəsinə bərabər olar.

Müzakirə. Ailənin aylıq gəlirinin ərzağa, kommunal xərclərə və digər xərclərə sərf edildiyi hissəsi ilə aylıq yiğimə ayrılan hissəsinə toplamaqla alınan ədədin 1-ə bərabər olub-olmadığı yoxlanılır.

14. Məsələdə nə qədər döşəmə yaşımanın artıq qaldığını və ya çatmadığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Otağın eni hesablanır. $7\frac{1}{4} - 2\frac{1}{2} = 4\frac{3}{4}$ (m)
- Otağın ümumi perimetri hesablanır. $7\frac{1}{4} + 7\frac{1}{4} + 4\frac{3}{4} + 4\frac{3}{4} = 24$ (m)
- Kapının eni ümumi perimetrdən çıxılır. $24 - \frac{9}{10} = 23\frac{1}{10}$ (m)
- Nə qədər döşəmə yaşımanın artıq qaldığı və ya çatmadığı müəyyənləşdirilir. $25 - 23\frac{1}{10} = 1\frac{9}{10}$ (m).

Cavab. Döşəmə yaşıından $1\frac{9}{10}$ m artıq qalar.

Layihə. Şagirdlərə müxtəlif şəkillər verib qarşıq ədədlərin toplanması və çıxılması ilə bağlı bənzər situasiyalarda məsələ tərtib etməyi və uyğun təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar. Təlim nəticələri yüksək olan şagirdlərə sərbəst situasiya seçimi etməyi tapşırmaq olar.



MÖVZU 2.6. Adi kəsrlərin vurulması

ALT STANDARTLAR	1.3.4. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Natural ədədlə kəsrin hasilini tapır. • Kəsrlərin hasilini tapır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, zərlər, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.mathplayground.com/ASB_SnowSprint.html https://www.splashlearn.com/math/multiply-fractions-games-for-4th-graders https://www.youtube.com/watch?v=ULC05C5ds10</p> <p>https://www.geogebra.org/m/K7cDMUC7#material/AZhX7deX https://www.geogebra.org/m/K7cDMUC7#material/zawvmpyd</p> <p>Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/5.84-multiply-fractions https://media.pk12ls.com/curriculum/math/tools/EnvisionFractions.html?helpDir=../help_mt&returnURL=..//MTindex.html&mode=0 https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online</p>

Adi kəsrlərin vurulması 3 mərhələdə öyrədilir: 1) natural ədədin adı kəsrə vurulması; 2) adi kəsrin adı kəsrə vurulması; 3) ixtisar etməklə adi kəsrlərin vurulması.

Mövzuya yönəltmə. Rəngli kağızdan bir neçə dairə kəsilir və hər dairə 4 bərabər hissəyə bölünür.

Müəllim lövhəyə 3 şagird dəvət edir. Müəllim bütün sınıfə suallar verir:

- Hər şagirdə $\frac{1}{4}$ hissə versək, 3 şagirdə ümumilikdə neçə hissə vermiş olarıq? Hər şagirdə $\frac{3}{4}$ hissə versək, 3 şagirdə ümumilikdə neçə hissə vermiş olarıq?

Bu zaman müəllim alınan cavabı hissələri birləşdirməklə nümayiş etdirə bilər.

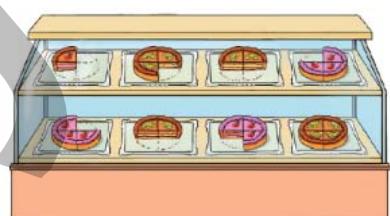
$$\frac{3}{4} + \frac{3}{4} + \frac{3}{4} = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}$$



Lövhəyə əlavə 1 şagird də dəvət edilir və müəllim hər şagirdə $\frac{1}{2}$ hissə verdikdə şagirdlərə ümumi neçə hissə veriləcəyini soruşur.

Araşdırma-müzakirə

Günortaya qədər limonlu çizkeyklərin hər birindən nə qədər satıldığını müəyyən etmək üçün şagirdlərin diqqəti şəklə yönəldilir. Günortaya qədər $\frac{6}{4}$ limonlu, $\frac{5}{4}$ ciyləkləli çizkeyk satıldığı müəyyən olunur. Çizkeyklərin sayı vurma ilə göstərilir. Ciyləkləli çizkeyk: $6 \cdot \frac{1}{4}$. Limonlu çizkeyk: $5 \cdot \frac{1}{4}$

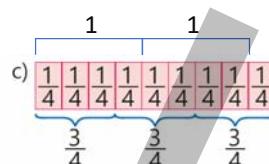


Öyrənmə Natural ədədin kəsrə vurulması

Natural ədədin kəsrə vurulması təkrar toplama strategiyası əsasında izah edilir. Vurmanın ədəd oxu və kəsr zolaqları ilə modelləşdirmək bu əməli daha aydın başa düşməyə kömək edir. Bir neçə sadə nümunənin kəsr zolaqları və ədəd oxundan istifadə etməklə təsvirini şagirdlərə də tapşırmaq olar.

Çalışma

1. Təsvirlərə uyğun vurma əməli yazılır, hasil tapılır. Bu zaman hər bir hissənin surəti 1 olan kəsrlər şəklində yazmaqla da hesablama aparmaq olar. Amma şagirdlərə böyük hissələrin hasili kimi təsvir etmək məqsədəyindən.



$$3 \cdot \frac{3}{4} = \frac{3 \cdot 3}{4} = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}$$

2. Təkrar toplamaya uyğun vurma əməli yazılır, hasil tapılır.

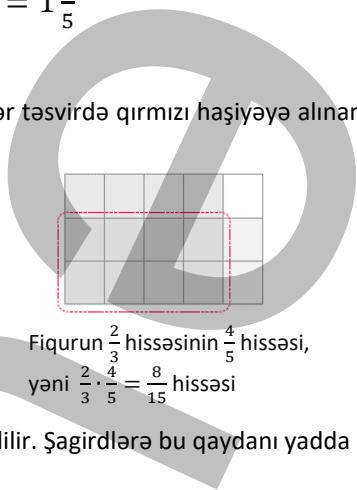
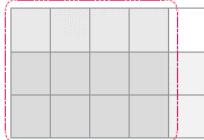
3. Nümunə tapşırıq müzakirə olunur və digər misallar həll edilir.

4. Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən olunur. Bu zaman qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsrlərə çevirmək lazımlı gəldiyi vurğulanır. Məsələn, sonuncu misalda bərabərliyin sahindəki qarışq ədəd düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır.

$$3 \cdot \frac{\square}{5} = 1\frac{4}{5} \rightarrow \frac{3 \cdot \square}{5} = \frac{9}{5} \rightarrow \frac{3 \cdot 3}{5} = \frac{9}{5} \rightarrow 3 \cdot \frac{3}{5} = 1\frac{4}{5}$$

Öyrənmə Adi kəsrlərin vurulması

Sahə modeli ilə hasilin tapılma qaydası şagirdlərə addım-addım izah olunur. Hər təsvirdə qırmızı haşiyəyə alınan hissənin figurun hansı hissəsi olduğu qeyd olunur.



İzahdan sonra “Yadda saxla” rubrikasında verilmiş sadə qayda və düstur izah edilir. Şagirdlərə bu qaydanı yadda saxlamaq tapşırılır.



Fikirləş

Kəsrlərin vurulma qaydasından istifadə etməklə kəsrin natural ədədə hasilini necə tapmağın mümkün olduğu müzakirə olunur. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər:

- Natural ədədi düzgün olmayan kəsr şəklində necə yazmaq olar? 3 ədədini kəsr şəklində necə göstərmək olar? $\frac{2}{7}$ və $\frac{3}{1}$ -in hasilini necə tapmaq olar? Kəsrlərin vurulma qaydasından istifadə etməklə hasil tapılır.

$$\frac{2}{7} \cdot \frac{3}{1} = \frac{2 \cdot 3}{7 \cdot 1} = \frac{6}{7}$$

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq, tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.futuristicmath.com/games/5th-grade-multiplication-of-fractions-spin-the-wheel-game.html>

https://media.pk12ls.com/curriculum/math/Tools/tools/EnvisionFractions.html?helpDir=../help_mt&returnURL=../MTindex.html&mode=0

https://www.k6.thinkcentral.com/content/hsp/math/hspmath/na/common/itools_int_9780547584997_/html/fractions/fractions.html

5. Boş xanalara uyğun kəsrlər müəyyən olunur. Təsvirlərə uyğun vurma əməli yazılır və hasil tapılır, nümunə tapşırıq müzakirə edilir.

6. Hasil tapılır, bir neçə cavabın doğruluğu sahə modeli ilə yoxlanılır, nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması müzakirə edilir.

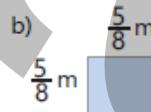
7. Hesablama aparılır və müqayisə edilir.

8. Düzbucaqlıların perimetrləri və sahələri hesablanır.



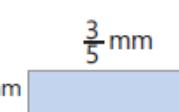
$$P = 4\frac{1}{2} \text{ sm}$$

$$S = \frac{1}{2} \text{ sm}^2$$



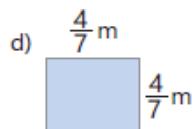
$$P = 2\frac{1}{2} \text{ m}$$

$$S = \frac{25}{64} \text{ m}^2$$



$$P = 1\frac{13}{15} \text{ mm}$$

$$S = \frac{1}{5} \text{ mm}^2$$



$$P = 2\frac{2}{7} \text{ m}$$

$$S = \frac{16}{49} \text{ m}^2$$

Cütlərlə iş. Riyaziyyat vərəqindən kəsilmüş kartlar şagirdlərə paylanır. Hər cütlüyü 1 misal verilir. Cütlüklerin hər biri misali əvvəl sahə modeli ilə təsvir etməklə, sonra isə adı kəsrlərin vurulma qaydası ilə həll edir. Sonra kartlar dəyişdirilir və hər şagird qarşısındakı vərəqdə olan həlli yoxlayıb səhvlər varsa düzəldir. Sonra cütlükler düzgün hesab etdikləri kartı təqdim edirlər.

Öyrənmə Adı kəslərin vurulması (kəsləri ixtisar etməklə)

Bəzən surət və məxrəcdəki vuruqları ixtisar etdikdən sonra hasili tapmağın əlverişli olduğu vurgulanır. Verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. Bu zaman kəsləri tam ixtisar etməyin lazım olduğu qeyd olunur. Bəzən şagirdlər surət və məxrəcdəki vuruqları tam ixtisar etməkdə çətinlik çəkirələr. Bu zaman şagirdləri əvvəlcə ardıcılı ixtisar etməyə, sonra isə tam ixtisar üçün ƏBOB-u tapmağa yönəltmək olar. Alınan cavabların eyni olduğunu və hesablamada səhv olmadığını şagirdlərin diqqətinə çatdırmaq məqsədəuyğundur.

9. Verilən nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Digər misallar həll olunur.

10. Səhvlər müəyyən edilir və düzgün cavablar təpilir. Bu tapşırıq adı kəsləri vurma bacarıqlarını təkmilləşdirməyə xidmət edən tapşırıqlardan biridir. Bir neçə misal oyun şəklində də yerinə yetirmək olar. Məsələn, misallar böyük ölçüdə vərəqlərə yazılır. Şagirdlər vərəqləri lövhəönündə əllərində tutub səsləndirirlər. Müəllim sinfə müraciət edir. Əgər misalda səhv varsa, səhvləri tapan şagirdlər əllərini qaldıraraq tapdıqlarını bildirirlər. Həmin şagirdlərdən biri seçilir və lövhəyə dəvət olunur, səhvi tapıb düzəldərək lövhədə misalı yenidən yazması tapşırılır. Qalan misallar sərbəst yerinə yetirilir.

11. Tapşırıqda hansı misalın cavabının digərlərindən fərqləndiyini tapmaq tələb olunur. Bu tapşırıqda şagirdlər təkrar toplama, kəsləri toplama, çıxma və vurma, vuruqların yerini dəyişməklə hasilin təpilməsi, həmçinin, vurmanın müxtəlif xassələrindən istifadə etməklə cavabları təpirlər. Müəllimin tapşırığı yerinə yetirərkən şagirdlərin hansı qaydada çətinlik çəkdiyini müəyyən etməsi və həmin şagirdlərlə təkrar mövzularla əlaqəli tapşırıqların işlədilməsi məqsədəuyğundur.

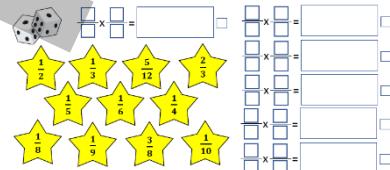
Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər adı kəsləri vurdudunda toplamada olduğu kimi yalnız kəslərin surətlərini vururlar, məxrəci isə olduğu kimi saxlayırlar. Bu zaman şagirdlərə səhvlərini sahə modelindən istifadə etməklə izah etmək olar.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə adı kəslərin vurulmasına aid bir neçə misal yazır. Şagirdlərə misalları həll etmə üsulu söylənilir. Məsələn: "Misalı sahə modeli ilə həll et", "Misalı düsturdan istifadə etməklə həll et", "Əvvəlcə ixtisar et, sonra cavabı tap"

Dərinləşdirme. Müəllim lövhəyə iki şagird dəvət edir və onlara eyni misal fərqli üsullarla həll etməyi tapşırır. Hər şagird yoldaşı üçün bir üsul seçir. Şagirdlər misalı həll edir, yerlərini dəyişməklə həlləri yoxlayır və izah edirlər.

"Ulduzlardakı ədədlər" oyunu. Sinif qruplara bölünür. Hər qrupa iş vərəqi və iki zər verilir. Şagirdlər zərləri atır və 1-ci kəsrin surət və məxrəcindən zərlərdə düşən ədədləri elə yazırlar ki, alınan kəsr düzgün kəsr olsun. Əgər zərlərdə düşən ədədlər eyni olarsa, zərlər yenidən atılır. Sonra eyni qayda ilə bir daha atıb ikinci vuruq olan adı kəsr yazılır və hasil təpilir. Hasil ulduzlarda verilən ədədlərdən birinə bərabər olduqda cavabın yanındakı kiçik kvadratda "+" qoymulur və həmin ulduzun üstündən xətt çəkilir. Bu qayda ilə verilən vaxt ərzində tapdığı hasilə əsasən ən çox ulduzun üstündən xətt çəkən qrup qalib olur.



İş vərəqini linkdən yüklemək olar:
https://drive.google.com/file/d/1_Eh5gDIWcRziD0IhdnzSgyo0DNQGuYjx/view?usp=sharing

Məsələ həlli

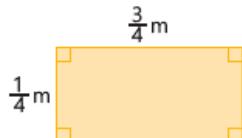
12. Məsələdə vurmaya aid olan ixtisaretmə qaydasının toplamaya tətbiqinin düzgünlüyünü yoxlamaq tələb olunur. Məsələnin həllini debat təşkil etməklə tapmaq olar. Çarpaz müzakirə üçün lövhəyə biri Elxanın fikrinin doğru olduğunu, digəri isə doğru olmadığını əsaslandırmışa cəhd edən iki şagird çıxarılır. Müəllim hər iki şagirdə fikirlərini əsaslandırmışa tapşırır. Yerdə əyləşən şagirdlər hansı fikrin doğru olmadığını qərar verirlər. Misalları həll etməklə debatın nəticəsi qiymətləndirilir.

Beləliklə, şagirdlər əvvəlcə hər iki misalı ixtisar etmədən həll edir, sonra isə alınan kəsri ixtisar edib Elxanın cavabları ilə müqayisə edirlər. Şagirdlər belə nəticəyə gəlirlər ki, surətdə, yaxud məxrəcdə toplama olduqda ixtisar etmək doğru deyil. Müəllim şagirdlərə əlavə nümunələr verməklə bu fikrin doğru olmadığını göstərməyi tapşırıbilər.

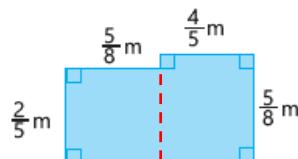
13. Məsələdə sahəsi $\frac{3}{4} \text{ m}^2$ olan figurun perimetrini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

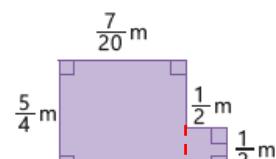
- Verilən fiqurların hər birinin sahəsi təpilir.



$$S = \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{16} (m^2)$$



$$S = \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{8} + \frac{4}{5} \cdot \frac{5}{8} = \frac{3}{4} (m^2)$$



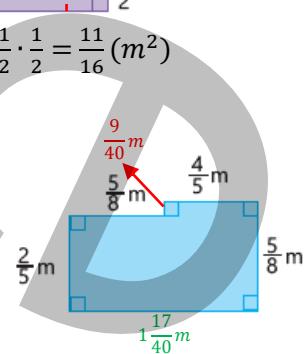
$$S = \frac{5}{4} \cdot \frac{7}{20} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{11}{16} (m^2)$$

- Sahəsi $\frac{3}{4}$ m^2 olan figurun mavi figur olduğu müəyyən olunur və perimetri hesablanır.

Məlum olmayan tərəflərin uzunluqları tapılır və toplanır.

$$\frac{5}{8} - \frac{2}{5} = \frac{9}{40} (m) \quad \frac{5}{8} + \frac{4}{5} = 1\frac{17}{40} (m) \quad P = \frac{2}{5} + \frac{5}{8} + \frac{9}{40} + \frac{4}{5} + \frac{5}{8} + 1\frac{17}{40} = 4\frac{1}{10} (m)$$

Cavab. Bu figurun perimetri $4\frac{1}{10}$ metrdir.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Natural ədədlə kəsrin hasilini tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kəsrlərin hasilini tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.7. Qarışiq ədədlərin vurulması

ALT STANDARTLAR	1.3.4. Natural ədədlər, kəsrlər və qarışiq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Qarışiq ədədlərin hasilini tapır. Ədədin tərsini tapır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, kəsr zolaqları, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://wordwall.net/resource/30190172/multiplying-fractions-mixed-numbers https://video.edu.az/video/9449 https://www.youtube.com/watch?v=lvQM0AOPsRo https://www.geogebra.org/m/K7cDMUC7#material/zYEJ5xcV</p> <p>Çalışma: https://www.aaamath.com/fra-recip.htm https://www.iknowit.com/lessons/e-multiplying-with-mixed-numbers.html https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim rəngli kağızdan bir neçə dairə kəsib nümayiş etdirir. Lövhəyə 3 şagird dəvət olunur.

Hər şagirdə 2 dairə verilir və $1\frac{1}{2}$ hissəni ayırib əlində saxlamağı tapşırır. Müəllim şagirdlərə suallar verir:

– Hər şagirddə nə qədər dairə var? Şagirdlərin əlində ümumi nə qədər dairə var?

Bunu hansı üsullarla tapmaq olar?

Mümkün cavablar belə ola bilər:

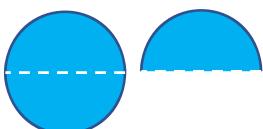
– 3 bütöv dairə və 3 yarımdairə olacaq, 2 yarımdairə 1 bütöv dairəyə bərabərdir.

Deməli, 4 bütöv və 1 dənə yarımdairə olacaq.

– Bütöv dairələri bir yerə yiğib adı kəsrin natural ədədə vurulması qaydasından istifadə etməklə nəticələri toplamaq olar.

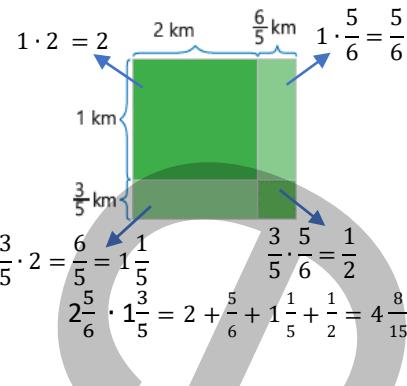
– $1\frac{1}{2}$ ədədini 3 dəfə təkrar toplamaqla tapmaq olar.

– $1\frac{1}{2}$ ədədini düzgün olmayan kəsr şəklində yazıb adı kəsrin natural ədədə vurulması qaydasından istifadə etməklə tapmaq olar.



Araşdırma-müzakirə

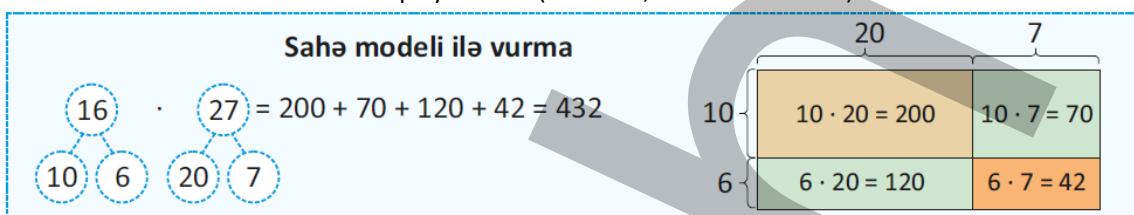
Tapşırıqda şagirdlər hər hissənin sahəsinin nə qədər olduğunu müəyyən edib bu sahələrdən istifadə etməklə ümumi sahəni tapmalıdır. Əvvəlki dərsdə öyrənilən adı kəsrlərin vurulma qaydasına əsasən hər hissənin sahəsi tapılır. Əkin yerinin ümumi sahəsinin nə qədər olduğunu müəyyən etmək üçün hər hissənin sahəsi toplanılır. Şagirdlər bu üsulla $2\frac{5}{6} \cdot 1\frac{3}{5}$ hasilini sahə modelindən istifadə etməklə müəyyən etmək qaydasını görəcəklər.



Öyrənmə Qarışiq ədədlərin vurulması

Qarışiq ədədlərin hasilinin tapılması 2 üsulla öyrədirilir.

- Vuruqlar düzgün olmayan kəsr şəklində yazılır və hasil kəsrləri vurma qaydası ilə tapılır. Nümunə şagirdlərlə müzakirə olunur.
- Qarışiq ədədlərin hasili sahə modelindən istifadə etməklə tapılır. Şagirdlərə 4-cü sinifdən tanış olan sahə modeli ilə vurma üsulunu xatırlatmaq faydalı olar (4-cü sınıf, 1-ci hissə, səh. 63).



Qarışiq ədədin adı kəsrə və natural ədədlə hasilini vurmanın paylama xassəsindən istifadə etməklə tapmağın mümkün olduğu qeyd olunur, hər bir hala nümunələr göstərilir.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürler. Bəzi şagirdlər tam hissələri və kəsr hissələri ayrı-ayrılıqda vurmaqla cavabı səhv tapa bilərlər. Məsələn: $1\frac{1}{2} \cdot 3\frac{2}{5} = 3\frac{2}{10}$. Belə şagirdlərə qarışiq ədədi düzgün olmayan kəsr şəklində yazılıqdan sonra adı kəsrlərin vurulma qaydasına əsasən vurma əməlini yerinə yetirmək lazımlılığını bildirmək vacibdir. Səhvələr üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.



Fikirləş

$2 \cdot 3\frac{1}{4}$ hasilini bir neçə üsulla tapmaq olar. Hər üsul səsləndikcə uyğun misal yazılır.

- Qarışiq ədədi düzgün olmayan kəsr şəklində yazıb adı kəsrlə natural ədədin hasili kimi
- Qarışiq ədədi tam və kəsr hissəsinin cəmi şəklində yazıqla vurmaqın paylama xassəsindən istifadə etməklə
- Təkrar toplamadan istifadə etməklə
- Sahə modelindən istifadə etməklə

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.splashlearn.com/s/math-games/multiply-mixed-numbers>

Çalışma

- Nümunə tapşırıq müzakirə olunur və digər misallar həll edilir.
- Vurmanın paylama xassəsindən istifadə etməklə hesablamalar aparılır, bir neçə cavabın doğruluğu sahə modeli ilə yoxlanılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur.

Öyrənmə Qarşılıqlı tərs ədədlər

Qarşılıqlı tərs ədədin tərifi izah olunur və bir neçə nümunə göstərilir. Verilən ədədlərin surət və məxrəclərinin yerini dəyişdiyi, kəsrin tərsinə yazılıqdə onunla qarşılıqlı tərs olan ədəd alındığı göstərilir.



Yadda saxla!

Adı kəsrin surət və məxrəcinin yerini dəyişdikdə alınan yeni kəsrin əvvəlki ilə qarşılıqlı tərs olduğu qeyd olunur. Verilən hərfi ifadə müzakirə edilir.

- Verilən ədədlər arasında qarşılıqlı tərs ədədlər müəyyən edilir. Bunun üçün şagirdlər verilən ədədlərin hasilini tapmağı və 1-ə bərabər olduğunu göstəirlər. Bununla yanaşı, şagirdlər 1-ci ədədin tərsi olan ədədi müəyyən etməklə də növbəti ədədin qarşılıqlı tərs ədəd olub-olmadığını yoxlaya bilərlər.

4. Vurmanın qruplaşdırma xassasından və qarşılıqlı tərs ədədlərin hasilindən istifadə etməklə cavablar tapılır.
Məqsəd qarşılıqlı tərs ədədləri müəyyən edib onların hasilini 1 ilə əvəzləyərək hasili daha asan üsulla tapmaqdır.
Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim qarşıq ədədlərin vurulmasına aid bir neçə misal verir və şagirdlərə misalları həll etmə üsulu söylənilir.
Məsələn: "Misali sahə modeli ilə həll et", "Misali düsturdan istifadə etməklə həll et", "Vurmanın paylama xassasından istifadə etməklə hasili tap".

Dərinləşdirmə. Müəllim iki qarşıq ədəd yazır və onların hasilini ən azı 2 fərqli üsulla həll etməyi tapşırır.

Oyun. Sinif qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanılır. Şagirdlərdən verilən misalları həll etmək və cavabları qarşılıqlı tərs ədədlər olan misalları xətlərlə birləşdirmək tələb olunur. Tapşırığı ən tez və düzgün yerinə yetirən qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1W1uXxuBmlq6UTTdO3QAlqlw3mV9cyWmG/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

5. Məsələdə tikinti şirkətinin usta Əliyə nə qədər pul ödəməli olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Tikinti şirkətinin usta Əliyə 1 gündə neçə manat ödədiyi müəyyən olunur. $7\frac{1}{4} \cdot 8 = 58$ (man)
- Tikinti şirkətinin usta Əliyə 5 günlük iş həftəsi üçün neçə manat ödədiyi müəyyən olunur.
 $58 \cdot 5 = 290$ (man)

Cavab. Tikinti şirkəti usta Əliyə 290 manat pul ödəməlidir.

6. Məsələdə müştərinin cəmi nə qədər pul ödədiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Alma üçün nə qədər pul ödəndiyi müəyyən olunur. $3\frac{1}{2} \cdot 1\frac{2}{5} = 4\frac{9}{10}$ (man)
- Müştərinin neçə kiloqram armud aldığı tapılır. $5 - 3\frac{1}{2} = 1\frac{1}{2}$ (kq).
- Armud üçün ödənilən məbləğ hesablanır. $1\frac{1}{2} \cdot 2\frac{3}{5} = 3\frac{9}{10}$ (man)
- Müştərinin cəmi nə qədər pul ödədiyi müəyyən olunur. $4\frac{9}{10} + 3\frac{9}{10} = 8\frac{8}{10} = 8\frac{4}{5}$ (man)

Cavab. Müştəri $8\frac{4}{5}$ manat pul ödədi.

7. Məsələdə xalcanın perimetri və sahəsinin nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə düzbucaqlı çəkir və tərəflərinin uzunluqlarının

karşılıqlı tərs ədədlər olduğunu bildirir. O, düzbucaqlının eninin $\frac{1}{2}$ m olduğunu söyləyir və şagirdlərə suallar verir:

– Düzbucaqlının uzunluğunu necə tapmaq olar? Düzbucaqlının perimetrini necə hesablaşmaq olar? Hesablaşma aparmadan düzbucaqlının sahəsini necə tapmaq olar?

Məsələnin həlli:

- Düzbucaqlının eni və uzunluğunun karşılıqlı tərs ədədlər olduğunu nəzərə alaraq düzbucaqlının uzunluğu müəyyən olunur. $\frac{4}{5}$ ədədi ilə karşılıqlı tərs olan ədəd müəyyən edilir. $1 : \frac{4}{5} = 1 \cdot \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$
- Düzbucaqlının perimetri hesablanır. $(\frac{4}{5} + 1\frac{1}{4}) \cdot 2 = 4\frac{1}{10}$ (m)
- Düzbucaqlının eni və uzunluğunun karşılıqlı tərs ədədlər olduğu üçün sahəsinin 1 m^2 olduğu müəyyən olunur.

Cavab. Düzbucaqlının perimetri $4\frac{1}{10}$ m, sahəsi isə 1 m^2 -ə bərabərdir.

8. Məsələdə A və B şəhərləri arasındaki məsafənin tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- $1\frac{3}{4}$ saatda minik və yük maşınının qət etdiyi məsafə hesablanır.

Minik maşını: $1\frac{3}{4} \cdot 80 = 140$ (km)

Yük maşını: $1\frac{3}{4} \cdot 70 = 122\frac{1}{2}$ (km)

- A və B şəhərləri arasındaki məsafə hesablanır.

$$140 + 122\frac{1}{2} + 10 = 272\frac{1}{2} \text{ (km)}$$

Cavab. A və B şəhərləri arasında məsafə $272\frac{1}{2}$ kilometrə bərabərdir.

$\frac{5}{12} \cdot 1\frac{1}{5} =$	$4 \cdot 1\frac{5}{16} =$	$3\frac{3}{5} \cdot 1\frac{2}{3} =$
$1\frac{1}{4} \cdot 2 =$	$1\frac{1}{2} \cdot 1\frac{1}{3} =$	
$1\frac{1}{6} \cdot \frac{8}{49} =$	$2\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{15} =$	$\frac{2}{11} \cdot 2\frac{1}{5} =$

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Qarışq ədədlərin hasilini müxtəlif üsullarla tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Ədədin tərs ədədini tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.8. Adi kəsrlerin bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.3.4. Natural ədədlər, kəslər və qarışq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Kəsri natural ədədə bölgür. • Natural ədədi kəsrə bölgür. • Adi kəsri adı kəsrə bölgür.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş damalı düzbucaqlılar, iş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.splashlearn.com/math/divide-fractions-games https://video.edu.az/video/1756 https://www.geogebra.org/m/K7cDMUC7#material/dQ6ay8pu https://www.geogebra.org/m/K7cDMUC7#material/Pwuh4bVV</p> <p>Çalışma: http://www.math-play.com/math-basketball-dividing-fractions-game/math-basketball-dividing-fractions_html5.html https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə belə bir sxem çəkir və ilk iki sxemdə təsvir olunan bölmə əməllərini xatırladır. O, sonuncu sxemdə boş xanalara hansı ədədlərin yazılıacağını soruştur.

$$6 : 3 = 2$$

$$1 : 3 = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} : 2 = ?$$

Bu sualı məntiqi olaraq cavablandırmaq da olar. Məsələn, başqa bir sxemlə belə təsvir etmək olar:

$$1 : 3 = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} : 2 = \frac{1}{6}$$

Araşdırma-müzakirə

Samirin fikrinə uyğun olaraq şokolad hissələrə parçalanır. Şokolad əvəzinə damalı vərəqdən kəsilmiş kartlardan istifadə etmək olar. Uyğun bölmə ilə yazılır. Cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır.

Şokoladın $\frac{1}{2}$ hissəsi

Şokoladın $\frac{1}{2}$ hissəsi 4 yera bölnür.

Hərəyə $\frac{1}{8}$ hissə şokolad düşür.

$$\frac{1}{2} : 4 = \frac{1}{8}$$

$$\frac{1}{8} \cdot 4 = \frac{1}{2}$$

Öyrənme Adi kəsrin natural ədədə bölünməsi

Təlim materialını kağızdan kəsilmiş modellərlə izah etmək məqsədə uyğundur. Bütün hallarda bölmə əməlinin nəticəsinin doğruluğunu vurma əməli ilə yoxlamağın mümkün olduğu qeyd edilir. Belə bir qayda xüsusi olaraq diqqətə çatdırılır:

– Bir ədədi digərinə bölmək həmin ədədi bölenin tərsi olan ədədə vurmaq deməkdir.

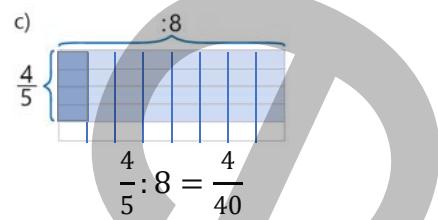
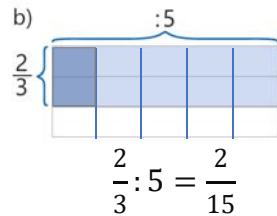
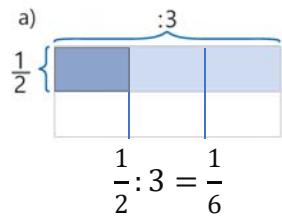
Nümunə göstərməklə qayda izah edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://math4childrenplus.com/dividing-fractions-catapult-game/>

Çalışma

1. Təsvirlərə uyğun bölmə əməli yazılır, qismət tapılır. Bu zaman təsvirlərin dəftərdə çəkilməsi və uyğun hissələrə bölünməsi məqsədə uyğundur.



2. Nümunə tapşırıq müzakirə olunur və digər misallar həll edilir.

3. Vurma və bölmə əlaqəsindən istifadə etməklə boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən olunur. Bəzi misalları bölməni ədədin tərsinə vurma qaydası ilə də həll etmək olar. Məsələn:

$$\frac{8}{9} : 4 = \square \rightarrow \square \cdot 4 = \frac{8}{9}$$

$$\frac{8}{9} : 4 = \frac{8}{9} \cdot \frac{1}{4} = \frac{2}{9}$$



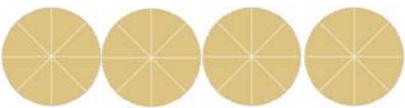
Riyaziyyat tarixindən

Şagirdlərə Qədim Misirdə istifadə olunan hissə-hissə bölmə üsulu haqqında məlumat verilir. Dərslikdə verilən məlumatı genişləndirmək olar. Qədim misirlilər 5 çörəyi 8 nəfər arasında böldükdə əvvəlcə 4 çörəyi 8 nəfər arasında bölib hərəyə $\frac{1}{2}$ hissə, sonra isə qalan bir çörəyi 8 nəfər arasında bölib hərəyə $\frac{1}{8}$ hissə düşdürüünü müəyyən edirdilər. Deməli, hər adama nə qədər çörək düşəcəyini müəyyən etmək üçün 5 dənə $\frac{1}{8}$ hissə götürmək əvəzinə 1 dənə $\frac{1}{2}$ və 1 dənə $\frac{1}{8}$ hissə götürürdülər. Qədim misirlilər belə üsulla paylamadan daha asan olduğunu düşünürdülər. Dairə modelləri ilə prosesi sinifdə əyani nümayiş etdirmək olar.

5 çörəyi 8 nəfər arasında bölmək

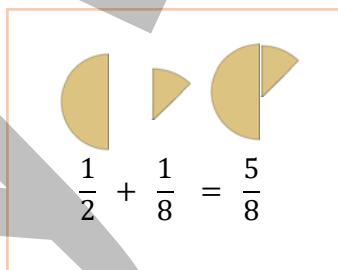


1çörək 8 nəfər arasında bölünür.



Hərəyə $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ hissə çörək düşür.

Hərəyə $\frac{1}{8}$ hissə çörək düşür.



Deməli, 5 çörəyi 8 nəfər arasında böldükdə hərəyə $\frac{1}{2}$ və $\frac{1}{8}$ hissə çörək düşür.

Öyrənmə Natural ədədin adı kəsrə bölünməsi

2-ni $\frac{1}{3}$ -ə bölməyin 2-də neçə $\frac{1}{3}$ olduğunu tapmaq demək olduğu vurğulanır. Verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.



Fikirləş

Bölgən 1-dən kiçik olduqda qismətin bölünəndən böyük olduğu nümunələr göstərməklə izah edilir. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər:

– 1 ədədini $\frac{1}{4}$ -ə necə bölmək olar? Bunu kəsr zolaqları ilə necə təsvir etmək olar? Bunu bölmə əməli ilə necə göstərmək olar? Qismət bölünəndən böyük, yoxsa kiçik oldu?

Şagirdlər əlavə nümunələr göstərməklə kəsr zolaqları və bölmə əməli ilə cavablarını əsaslandırma bilərlər.



1



$$1 : \frac{1}{4} = 4$$

Müəllimin nəzərinə! Natural ədədi surəti 1-ə bərabər olan kəsrə böldükdə cavabı daha tez tapmaq üçün şagirdlərə belə bir qaydanı öyrətmək olar:

– *Natural ədədi surəti 1 olan kəsrə bölmək bu ədədi kəsrin məxrəcini vurmaq deməkdir.*

$$a : \frac{1}{b} = a \cdot b$$

Məsələn: $2 : \frac{1}{4} = 8$. Şagirdlərə əlavə bir neçə nümunə göstərməyi tapşırmaq olar. 1 tamda, 2 tamda neçə $\frac{1}{5}$ olduğunu şagirdlərdən soruşmaq olar.

4. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün yuxarıdakı qaydadan istifadə etmək olar. Təsvirlərdən istifadə etməklə də cavabı tapmaq olar. Cavab vurma əməli ilə yoxlanılır.

5. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Digər misallar həll edilir.

6. Kimin fikrinin doğru olduğunu müəyyən etmək üçün tapşırıq debat şəklində yerinə yetirilir. Müəllim lövhəyə hər fikrin müzakirəsi üçün bir neçə şagird dəvət edir. Əvvəlcə bir fikir səsləndirilir. Doğru olduğunu düşünənlər sola, yanlış olduğunu düşünənlər isə sağ tərəfə keçir. Tərəddüb edən şagirdlər varsa, ortada qalır. Müəllim hər tərəfdə dayanan şagirdlərdən seçimlərini əsaslandırmayı xahiş edir. Sınıfda müzakirə təşkil olunur. Cavabın doğruluğunu yoxlamaq üçün nümunələr göstərmək tapşırılır. Lalənin fikrinin doğru olduğu müəyyənlenədir. Şagirdlərə Lalənin fikrinə uyğun əlavə misallar da yazmağı tapşırmaq olar.

Öyrənmə Adi kəsrlerin bölünməsi

Adi kəsr adi kəsr bölmək üçün bölünəni bölənin tərsi olan kəsrə vurmağın lazım olduğu qeyd olunur. Dərslikdə verilən hərfi ifadə və nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.

7. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Digər misallar həll edilir.

9. Hesablama aparılır.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər 9-cu tapşırıqda adi kəsrler üzərində əməlləri yerinə yetirməklə yanaşı, əməllər sırasına diqqət etməlidirlər. Bəzən şagirdlər diqqətlərini kəsrler üzərində əməllərə yönəltidiklərindən əməllər ardıcılığına nəzər yetirməyi unudurlar. Belə şagirdlərlə səhvlər üzərində işin təşkili, əməllər sırasının ilə bağlı tapşırıqların yerinə yetirilməsi məqsədə uyğundur.

Texniki imkanlar olan sınıflarda belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://mrnussbaum.com/dividing-fractions-online>

"Ulduzlardakı ədədlər" oyunu. Sınıf qruplara bölündür. Hər qrupa iş vərəqi və iki zər verilir. Şagirdlər zərləri atır və bölünənin surət və məxrəcini zərlərdə düşən ədədləri elə yazılırlar ki, alınan kəsr düzgün kəsr olsun. Əgər zərlərdə düşən ədədlər eyni olarsa, zərlər yenidən atılır. Sonra eyni qayda ilə bir daha atıb bölnən adi kəsr yazılır və qismət tapılır. Qismət ulduzlarda verilən ədədlərdən birinə bərabər olduqda cavabin yanındakı kiçik kvadratda "+" qoyulur və həmin ulduzun üstündən xətt çəkilir. Bu qayda ilə verilən vaxt ərzində tapdıqları hasilə əsasən ən çox ulduzun üstündən xətt çəkən qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1yrVpi5FKgbR6ELI2aK0w5ucLjf4cz-S/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

10. Məsələdə 2 l meyvə şirəsi ilə neçə stəkanı doldurmağın mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Uyğun misal yazılır: $2 : \frac{1}{4} = 8$ (stəkan).

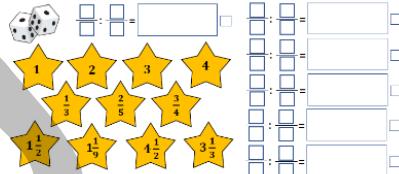
Cavab. 2 l meyvə şirəsi ilə 8 belə stəkanı doldurmaq mümkündür.

11. Məsələdə sarıkökü neçə böyük və neçə kiçik paketə yiğmağın mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- $\frac{2}{3}$ kq sarıkökü neçə böyük paketə yiğmağın mümkün olduğunu hesablanır.

$$\frac{2}{3} : \frac{2}{9} = \frac{1}{2} \cdot \frac{9}{2} = 3 \text{ (böyük paket)}$$



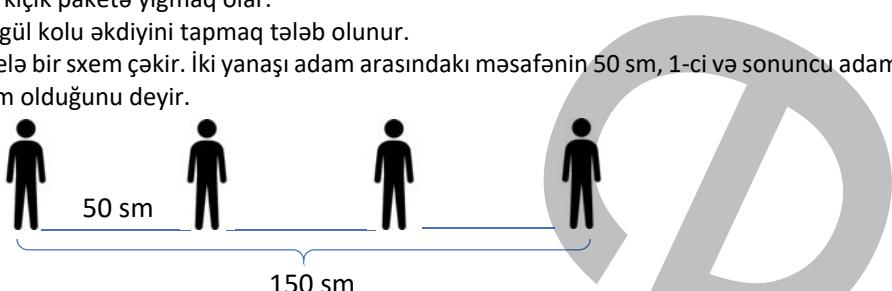
- $\frac{4}{5}$ kq sarıkökü neçə kiçik paketə yiğmaqın mümkün olduğu hesablanır.

$$\frac{4}{5} \cdot \frac{2}{15} = \frac{2}{15} \cdot \frac{15^3}{15} = 6 \text{ (kiçik paket)}$$

Cavab. Sarıkökü 3 böyük və 6 kiçik paketə yiğmaq olar.

12. Məsələdə bağbanın neçə gül kolu əkdiyini tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə belə bir sxem çəkir. İki yanaşı adam arasındaki məsafənin 50 sm, 1-ci və sonuncu adam arasında məsafənin isə 150 sm olduğunu deyir.



Şagirdlərə suallar verilir:

- 1-ci və sonuncu şagird arasındaki məsafəni iki yanaşı şagird arasındaki məsafəyə böldükdə alınan ədəd nəyi göstərir?

Məsələnin həlli:

- Əkilən 1-ci və sonuncu gül kolu arasındaki məsafə iki ardıcıl kol arasındaki məsafəyə bölünür və aralıqların sayı müəyyən olunur. $12 : \frac{3}{4} = 16$.

- Gül kollarının sayı aralıqların sayıından 1 vahid çox olduğundan əkilən gül kollarının sayı tapılır: $16 + 1 = 17$.

Cavab. Bağban 17 gül kolu əkdi.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kəsri natural ədəd bölmək üçün müxtəlif üsullardan istifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədi kəsrə bölgür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Adi kəsri adi kəsrə müxtəlif üsullarla bölgür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.9. Qarışiq ədədlərin bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.3.4. Natural ədədlər, kəslər və qarışiq ədədlər üzərində vurma və bölmə əməllərini yerinə yetirir.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Qarışiq ədədi qarışiq ədədə bölgür. • Qarışiq ədədi adi kəsrə, yaxud adi kəsri qarışiq ədədə bölgür. • Cəmin ədədə bölmənmə xassəsindən istifadə etməklə qisməti tapır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, kəsr zolaqları, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.video.edu.az/video/9014 https://video.edu.az/video/7814 https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online</p> <p>Çalışma: http://www.aaamath.com/div-mixed.htm https://www.mathgames.com/skill/7.99-divide-and-multiply-mixed-numbers</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim 2 alma və onun yarısını nümayiş etdirib soruşur:

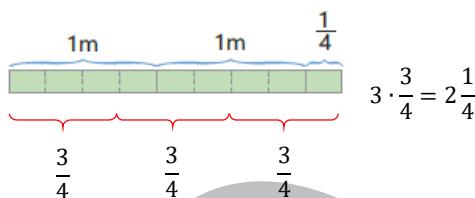
- Almaların sayını necə yazmaq olar? Bu almani 2 nəfər arasında bərabər böldükdə hərəyə neçə alma düşər?

Müəllimin bunu praktik olaraq nümayiş etdirməsi məqsədə uyğundur. Bunun üçün 2 şagird dəvət olunur. Hər şagirdə $1\frac{1}{4}$ alma düşər. Şagird sayını artırıb tapşırığı bir neçə dəfə yerinə yetirmək olar.



Araştırma-müzakirə

Şagirdlər 1 rulonda olan lenti masa örtüyünün kənarını bəzəmək üçün lazım olan lentin uzunluğuna bölməklə neçə masa örtüyünü bəzəməyin mümkün olduğunu tapırlar. Bölmə əməlini yerinə yetirmək üçün şagirdlər təsvirlərdən $\frac{3}{4}$ hissələri ayıırlar və 3 dənə $\frac{3}{4}$ hissə alındığını müəyyən edirlər. Cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır.



Öyrənmə Qarışq ədədlərin bölünməsi

Qarışq ədədlərin bölünməsi qaydası təsviri və nümunə tapşırığı üzərində şagirdlərə izah olunur. Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

http://www_aaamath_com/div-mixed.htm

<https://www.mathmammoth.com/practice/divide-fractions>

<https://www.fractions4kids.com/division-of-mixed-fractions-quiz/>

<https://mrnussbaum.com/fraction-workshop-online>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzi şagirdlər qarışq ədədlərin vurulmasında olduğu kimi bölünməsi zamanı da tam hissələri və kəsr hissələri ayrı-ayrılıqla bölməklə cavabı səhv tapa bilərlər. Belə şagirdlər qarışq ədədi düzgün olmayan kəsr şəklində yazdırıldan sonra adı kəsrlərin bölünmə qaydasına əsasən bölmə əməlini yerinə yetirmək lazım olduğunu bildirmək, onları misalı həll etdikdən sonra cavabın doğruluğunu vurma əməli ilə yoxlamağa istiqamətləndirmək faydalı olar.

Çalışma

1. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Qiymət tapılır, bir neçə cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır.

2. Təsvirə əsasən qiymət tapılır, cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır. Şagirdlər modellərdən istifadə edərək bir qarışq ədədin digərində neçə dəfə yerləşdiyini vizual olaraq görə bilərlər.

Öyrənmə Cəmin ədədə bölmə xassəsindən istifadə etməklə qismətin tapılması

Öyrənmə materialı qarışq ədədin natural ədədə bölünmə qaydasını izah edir. Bu zaman müəllim cəmin ədədə bölünmə xassəsini yada sala bilər. Natural ədədlər üçün ödənilən bu xassənin bütün ədədlər üçün doğru olduğu vurgulanır, nümunə izah edilir.

$$(a + b) : c = a : c + b : c$$
$$4\frac{3}{5} : 4 = \left(4 + \frac{3}{5}\right) : 4 = 4 : 4 + \frac{3}{5} : 4 = 1 + \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{4} = 1 + \frac{3}{20} = 1\frac{3}{20}$$



Fikirləş

Verilən ifadənin qiyməti cəmi ədədə bölmə qaydasından istifadə etməklə tapılır və misalın həlli şagirdlərlə müzakirə edilir. $6\frac{1}{2} : \frac{1}{4} = \left(6 + \frac{1}{2}\right) : \frac{1}{4} = 6 : \frac{1}{4} + \frac{1}{2} : \frac{1}{4} = 24 + 2 = 26$.

3. Qarışq ədədləri tam və kəsr hissələrinin cəmi şəklində yazmaqla hesablama aparılır.

4. Əməllər sırasına diqqət etməklə hesablama aparılır. Mötərizəli və mötərizəsiz ifadələrdə əməllər sırasını xatırlamaq məqsədə uyğunudur.

5. Suallara cavab vermək üçün uyğun misallar yazılır və qarışq ədədlərin bölünmə qaydasına əsasən cavab tapılır.

a) $5 : 2\frac{1}{2} = 5 : \frac{5}{2} = 5 \cdot \frac{2}{5} = 2$ (səbət) b) $10\frac{1}{2} : 1\frac{3}{4} = \frac{21}{2} : \frac{7}{4} = \frac{21}{2} \cdot \frac{4}{7} = 6$ (dəftər)

Müəllimin nəzərinə! Mövzuda qarışq ədədlərin bölünməsi zamanı qisməti müxtəlif üsullarla tapmaq qaydası verildi. Şagirdlərə qisməti bir üsulla tapıb digər üsullarla cavabı yoxlamağa istiqamətləndirmək məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə misal yazar və misalları hansı üsulla həll edəcəklərini söyləyir. Məsələn: "Misalları qarışq ədədləri düzgün olmayan kəsr şəklində yazmaqla həll et", "Cəmi ədədə bölmə xassəsindən istifadə etməklə qisməti tap".

Dərinləşdirme. Təlim nəticələri yüksək olan şagirdlərə nisbətən mürəkkəb tapşırıqlar verilir. Bunu suallar kimi də vermək olar. Məsələn: "Hansı ədədi $2\frac{2}{5}$ ədədinə vurduqda 3 alınar?" "Hansı iki ədədin hasili 5-ə bərabərdir?"

Müəllim sonuncu suala ən azı 2 variant verməyi xahiş edə bilər. Şagirdlər uyğun misallar yazıb həll edir və cavabı vurma ilə yoxlayırlar.

Oyun. Sınıf qruplara bölünür və onlara iş vərəqləri paylanılır. Şagirdlər verilən misalları həll edir və onlara cavabları bərabər olan misalları xətlərlə birləşdirmək tapşırılır. Tapşırığı ən tez və düzgün yerinə yetirən qrup qalib olur.

Oyunu misallar yazılmış hissələri kəsib kartlar şəklində masaya düzüb iki-iki qruplaşdırmaqla da oynamaq olar.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/139AyyeWcqbvqUNPZnMNv4sc7GsxZRRNt/view?usp=sharing>

Masala həlli

6. Məsələdə gün ərzində istifadə olunan düyünün 100 nəfər üçün kifayət edib-etməyəcəyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Günortadan sonra istifadə olunan düyünün miqdarı müəyyən edilir. $4\frac{3}{4} \cdot 2 = 9\frac{1}{2}$
- Gün ərzində istifadə olunan düyünün miqdarı müəyyən edilir. $4\frac{3}{4} + 9\frac{1}{2} = 14\frac{1}{4}$
- Gün ərzində istifadə olunan düyünün neçə nəfər üçün kifayət etdiyi tapılır. $14\frac{1}{4} : \frac{1}{8} = 114$.
- Tapılan ədəd 100 ədədi ilə müqayisə olunur. $114 > 100$.

Cavab. Gün ərzində istifadə olunan düyü 100 nəfər üçün kifayət edəcək.

7. Məsələdə mətbəxin eni, uzunluğu və sahəsinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Qonaq otağının uzunluğu hesablanır. $25\frac{1}{2} : 3\frac{3}{4} = 6\frac{4}{5} \text{ (m)}$
- Mətbəxin uzunluğu hesablanır. $6\frac{4}{5} : 2 = 3\frac{2}{5} \text{ (m)}$
- Mətbəxin sahəsi hesablanır. $25\frac{1}{2} : 3 = 8\frac{1}{2} \text{ (m}^2\text{)}$
- Mətbəxin eni hesablanır. $8\frac{1}{2} : 3\frac{4}{10} = 2\frac{1}{2} \text{ (m)}$

Cavab. Mətbəxin eni $2\frac{1}{2} \text{ m}$, uzunluğu $3\frac{2}{5} \text{ m}$, sahəsi isə $8\frac{1}{2} \text{ m}^2$ -ə bərabərdir.

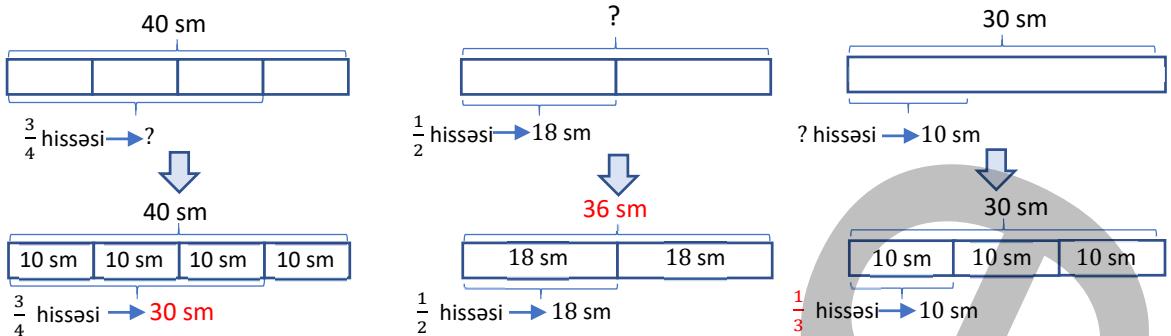
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Qarışiq ədədi qarışiq ədədə bölmək.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qarışiq ədədi adı kəsrə, yaxud adı kəsrli qarışiq ədədə bölmək.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Cəmin ədədə bölmənmə xassəsindən istifadə etməklə qisməti tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 2.10. Ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılması

ALT STANDARTLAR	1.4.6. Ədədin hissəsini və hissəsinə görə ədədi tapır.
TƏLİM MƏQSƏDLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Ədədin hissəsini tapır. Hissəsi verilən ədədi tapır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, kəsr zolaqları, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə:</p> <p>https://youtu.be/D4DL4UleRul</p> <p>https://www.mathswithmum.com/fraction-of-a-number/</p> <p>https://www.eslgamesplus.com/fractions-of-whole-numbers-math-game-for-kids/</p> <p>https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/264/Crystal-crash-fractions-numbers</p>

Mövzuya yönəltmə. Lövhəyə 3 şagird dəvət olunur. Hər şagirdə bir lənt verilir. Müəllim 1-ci şagirdə ləntin uzunluğunun 40 sm olduğunu və onun $\frac{3}{4}$ hissəsinin uzunluğunu, 2-ci şagirdə əlindəki ləntin uzunluğunun $\frac{1}{2}$ hissəsinin 18 sm olduğunu və bütün ləntin uzunluğunu tapmağı və 3-cü şagirdə əlindəki ləntin uzunluğunun 30 sm olduğunu və 10 sm-in bu uzunluğun hansı hissəsi olduğunu tapmağı tapşırır. Lövhəyə hər tapşırığa uyğun modellər çəkilir. Müəllim şagirdləri uyğun tapşırıqları yerinə yetirməyə istiqamətləndirir. Nəticələr siniflə müzakirə olunur və cavabların doğruluğu yoxlanılır.



Araşdırma-müzakirə

- Evdən kitabxanaya qədər məsafəni müəyyən etmək üçün şagirdlər 4-cü sinifdən onlara məlum olan ədədin hissəsinin tapılması qaydasından istifadə edirlər. Evdən kitabxanaya qədər məsafənin 240 m olduğu müəyyən olunur.

- Kitabxanadan muzeyə qədər məsafəni tapmaq üçün şagirdlər evdən muzeyə qədər məsafədən evdən kitabxanaya qədər məsafəni çıxa bilərlər. Heykəl kitabxana ilə muzey arasında yerləşdiyindən heykəl ilə muzey arasında məsafə 60 m olacaq.

- Bu, bütün yolun $\frac{60}{360} = \frac{1}{6}$ hissəsini təşkil edir.

Şagirdlər modellərlə təsvir etməklə də suallara cavab verə bilərlər. Bunun üçün lövhədə uzun zolaq çəkilir və üç bərabər hissəyə bölünür.

- Evdən kitabxanaya qədər məsafə, yəni zolağın $\frac{2}{3}$ hissəsinin uzunluğunun 240 metrə bərabərdir.

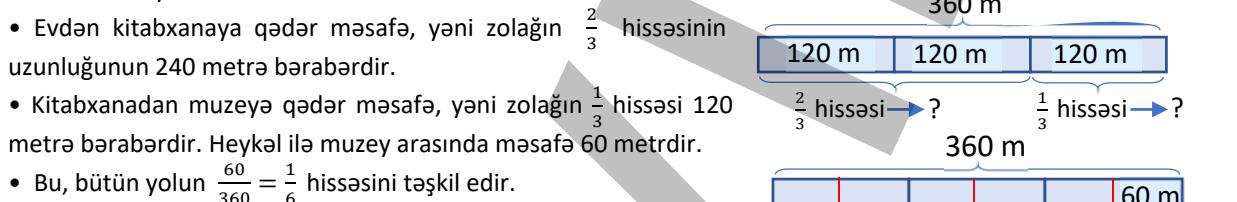
- Kitabxanadan muzeyə qədər məsafə, yəni zolağın $\frac{1}{3}$ hissəsi 120 metrə bərabərdir. Heykəl ilə muzey arasında məsafə 60 metrdir.

- Bu, bütün yolun $\frac{60}{360} = \frac{1}{6}$ hissəsini təşkil edir.



$$\text{Evdən kitabxanaya qədər məsafə} \rightarrow 360 : 3 \cdot 2 = 240 \text{ (m)}$$

$$\text{Kitabxanadan muzeyə qədər məsafə} \rightarrow 360 - 240 = 120 \text{ (m)}$$



Öyrənmə Ədədin hissəsinin tapılması

Ədədin hissəsinin tapmaq üçün ədədi hissə göstərən kəsrə vurmaq lazımdır. Verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. Müəllim lövhədə düzbucaqlı lent çəkib 4 bərabər hissəyə bölgür, $\frac{3}{4}$ hissəni qeyd edir. Hər $\frac{1}{4}$ hissəyə uyğun ədəd müəyyən edilir, sonra isə $\frac{3}{4}$ hissəyə uyğun uzunluq tapılır. Bir ədəd başqa bir ədədin hansı hissəsinin təşkil etdiyinin tapılması qaydası şagirdlərə izah olunur.



Fikirləş

Ədədin hissəsinin taparkən cavabın doğruluğunu necə yoxlamağın mümkün olduğu müzakirə edilir. Bu zaman şagirdlər bir ədədin digər ədədin hansı hissəsi olduğundan istifadə edərək ədədin hissəsinin tapşırıq təsviri etməklə cavablarını səsləndirə bilərlər.

Çalışma

- Təsvirlərə uyğun hissələr tapılır, vurma əmlinə aid misallar yazılır və cavabın doğruluğu yoxlanılır. Ədədin hissəsinin tapmaq üçün təsvirlərdən istifadə etmək şagirdlərin konseptual biliklərini yoxlamağa imkan yaradır. Şagirdlərin ədədin müəyyən hissəsinin təsvirlər vasitəsilə tapması onların ədədin hissəsinin müəyyənləşdirmə bacarıqlarının möhkəmlənməsinə kömək edir. Bu, ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədədin tapılması qaydalarının fərqləndirilməsi üçün vacibdir. Ədədin hissəsinin taparkən şagirdlərin təsvirlərdən düzgün istifadə etməsini diqqət edilməsi tövsiyə olunur.

- Nümunə tapşırıqın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Verilmiş kəmiyyətlərin hissələri tapılır.

Öyrənmə Hissəsinə görə ədədin tapılması

Hissəsinə görə ədədin tapılması qaydası nümunə tapşırıq üzərindən həlli və model üzərində təsviri şagirdlərə izah edilir.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər ədədin hissəsini, yaxud hissəsinə görə ədədin tapılmasını müəyyən etməkdə çətinlik çəkirlər. Belə şagirdlərlə səhvələr üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur. Ədədin hissəsini tapıldıqda model hissələrə bölünür və tam məlum olduğu halda onun uyğun hissələri tapılır. Hisse sinə görə ədədi tapıldıqda isə model hissələrə bölünür və verilən ədədin qeyd olunan hissələrə uyğun olduğu və tamın tapıldığı bildirilir. Ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədədin təsvirlərə tapılmasına aid nümunələr göstərib onları müşayisə etməklə fərqləri siniflə müzakirə etmək olar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Hissəsinə görə ədədi taparkən bəzən şagirdlər ədədin hissəsinin tapılma qaydasından, ədədin hissəsini taparkən isə hissəsinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə etməklə səhva yol verirlər. Belə səhvələrə yol verən şagirdlərə alınan cavabın yoxlanılması tapşırıqla onları səhvələrini üzə çıxartmağa yönəltmək olar. Cavab yoxlanıldıqdan sonra tapşırıq yenidən yerinə yetirilə və cavabın doğruluğu yoxlanıla bilər.

4. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Hissəsinə görə ədəd tapılır, cavabın doğruluğu yoxlanılır.

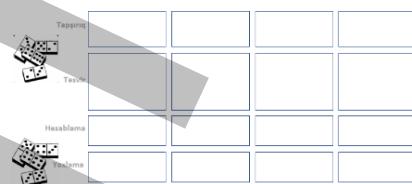
5. Boş xanaya uyğun ədəd müəyyən edilir. Bu ədədləri müəyyən edərkən ədədin hissəsinin, yoxsa hissəsinə görə ədədin tapıldığından şagirdlərdən soruşulması məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarıır. Lövhəyə ədədin hissəsinin, yaxud hissəsinə görə ədədin tapılmasına aid təsvirlər çəkib uyğun ədədi tapmağı tapşırır. Şagirdlər təsvirlərdən və hesablama qaydasından istifadə etməklə tapşırığı yerinə yetirir və cavabı necə tapdıqlarını izah edirlər.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarıır və onlara ədədin hissəsinin, yaxud hissəsinə görə ədədin tapılmasına aid tapşırıqlar verir. Şagirdlər təsvirlər çəkib uyğun ədədi tapır, necə tapdıqlarını izah edir və cavabın doğruluğunu yoxlayırlar.

Oyun. Sinif qruplara bölünür, hər qrupa iş vərəqləri və domino daşları paylanır. Domino daşları masaya üzüşaşı düzülür. Əvvəlcə xallar olmayan domino daşları, surət və məxrəcdə yazılın xalların sayı bərabər ola biləcək domino daşları kənara qoyulur. Bir domino daşı seçilir və xalların sayına uyğun düzgün kəsr yazılır. Bu kəsrə əsasən müəllim şagirdlərə 60 ədədinin uyğun hissəsinin və ya uyğun hissəsi 60 olan ədədin tapılmasına aid tapşırıq yazıb həll etməyi tapşırır. Hər qrup ədədin hissəsinin və hissəsinə görə ədədin tapılmasına aid iki tapşırıq yazır. Tapşırığı ən tez yerinə yetirən qrup əlavə 1 xal qazanır. Hər doğru cavab 3 xalla qiymətləndirilir. Ən çox xal qazanan qrup qalib elan olunur.



İş vərəqini linkdən yükləmək olar:

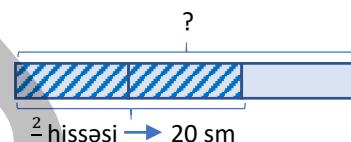
<https://drive.google.com/file/d/1Zf5YiflKocqQ1JL6sa4RUIuclCvifV37/view?usp=sharing>

Məsələ hallı

6. Məsələdə maşının ünvana çatmaq üçün daha neçə kilometr yol gedəcəyini müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhədə lənt təsviri çəkir, $\frac{2}{3}$ hissəsini qeyd edir və onun 20 sm-ə bərabər olduğunu deyir. Şagirdlərə lentin ümumi uzunluğunu tapmaq və qalan hissənin uzunluğunu müəyyən etmək tapşırılır. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Lentin uzunluğunu tapmaq üçün ədədin hissəsinin, yoxsa hissəsinə görə ədədi tapmaq lazımdır? Lentin qalan hissənin uzunluğunu hansı üsullarla tapmaq olar? Bunu necə izah edə bilərsiniz?



Məsələnin hallı:

1-ci üsul. Məsələyə uyğun təsvir çəkilir.

• $\frac{1}{7}$ hissəyə uyğun yolun uzunluğu təsvirə əsasən müəyyən olunur.

$$120 : 3 = 40 \text{ (km)}$$

• Bütün yolun uzunluğu müəyyən olunur.

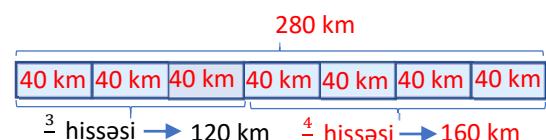
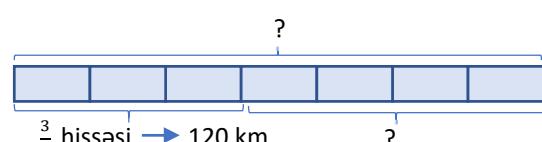
$$40 \cdot 7 = 280 \text{ (km)}$$

• Maşının ünvana çatmaq üçün gedəcəyi yolun bütün yolun $\frac{4}{7}$ hissəsi və 160 km olduğu müəyyən olunur.

$$40 \cdot 4 = 160 \text{ (km)}$$

2-ci üsul. Hissəsinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə etməklə məsələ həll edilir.

• Bütün yolun uzunluğu müəyyən olunur. $120 : \frac{3}{7} = 280 \text{ (km)}$



- Maşının ünvana çatmaq üçün daha neçə km yol gedəcəyi müəyyən olunur. $280 - 120 = 160$ (km)

Cavab. Maşın ünvana çatmaq üçün daha 160 km yol getməlidir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri müzakirə edilir.

7. Məsələdə verilən xərclərdən sonra nə qədər pul qaldığını, bu məbləğin aylıq gəlirinin hansı hissəsini təşkil etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Kommunal xərclərə ayrılan pul hesablanır. $640 \cdot \frac{1}{8} = 80$ (man)
- Qalan pul hesablanır. $640 - 80 = 560$ (man)
- Ərzağa xərclənən pul hesablanır. $560 \cdot \frac{4}{7} = 320$ (man)
- Qalan xərclərin nə qədər olduğu hesablanır. $640 - (80 + 320) = 240$ (man)
- Qalan pulun aylıq gəlirin hansı hissəsini təşkil etdiyi tapılır. $240 : 640 = \frac{240}{640} = \frac{3}{8}$

Cavab. İşçinin qalan pulu 240 manatdır. Bu, aylıq gəlirin $\frac{3}{8}$ hissəsini təşkil edir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri müzakirə olunur.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Ədədin hissəsini tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Hissəsi verilən ədədi tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərilərlər.

Düzgün kəsr, düzgün olmayan kəsr, qarışq ədəd, bərabər kəsirlər, ortaq məxrəc, ən kiçik ortaq məxrəc, tamamlayıcı vuruq, qarşılıqlı tərs ədədlər.

İlkin problemin həlli. Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı yada salınır, kulinariyada kəsirlərdən geniş istifadə olunduğu xatırlanır. İlkin problemin həlli siniflə müzakirə edilir.

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

- Əməllər sırasına diqqət eməklə ifadələrin qiyməti tapılır.
- Dəyişənin verilmiş qiymətlərində ifadələrin qiyməti hesablanır. Dəyişənin yerinə verilən qiymətləri yazdırıqdan sonra alınan ədədi ifadələrin qiyməti hesablanır.
- 1-ci və 2-ci tapşırıqların yerinə yetirilməsi zamanı əməllər sırasına diqqət edilir.
- Qanuna uyğunluq tapılır. Növbəti iki ədəd yazılır. Məsələn: a) $\frac{3}{5}$; $1\frac{1}{5}$; $1\frac{4}{5}$; $2\frac{2}{5}$; 3
- 4-8-ci tapşırıqlar yerinə yetirilir.

Praktik tapşırıq. Sinif qruplara bölünür. İş vərəqlərindən kəsilmiş misallar olan kartlar qruplara paylanılır. Ədədlər yazılmış əsas iş vərəqləri şagirdlərə verilir. Şagirdlər misalları istənilən ardıcılıqla şəkildəki kimi mərkəzdən düzürlər. Verilən vaxt ərzində qruplar misalları həll edir, cavabları tapır, hər cavab yazılın xananın aşağısında boşluğa misalı yazar. Vaxt bitdikdən sonra qrupların nəticələri təhlil edilir və müzakirə olunur. Şagirdlər cavabları yoxlamaqla doğruluğunu göstərə bilərlər.

İş vərəqini linkdən yüklemək olar

https://drive.google.com/file/d/1xpfnFUISS7GBTGNACBRJA-sPjDjk8_g4/view?usp=sharing

9. Məsələdə sağıcının hər qaba bidondakı südün hansı hissəsini tökdüyünü tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Qalan südün bidondakı südün hansı hissəsi olduğu müəyyən edilir. $1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$
- Sağıcının hər qaba bidondakı südün hansı hissəsini tökdüyü müəyyən edilir. $\frac{2}{5} : 4 = \frac{1}{10}$

Cavab. Sağıcı hər qaba bidondakı südün $\frac{1}{10}$ hissəsini töküdü.

10. Məsələdə nə qədər kartof qaldığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Aşpazın paytaxt salatına neçə kiloqram kartof istifadə etdiyi tapılır. $8\frac{2}{5} \cdot \frac{1}{6} = 1\frac{2}{5}$ (kq)
- Aşpazın pirojkiyə neçə kiloqram kartof istifadə etdiyi tapılır. $1\frac{2}{5} - \frac{1}{4} = 1\frac{3}{20}$ (kq)
- Aşpazın paytaxt salatı və pirojkiyə neçə kiloqram kartof istifadə etdiyi tapılır. $1\frac{2}{5} + 1\frac{3}{20} = 2\frac{11}{20}$ (kq)
- Neçə kiloqram kartofun qaldığı hesablanır. $8\frac{2}{5} - 2\frac{11}{20} = 5\frac{17}{20}$ (kq)
- Digər yeməklərə neçə kiloqram kartof istifadə olunduğu hesablanır. $5\frac{17}{20} \cdot \frac{2}{5} = 2\frac{17}{50}$ (kq)
- Nə qədər kartof qaldığı hesablanır. $8\frac{2}{5} - (1\frac{2}{5} + 1\frac{3}{20} + 2\frac{17}{50}) = 3\frac{51}{100}$ (kq)

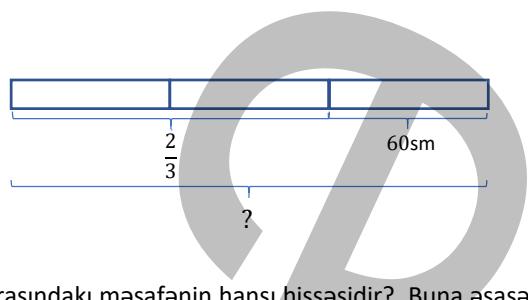
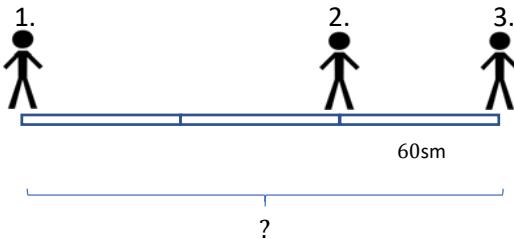
Cavab. $3\frac{51}{100}$ kq kartof artıq qalar.

Müzakirə. Qalan kartofun, yəni $5\frac{17}{20}$ kq-in $\frac{2}{5}$ hissəsi digər yeməklərə istifadə edildiyindən $\frac{3}{5}$ hissəsi qalacaq.

Deməli, $5\frac{17}{20}$ -nin $\frac{3}{5}$ hissəsini tapmaqla cavabın doğruluğunu yoxlamaq olar.

11. Məsələdə Samirgildən dayısığılə qədər yoluñ uzunluğunun nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Lövhəyə 3 şagird çıxarılır. Müəllim 1-ci və 2-ci şagird arasındaki məsafənin 1-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafənin $\frac{2}{3}$ hissəsinə bərabər olduğunu və 2-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafənin 60 sm olduğunu deyir, 1-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafəni tapmağı tapşırır və lövhəyə uyğun təsviri çəkir.



Şagirdlərə suallar verilir:

- 2-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafə 1-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafənin hansı hissəsidir? Buna əsasən 1-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafəni necə tapmaq olar?
- Şagirdlər əvvəlcə ümumi uzunluğun $\frac{1}{3}$ hissəsinin 60 olduğunu müəyyən edir, sonra isə hissəsinə görə ədədin tapılma qaydası ilə cavabı tapırlar.

Məsələnin həlli:

- Yolun hansı hissəsinin getdiyi tapılır. $1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$
- $\frac{5}{8}$ hissəsi 15 km olan yolun uzunluğunu tapmaqla Samirgildən avtovağzala qədər yolun ümumi uzunluğu müəyyən olunur. $15 : \frac{5}{8} = 24$ (km)
- $\frac{1}{3}$ hissəsi 24 km olan yolun uzunluğunu tapmaqla Samirgildən dayışgilə qədər yolun uzunluğunun nə qədər olduğu müəyyən olunur. $24 : \frac{1}{3} = 72$ (km)

Cavab. Samirgildən dayışgilə qədər yolun uzunluğu 72 kilometrdir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

Müəllimin nəzərinə! Ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədədin tapılması qaydasında çətinlik çəkən şagirdlərə məsələni təsvirdən istifadə edərək həll etməyi tapşırmaq tövsiyə olunur. Alınan cavabın doğruluğunu yoxlamaq üçün şagirdlər məsələnin hissəsinə görə ədədin tapılma qaydası ilə həll üsulundan istifadə edə bilərlər.

12. Məsələdə verilən miqdarda məmulatların hazırlanması üçün istifadə olunan unun ümumi kütləsini müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- 20 tort üçün istifadə olunan unun miqdarı hesablanır. $20 \cdot 2\frac{1}{2} = 50$ (stəkan)
- 5 pitsa üçün istifadə olunan unun miqdarı hesablanır. $5 \cdot 2 = 10$ (stəkan)
- Piroq üçün istifadə olunan unun miqdarı hesablanır. $12 \cdot 1\frac{3}{4} = 21$ (stəkan)
- Verilən miqdarda məmulatların hazırlanması üçün istifadə olunan unun neçə stəkan olduğu hesablanır. $50 + 10 + 21 = 81$ (stəkan)
- Verilən miqdarda məmulatların hazırlanması üçün istifadə olunan unun neçə kilogram olduğu hesablanır. $81 : 5 = 16\frac{1}{5}$ (kq)

Cavab. Verilən miqdarda məmulatların hazırlanması üçün $16\frac{1}{5}$ kq un lazımdır.

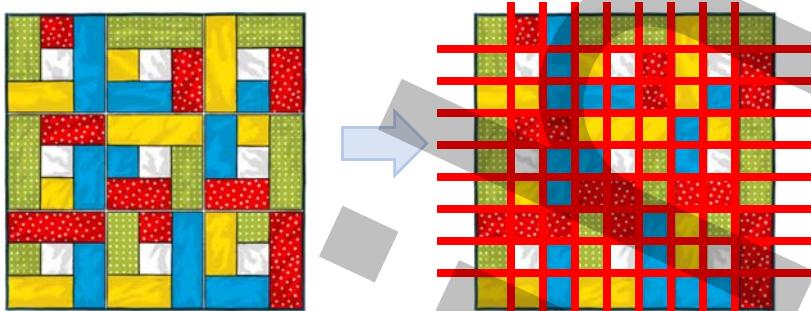
STEAM

Qurama sənəti haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Şagirdlərə keçmişdə və bu gün qurama sənətini müqayisə etməyi tapşırmaq olar. Şagirdlər qurama hazırlayan robot maşınlar haqqında məlumatlandırılırlar.



Qurama maşınlarının işləmə qaydasını nümayiş etdirən videoları izləmək olar: https://youtu.be/Z_ftO9LanyI

1. Ağ fiqurların ümumi fiqurun hansı hissəsini təşkil etdiyini müəyyən etmək üçün şagirdlər uyğun təsviri hissələrə böllürlər.



2. Şəkildəki qurama tərəfinin uzunluğu $\frac{9}{50}$ m olan kvadrat formalı sahə üçün kompüterdən istifadə etməklə çəkilir. Bunun üçün Paint programından istifadə etmək olar. Şagirdlər quramanın 9 bərabər hissədən ibarət olduğunu müəyyən edib mozaika və naxışların çəkilməsi qaydasına əsasən hər hissəyə uyğun kvadratın tərəfinin uzunluğunu müəyyən edir və quramanı çəkirirlər.

3. Şagirdlər kompüterdə istədikləri qurama nümunəsi hazırlayırlar. Bu vəsaitlərdən istifadə etmək olar:

<https://www.coolmath4kids.com/manipulatives/pattern-blocks>

<https://apps.mathlearningcenter.org/pattern-shapes/>

4. Qurama təsvirlərinin kompüterdə necə çəkildiyi və kəsrlərdən necə istifadə olunduğu izah edilir. Şagirdlərə Azərbaycanda keçirilən Milli Qurama Festivalı haqqında araşdırma aparmağı və nümayiş etdirilən qurama nümunələrində hansı fiqurlardan istifadə olunduğu barədə təqdimat hazırlanması tapşırılır. Təqdimat zamanı təsvirlərlə kəsrlər arasındaki əlaqənin necə qurulması açıqlanır.

3-cü BÖLMƏ

Onluq kəsrlər

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	84	
Mövzu 3.1	Onluq kəsrlər	2	85	52
Mövzu 3.2	Müqayisə və sıralama	2	87	54
Mövzu 3.3	Onluq kəsrlərin yuvarlaqlaşdırılması	3	89	56
Mövzu 3.4	Adi kəsrin onluq kəsrə, onluq kəsrin adi kəsrə çevrilməsi	2	91	58
Mövzu 3.5	Onluq kəsrlərin toplanması və çıxılması	2	94	60
	Məsələ və misallar	2	98	62
Mövzu 3.6	Onluq kəsrlərin 10-un qüvvətlərinə vurulması və bölünməsi	2	100	64
Mövzu 3.7	Onluq kəsrin natural ədədə vurulması	2	103	66
Mövzu 3.8	Onluq kəsrlərin vurulması	2	105	68
Mövzu 3.9	Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi	2	107	70
Mövzu 3.10	Ədədin onluq kəsrə bölünməsi	3	110	72
Mövzu 3.11	Onluq və adi kəsrlər üzərində əməllər	3	113	74
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. Yüksəksürətli qatarlar	2	117	76
	KSQ-3	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		28		

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə onluq kəsrlərdə mərtəbə vahidləri, onluq kəsrləri adi kəsr, adi kəsrləri onluq kəsr şəklində ifadə etmək qaydası, onluq kəsrlərin müqayisəsi, sıralaması, yuvarlaqlaşdırılması, toplanması, çıxılması, vurulması, bölünməsi, 10-un qüvvətlərinə vurulması və bölünməsi qaydaları haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Bu qaydaların tətbiqi ilə onluq və adi kəsrlər üzərində çevrilmələr aparmaqla müxtəlif əməllər yerinə yetirilir.

Nəyə diqqət yetirməli?

Bəzi şagirdlər onluq kəsrlərin kəsr hissəsinin vergüldən sonrakı ədədə bərabər götürdükləri üçün kəsr hissənin 1-dən böyük olduğunu düşünürələr. Həmin şagirdlərə vergülün təkliklər və ondabirlər mərtəbəsini ayırdığını, tam və kəsr hissələrinin cəmi ədədə bərabər olduğunu bildirmək məqsədə uyğundur.

Onluq kəsrləri müqayisə etdikdə, topladıqda, yaxud çıxdıqda vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayı fərqli olan halda səhvlərə yol verirlər. Belə səhvlərə yol verən şagirdlər üçün uyğun mərtəbədəki rəqəmlərə diqqət etməyin vacibliyini vurgulamaq, səhvlər üzərində işin təşkili tövsiyə olunur.

Şagirdlər onluq kəsrlərin 10, 100, 1 000, 0,1, 0,01, 0,001 və s. vurduqda, yaxud böldükdə vergülün hansı istiqamətdə sürüşəcəyini müəyyən etməkdə çətinlik çəkirələr. Belə səhvlərə yol verən şagirdlər vurma və bölmənin əlaqəsindən düzgün istifadə edə bilmirlər. Şagirdlərə 1-dən böyük ədədə vurduqda ədədin böyüdүүнү, böldükdə isə ədədin kiçildiyini nümunələrlə göstərmək olar. Eyni qayda ilə şagirdlərə 1-dən kiçik ədədə vurduqda ədədin kiçildiyini, böldükdə isə ədədin böyüdүүнү nümunələrlə göstərməklə izah etməyi tapşırmaq olar.

Adi və onluq kəsrlər daxil olan ifadələri sadələşdirərkən şagirdlər bəzən müəyyən səhvlərə yol verirlər. Belə şagirdlərin səhvlərinin adi kəsrlərlə, onluq kəsrlərlə, yaxud əməllər sırası ilə bağlı olduğunun müəyyən edilməsi və səhvlər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

Riyazi dilin inkişafı

Ondabirlər, yüzdəbirlər, mindəbirlər, onmindəbirlər mərtəbəsi, adi kəsrin onluq kəslə, onluq kəsrin adi kəsrə ifadə olunması anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimsədilən riyazi anlayış və terminlər

"Ondabirlər mərtəbəsi", "yüzdəbirlər mərtəbəsi", "mindəbirlər mərtəbəsi", "onmindəbirlər mərtəbəsi"

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Adi kəsr, qarşıq ədəd, onluq kəsr
- Onluq kəsrlərin müqayisəsi, sıralanması, toplanması və çıxılması
- Onluq kəsrin tam və kəsr hissəsi
- Adi kəsrlər üzərində əməllər

Fənlərarası integrasiya

Onluq kəslərə pullarda, ölçmədə rast gəlinir. Alış-veriş zamanı qiymətin, məhsulun kütləsinin hesablanması, uzunluğun müəyyən edilməsində onluq kəsrlərdən geniş istifadə olunur.

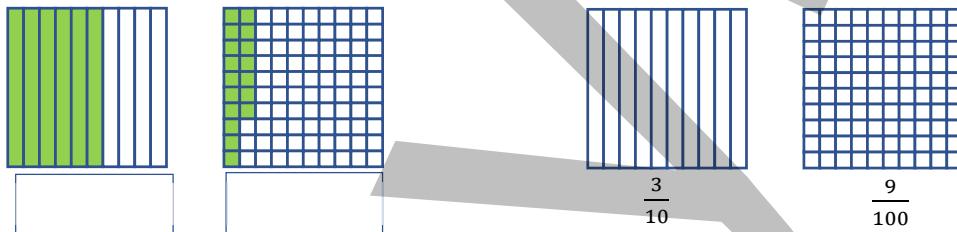
MÖVZU 3.1. Onluq kəsrlər

ALT STANDARTLAR	1.4.1. Onluq kəsrləri oxuyur, yazıır və yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müyyənləşdirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Onluq kəsrləri oxuyur. Onluq kəsrləri yazıır. Onluq kəsrin yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müyyənlaşdırır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızlar, rəngli kağızdan kəsilmiş ədədlər yazılmış kartlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://youtu.be/D4DL4UleRul https://video.edu.az/video/726 https://video.edu.az/video/1760 https://video.edu.az/video/1831</p> <p>Çalışma: https://www.splashlearn.com/math/decimals-games https://www.teacherled.com/iresources/decimals/decimalline/ https://mathsbot.com/manipulatives/placeValueCounters https://www.mathspad.co.uk/i2/teach.php?id=decimalBlocksTool</p>

İllkin problemin müzakirəsi. Bölmənin ilk səhifəsində verilmiş nəzəri material və məsələ müzakirə olunur. Məsələni həll etmək vacib olmasa da, həll strategiyası barədə şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

Şagirdlər sürətləri təyin etmək üçün qət edilən məsafəni sərf edilən zamana bölməlidirlər. Uyğun misallar lövhədə yazılır. $100 : 9,58$ və $200 : 19,19$. Şagirdlər onluq kəsr bölmə qaydasını hələ keçmədiklərindən cavabı onluq kəsr adı kəsrlə ifadə etməklə tapa bilərlər. Onluq kəsrlərin bölünmə qaydasını öyrəndikdən sonra şagirdlər cavabı həmin qayda ilə asanlıqla müəyyən edəcəklər. Bölmənin sonunda bir daha bu məsələnin həlli müzakirə olunacaq.

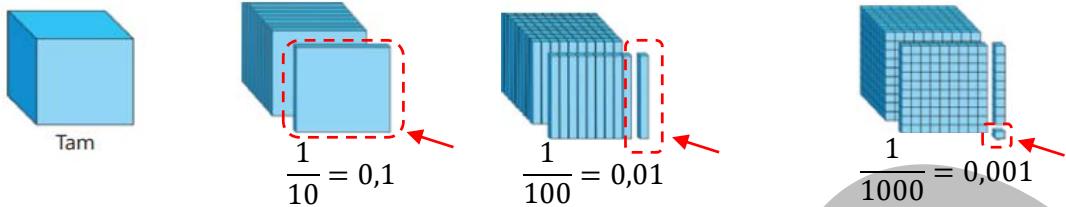
Mövzuya yönəltmə. Masaya yüzlük və onluq kvadrat kartlar qoyulur. Lövhəyə 4 şagird çıxarılır. Şagirdlərdən ikisinə rənglənmiş hissələri olan kartlar, digər ikisini isə rənglənməmiş kartlar paylanılır. Müəllim şagirdlərə suallar verir: "Fıqurun hansı hissəsi rənglənib? Bunu necə tapmaq olar? Tapılan hissəni adı və onluq kəsrlə necə ifadə etmək olar?" Rənglənməmiş kartlar paylanmış şagirdlər fıqurların $\frac{3}{10}$ hissəsini və $\frac{9}{100}$ hissəsini rəngləmək və rənglənmiş hissəyə uyğun onluq kəsrləri yazmaq tapşırılır. Şagirdlərin cavabları siniflə müzakirə olunur.



Texniki imkanları olan siniflərdə projektor vasitəsilə uyğun təsvirləri lövhədə göstərməklə tapşırığı yerinə yetirmək olar.

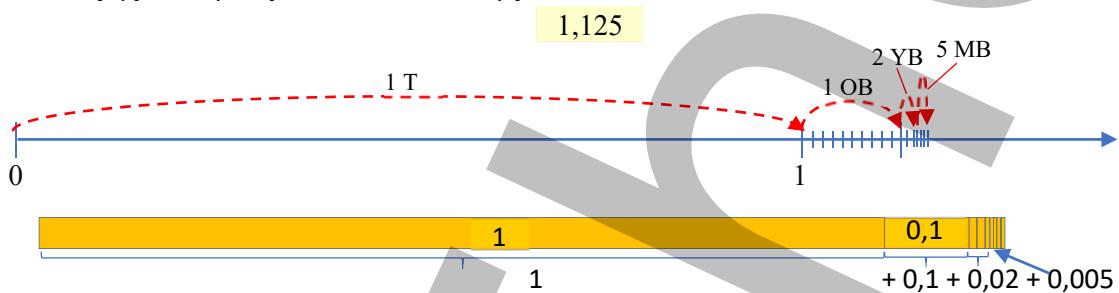
Araşdırma-müzakirə

Şərtdə verilən hər hissəni adı və onluq kəsrlərlə ifadə etmək üçün tam hissəni ifadə edən kubun şərtə uyğun olaraq şəkildə də hər dəfə 10 bərabər hissəyə bölündüyü qeyd olunur. Hər təsvirə uyğun hissə adı və onluq kəsrlə ifadə olunur. 2-ci təsvirdə hər ayrılmış hissə tamın $\frac{1}{10}$ hissəsinə bərabərdir. Eyni qayda ilə növbəti təsvirdə $\frac{1}{10}$ hissələrə ayrılmış kubun yenidən 10 bərabər hissəyə bölündüyü və ayrılan hər kiçik hissənin tamın $\frac{1}{100}$ hissəsinə bərabər olduğu qeyd olunur. Qanuna uyğunluğu davam etdirməklə növbəti kubun yenidən 10 bərabər hissəyə bölündüyü və ayrılan hər kiçik hissənin tamın $\frac{1}{1000}$ hissəsinə bərabər olduğu vurgulanır. Hər təsvirə uyğun əvvəlcə adı, sonra isə onluq kəsr yazılır.



Öyrənmə Onluq kəslərdə mərtəbə vahidləri

Onluq kəslərin yazılışında yüzdəbirlər və mindəbirlər mərtəbəsi haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Mərtəbə cədvəlində verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. Onluq kəslərin oxunuşu və açıq şəkildə yazılışı qaydası izah edilir. Onluq kəslərin ədəd oxunda yerinin aralıqlarda yerləşdiyini müəyyən etmək üçün şagirdlərə verilən ədəd oxu üzərində bir neçə nümunə göstərilə bilər. Məsələn, 1,125 ədədinin ədəd oxunda təsvirini və açıq şəkildə yazılışını modellərlə nümayiş etdirmək olar.



Müəllimin nəzərinə! Onluq kəslərin ədəd oxu üzərində yerləşməsi şagirdlərə gələcəkdə onluq kəslərin müqayisəsi, onluq kəslərin yuvarlaqlaşdırılması bacarıqlarını formalasdırmaga kömək edəcək. Bu bacarıqların təkmilləşdirilməsi məqsədə uyğundur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Onluq kəslərdə tam və kəsr hissəni ayıran zaman şagirdlər səhvə yol verirlər. Məsələn, bəzi şagirdlər 4,25 ədədinin kəsr hissəsi dedikdə 25 olduğunu düşünürərlər. Ədədin kəsr hissəsinin 1-dən kiçik olduğunu bildirmək və səhvlər üzərində işin təşkili tövsiyə olunur.

4,25 ədədinin kəsr hissəsi
25-ə bərabərdir.

4,25 ədədinin kəsr hissəsi
0,25-ə bərabərdir.

Çalışma

2. Sözlərlə verilmiş ədədlər onluq kəsr şəklində yazılır.

a) sıfır tam mində yüz qırıq üç: 0,143 b) on bir tam mində yüz otuz iki: 11,132

3. Verilənlər adı kəsr şəklində yazılır. $0,007 = \frac{7}{1000}$; $0,050 = \frac{50}{1000} = \frac{1}{20}$; $1,199 = 1 \frac{119}{1000}$.

Öyrənmə Mərtəbə vahidləri arasında əlaqə

Onluq kəsrə mərtəbə vahidləri arasında əlaqə haqqında şagirdlərə məlumat verilir. 1 təkliyin 10 ondabirə, 1 ondabirin 10 yüzdəbirə, 1 yüzdəbirin 10 mindəbirə bərabər olduğu təsvirlər üzərində şagirdlərə izah olunur. Onmindəbirlər və yüzmindəbirlər mərtəbələri, bu mərtəbələrin ədədin yazılışında harada yerləşməsi haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Mərtəbə cədvəlində verilən nümunə tapşırıq, bu tapşırıqda hər mərtəbədə olan ədəd və ədədin oxunuşu şagirdlərə izah edilir. Verilən ədədin tam və kəsr hissəsinin nəyə bərabər olduğu şagirdlərə müzakirə olunur.

Fikirləş $0,15 = 0,150 = 1,1500$ olduğu şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlər onluq kəsrin sonuna sıfır artırmaqla alınan ədədin əvvəlki onluq kəslə bərabər olduğunu, adı kəsrlərlə ifadə etməklə alınan kəsrlərin kəsrin əsas xassəsinə görə bərabər olduğunu söyləyə bilərlər. Şagirdlərə əlavə nümunələr göstərməyi tapşırmaq olar. Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.turtlediary.com/game/equivalent-decimals.html>

4. Mərtəbə cədvəlinə uyğun onluq kəslər yazılır, uyğun nöqtələr ədəd oxunda göstərilir.

5. Onluq kəslərdə qırmızı rənglə verilmiş rəqəmlərin mərtəbə qiymətləri yazılır.

7. Doğru olmayan bərabərliklər tapılır və nəyə görə doğru olmadığı izah olunur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird çıxarır. Lövhəyə hər şagird üçün bir onluq kəsr yazılır. Hər şagird onluq kəsrini oxuyur, tam və kəsr hissəsini söyləyir, onluq kəsləri açıq şəkildə yazır. Onluq kəsrini ədəd oxunda yerləşdirib yerini necə müəyyən etdiklərini izah edirlər.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə iki şagird dəvət edir və hər şagirdə eyni rəqəm müxtəlif mərtəbələrdə olan iki onluq kəsr söyləyir. Şagirdlər ədədləri lövhədə yazır, tam və kəsr hissəsini səsləndirir, onluq kəsləri açıq şəkildə yazırlar. Onluq kəsləri ədəd oxunda yerləşdirib yerini necə müəyyən etdiklərini izah edirlər. Müəllim şagirdlərə rəqəm və ədəd anlayışlarının fərqini izah etməyi və eyni rəqəmin hər onluq kəsrində mərtəbə qiymətini yazmağı tapşırır.

Oyun. Onluq kəslər yazılmış kartlar hazırlanır və masaya üzüaşığı düzülür. Lövhəyə bir neçə şagird çıxarılır. Hər şagird masa üzərində olan kartlardan birini seçib əlində tutaraq lövhə qarşısında dayanır. Müəllim müəyyən şərtlər söyləyib uyğun ədədlər yazılan kartları tutan şagirdlərin 1 addım irali gəlməsini tapşırır. Ondabırılər mərtəbəsində 1 rəqəmi olan ədədlər, yüzdəbirlər mərtəbəsində 0 rəqəmi olan ədədlər, təkliklər mərtəbəsində 2 yazılan ədədlər və s. Əgər doğru şagirdlər önə çıxarsa, onlara 1 xal verilir. Bu qayda ilə oyun bir neçə dəfə təkrarlanır. Sonda ən çox xal qazanan oyunçu qalib elan edilir.

2,45	1,534	4,017	5,1089	12,865
25,6	2,109	12,05	7,883	40,102

Praktik tapşırıq. Seçmə üsulla 5 şagird seçilir, hər birinə 1 iş vərəqi verilir. Oyunda istifadə olunan onluq kəslər yazılmış kartlar masaya üzüaşığı düzülür. Hər şagird 1 kart seçir və üzərində olan ədədi onluq kəsr xanasına yazıqla ona uyğun olaraq boş xanaları doldurur. İş vərəqləri lövhəyə yapışdırılır. Nəticələr siniflə müzakirə olunur.

İş vərəqini linkdən yükleyə bilərsiniz:

<https://drive.google.com/file/d/1jj8RUmi-8jImUsOm8en7weNFTcMTurn7/view?usp=sharing>

Onluq kəsr	Tam hissə	Kəsr hissə
Oxunuşu		
Açıq şəkildə yazılış		
Ədəd oxunda təsvir		

Məsələ hallı

8. Şərtə əsasən onluq kəslər müəyyən edilib bu ədədlərə uyğun hərflərdən istifadə etməklə meyvə adının tapılması tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim masaya onluq kəslər yazılmış kiçik vərəqlər qoyur və şagirdlərə suallar verir:

2,486	1,032	4,138	8,36	3,4138	5,1214	7,3426	12,024
-------	-------	-------	------	--------	--------	--------	--------

– Ondabırılər mərtəbəsindəki rəqəmi tək olan ədədlər hansılardır? Yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi cüt olan ədədlər hansılardır? Həm ondabırılər, həm də yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi cüt olan neçə ədəd var? Mindəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi təkliklər mərtəbəsindəki rəqəmdən 2 dəfə böyük olan neçə ədəd var? Onmindəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi 4-ə bölünən neçə ədəd var? Bu ədədləri necə müəyyən etmək olar?

Məsələnin hallı:

• Ədədlər dəftərə köçürülrən. Ondabırılər mərtəbəsindəki rəqəmi cüt olan onluq kəslərinin altından xətt çəkilir.

$$\begin{array}{llllll} A \rightarrow 0,656 & R \rightarrow 1,983 & K \rightarrow 4,583 & I \rightarrow 0,233 & L \rightarrow 1,479 & \Theta \rightarrow 0,746 \\ S \rightarrow 3,899 & V \rightarrow 8,652 & R \rightarrow 0,144 & G \rightarrow 2,456 & D \rightarrow 2,471 & M \rightarrow 0,346 \end{array}$$

• Altından xətt çəkilən kəslər arasından yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi tək olan onluq kəslərinin altından 2-ci xətt çəkilir.

$$\begin{array}{llllll} A \rightarrow 0,656 & R \rightarrow 1,983 & K \rightarrow 4,583 & I \rightarrow 0,233 & L \rightarrow 1,479 & \Theta \rightarrow 0,746 \\ S \rightarrow 3,899 & V \rightarrow 8,652 & R \rightarrow 0,144 & G \rightarrow 2,456 & D \rightarrow 2,471 & M \rightarrow 0,346 \end{array}$$

• Altından xətt çəkilən kəslər arasından mindəbirlər mərtəbəsinəki rəqəmi 3-ə bölünən onluq kəslərinin altından 3-cü xətt çəkilir.

$$\begin{array}{llllll} A \rightarrow 0,656 & R \rightarrow 1,983 & K \rightarrow 4,583 & I \rightarrow 0,233 & L \rightarrow 1,479 & \Theta \rightarrow 0,746 \\ S \rightarrow 3,899 & V \rightarrow 8,652 & R \rightarrow 0,144 & G \rightarrow 2,456 & D \rightarrow 2,471 & M \rightarrow 0,346 \end{array}$$

• Hər üç şərti ödəyən ədədlərə əsasən bu ədədlərə uyğun hərflər qeyd olunur. A, S, İ, G, L.

Cavab: uyğun hərflərdən istifadə etməklə yazılaçq meyvə gilasdır.

Müzakirə. Şərtə uyğun olmayan ədədlərin üstündən xətt çəkməklə sonda qalan ədədlərə uyğun hərfərdən düzəldilmiş meyvə adının gilas olduğu yoxlanılır.

Layihə işi. Şagirdlər gündəlik həyatda müxtəlif situasiyalar (tərəzinin göstəricisi, pullarla ödəmə, yanacaqdoldurma məntəqəsində, termometrdə göstəricilər və s.) söyləyib onluq kəsrlər, mərtəbə vahidləri, tam və kəsr hissənin ifadə edilməsi ilə bağlı nümunələr seçib təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

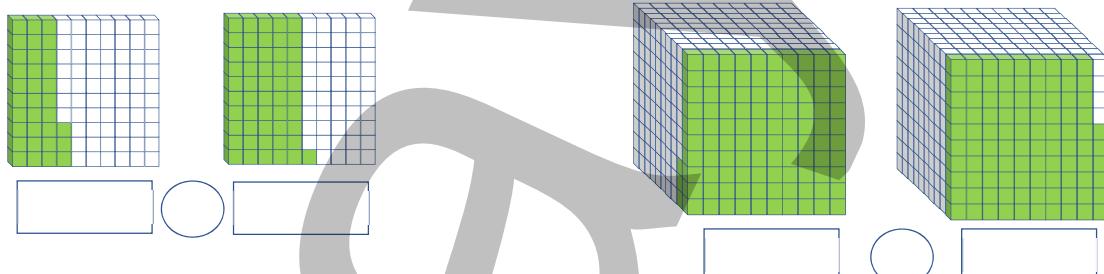
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri oxuyur.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrləri yazır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrin yazılışında rəqəmin mərtəbə qiymətini müəyyənləşdirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.2. Müqayisə və sıralama

ALT STANDARTLAR	1.4.2. Onluq kəsrləri müqayisə edir və sıralayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none">• Onluq kəsrləri müqayisə edir.• Onluq kəsrləri sıralayır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, zərlər, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/729 https://video.edu.az/video/733 https://video.edu.az/video/1874 https://video.edu.az/video/4150 Çalışma: https://www.splashlearn.com/math/compare-decimals-games https://www.splashlearn.com/math/order-decimals-games https://www.teacherled.com/iresources/decimals/comparedecimals/

Mövzuya yönəltmə. Masaya bir neçə yüzlük və minlik bloklar təsvir edilmiş kartlar qoyulur. Lövhəyə 4 şagird çıxarıılır. Şagirdlərdən ikisinə rənglənmiş hissələri olan yüzlük, digər ikisinə minlik blokları təsvir edilmiş kartlar verilir. Müəllim şagirdlərə suallar verir:

– “1-ci figurun hansı hissəsi rənglənib? 2-ci figurun hansı hissəsi rənglənib? Hansı figurun daha çox hissəsi rənglənib? Uyğun onluq kəsrləri yazımaqla bunu necə müəyyən etmək olar? Bu zaman mərtəbə qiymətlərindən necə istifadə olunur?” Minlik bloklar üçün də uyğun suallar verilir. Şagirdlərin cavabları siniflə müzakirə olunur. Texniki imkanları olan siniflərdə projektor vasitəsilə uyğun təsvirləri lövhədə göstərməklə tapşırığı yerinə yetirmək olar.



Araşdırma-müzakirə

Müşterinin almaq istədiyi üzüyü müəyyən etmək üçün tərəzidə verilən onluq kəsrlərdən 6,5-dən böyük, 7-dən kiçik olan tapılmalıdır. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər:

– “Tərəzinin göstəricilərində verguldən sonra neçə rəqəm var? 6,5 ədədində verguldən sonra 3 rəqəm olması üçün sağa neçə sıfır əlavə etmək lazımdır? Hansı üzüklərin kütləsi 6,500 qramdan çoxdur? Bu üzüklərdən hansının kütləsi 7 qramdan azdır? Bunu necə müəyyən etmək olar?” Suallara cavab verməklə müşterinin 3-cü üzüyü ala biləcəyi müəyyənləşdirilir.

Öyrənmə Onluq kəsrlərin müqayisəsi

Tam hissəsi böyük olan onluq kəsrin böyük olduğu vurgulanır, tam hissələr bərabər olduğu halda onluq kəsrlərin müqayisə qaydası dərslikdə verilən nümunə tapşırıq vasitəsilə şagirdlərə izah edilir. Eyni zamanda onluq kəsrlərin müqayisəsi ədəd oxunda onluq kəsrləri təsvir etməklə şagirdlərlə müzakirə edilir. Bu zaman verilən iki onluq kəsrən hansının sağda, hansının solda yerləşdiriyinə diqqət yetirilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

https://www.abcyo.com/games/comparing_number_values



 **Fikirləş** "Tam hissələri bərabər olan iki onluq kəsrən verguldən sonrakı rəqəmlərin sayı çox olan ədəd böyükdür" fikri şagirdlərlə müzakirə olunur. Əgər fikrin doğru olmadığını göstərən bir nümunə varsa, deməli, həmin fikir həmişə doğru deyil. Şagirdlər verguldən sonrakı rəqəmlərin sayı çox olan onluq kəsr deyil, uyğun mərtəbədəki rəqəmi böyük olan onluq kəsr böyük olduğunu, rəqəmlərin sayı fərqli olduqda sıfırlar artırmaqla bərabərəşdirib müqayisə edildiyini qeyd edə bilərlər. Nümunələr göstərməklə bu fikrin həmişə doğru olmadığını göstərilir. Məsələn, 2,5 və 2,41; 5,21 və 5,117 və s. ədədlərini müqayisə etməklə şagirdlər fikrin doğru olmadığını göstərə bilərlər.

- Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Verilən onluq kəsrlər müqayisə edilir.
- Müqayisənin doğru olması üçün boş xanalara uyğun rəqəmlər müəyyənləşdirilir.

$$\begin{array}{c} 2,4\textcolor{red}{9}1 > 2,482 \quad 8,47\textcolor{blue}{0} < 8,472 \quad 2,\textcolor{blue}{9} > 2,801 \quad 1,405 > 1,4\textcolor{blue}{0} \\ 8,47\textcolor{blue}{1} < 8,472 \end{array} \quad \frac{78}{1000} < 0,08 \quad \frac{78}{1000} < 0,09$$

Öyrənmə Onluq kəsrlərin sıralanması

Onluq kəsrlərin ədəd oxunda yerini müəyyən etməklə sıralama qaydası şagirdlərlə müzakirə olunur. Ədəd oxunda solda yerləşən ədədin kiçik, sağda yerləşən lədədin isə böyük olduğu qeyd olunur. Ədədlər artan sıradə düzülür.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

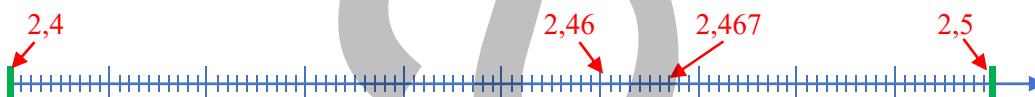
<https://www.mathsisfun.com/numbers/ordering-game.php?m=Dec-Tricky>

https://www.softschools.com/math/ordering_numbers/ordering_decimals/

<https://www.sheppardsoftware.com/math/decimals/balloon-pop-ordering/>

- Ədəd oxunda verilən ədədlər uyğun nöqtələr hərflərlə işaretlənmişdir. Hər hərfin hansı ədədə uyğun olduğu müəyyən olunur. Onluq kəsrlər azalan sıra ilə düzülür.
- Sıralama aparılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur.
- Verilən ədədlərdən hansının 1,4 və 1,5 ədədləri arasında yerləşdiyi müəyyən edilir.
- Verilmiş onluq kəsrlərdən 0,1-dən kiçik, 0,008 -dən böyük olanlar müəyyən edilir.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər verilən 2 ədəd arasında hansı ədədlərin olduğunu tapmaqdə, verguldən sonra 3 rəqəm olan onluq kəsrləri ədəd oxunda təsvir etməkdə çətinlik çəkirlər. Şagirdlərə şəkildəki kimi ədəd oxu hazırlamağı tapşırmaq olar. Belə ədəd oxları laminasiya olunduqda şagirdlər eyni ədəd oxundan təkrar istifadə edə bilərlər. Şagirdlərə onluq kəsrləri ədəd oxunda təsvir edib müqayisə etməklə, iki ədəd arasında yerləşən ədədlərin tapılması ilə bağlı tapşırıqlar vəmək olar.



5-ci və 6-cı tapşırığı yerinə yetirməkdə çətinlik çəkən şagirdlərə ədəd oxundan istifadə etməklə cavabı tapmağı tapşırmaq məqsədə uyğundur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Onluq kəsrlərin müqayisəsi zamanı şagirdlər müxtəlif səhvlərə yol verirlər.

- Rəqəmlərinin sayı çox olan onluq kəsrin hər zaman böyük olduğunu düşünmək.

Məsələn, 0,39 və 0,4 ədədlərini müqayisə edərkən rəqəmlərinin sayı çox olduğundan 0,39-un böyük olduğunu qeyd edirlər. Şagirdlərə kəsr hissənin sonuna sıfır əlavə etməklə verguldən sonrakı rəqəmlərin sayını eyniləşdirib müqayisə etməyi xatırlatmaq, onluq kəsrləri yüzlük kvadratda, ədəd oxunda təsvir etməklə müqayisə etməyi tapşırmaq olar.

Yanlış

Doğru

$0,39 > 0,4$

$0,39 < 0,40$

2) Sifiri nəzərə almayaraq müqayisə etmək.

Məsələn, 0,23 və 0,036 ədədlərini müqayisə edərkən 23 və 36 ədədlərini müqayisə edərək 0,036-nın böyük olduğunu, 21,4 və 21,04 onluq kəsrlerinin isə bərabər olduğunu düşünürlər. Şagirdləri vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayını eyniləşdirməklə müqayisə etməyə yönəltmək və hər kəsrin hansı hissəni ifadə etdiyini, bu hissələrdən hansının böyük, hansının kiçik olduğunu müəyyən etməyi onlara tapşırmaq olar.

3) 0 və 1 arasında yerləşən onluq kəsrlerin sıfirdan kiçik olduğunu düşünmək. Məsələn, 0,5 ədədinin sıfirdan kiçik olduğunu düşünürlər. Şagirdlərdən 0-in, yoxsa 0,50 manatın çox olduğunu soruşmaqla onları cavabı tapmağa yönəltmək olar.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarır və şagirdlərdən biri onluq kəsr söyləyir. Digər şagird bu onluq kəsrən kiçik olan onluq kəsr söyləyir. Bu qayda ilə ardıcılıqla hər şagird 3 onluq kəsr tapır, lövhədə yazaraq müqayisə edir.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarır. Lövhəyə hər şagird üçün bir onluq kəsr yazılır. Hər şagird bu onluq kəsrən böyük və ya kiçik bir onluq kəsr yazır. Bu ədədləri lövhədə müqayisə işarəsindən istifadə etməklə artan, yaxud azalan sırada düzür və uyğun ədədləri necə tapdığını izah edir.

Oyun. İş vərəqləri, rəngli dairələr və iki zər masaya qoyulur. Masaya iki şagird yaxınlaşır. 1-ci şagird zərləri atır, düşən üzlərə uyğun kəsişmədəki xanada yazılın ədədin üzərinə sarı dairə qoyur. Eyni qayda ilə 2-ci şagird zərləri atır və xanaya yaşıl dairə qoyur. Ədədlər müqayisə olunur, böyük ədəd üzərinə dairə qoynan şagird həmin dairəni götürür. Oyun 3 dəfə təkrarlanır. Ən çox rəngli dairə götürən şagird qalib elan olunur.

İş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

https://drive.google.com/file/d/1MB0ON1TKAJBC4YoD_nC6H9Ke95f3k0GT/view?usp=sharing

Məsələ həlli

7. Məsələdə Samirin fikrində tutduğu ədədi tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Lövhə üç sütuna bölünür. Hər sütunu doldurmaq üçün lövhəyə 2 şagird çıxarılır.

Yanlış	Doğru
$0,23 < 0,036$	$0,230 > 0,036$
$21,4 = 21,04$	$21,40 > 21,04$

Yanlış
 $0 > 0,5$

Doğru
 $0 < 0,5$

0,5 və 0,6 ədədləri
arasında yerləşən ədədlər

3 və 4 ədədləri arasında
yerləşən ədədlər

2,1 və 2,18 ədədləri
arasında yerləşən ədədlər

Şagirdlər ardıcılıqla şərtə uyğun ədəd söyləyirlər. Şagirdlər hər ədədi söylədikdə bu ədədin şərtə uyğun olduğunu düşünən şagirdlər əl qaldırırlar. Düşünməyən şagirdlər isə əl qaldırırlar. Müəllim səhv edən şagirdləri müəyyənləşdirib nə üçün belə düşündüklərini soruşmaqla səhvləri izah edə bilər. Hər şagird 3 ədəd söyləyənə qədər davam etdikdən sonra müəllim sıfə suallar verir: "Hansi ədədin ondabırlar və yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmlər bərabərdir? Hansi ədədin təkliklər və yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmlərin cəmi 8-ə bərabərdir?"

Məsələnin həlli:

- 2,647-dən böyük, 2,66-dan kiçik ədədlərin yüzdəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmin 4 və ya 5 olduğu müəyyən olunur.
- Yüzdəbirlər və mindəbirlər mərtəbəsindəki rəqəmi eyni olan ədədin 2,655 olduğu müəyyən olunur.

Cavab. Samir fikrində 2,655 ədədini tutdu.

Müzakirə. Verilən aralıqdakı bütün ədədləri yazmaqla cavabın doğruluğunu yoxlamaq olar.

8. Məsələdə rəqəmlər necə müəyyən etməyin mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Şərtə uyğun olaraq mirvarılər yüngüldən ağrı ardıcılıqla sıralanmışdır. Onların kütləsini göstərən ədədlərdə pozulmuş ədədlər müəyyənləşdirilir.

4,209 q 4,218 q 4,219 q

Cavab. Uyğun mərtəbədəki ədədlərin müqayisəsinə əsasən silinmiş rəqəmlər bərpa edilir. 1-ci mirvarının kütləsi 4,209 q, 2-ci mirvarının kütləsi 4,218 q, 3-cü mirvarının kütləsi isə 4,219 qramdır.

Müzakirə. Verilən ədədlərin artan sırada yazılışını yoxlamaqla cavabın doğruluğunu yoxlamaq olar.

Layihə işi. Şagirdlər kütlələri ən az olan quşlar, həşəratlar haqqında araştırma aparıb təqdimat hazırlamağı və bir neçəsinin kütləsini onluq kəsrə ifadə edib artan sırada düzəməyi tapşırmaq olar.

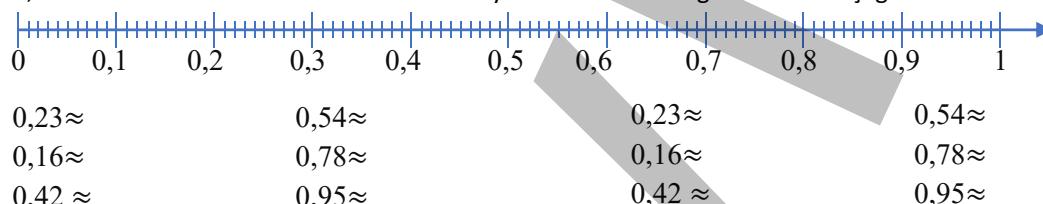
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsləri müqayisə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsləri sıralayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.3. Onluq kəslərinin yuvarlaqlaşdırılması

ALT STANDARTLAR	1.4.3. Onluq kəsləri yuvarlaqlaşdırır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Onluq kəsləri ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırır. Onluq kəsləri yüzdəbirlərə qədər yuvarlaqlaşdırır. Onluq kəsr ən yaxın natural ədədi müəyyən edir.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, zərlər, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/1473 https://video.edu.az/video/4159 https://youtu.be/P7ozJW8LSxw</p> <p>Çalışma: https://www.splashlearn.com/math/round-decimals-games https://numberdyslexia.com/8-fun-rounding-decimal-games-to-play-online/ https://www.sheppardsoftware.com/math/decimals/scooter-quest/rounding/</p>

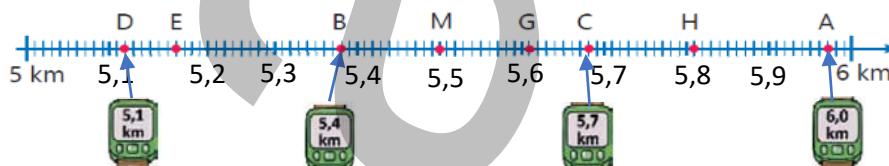
Mövzuya yönəltmə. Lövhədə ədəd oxu çəkilir. Müəllim verilən ədədləri ədəd oxunda təsvir etməklə hansı natural ədədə, hansı ondabirə yaxın olduğunu şagirdlərdən soruşur.



Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Ədədin hansı natural ədədə yaxın olduğunu necə müəyyən etmək olar? Hansı ədədlər sıfıra daha yaxındır? Hansı ədədlər birə daha yaxındır? Bunları yuvarlaqlaşdırma ilə necə yazmaq olar? Hansı ədədlər 0,2-yə daha yaxındır? Bunu yuvarlaqlaşdırma ilə necə yazmaq olar?" və s. Şagirdlər cavabı səsləndirir və lövhədə yazırlar.

Araşdırma-müzakirə

Şagirdlər ədəd oxunda 5 km və 6 km arasındakı orta nöqtəni müəyyən etmək üçün hər iki nöqtədən eyni məsafədə olan nöqtəni tapırlar. 5 və 6 ədədləri arasındakı orta nöqtənin 5,5 və ona uyğun hərfin M olduğunu müəyyənləşdirirlər. Məsafəölçənin göstəricilərinə diqqət yetirdikdə 5,4 km, 5,7 km, 5,1 km və 6 km-in hansı nöqtələrə uyğun olduğunu bölgülərə əsasən şagirdlər müəyyən edirlər.



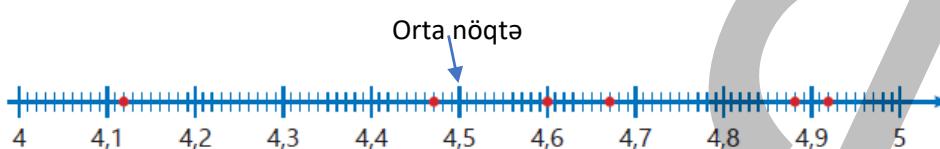
Öyrənmə Onluq kəslərinin yuvarlaqlaşdırılması

Bəzən dəqiq qiymət tələb olunmadıqda onluq kəsləri müəyyən mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırmaqla ölçmə və ya hesablamaları sadələşdirmək olar. Verilən nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə birlikdə müzakirə olunur. Onluq kəslərinin yuvarlaqlaşdırma qaydası natural ədədlərdə olduğu kimi yerinə yetirildiyi şagirdlər bildirilir. Bir neçə nümunə tapşırıq göstərilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.math-play.com/rounding-decimals-game-1/rounding-decimals-game.html>

1. Ədəd oxunda qeyd olunmuş nöqtələrə uyğun onluq kəsrlər müəyyən olunur. Bu onluq kəsrlərin hansı natural ədədə daha yaxın olduğu təpşirilir. 4,12 və 4,47 onluq kəsrləri 4-ə, 4,6 4,67, 4,88 və 4,92 isə 5-ə daha yaxındır.
Müəllimin nəzərinə! Verilən onluq kəsrin hansı natural ədədə daha yaxın olduğunu müəyyənləşdirmək üçün ədəd oxunda orta nöqtəni təyin edilir. Həmin nöqtənin solundakı ədədlərin soldakı natural ədədə, sağindakı ədədin sağdakı natural ədədə daha yaxın olduğu haqqında şagirdlərə məlumat vermək məqsədəyvgündür. Məsələn, 1-ci təpşiriqdə 4 və 5 ədədləri arasında orta nöqtə 4,5 – dir. 4,5 – dən solda olan ədədlərin 4-ə, sağda olan ədədlərin 5-ə daha yaxın olduğunu demək olar. Məsələn, 4,12 ədədi 4,5 ədədindən solda olduğundan 4-ə daha yaxındır.



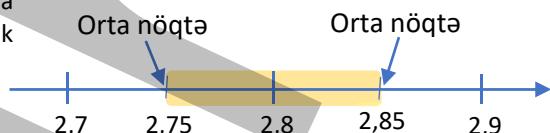
2. Verilmiş onluq kəsrlər ədəd oxundan istifadə etməklə ondabirlər mərtəbəsinə qədər yuvarlaqlaşdırılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Bənzər qaydada verilən onluq kəsrlər ədəd oxunda təsvir olunub ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırılır.

3. Onluq kəsrlər qeyd olunmuş mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırılır. Verilən nümunə tapşırıqların həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Hər bir onluq kəsrin hansı mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqını şagirdlərdən soruşmaq məqsədəyvgündür.

4. Verilən onluq kəsrlər qeyd olunan mərtəbələrə qədər yuvarlaqlaşdırılır.

5. Hər şərtə uyğun 3 onluq kəsr yazılır.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər yuvarlaqlaşdıranda verilən ədədə bərabər onluq kəsrləri yazımaqda çətinlik çəkirlər. Belə şagirdlərə ədəd oxundan istifadə etməklə uyğun ədədləri tapmağa yönəltmək olar. Məsələn, ondabirlər mərtəbəsinə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda 2,8-ə bərabər olan onluq kəsrlər yazımaq üçün üzərində 2,7; 2,8; 2,9 yazılmış ədəd oxu çəkilir. Bu ədəd oxunda 2,7 və 2,8 ədədləri arasında orta nöqtə, 2,8 və 2,9 ədədləri arasında orta nöqtələri qeyd edilir. Bu zaman 2,75 və 2,85 ədədləri arasında götürülmüş istənilən ədədi ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda 2,8 alındığını söylənilir. Bir neçə onluq kəsr seçib həmin aralığa düşdүünü şagirdlərə göstərmək olar.



Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarıır, şagirdlərə onluq kəsrlər söyləyir və onları müəyyən mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırmağı təpşirir. Şagirdlər onluq kəsrləri yuvarlaqlaşdırıb lövhədə yazar və ədəd oxunda yuvarlaqlaşdırmaqla cavabın doğruluğunu yoxlayırlar.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə iki şagird çıxarıır və hər iki şagirdə 12,52; 2,847; 20,2894 və s. onluq kəsr söyləyib lövhədə yazmayı təpşirir. Şagirdlərdən biri mümkün ən kiçik ədəd, digəri isə mümkün ən böyük ədəd alınması üçün verilən onluq kəsrin hansı mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırmaq lazımlı olduğunu müəyyən edir və necə tapdığını izah edir.

Oyun. Hər qrupda iki şagird olmaqla təsadüfi 4 şagird seçilir. Ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırma oyunu olan iş vərəqləri şagirdlərə paylanılır. Şagirdlər verilən vaxt ərzində girişdə olan ədəddən başlamaqla ədədləri yuvarlaqlaşdırıb alınan cavab istiqamətində çıxışa getməlidirlər. Gedilən yolu rəngli karandaşa qeyd etmək olar. Təpşiriği ilk doğru yerinə yetirən şagird 1-ci mərhələnin qalibi olur. 2-ci mərhələdə hər iki qrupda 1-ci mərhələnin qalibi olan şagirdlərə yüzdəbirlərə qədər yuvarlaqlaşdırma oyunu olan iş vərəqi paylanır. Təpşiriği ilk doğru yerinə yetirən şagird oyunun qalibi elan edilir. İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1bbHTsuuAge7oXc1wnS-lAqWEhGWE-bNP/view?usp=sharing>

Ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırma		Yüzdəbirlərə qədər yuvarlaqlaşdırma	
Giriş		Giriş	
5,82	5,9	6,291	6,29
5,8	0,35	5,128	5,12
0,4	5,712	3,099	3,099
7,612	7,6	5,13	5,13
2,012	2,2	3,1	3,1
2,1	2,98	2,9815	2,9815
4,257	4,2	3,299	9,13
4,1542	1,1	9,125	2,2
5,8	1,113	3,29	2,2
4,3	1,2	0,12	0,12
6,88	6,9	4,257	0,1
çıxış	5,9	0,108	0,1156
	5,82	4,3	4,1
		5,8	4,7653
		çıxış	4,77

Masələ həlli

6. Məsələdə Lalənin fikrində hansı onluq kəsrini tutduğunu təpşirmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Masaya 0-dan 9-a qədər rəqəmlər yazılımış kartlar qoyulur. Lövhəyə iki şagird çıxarırlar. Hər şagird 4 kart seçir. Müəllim hər şagirdə ondabirlərə, yüzdəbirlərə, təkliklərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda alınan ədədləri söyləyir və verilən rəqəmlərdən istifadə etməklə mümkün ədədləri düzəltməyi təpşirir. Şagirdlər seçilən rəqəmlərdən istifadə etməklə alınan bir neçə onluq kəsrini lövhədə yazuırlar.

Uyğun sxem çəkilir.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------	--------------------------	--------------------------

Məsələnin həlli:

- Təkliklər mərtəbəsində sıfır, ondabirlər mərtəbəsində 7 rəqəmi olduğu müəyyənləşdirilir. Vergül qoyulur.

0	,	7	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
---	---	---	--------------------------	--------------------------

- 4 və 5 rəqəmlərinin yüzdəbirlər və mindəbirlər mərtəbəsində olacağı qeyd olunur.

- Yüzdəbirlər mərtəbəsində 4 rəqəmi olarsa, ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda 0,7, yüzdəbirlər mərtəbəsində

5 rəqəmi olarsa, yuvarlaqlaşdırıldıqda 0,8 alındığı qeyd olunur.

0	,	7	<input type="checkbox"/>	5	<input type="checkbox"/>
---	---	---	--------------------------	---	--------------------------

- Mindəbirlər mərtəbəsində 4 rəqəmi yazılır.

Cavab. Lalə fikrində 0,754 ədədini tutdu.

Müzakirə. Lalənin fikrində tutduğu ədəd ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırılır.

7. Samirin fikrinin doğruluğunu yoxlanılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- 0,449 ədədini ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda 0,4 deyil, 0,5 alındığı qeyd olunur. Deməli, onluq kəsri əvvəl yüzdəbirlər, sonra isə ondabirlər mərtəbəsinə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda alınan cavab onluq kəsri ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda alınan cavaba həmişə bərabər deyil.

Cavab. Samirin fikri doğru deyil.

Müzakirə. Bir neçə əlavə nümunə tapşırıq üzərində fikrin yanlış olduğunu göstərmək olar.

8. Quşların kütləsini hansı mərtəbəyə yuvarlaqlaşdırıldıqda ikisinin kütləsinin, hansı mərtəbəyə yuvarlaqlaşdırıldıqda üçünün kütləsinin bərabər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Quşların kütləsini ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda ikisinin kütləsinin bərabər olduğu müəyyən olunur.
 $1,857 \text{ q} \approx 1,9 \text{ q}$ $1,915 \text{ q} \approx 1,9 \text{ q}$

- Quşların kütləsini təkliklərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda üçünün kütləsinin bərabər olduğu müəyyən olunur.
 $1,857 \text{ q} \approx 2 \text{ q}$ $2,065 \text{ q} \approx 2 \text{ q}$ $1,915 \text{ q} \approx 2 \text{ q}$

Cavab. Quşların kütlələrini ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda ikisinin, təkliklər mərtəbəsinə qədər yuvarlaqlaşdırıldıqda üçünün kütləsi bərabər olar.

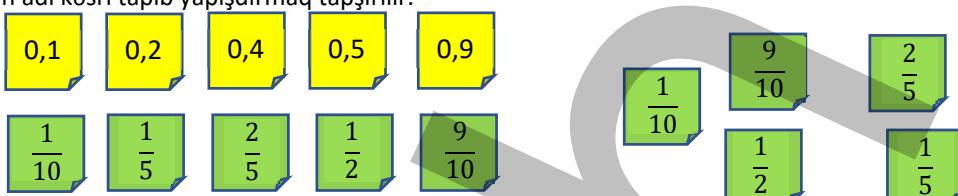
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri ondabirlərə qədər yuvarlaqlaşdırır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrləri yüzdəbirlərə qədər yuvarlaqlaşdırır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrlərə ən yaxın natural ədədi müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.4. Adi kəsrin onluq kəsrə, onluq kəsrin adi kəsrə çevrilməsi

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəslər üzərində əməlləri yerinə yetirir.	
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Adi kəsr və qarışq ədədi onluq kəsrə çevirir. Onluq kəsr adi kəsrə çevirir. 	
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş dairələr, iş vərəqləri, kartlar	
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/1749 https://video.edu.az/video/8959 https://video.edu.az/video/8831 https://video.edu.az/video/8959 https://video.edu.az/video/9915 https://video.edu.az/video/1888</p> <p>Çalışma: https://www.rapidtables.com/convert/number/fraction-to-decimal.html https://www.abcyo.com/games/fractions_to_decimals</p>	

Mövzuya yönəltmə. Müəllim onluq kəslər yazılmış stikerləri lövhəyə ardıcıl, bu onluq kəslərə bərabər olan adi kəslər yazılmış stikerləri kənarda qarışq şəkildə yapışdırır. Şagirdlərdən bu stikerlərdə yazılın hər onluq kəsrin altına uyğun adi kəsrə tapıb yapışdırmaq tapşırıllar.



Tapşırığı beynin həmləsi metodu ilə yerinə yetirmək olar. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Onluq kəsr adi kəsr şəklində necə yazmaq olar? 0,1 onluq kəsr adi kəsr şəklində göstərdikdə məxrəcdə hansı ədəd yazılacaq? Bu adi kəsr ixtisar etmək olarmı? Hansı onluq kəsr adi kəsr şəklində yazdıqda ixtisar etmək mümkündür?" Şagirdlərə qısa cavablarla sürətli suallara cavab vermək tapşırıllar. Hər onluq kəsr adi kəsr şəklində yazılırlar və mümkün olduqda ixtisar edilir. Uyğun kəsr onluq kəsrin altında yazılır. Müəllim şagirdlərə adi kəsrə uyğun onluq kəsr necə tapmağın mümkün olduğu ilə bağlı da suallar verə bilər: "Adi kəsrin məxrəci hansı ədədlər olduqda onları onluq kəsr kimi yazmaq olar? Verilən kəslərin məxrəcini 10-a bərabər olan kəsr şəklində necə yazmaq olar?"

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda şagirdlər müştərinin hansı bağlamani götürməli olduğunu müəyyən etməlidirlər. Bunu bir neçə üsulla etmək olar. Verilən kütłə qramla ifadə edilir. $\frac{3}{4}$ kq = 0,750 kq. Eyni qayda ilə verilən tərəzilər üzərindəki kütłələr də qramla ifadə olunur. Şəkil. Bununla şagirdlər $\frac{3}{4}$ kq-in 0,750 kq-a bərabər olduğunu söyləyə bilərlər. Bununla yanaşı, müəllim şagirdlərdən başqa hansı üsullarla verilən kütłələrin bərabərliyini müəyyən etməyin mümkün olduğunu soruşa bilər. Şagirdlər adi kəslərin onluq kəslərlə, onluq kəslərin adi kəslərlə ifadə olunmasından istifadə etməklə bunu etməyin mümkün olduğunu da söyləyə bilərlər. Bu qayda ilə şagirdlər müəllimin köməyi ilə verilən adi kəsr onluq kəslə ifadə edə bilərlər.

Öyrənme Adi kəsrin və qarışq ədədin onluq kəsrə çevrilməsi

Adi kəsrin surət və məxrəcini eyni ədədə vurmaqla məxrəci onun qüvvətləri olan kəslərin şəklində yazmağın və alınan kəsr onluq kəslə ifadə etməyin mümkün olduğu şagirdlərə bildirilir. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə birlikdə müzakirə olunur. Cavabın doğruluğunu ədəd oxundaki təsvirə əsasən də yoxlanılır. Eyni qayda ilə qarışq ədədin onluq kəsr şəklində yazılması qaydası da şagirdlərlə müzakirə olunur. Qarışq ədədi onluq kəsr şəklində yazıldığda tam hissənin ayrıldığı adi kəsrin onluq kəsrə çevirmə qaydasına əsasən çevirmənin aparıldığı və tam hissə ilə kəsr hissənin toplanıldığı şagirdlərə bildirilir. Ədəd oxu üzərində cavabın doğruluğu şagirdlərlə müzakirə olunur.

 **Fikirləş** Düzgün olmayan kəsr onluq kəsrə necə çevirməyin mümkün olduğu soruşular. Nümunə üçün $\frac{15}{4}$ kəsr onluq kəslə ifadə olunur. Burada şagirdlər düzgün olmayan kəsrin də adi kəsr olduğunu, adi kəsrin onluq kəsrə çevirmə qaydasına əsasən çevrilmə aparıldığını, eyni qayda ilə düzgün olmayan kəsr qarışq ədəd şəklində yazımaqla qarışq ədədin onluq kəsrə çevrilmə qaydasından istifadə etməklə cavabı müəyyən edəcəklərini söyləyə bilərlər.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər məxrəci 2 və 5 olan ixtisar olunmayan kəslərin məxrəcini 10-a tamamlamaq asan olduğundan belə kəsləri onluq kəslərlə ifadə etməkdə çətinlik çəkmirlər. Lakin məxrəci 4, 8 və 25 olan kəsləri də 10-a tamamlamağa çalışdıqları üçün çətinliklə qarşılaşırlar. Belə şagirdlərə məxrəci təkcə

10-a deyil, 100-ə, 1000-ə və s. tamamlamaqla da onluq kəsr şəklində yazmağın mümkün olduğunu xatırlatmaq olar. Məxrəci 4, 25, yaxud 50 olduqda 100-ə, 8, 125-ə yaxud 200 olduqda 1000-ə tamamlamaqla onluq kəsr şəklində ifadə etməklə bağlı şagirdlərə tapşırıqlar vermək məqsədəyəgdür. Bu qaydanı mənimsəyən şagirdlər gələcəkdə məxrəcləri 10, 100, yaxud 1000-ə tamamlamaq lazımlığını düzgün müəyyən edirlər.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.sheppardsoftware.com/math/fractions/convert-to-decimals-game/>

https://www.mathplayground.com/ASB_Puppy_Chase_Decimals.html

Çalışma

2. Bölmə əməli adı kəsr şəklində yazılır, onluq kəsrə çevirilir.

3. Bəzən adı kəsləri ixtisar etdikdən sonra surət və məxrəci müəyyən ədədə vurmaqla məxrəcdə 10-un qüvvətləri alındığı şagirdlərə bildirilir. Əvvəlcə verilən kəslər ixtisar olunur, sonra isə onluq kəslər şəklində yazılır.

4. Bərabərliyin doğru olmaması üçün boş xanalara uyğun rəqəmlər tapılır.

Öyrənmə Onluq kəsrin adı kəsrə çevriləməsi

Onluq kəsrin adı kəsrə çevriləmə qaydası şagirdlərə izah olunur. Onluq kəsr adı kəsr və ya qarışq ədəd şəklində yazılır. Sonra isə mümkün olarsa, kəsr hissə ixtisar olunur. Nümunə tapşırıq müzakirə olunur.

5. Nümunə tapşırıqın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Onluq kəsr adı kəsrə, yaxud qarışq ədədə çevrilir. Kəsr hissə ixtisar edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.splashlearn.com/math/convert-decimals-to-fractions-games>

<https://wordwall.net/resource/201970/math/decimals-to-fractions>

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər onluq kəsləri adı kəsr şəklində yazarkən vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayına diqqət etmirler. Bölmənin 1-ci mövzusunda şagirdlər bununla bağlı tapşırıqlar yerinə yetirmişdilər. 7-ci, 8-ci və 9-cü tapşırıqlarda belə səhvlərə yol verən şagirdlərə nəzər yetirmək və səhvlər üzərində işin təşkili məqsədəyəgdür.

6. Onluq kəslər adı kəslərlə ifadə olunur və boş xanaya uyğun ədədlər müəyyən olunur, mümkün olduqda kəslər ixtisar olunur.

$$0,19 = \frac{19}{100}$$

$$0,07 = \frac{7}{100}$$

$$0,25 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

$$3,125 = 3\frac{125}{1000} = 3\frac{1}{8}$$

7. Samirin lövhədə yazdığı ədədin düzgün olmayan kəsr şəklində ifadə olunması zamanı səhvlərini müəyyən etmək tələb olunur. Səhvlər müəyyən olunmaqla düzgün həll yazılır.

10. Şagirdlər verilən ədədləri onluq kəsr, yaxud adı kəsr şəklində yazımaqla sıralama apara bilərlər.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə şagird dəvət edir, lövhədə 1-ci sütündə adı kəsr, 2-ci sütündə onluq kəsr yazır və şagirdlər sıra ilə hər sütündən 1 tapşırığı yerinə yetirirlər.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə iki şagird dəvət edir, lövhəyə adı kəsrin onluq kəsr və onluq kəsrin adı kəsr şəklində yazılımasına aid bir neçə nümunə yazır və şagirdlərə səhvləri tapmağı tapşırır. Şagirdlər səhvləri tapır və vərəqə qeyd edirlər. Sonra şagirdlər tapdıqları səhvləri səsləndirirlər və izah edir.

Oyun. Adı kəslər və onlara bərabər olan onluq kəslər kartlara yazılır və üzüaşağı masaya düzülür. 2 kart açılır, əgər bu kartlardakı kəslər bərabər olarsa, kənarə qoyulur və yerdə qalan kartlar içərisindən 2 kart açılır. Əgər kartlardakı kəslər bərabər olmazsa, kartlar oyunda qalır, yenidən açıldığı yerə üzüaşağı qoyulur və oyun davam etdirilir. Ən tez kartları düzgün qruplaşdırın komanda qalib elan olunur. Hər qruplaşmaya uyğun bərabərlik lövhədə yazılıb müzakirə olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/13MzRMa-mg-9a-aJLh_xFoEr9BWBo77Wn/view?usp=sharing

Texniki imkanları olan sinifdə şagirdlər mərhələli şəkildə bənzər interaktiv oyunu oynaya bilərlər:

<https://www.turtlediary.com/game/decimals-and-fractions.html>

- ✓ Kartları Üzüaşağı düzün.
- ✓ İki kart seçin.
- ✓ Seçilən kartlardakı adədlər bərabərdirsə, kənarə qoyun əks haldə kartları yerinə qaytarın.
- ✓ Oyunu kartlar bitənə qədər davam etdirin.
- ✓ Adı kəsrin onluq kəsr, yaxud onluq kəsr adı kəsrə çevirməklə bir neçəsini izah edin.

0,4	0,35	$\frac{3}{8}$	0,12
$\frac{3}{25}$	1,5	$\frac{2}{5}$	2,75
0,02	$\frac{3}{5}$	$\frac{7}{20}$	$1\frac{1}{2}$
$\frac{11}{4}$	$\frac{1}{50}$	1,6	0,375

Məsələ həlli

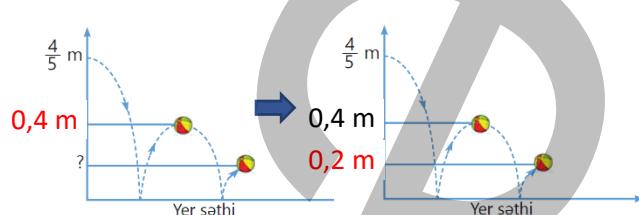
11. Məsələdə topun 2-ci dəfə yerə dəydikdən sonra hansı hündürlüyü qalxdığını tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Sinifdə məsələnin şərtinə uyğun situasiya yaratmaq olar. Müəllim şagirdlərdən birini ləvhəyə dəvət edir. Tapşırıqdakı kimi topu 1 dəfə yerə vurmağı tapşırır. Digər şagirdlər vəziyyəti müşahidə edirlər. Bu zaman şagirdlər topun ilk dəfə yerə dəydikdə olan hündürlüyündən, 2-ci dəfə yerə dəydikdə olan hündürlük arasındaki fərqlərin nə qədər olduğunu müşahidə edirlər. Top bir neçə dəfə yerə dəydikdə hər dəfə Yer səthi ilə hündürlük arasındakı məsafə qısalır. Buna əsasən şagirdlər verilən məsələni həll edə bilərlər.

Məsələnin həlli:

- Üfüqi atılmış topun yerə dəydikdən sonrakı hündürlüyü müəyyən olunur. $\frac{4}{5} : 2 = \frac{4}{10} = 0,4 \text{ m}$.
- Bu topun 2-ci dəfə yerə dəydikdən sonra qalxdığı müəyyən olunur. $\frac{4}{10} : 2 = \frac{2}{10} \text{ m} = 0,2 \text{ m}$.

Cavab. Top 2-ci dəfə yerə dəydikdən sonra 0,2 m hündürlüyü qalxacaq.



12. Məsələdə hansı qabda hansı ərzağın olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Qabla birlikdə hər ərzağın kütləsi adı kəsrlərin toplanması qaydası ilə tapılır və onluq kəsrə ifadə olunur. Tərəzinin göstəricilərinə əsasən hansı qabda hansı ərzağın olduğu müəyyənləşdirilir.

$$\text{Lobya: } 1\frac{3}{4} + \frac{1}{10} = 1,85 \text{ m. (2)} \quad \text{Noxud: } \frac{27}{20} + \frac{1}{10} = 1,45 \text{ m. (3)} \quad \text{Düyü: } 1\frac{11}{20} + \frac{1}{10} = 1,65 \text{ m. (1)}$$

Cavab: 1-ci qabda düyü, 2-ci qabda lobya, 3-cü qabda isə noxud var.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Adi kəsri və qarışq ədədi onluq kəsrə çevirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsri adi kəsrə çevirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.5. Onluq kəsrlərin toplanması və çıxılması

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Onluq kəsrləri toplayır. Onluq kəsrləri çıxır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş düzbucaqlılar, iş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/1068 https://video.edu.az/video/1112</p> <p>Çalışma: https://www.math-play.com/subtracting-decimals-basketball-game/ subtracting-decimals-basketball-game_html5.html https://www.mathplayground.com/ASB_Hungry_Puppies_Decimals.html https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim toplama və çıxmaya aid misallar yazılmış stikerləri ləvhəyə yapışdırır. Şagirdlərə cəmi və ya fərqi manatla ifadə etmək tapşırılır.

$$30 \text{ qəp} + 20 \text{ qəp} =$$

$$30 \text{ qəp} + 20 \text{ qəp} =$$

$$50 \text{ qəp} + 50 \text{ qəp} =$$

$$50 \text{ qəp} + 50 \text{ qəp} =$$

$$80 \text{ qəp} + 40 \text{ qəp} =$$

$$80 \text{ qəp} + 40 \text{ qəp} =$$

$$70 \text{ qəp} - 10 \text{ qəp} =$$

$$70 \text{ qəp} - 10 \text{ qəp} =$$

$$1 \text{ man} - 30 \text{ qəp} =$$

$$1 \text{ man} - 30 \text{ qəp} =$$

$$1 \text{ man } 20 \text{ qəp} - 50 \text{ qəp} =$$

$$1 \text{ man } 20 \text{ qəp} - 50 \text{ qəp} =$$

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Cəmi manatla hansı üsullarla ifadə etmək olar?" Şagirdlər "əvvəlcə qəpiklə toplayıb sonra cəmi manatla ifadə etmək", yaxud "əvvəlcə verilən məbləğləri manatla ifadə edib

sonra toplamaqla” deyə bilərlər. Hər iki halda cavabın necə tapıldığı siniflə müzakirə olunur. Analoji qaydada fərqli tapılması ilə bağlı misallar yerinə yetirilir.

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda kassirin alıcıya necə manat pul qaytarmalı olduğunu tapmaq tələb olunur. Bunun üçün şagirdlər şəkillərin üzərində verilmiş qiymətlərə diqqət edirlər. 4-cü sinifdə şagirdlər manat və qəpiklə ifadə olunan pullarla hesablamları öyrəniblər. Qiymətlərin cəmini tapmaq üçün 3 manat 60 qəpiklə, 4 manat 80 qəpik toplanır. Alınan cavab yəni, 8 manat 40 qəpik 10 manatdan çıxılır. Həmin qaydalara əsasən şagirdlər kassirin alıcıya 1 manat 60 qəpik, yəni 1,60 manat qaytaracağını müəyyən edirlər.



Öyrənmə Onluq kəslərin toplanması

İki onluq kəsri alt-alta toplamaq üçün natural ədədlərdə olduğu kimi uyğun mərtəbədəki rəqəmlər və vergüllərin bir-birinin altında yazılışı qeyd olunur. Sonra isə ən sağdakı mərtəbədən başlamaqla toplanırlar. Hər mərtəbə üçün alınan cəm 10 və daha çox olduqda soldakı mərtəbəyə 1 vahid artırıldığı bildirilir. Verilən nümunə tapşırığın həlli addım-addım izah olunaraq müzakirə edilir.



Onluq kəslərin cəmini tapmaq üçün uyğun mərtəbədəki rəqəmlər bir-birinin altında yazılır, vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayı bərabər olmadıqda sıfırlar artırımaqla bərabərləşdirildiyi vurgulanır. Bundan sonra vergülü nəzərə almadan natural ədədləri olduğu kimi toplama aparılır və sonra vergüllərin altında vergül yazılır.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://mrnussbaum.com/fun-adding-decimals-games-from-computermice>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər vergüldən sonrakı rəqəmlərinin sayı fərqli olduqda alt-alta toplama zamanı natural ədədlərdə olduğu kimi ədədləri yazmağa çalışırlar və vergülə fikir vermədikləri üçün səhv'lər yol verirlər. Belə şagirdlər “yadda saxla!” hissəsinə diqqət yetirməyi, eyni zamanda təqribi cavabı tapmaqla cavabın inandırıcı olub-olmadığını yoxlamağı tapşırmaq olar. Məsələn, $2,204 + 2,1 = 2,225$ ədədlərini vergülə fikir vermədən alt-alta yazarkən şagirdlər cavabı 2,225 ala bilərlər. Hər toplanan təqribi 2-yə bərabər olduğundan cəmin təqribən 4-ə bərabər olacağını vurgulamaq olar. Bu isə o deməkdir ki, cəmin 2,225 olması inandırıcı deyil. Şagirdlərə yenidən hesablayıb cəmi tapmağı tapşırmaq olar.

Çalışma

3. Toplananlar təklıklərə qədər yuvarlaqlaşdırılmaqla cəm təxmin edilir, sonra cəm dəqiq hesablanır.
5. Əvvəlcə təxmin etməklə, sonra isə dəqiq hesablamaqla müqayisə aparılır.

Öyrənmə Onluq kəslərin çıxılması

İki onluq kəsri alt-alta çıxdıqda vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayı bərabər deyilsə, sıfırlar artırımaqla bərabərləşdirildiyi, sonra isə ümumi qaydada çıxma əməli yerinə yetirildiyi qeyd olunur. Nümunə tapşırıqlar, mərtəbə cədvəlində verilən addımlarla alt-alta çıxma qaydası şagirdlərlə müzakirə olunur.



Natural ədədlərin çıxılması qaydasından istifadə etməklə onluq kəsri necə çıxmışın mümkün olduğu şagirdlərlə müzakirə edilir. Onluq kəslərin toplanmasında qeyd olunduğu kimi, çıxılmasında da natural ədədlərin çıxılması qaydasından istifadə etməyin mümkün olduğu, lakin əvvəlcə vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayını bərabərləşdirmək, sonra isə natural ədədlərin çıxılma qaydasına əsasən çıxməq və sonda vergüllərin altında vergülün yazılışı qeyd olunur. Bir neçə nümunə tapşırıq üzərində fikir əsaslandırılır.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://mrnussbaum.com/fun-subtracting-decimals-games-from-computermice>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər vergüldən sonrakı rəqəmlərin

Yanlış	Doğru
$5,625 - 3,1 = 3,1$	$5,625 - 3,1 = 2,525$
$5,594$	$2,525$

sayı fərqli olduqda alt-alta çıxma zamanı da natural ədədlərdə olduğu kimi ədədləri yazmağa çalışırlar və vergülə fikir vermədikləri üçün səhv'lər yol verirlər. Belə şagirdlər “yadda saxla!” hissəsinə diqqət yetirməyi, eyni zamanda təqribi cavabı tapmaqla cavabın inandırıcı olub-olmadığını yoxlamağı tapşırmaq olar. Məsələn, $5,625 - 3,1 = 3,1$ ədədlərini vergülə fikir vermədən alt-alta yazarkən şagirdlər cavabı 5,594 ala bilərlər. Azalan təqribən 5-ə, çıxılan isə 3-ə bərabər olduğundan fərqli

təqribən 2-yə bərabər olacağını vurğulamaq olar. Bu isə o deməkdir ki, fərqi 5,594 olması inandırıcı deyil. Şagirdlərə yenidən hesablayıb fərqi tapmağı tapşırmaq olar.

8. Onluq kəslər təkliklərə qədər yuvarlaqlaşdırılmaqla fərq təxmin edilir, sonra isə dəqiq hesablanır.

Müəllimin nəzərinə! Onluq kəslərlə müəyyən mərtəbəyə qədər yuvarlaqlaşdırılmaqla cəmin, yaxud fərqi tapılması şagirdlərə dəqiq cavabın inandırıcılığını yoxlamaq imkanı verir. Yuxarıda bəhs edilən şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlərin aradan qaldırılmasında cavabın inandırıcı olub-olmamasını yoxlamaq mühüm əhəmiyyət kəsb edir. Cavabı təxminini hesablamaqla yoxlamağı şagirdlərə tapşırmaqla onları səhvərini üzə çıxartmağa yönəltmək tövsiyə olunur.

9. Adi kəslər onluq kəsr şəklində yazılır və fərq tapılır.

10. Hesablama aparılır.

Müəllimin nəzərinə! 10-cu tapşırıqda isə bir neçə yerdə adi kəslər verilmişdir. Bu cür adi kəslərin onluq kəslərlə ifadə olunma qaydası şagirdlərə tanışdır. Bu qaydaya əsasən verilən adi kəslər onluq kəslər şəklində yazılır, sonra isə cəm, yaxud fərq tapılır. Belə tapşırıqların həllində çətinlik çəkən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi və onlarla səhvər üzərində işin təşkili onları növbəti dərslərə hazırlamaq üçün vacibdir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə öyrənmə materialından istifadə etmək olar:

<https://video.edu.az/video/1129>

13. Şagirdlər məchulun tapılması, yaxud balans üsullarından istifadə etməklə tənliklər həll edirlər.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər natural ədədlərlə verilən sadə tənlikləri həll etməyi bacarmasına baxmayaraq adı və onluq kəslərlə verilən tənliklərin həllində səhvərə yol verirlər. Tənliklərin həllində cavabın yoxlanılması şagirdlərə səhvərini sərbəst aşkar etməyə imkanı verir. 13-cü tapşırıqda şagirdlərə cavabın doğruluğunu yoxlanmasını tapşırmaq məqsədəyənqundur.

Diferensial təlim.

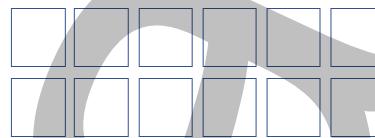
Dəstək. Şagirdlər cütlərə ayrılır. Şagirdlərin hər biri bir onluq kəsr söyləyir. Şagirdlər bu ədədləri yazılırlar. Onlardan biri bu ədədlərin cəmini digəri isə fərqi tapır. Sonra hər şagird yoldaşının yazdığı misalın doğruluğunu yoxlayır. Şagirdlər hər iki misali necə həll etdiklərini izah edirlər.

Dərinləşdirmə. Şagirdlər cütlərə ayrılır. Şagirdlərdən biri bir onluq kəsr söyləyir. Müəllim digər şagirdə müxtəlif şərtlərə uyğun onluq kəsr söyləməyi tapşırır. Məsələn, 1-ci şagirdin söylədiyi onluq kəsrdən kiçik, yaxud böyük, vergüldən sonra üç rəqəmi olan və s. Şagirdlər bu ədədləri yazılırlar. Onlardan biri bu ədədlərin cəmini, digəri isə fərqi tapır. Sonra hər şagird yoldaşının yazdığı cavabın inandırıcı olub-olmadığını yoxlayır. Şagirdlər hər iki misali necə həll etdiklərini izah edirlər.

Komanda oyunu. Sınıf qruplara bölünür. Hər qrupa iş vərəqi və iki zər verilir. Zərlər atılır. Hər zərin üst üzünə düşən xalların sayına uyğun ədədlərin qarşısında yazılış onluq kəslərin cəmi və fərqi tapılır. Bu qayda ilə ən çoxu 6 dəfə ədədlər cütü seçilə və uyğun misallar yazılı bilər. Verilən vaxt ərzində yazılın hər doğru misala 1 xal verilir. Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur. Yazılan misallardan bir neçəsi lövhədə yazılıb müzakirə olunur.



Zərlər atılır. Hər zərin üst üzünə düşən xalların sayına uyğun ədədlərin qarşısında yazılış onluq kəslərin cəmi və fərqi tapılır. Bu qayda ilə ən çoxu 6 dəfə ədədlər cütü seçilir və uyğun misallar yazılırlar.



1	1,5
2	3,25
3	2,213
4	5,1
5	12,7
6	10,11

1	0,24
2	2,107
3	1,7
4	3,06
5	10,02
6	3,5

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1rfVYyCpN874Oojni74AdsVHs_MUkkXwm/view?usp=sharing

Məsələ həlli 15. Məsələdə neçə metr uzunluqda hasar çəkməyin mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim şagirdlərə sınıf otağına nəzər salmağı tapşırır və suallar verir. Sınıf otağının eninin təqribən 9 m, uzunluğunun 5 m olduğunu fərz etsək, qapının eni isə 0,9 m olarsa, otağın kənarına vurulan yaşmağın uzunluğunu necə tapmaq olar? Beyin həmləsi metodu ilə şagirdlərdən ilk ağillarına gələn cavabları səsləndirmək xahiş olunur. Şagirdlərin fikirləri dinlənilir. Uyğun sxem lövhəyə çəkilərək cavablar müzakirə edilir.

Məsələnin həlli:

- Düzbucaqlı formasında bağın perimetri hesablanır. $12,4 + 12,4 + 3,8 + 3,8 = 32,4$ (m)
- Hasarın uzunluğunu tapmaq üçün bağın perimetrisində qapının eni çıxılır. $32,4 - 3,6 = 28,8$ (m)

Cavab. Bağın ətrafına 28,8 m uzunluqda hasar çəkmək tələb olunur.

Müzakirə. Məsələni müxtəlif üsullarla həll edən şagirdlərin həll üsulları müzakirə olunur.

16. Məsələdə Samir neçə santimetr uzunluqlu məftildən istifadə etdiyini müəyyənləşdirmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Üçbucağın 2-ci tərəfinin uzunluğu tapılır. $20,7 + 8 = 28,7$ (sm)
- Üçbucağın 3-cü tərəfinin uzunluğu hesablanır. $20,7 + 28,7 - 10,8 = 38,6$ (sm)

Üçbucağın perimetri hesablanır. $20,7 + 28,7 + 38,6 = 88,2$ (sm).

Cavab. Samir 88,2 sm uzunluqlu məftildən istifadə etdi.

17. Məsələdə hər bidonda nə qədər süd olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

$$\begin{array}{l} \text{1-ci bidon: } \boxed{} \\ \text{2-ci bidon: } \boxed{} + 2,8 l \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} 14,8 l \\ \hline 14,8 - 2,8 = 12 (l) \\ 12 : 2 = 6 (l) \end{array} \right\}$$

$$\begin{array}{l} \text{1-ci bidon: } \boxed{6 l} \\ \text{2-ci bidon: } \boxed{6 l} + 2,8 l = 8,8 l \end{array}$$

Cavab. Bidonların birində 6 l, digərində isə 8,8 l süd var.

Müzakirə. Hər bidonda olan südün miqdəri toplanıb, iki bidonda cəmi 14,8 l olduğunu, bidonlarda olan südün fərqini tapmaqla bidonların birində digərindən 2,8 l çox süd olduğunu göstərmək olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri toplayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrləri çıxır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MƏSƏLƏ VƏ MİSALLAR

Şagirdlər əvvəlki dərslərdə onluq kəslər, onluq kəslərdə mərtəbə vahidləri arasında əlaqə, onluq kəslərin müqayisəsi və sıralanması, onluq kəslərin yuvarlaqlaşdırılması, adı kəsrin onluq kəsrə, onluq kəsrin adı kəsrə çevrilməsi, onluq kəslərin toplanması və çıxılması qaydalarını öyrəndilər. Bu dərsdə şagirdlər onluq kəslərlə bağlı öyrəndikləri qaydaları möhkəmləndirmək üçün müxtəlif məsələ və misallar həll edəcəklər.

Dörd ədəd oyunu. Sınıf qruplara bölünür və iş vərəqləri paylanır.

Misallar yazılmış kartlar qarışdırılır və üzüsağlı masaya düzülür. Qrupda olan hər şagird bir misal seçib həll edir və uyğun cavab olan xanani rəngləyir. Hər şagird misali həll etdikcə növbəti kartı seçib uyğun misali həll edir. Bir sütundə, yaxud bir sətirdə ən tez 4 xana rəngləyən komanda qalib elan olunur.

Nümunə iş vərəqini bu linkdən yüklemək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1maRQOxtJtgshNMAmypOT6r4c2OPI7Ob/view?usp=sharing>

Oyunu rəngli dairələrdən istifadə etməklə cütlərlə də oynamaq olar.

Lövhəyə 2 şagird çağırılır. Şagirdlərdən birinə qırmızı, digərinə mavi dairələr verilir. Misallar açıq şəkildə masaya düzülür. Hər şagird bir misal seçir, həll edir və uyğun xanaya bir dairə qoyur. Təxminetmə bacarıqları formalşmış şagirdlərin bu qayda ilə oyunu qazanma şansı daha çoxdur. Şagirdlər təxmin etməklə bir sütun, yaxud sətirdə yerləşə biləcək ədədlərə hansı misalda cəm, yaxud fərqli bərabər olacağını dəha tez müəyyən edə bilərlər. Misalları həll etməklə cavablarının doğruluğunu yoxlaya və uyğun xanaya dairələri qoya bilərlər. Bir sütunda, yaxud sətirdə 4 dairə olan oyunçu qalib elan edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

http://www.math-play.com/Decimals-Jeopardy/decimals-jeopardy-game_html5.html

<https://www.iknowit.com/lessons/e-addition-subtraction-decimals.html>

<https://www.mathmammoth.com/practice/mystery-picture-decimals>

<https://www.mathplayground.com/super-math-puzzles-triangle-sums-decimals.html>

<https://www.mathplayground.com/super-math-puzzles-pyramid-decimals.html>

Tapşırıqların həlli

5. Onluq kəsləri təkliklərə qədər yuvarlaqlaşdırmaqla cəm, yaxud fərq təxmin edilir, sonra dəqiq hesablanır.

$$43,91 + 36,32 \approx 44 + 36 = 80$$

$$87,23 - 38,94 \approx 87 - 39 = 48$$

$$43,91 + 36,32 = 80,23$$

$$87,23 - 38,94 = 48,29$$

6. Qanuna uyğunluq müəyyən edilir, növbəti iki ədəd yazılır.

Müəllimin nəzərinə! 6-ci tapşırığın a) və b) bəndlərində ədədlərin artan, yaxud azalan sıradə düzüldüyünü, buna əsasən hər növbəti ədədin necə təyin olunduğunu müəyyən etmək mümkündür. Lakin c) bəndində onluq və adı kəslər verildiyindən ədədləri əvvəlcə ya onluq kəsr, ya da adı kəsrə ifadə etmək, sonra qanuna uyğunluğu müəyyən etməklə davam etdirmək lazımdır. Tapşırığı yerinə yetirməkdə çətinlik çəkən şagirdləri ədədləri ya onluq kəsr ya da adı kəsrə ifadə etməyə istiqamətləndirmək məqsədə uyğundur.

7. Kartlarda yazılın ədədləri vergüldən sonrakı rəqəmlərinin sayı bərabərləşdirilməklə, yaxud uyğun mərtəbədəki rəqəmləri müqayisə etməklə artan sıra ilə düzülür və alınan sözün TƏBRİZ sözü olduğu müəyyən edilir.

8. $\frac{1}{2}$ və $\frac{3}{4}$ onluq kəslə ifadə olunur. $\frac{1}{2} = 0,5$; $\frac{3}{4} = 0,75$. 0,5-dən böyük və 0,75-dən kiçik onluq kəslər müəyyən edilir və artan sıradə düzülür. 0,505; 0,563; 0,63; 0,7.

15. Uyğun tənliklər yazılır və həll edilir.

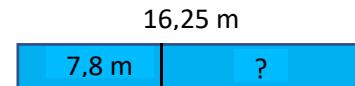
Müəllimin nəzərinə! Gələcəkdə şagirdlər verilən ifadəyə uyğun nisbətən mürəkkəb tənlikləri qurmağı və həll etməyi öyrənəcəklər. Ifadəyə uyğun sadə tənlik qurmaq bacarığı zəif olan şagirdlərlə bənzər tapşırıqlar işləməklə bu bacarığı təkmilləşdirmək məqsədə uyğundur.

16. Məsələdə kəsilən, yoxsa qalan hissənin uzun olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Misallar yazılmış kartlar qarışdırılır və üzüsağlı masaya düzülür. Orupda olan hər şagird bir misal seçib həll edir və uyğun cavab olan xanani rəngləyir. Bir sütundə, yaxud bir sətirdə ən tez 4 xana rəngləyən komanda qalib elan olunur.	
3 – 1,75	1,46 + 3,54
1,73 + 0,83	5,31 – 4,4
2,73 – 2,68	1,09 + 2,99
1,68 + 1,05	3,74 – 2,7
14 – 7,1	1,44 + 5,8
2,28 + 2,62	12,14 – 4,9
6,11 – 1,21	5,27 + 0,35
0,983 + 0,3	10,1 – 2,09
3,105 – 2,8	2,68 + 3,72
5,91 + 4,89	18,13 – 15,7

Məsələnin həlli:

- Qalan hissə müəyyən olunur. $16,25 - 7,8 = 8,45$ (m)
- Kəsilən hissə ilə qalan hissə müqayisə olunur. $7,8 < 8,45$.



Cavab. Qalan hissə kəsilən hissədən daha uzundur.

18. Nəticələrin cəminə görə yarışın qalibinin müəyyən olunması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Hər şagirdin yarış nəticəsi hesablanır və müqayisə olunur.

Səbinə: $3,17 + 2,85 + 2,48 = 8,5$ (m) Aynur: $3,58 + 2,4 + 2,06 = 8,04$ (m) Lalə: $3,32 + 2,6 + 2,35 = 8,27$ (m)
 $8,04 < 8,27 < 8,5$

Cavab. Nəticələrin cəminə görə yarışın qalibi Səbinədir.

19. Dörd torbada neçə kilogram kartof olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə 4 şagird dəvət edir. Şagirdlərdən birinə bir ədəd söyləməyi və hər növbəti şagirdə bu ədəddən 2 vahid çox ədəd söyləməyi tapşırır. Bu qayda ilə əvvəlcə hər şagirdin hansı ədədi söyləyəcəyi müəyyən edilir və lövhəyə yazılır. Sonra isə şagirdlərin söylədikləri ədədlərin cəmi tapılır.

Məsələnin həlli:

- Hər torbada nə qədər kartof olduğu tapılır.
 1-ci torba: 6,2 kq 3-cü torba: $7,9 + 1,7 = 9,6$ (kq)
 2-ci torba: $6,2 + 1,7 = 7,9$ (kq) 4-cü torba: $9,6 + 1,7 = 11,3$ (kq)

- Dörd torbada cəmi neçə kilogram kartof olduğu tapılır.

$$6,2 + 7,9 + 9,6 + 11,3 = 35 \text{ (kq)}$$

Cavab. Dörd torbada 35 kq kartof var.

20. Məsələdə filin kütləsini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Begemotun kütləsi tapılır. $0,65 + 2,8 = 3,45$ (t)
- Filin kütləsi tapılır. $7,9 - 3,45 = 4,45$ (t)

Cavab. Filin kütləsi 4,45 tona bərabərdir.

21. Məsələdə körpünün uzunuşunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim əlinə lənt götürüb onu 2 hissədən qatlayır və şagirdlərə göstərərək deyir: "Lentin orta hissəsinin uzunluğu 30 sm, kənar hissələrin hər birinin uzunluğu isə bundan 8 sm qıсадır." Lentin ümumi uzunuşunu tapmaq üçün müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Lentin kənar hissələrinin uzunuşunu necə tapmaq olar? Lentin ümumi uzunuşu neçə santimetrə bərabər olar?

Məsələni həll etmək üçün sxem çəkilir.



Məsələnin həlli:

- Kənar aşırımların hər birinin uzunuşu tapılır. $53,4 - 7,6 = 45,8$ (m)
- Körpünün uzunuşu tapılır. $45,8 + 53,4 + 45,8 = 145$ (m)

Cavab. Körpünün ümumi uzunuşu 145 metrdir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin həll üsulları müzakirə olunur.

Layihə işi. Şagirdlərə müxtəlif şəkillər verib gündəlik həyatda bənzər situasiyalarda onluq kəsrlərin toplanması və çıxılması ilə bağlı rastlaşıqları məsələ yazısız həll etməyi, təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar. Şagirdlərə bir neçə situasiya ilə bağlı nümunələr vermək olar. Məsələn, yemək menyusundan sifariş verdikdə qiymətin hesablanması,

alış-veriş zamanı kütlələrə görə ümumi kütlənin hesablanması, dibçək gül boy atdıqca hündürlüğünün hesablanması və s.



MÖVZU 3.6. Onluq kəsrlərin 10-un qüvvətlərinə vurulması və bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none">Onluq kəsrləri 10-un qüvvətlərinə (10, 100, 1 000 və s.) vurur.Onluq kəsrləri 10-un qüvvətlərinə (10, 100, 1 000 və s.) bölür.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, xatkeş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/1158 https://video.edu.az/video/1238 Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/6.42-multiply-decimals-with-numbers-up-to-100 https://toytheater.com/place-value-move/ http://www.math-play.com/Multiplying-Decimals-Basketball-Game/Multiplying-Decimals-Basketball-Game_html5.html

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə 10-un qüvvətlərinə vurma və bölməyə aid misallar yazır. Şagirdlərdən hər misalın cavabını soruşur.

$$300 \cdot 10 =$$

$$200 \cdot 100 =$$

$$300 : 10 =$$

$$2100 : 100 =$$

$$30 \cdot 10 =$$

$$20 \cdot 100 =$$

$$30 : 10 =$$

$$20 : 100 =$$

$$3 \cdot 10 =$$

$$2 \cdot 100 =$$

$$3 : 10 =$$

$$2 : 100 =$$

$$0,3 \cdot 10 =$$

$$0,2 \cdot 100 =$$

$$0,3 : 10 =$$

$$0,2 : 100 =$$

Sonuncu sətirdə yazılan misalların cavabını tapmaq üçün müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir:

– Sonuncu sətirdəki misalların cavabını onluq kəsrləri adı kəsrə ifadə etməklə necə tapmaq olar? Hər sütunda cavablar və 1-ci vuruq (yaxud bölünən) arasında hansı qanunauyğunluq var? Bu qanunauyğunluğa əsasən sonuncu sətirdəki misalların cavabını necə müəyyən etmək olar?

Şagirdlər hər misalda cavabı tapdıqda vergülü vurma əməlində 10-un qüvvətindəki sıfırların sayı qədər sağa, bölmə əməlində isə sola sürüsdüyüünü görəcəklər.

Araşdırma-müzakirə

Kiçik bidonların tutumunun $7,5 \text{ l}$ olduğu qeyd olunur. 10 belə bidona neçə litr süd doldurmağın mümkün olduğunu bir neçə üsulla tapmaq olar. Müəllim yönəldici suallar verməklə şagirdləri istiqamətləndirir bilər.

– Cavabı təkrar toplama ilə necə tapmaq olar? Cavabı onluq kəsrini adı kəsrə ifadə etməklə necə tapmaq olar? Alınan ədədlə $7,5$ arasında hansı qanunauyğunluq var, vergülü yeri necə dəyişmişdir?

Şagirdlər 10 bidonu doldurmağa 75 l süd lazımlığını müəyyən etdikdən sonra 100 bidonu doldurmağa lazım olan südün miqdərini tapmaq üçün müxtəlif cavablar vera bilərlər. Məsələn: 10 bidon 75 l tutursa, 100 bidon 750 l tutar. $7,5$ onluq kəsrləri adı kəsrə ifadə etməklə $100\text{-}ə$ vurub cavabı tapmaq olar. Alınan ədədi qanunauyğunluğa əsasən necə müəyyən etmək olar?

1 bidon süddən 10 banka qatıq çalmağın mümkün olduğu qeyd olunur. Hər bankada neçə litr qatıq olduğunu müəyyən etmək üçün şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar:

– Onluq kəsrini adı kəsrə ifadə etməklə cavabı necə tapmaq olar? Alınan ədədlə $7,5$ arasında hansı qanunauyğunluq var, vergülü yeri necə dəyişmişdir? 100 belə bidonda neçə litr süd olduğunu tapmaq üçün bu qanunauyğunluqdan necə istifadə etmək olar? $7,5$ ədədini 10-a böldükdə alınan ədədi bu qanunauyğunluğa görə necə müəyyən etmək olar?

Cavabları ümumiləşdirib $10\text{-}a$, $100\text{-}ə$ vurduqda vergülü sağa, $10\text{-}a$, $100\text{-}ə$ böldükdə sola sürüsdürüldüyünü vurgulamaq məqsədə uyğundur.

Öyrənmə Onluq kəsrin 10-un qüvvətlərinə ($10, 100, 1 000$ və s.) vurulması

Onluq kəsrin 10-un qüvvətlərinə vurulma qaydası şagirdlərlə müzakirə olunur. Onluq kəsri 10, 100, 1000 və s. vurduqda vergül bu vuruqlardakı sıfırların sayı qədər sağa sürüsdürdüyü qeyd olunur. Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə edilir.



Fikirləş

Verilən hasillərdə adı kəsrən istifadə etməklə cavabı necə tapmaq mümkün olduğu şagirdlərlə müzakirə olunur. Uyğun misallar lövhədə yazılıb həll oluna bilər.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.splashlearn.com/s/math-games/multiply-the-decimal-numbers-by-a-power-of-10>

Müəllimin nəzərinə! Dərslikdə $0,1 \cdot 10$; $0,01 \cdot 100$; $0,001 \cdot 1000$ hasillərinin 1-ə bərabər olduğu təkrar toplama ilə göstərilmişdir.

$$0,1 \cdot 10 = 0,1 + \dots + 0,1 = 1$$

10

$$0,1 \cdot 100 = 0,1 + \dots + 0,1 = 10$$

100

$$0,1 \cdot 1\,000 = 0,1 + \dots + 0,1 = 100$$

1000

1-ci hasilin təkrar toplama ilə tapılması toplananların sayı az olduğundan sinifdə yoxlanıla bilər. Digər hallar üçün bunu yoxlamaq çətin olacağı üçün şagirdləri onluq kəsrləri adı kəsr şəklində yazmaqla adı kəsrin natural ədədə vurulma qaydasına əsasən hasili tapmağa yönəltmək olar. Bu qayda ilə $0,1$ -ə vurduqda ədədin 10 -a, $0,01$ -ə vurduqda 100 -ə və s.-yə böldüyüünü göstərmək olar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürələr. 10 , 100 , $1\,000$ və s.-yə vurarkən bu vuruqdakı sıfırların sayı onluq kəsrən vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayından çox olduqda vergülü sürüsdürərkən sağda sonuncu rəqəmdən sonra dayanır və hasili artıq tapdığını düşünürələr. Məsələn, $7,5$ və 100 ədədinin 75 -ə bərabər olduğunu

düşünərək səhvə yol verirlər. Belə səhvələrə yol verən şagirdlərə əvvəlcə onluq kəsrin sonuna sıfırlar artırmaqla vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayını 10 -un qüvvətiндəki sıfırların sayına bərabərləşdirməyi, sonra hasili tapmayı, yaxud vergülü sürüsdürərkən onluq kəsrin sonuncu rəqəminə çatdıraqda və sıfırların sayı qədər sürüşmə olmadıqda yerdə qalan sıfırların sayı qədər sıfır əlavə etməyi vurgulamaq məqsədə uyğundur.

Çalışma

2. Boş xanaya uyğun ədədlər müəyyən olunur. 10 -un qüvvətlərinə vurduqda vergülün sağa sürüsdüyünü nəzərə almaqla boş xanaya uyğun ədəd tapılır.

$$0,97 \cdot 10 = 9,7$$

$$1,27 \cdot 10 = 12,7$$

$$0,1297 \cdot 100 = 12,97$$

$$30,01 \cdot 100 = 3\,001$$

$$6,9731 \cdot 100 = 697,31$$

$$0,052 \cdot 10 = 0,052$$

$$0,0372 \cdot 100 = 3,72$$

$$0,0052 \cdot 10\,000 = 52$$

Öyrənmə Onluq kəsrin 10 -un qüvvətlərinə (10 , 100 , $1\,000$ və s.) bölünməsi

Onluq kəsrin 10 -un qüvvətlərinə bölünmə qaydası şagirdlərə izah olunur, verilən nümunə tapşırığın həlli şagirdlərlə müzakirə edilir.



Dikkat

Onluq kəsri 10 -un qüvvətlərinə bölkən ədədin sonunda rəqəm çatmadıqda sıfırlar əlavə olunduğu, sonra vergül qoyulduğu şagirdlərə bildirilir. Verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.mathgames.com/skill/6.46-multiply-and-divide-decimals-by-powers-of-ten>

3. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə edilir. Misallar üçün oxşar hesablamalar aparılır.

4. 10 -un qüvvətlərinə böldükdə vergülün sola sürüsdüyünü nəzərə almaqla boş xanaya uyğun ədəd tapılır.

$$2,7 : 10 = 0,27$$

$$23,4 : 100 = 0,234$$

$$6,2 : 100 = 0,062$$

$$46,3 : 1000 = 0,0463$$

6. ifadələrin qiyməti tapılır.

Müəllimin nəzərinə! 6-ci tapşırıqda ifadələrin qiymətinin hesablanması zamanı əməllər ardıcılığına diqqət yetirilməsinin vacibliyi vurgulanır. Bəzən şagirdlər natural ədədlərlə hesablamalarda əməllər sırasına diqqət etsələr də, onluq kəsrlər olan hesablamalarda bunu unudurlar. Əməllər ardıcılığını düzgün yerinə yetirməyən şagirdlərin müəyyən olunması, onlarla səhvələr üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə bir neçə şagird dəvət olunur. Şagirdlərin hər biri bir onluq kəsr söyləyir. Müəllim bu onluq kəsri 10 , 100 , $1\,000$ -ə vurmağı və ya bölməyi şagirdlərə tapşırır. Hər şagird misali yazır, cavabı yoxlayır və necə tapdığını izah edir.

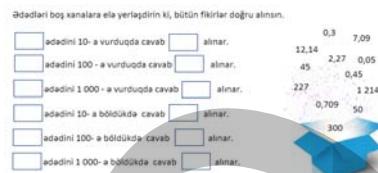
Dərinlaşdırma. Lövhəyə bir neçə şagird dəvət olunur. Şagirdlərdən biri bir onluq kəsr söyləyir və yoldaşına bu onluq kəsri 10 -un hansı qüvvətinə vurduqda, yaxud böldükdə verilən ədədə bərabər olacağını soruşur. 1-ci şagird

tapşırığı yerinə yetirdikdən sonra növbəti növbəti şagirdə keçir. Şagirdlərin verə biləcəkləri suallara nümunələr: "3,45 ədədini neçəyə vurduqda cavab 34,5 olar? 42,5 ədədini neçəyə böldüksə cavab 0,425-a bərabər olar?" və s.

Komanda oyunu. Sınıf qruplara bölünür. Hər qrupa iş vərəqisi verilir. Şagirdlər ədədləri boş xanalara elə yerləşdirirlər ki, hər bir fikir doğru alınsın. Tapşırığı ilk və düzgün yerinə yetirən komanda qalib elan olunur. Bir neçə fikrə uyğun misallar lövhədə yazılıb müzakirə oluna bilər.

İş vərəqini bu istinaddan yüklemək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1Lg5AsTGUlrIpWmmtP8Jz0afunU6IAzTO/view?usp=sharing>



Məsələ həlli

7. Məsələdə 1 l benzinin qiymətini və 100 l benzin üçün nə qədər pul ödəmək lazım olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

1-ci üsul.

- 1 l benzinin neçəyə olduğu hesablanır. $9,2 : 10 = 0,92$ (man).
- 100 l benzin üçün nə qədər pul ödəmək lazım olduğu tapılır. $0,92 \cdot 100 = 92$ (man).

2-ci üsul.

- 100 litrin 10 ədəd 10 litrə bərabər olduğuna əsasən 100 l benzin üçün nə qədər pul ödənilməyini belə tapmaq olar. $9,2 \cdot 10 = 92$ (man).

Cavab, 100 l benzin üçün 92 manat ödəmək lazımdır.

8. Məsələdə xəritədə müəyyən miqyaslarla verilmiş ölçülərə əsasən cədvəlin doldurulması tələb olunur.

Şagirdlərə miqyas haqqında qısa məlumat verilir.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə cədvəl çəkir, miqyası qeyd edir və bir neçə əşya adını cədvəlin 1-ci sütununa yazır. Şagirdlər xətkəşlə ölçüləri müəyyən edib 2-ci sütuna yazırlar. Müəllim şagirdlər istiqamətləndirici suallar verir: "3-cü sütuna yazılıcaq ədədləri necə müəyyən etmək olar? Qələmin uzunluğunu millimetrlə necə ifadə etmək olar? 3-cü sütuna yazılıcaq ədədi necə müəyyən etmək olar? Plandaki ölçü kiçik, yoxsa böyük olacaq? Onu necə tapmaq olar?" Şagirdlər hər əşyaya uyğun santimetrlə verilən həqiqi ölçüləri 10-a vurmaqla millimetrlə ifadə edib 3-cü sütuna yazır və 10-a bölməklə hər əşya üçün plandaki ölçünü müəyyən edirlər.

Məsələnin həlli:

- Uyğun hesablamalar aparılır və cədvəl tamamlanır.

$$150 \cdot 100\,000 = 15\,000\,000 \text{ (sm)}$$

$$15\,000\,000 : 1\,000\,000 = 15 \text{ (sm)}$$

$$2,5 \cdot 1\,000\,000 = 2\,500\,000 \text{ (sm)}$$

$$2\,500\,000 : 1\,000\,000 = 2,5 \text{ (km)}$$

$$800\,000 : 100\,000 = 8 \text{ (km)}$$

$$800\,000 : 1\,000\,000 = 0,8 \text{ (sm)}$$

1:10			
Əşya (uzunluq)	Həqiqi ölçü (sm)	Həqiqi ölçü (mm)	Plandaki ölçü (sm)
Karandaş			
Kitab			

Xətkəş

Həqiqi ölçü (km)	Həqiqi ölçü (sm)	Plandaki ölçü (sm)
150	15 000 000	15
25	2 500 000	2,5
8	800 000	0,8

- Bakıdan 360 km məsafədə olan Balakənə qədər yolun xəritədə neçə sm olduğu hesablanır. $360 : 36 = 10 \text{ sm}$.

- Dərslikdə verilən xəritə üzərində ölçməklə cavab müəyyən edilir.

Cavab. Bakıdan Balakənə qədər olan məsafə xəritədə 10 santimetrə bərabərdir.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri 10-un qüvvətlərinə (10, 100, 1 000 və s.) vurur.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrləri 10-un qüvvətlərinə (10, 100, 1 000 və s.) bölgür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

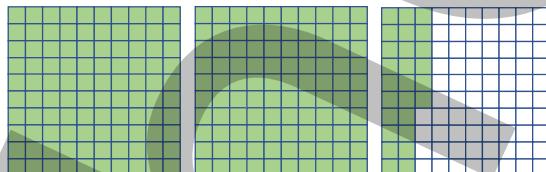
MÖVZU 3.7. Onluq kəsrin natural ədədə vurulması

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəslər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Onluq kəsləri natural ədədə vurur.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş onluq və yüzlük kartlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/1176 https://video.edu.az/video/9654 https://video.edu.az/video/8884 Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/6.42-multiply-decimals-with-numbers-up-to-100 https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall

Mövzuya yönəltmə. Müəllim kağızdan şəkildəki modelləri hazırlayır. Modellərdən istifadə etməklə verilən hasil necə tapmağın mümkün olduğunu şagirdlərdən soruşur. Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər təsvirləri projektorla nümayiş etdirmək olar.



$$\begin{aligned}1,3 \cdot 2 &= \\1,3 \cdot 3 &= \\1,3 \cdot 4 &=\end{aligned}$$



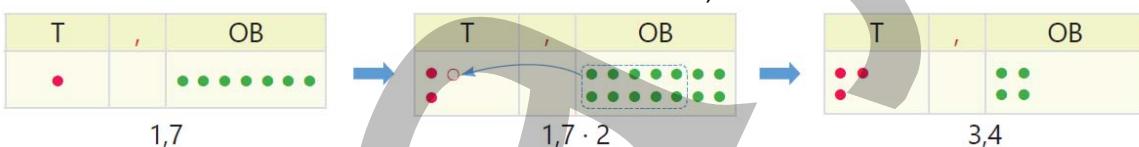
$$\begin{aligned}2,26 \cdot 2 &= \\2,26 \cdot 3 &= \\2,26 \cdot 4 &=\end{aligned}$$

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "1,3 və 2 ədədlərinin hasilini modellərdən istifadə etməklə necə tapmaq olar? Bunu təkrar toplamadan istifadə etməklə necə izah edə bilərsiniz? 1,3 və 2 ədədlərinin hasilili ilə 13 və 2 ədədlərinin hasilili arasında qanunauyğunluq varmı? Hasili tapmaq üçün bu qanunauyğunluqdan necə istifadə etmək olar?" Hər misal üçün hasilin necə tapıldığı siniflə müzakirə olunur.

Araşdırma-müzakirə

Valyutadəyişmə məntəqəsində hər valyutanın 1 vahidinin neçə manat olduğu qeyd olunmuşdur. 2 dollar (\$) almaq üçün neçə manat ödənilməyi və bunu təsvirlər vasitəsilə mərtəbə cədvəlində necə izah etmək mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur. 1\$-in 1,7 manat olduğunu nəzərə alaraq 2\$-in neçə manat olduğunu müəyyən etmək üçün şagirdlər $1,7 \cdot 2$ hasilini tapmalıdır. Təkrar toplamadan, eyni zamanda mərtəbə cədvəlindən istifadə etməklə cavabı müəyyən etmək olar. Mərtəbə cədvəlində verilən təsvirlər müzakirə olunur. 1,7 ədədini mərtəbə cədvəlində təsvir edib 2 dəfə artırırdıqda 14 ondabir alındığından 10 ondabir 1 təklik kimi təkliklər mərtəbəsinə əlavə edilir. Beləliklə, mərtəbə cədvəlində 3 təklik və 4 ondabir olur.

Valyuta məzənnəsi	
1 USD (\$)	1,7 ₼
1 EUR (€)	1,7674 ₼
1 TRY (₺)	0,1103 ₺



50 türk lirəsini almaq üçün neçə manat vermək lazım olduğunu müəyyən etmək üçün valyuta məzənnəsinə əsasən 1 türk lirəsinin 0,1103 manat olduğu qeyd olunur. 50 türk lirəsinin neçə manat olduğunu müəyyən etmək üçün şagirdlər bu ədədi 50-yə vurmalıdır. Şagirdlər verilən ədədi 5-ə vurub, sonradan 10-a vurma qaydasından istifadə edə bilərlər. Hasili hansı üsullarla tapmağın mümkün olduğu müzakirə olunur.

$$50 \cdot 0,1102 = (10 \cdot 5) \cdot 0,1102 = 10 \cdot 0,551 = 5,51 \quad \text{və ya} \quad 50 \cdot 0,1102 = (5 \cdot 10) \cdot 0,1102 = 5 \cdot 1,102 = 5,51$$

Öyrənmə Onluq kəsrin natural ədədə vurulması

Onluq kəslə natural ədədin hasilinin tapılma qaydası şagirdlərə izah edilir. Verilən nümunə tapşırığın həlli addımlarla şagirdlərlə müzakirə olunur. Natural ədədlərin hasilili ilə onluq kəslə natural ədədin hasilili arasında əlaqənin olduğu həmin qanunauyğunluğa əsasən hasilili necə tapmağın mümkün olduğu siniflə müzakirə olunur. Hasili tapmaq üçün onluq kəsrini adı kəslə ifadə etmək qaydası, eyni zamanda onluq kəsrin natural ədədə vurulmasının ədəd oxundan təsviri və təkrar toplama ilə tapılması siniflə müzakirə edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.splashlearn.com/s/math-games/use-model-to-multiply-decimal-and-whole-numbers>

Çalışma

1. Vurma əməli yerinə yetirilir, bir neçə cavab təkrar toplama ilə yoxlanılır.

2. Nümunə tapşırıq müzakirə olunur. Hasıl tapılır.

3. Vurmanın xassələrindən istifadə etməklə hasillər hesablanır.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər 3-cü tapşırıqda verilən misallarda hasili taparkən soldan-sağ'a ardıcılıqla vurmağa çalışırlar. Vurmanın xassələrini misal həllində tətbiq etməyi bacaran şagirdlər bu xassələrdən istifadə etməklə cavabı əlverişli üsulla müəyyən edirlər. 3-cü tapşırıqda vurmanın hansı xassələrindən istifadə olunduğunu şagirdlərdən soruşmaq tövsiyə olunur. Belə misalları əlverişli üsullarla həll etmək üçün şagirdlərdə $2,5 \cdot 4 = 10$; $0,25 \cdot 4 = 1$ və s. hasillərini şifahi hesablama bacarıqlarını təkmilləşdirmək tövsiyə olunur. Hasilləri müəyyən etməkdə çətinlik çəkən şagirdlərə uyğun bir neçə misalı həll etməyi tapşırmaq olar. Bu, şagirdlərdə şifahi hesablama bacarıqlarını möhkəmləndirmək üçün vacibdir.

$$\begin{array}{r} 5, \boxed{4} 3 \\ \times 7 \\ \hline \boxed{3} 8 0 \boxed{1} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3, \boxed{5} 3 4 \\ \times 6 \\ \hline \boxed{2} 1 2 \boxed{0} 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 8, \boxed{5} \\ \times 2 3 \\ \hline \begin{array}{r} \boxed{8} \boxed{5} 5 \\ + 5 7 0 \\ \hline 6 \boxed{5} 5 5 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 3, \boxed{4} \\ \times \boxed{2} 7 \\ \hline \begin{array}{r} 1 6 \boxed{3} 8 \\ + 2 6 8 \\ \hline 4 \boxed{3} 1 8 \end{array} \end{array}$$

7. Təkliklərə qədər yuvarlaqlaşdırmaqla hasilin təqribi qiyməti şifahi hesablanır.

8. Qanuna uyğunluq müəyyən olunur və növbəti iki ədəd yazılır.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə onluq kəsrlərin natural ədədlərə vurulmasına aid misal yazılır. Şagirdlərin hər biri misali həll edir və açıqlamasını söyləyir. Şagirdlərə həll ilə bağlı bir-birinə suallar verməyi tapşırmaq olar.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə onluq kəsrin natural ədədə vurulmasına aid misallar yazır. Şagirdlər hər misala uyğun situasiya müəyyən edir və misalın cavabının qurduqları məsələdə nəyə bərabər olduğunu söyləyirlər.

Komanda oyunu. Kublaşdırma üsulu ilə yarış təşkil olunur. Sınıf qruplara bölünür. Onluq kəsrin natural ədədə vurulmasına aid misallar yazılmış kartlar masaya üzüaşığı düzülür. Bu misallar arasından 6 misal seçilir və kubun üzərinə yapışdırılır və ya yazılır. Şagirdlərin hər biri kubu atır və üst üzə düşən misali həll edir. Əgər həll doğru olarsa, qrup 1 xal qazanır. Növbəti oyunçu oyunu davam etdirir, kubun üzündə düşən misal təkrarlanırsa, kub yenidən atılır. Bu qayda ilə kubun bütün üzündəki misallar həll olunana qədər oyun davam etdirilir. Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yüklemək olar:

https://drive.google.com/file/d/1NUozUdksMCnqTWgtxuExUGHljovlx_2/view?usp=share_link

Məsələ həlli

9. Uzunluğu 6 m olan düzbucaqlı formasında bağçanın perimetri və sahəsinə tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Bağçanın eni hesablanır. $6 - 1,2 = 4,8$ (m)
- Bağçanın perimetri hesablanır. $(4,8 + 6) \cdot 2 = 21,6$ (m)
- Bağçanın sahəsi hesablanır. $6 \cdot 4,8 = 28,8$ (m^2)

Cavab. Bağçanın perimetri 21,6 m, sahəsi isə 28,8 m^2 -ə bərabərdir.

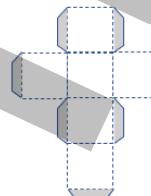
Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri müzakirə olunur.

10. Məsələdə 40 l benzinqələ motosikletdə, avtomobildə nə qədər çox yol getmək mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

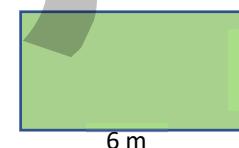
Məsələnin həlli.

1-ci üsul.

- 1 l benzinqələ avtomobilə nə qədər yol getməyin mümkün olduğu tapılır. $85,74 : 10 = 8,574$ (km)
- 1 l benzinqələ motosikletlə nə qədər yol getməyin mümkün olduğu tapılır. $172,45 : 10 = 17,245$ (km)
- 40 l benzinqələ avtomobilə nə qədər yol gedildiyi müəyyən edilir. $8,574 \cdot 40 = 342,96$ (km)
- 40 l benzinqələ motosikletlə nə qədər yol gedildiyi müəyyən edilir. $17,245 \cdot 40 = 689,8$ (km)
- Motosikletin avtomobildən nə qədər çox yol getdiyi müəyyən edilir. $689,8 - 342,96 = 346,84$ (km)



1,8 - 2	1,1 - 15	1,21 - 5	1,01 - 32
2,5 - 4	3,4 - 12	1,03 - 2	0,62 - 25
2,4 - 6	0,2 - 24	0,05 - 14	1,26 - 30
0,7 - 5	4,5 - 30	2,32 - 6	1,12 - 20
0,9 - 9	2,0 - 16	1,12 - 8	0,23 - 6
0,2 - 12	1,4 - 20	0,18 - 3	1,04 - 25



2-ci üsul.

- 40 l benzinlə avtomobilə nə qədər yol getdiyini müəyyən etmək üçün 40 litrin 4 ədəd 10 litrə bərabər olduğu qeyd olunur.

• Avtomobilə gedilən yol tapılır. $4 \cdot 85,74 = 342,96$ (km).

• Motosikletlə gedilən yol tapılır. $4 \cdot 172,45 = 689,8$ (km).

• Motosikletlə avtomobildən nə qədər çox yol getdiyi tapılır. $689,8 - 342,96 = 346,84$ (km)

Cavab. 40 l benzinlə motosiklet avtomobildən 346,84 km çox yol getdi.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri müzakirə olunur.

11. Məsələdə müştərinin satıcıya 25 manat verdikdə satıcının ona nə qədər pul qaytarmalı olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

• 2 kq pendirin qiyməti hesablanır. $2 \cdot 3,45 = 6,90$ (man).

• 1 kq yağıñ qiyməti hesablanır. $4 \cdot 3,45 = 13,80$ (man).

• Satıcının müştəriyə qaytarmalı olduğu pulun miqdarı hesablanır. $25 - (6,9 + 13,8) = 4,30$ (man)

Cavab. Satıcı müştəriyə 4,30 manat pul qaytarmalıdır.

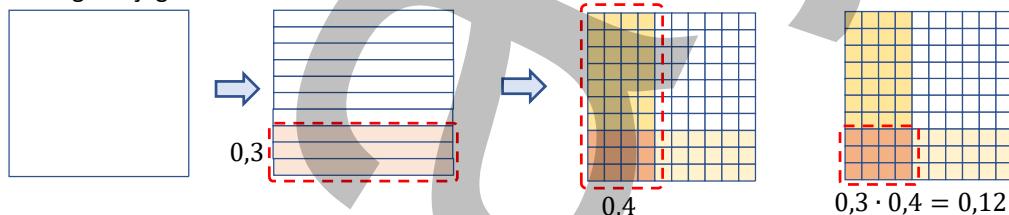
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri natural ədədə vurur.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrləri 10-un qüvvətlərinə (10, 100, 1 000 və s.) böölür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.8. Onluq kəsrlərin vurulması

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none">• Onluq kəsri 0,1-ə, 0,01-ə və s.-yə vurur.• Onluq kəsrlərin hasilini hesablayır.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş onluq və yüzlük kartlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://youtu.be/4wXOsKRGJbI https://video.edu.az/video/1895 https://video.edu.az/video/1979 Çalışma: https://www.futuristicmath.com/games/6th-grade-multiplication-of-decimals-game.html https://www.splashlearn.com/math-games/use-model-to-multiply-decimal-and-whole-numbers https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə bir kvadrat çəkir, əvvəlcə bu kvadratı şaquli xətlər çəkməklə şəkildəki kimi 10 bərabər hissəyə böölür və 3 hissəni rəngləməklə 0,3 hissəni qeyd edir, sonra isə üfüqi xətlər çəkməklə figura 10 hissəyə böölür və 4 hissəni rəngləməklə 0,4 hissəni qeyd edir. Müəllim kəsişməni rəngləyib vurma əməli ilə necə ifadə olundığını şagirdlərə izah edir.



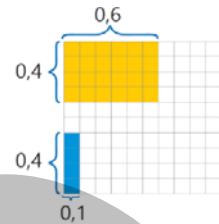
Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar: Sahə modelindən istifadə etməklə 0,3 və 0,4 ədədlərinin hasilini necə tapmaq olar? Qeyd olunan hissə hansı onluq kəsrə uyğundur?

Texniki imkanları olan siniflərdə belə video izahlardan istifadə etmək olar: <https://youtu.be/4wXOsKRGJbI>

Araşdırma-müzakirə

$0,4 \cdot 0,1$ və $0,4 \cdot 0,6$ hasilərini hansı üsullarla tapmağın mümkün olduğu şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlər istiqamətləndirici suallar verməklə “onluq kəsrləri adı kəsrlərlə ifadə etməklə”, “qruplaşdırma xassəsindən istifadə etməklə” və s. cavabları verməyə yönəltmək olar.

Cavabın doğruluğu təsvirdə verilən, tərəfləri 10 bərabər hissəyə bölünmüş vahid kvadrat üzərində izah olunur. Lövhəyə kvadrat çəkilir, kvadrat üfuqi xətlərlə 10 bərabər hissəyə bölünür, 4 hissə götürülür və 1-ci vuruğa ($0,4$) uyğun olduğu qeyd olunur, şaquli çəkilmiş xətlərlə 10 bərabər hissəyə bölünüb 1 hissə götürülür və 2-ci vuruğa ($0,1$) uyğun olduğu qeyd olunur. Beləliklə, $0,4 \cdot 0,1$ hasilinin $0,04$ -ə bərabər olduğu göstərilir. Eyni qayda ilə $0,4 \cdot 0,6$ hasilinin tapılma qaydası izah edilir.



Öyrənmə Ədədin 0,1-ə, 0,01-ə və s.-yə vurulması

Ədədin $0,1$ -ə və $0,01$ -ə vurulma qaydası, vergülüñ neçə rəqəm sağa sürüyüyü şagirdlərə izah edilir. Verilən nümunə tapşırıqların həlli şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlərin diqqətinin vergülüñ yerini necə dəyişdiyinə yönəltmək məqsədəuyğundur.

Çalışma

1. Hasıl tapılır. Şagirdləri ilk sütunlarda yazılın misallarda vuruqların dəyişməsinə əsasən hasılın necə dəyişdiyinə diqqət etməyə yönəltmək məqsədəuyğundur.

2. $0,1$ -ə, $0,01$ -ə və s.-yə vurduqda vergülüñ sola sürüyüyü nəzərə almaqla boş xanaya uyğun ədəd tapılır.

$$23 \cdot 100 = 0,23$$

$$64,3 \cdot 0,1 = 6,43$$

$$0,3 = 3 \cdot 0,1$$

$$0,01 \cdot 0,01 = 0,0001$$

Öyrənmə Onluq kəsrlərin vurulması

Onluq kəsrlərin hasılının vurmanın xassələrindən istifadə etməklə tapılması nümunə tapşırıq vasitəsilə izah olunur. Onluq kəsrləri alt-alta yazmaqla natural ədədlərin vurulma qaydasından istifadə etməklə hasili tapmağın mümkün olduğu bildirilir. Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur. Hasildə vergüldən sonrakı rəqəmlərin necə müəyyən olunduğuuna diqqətin yönəldilməsi məqsədəuyğundur.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://www.iknowit.com/lessons/e-multiplying-decimals.html>

<https://www.mathnook.com/math/math-speed-racing-decimal-multiplication.html>

3. Vurma əməli yerinə yetirilir. Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə belə video izahlardan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/1241>

6. Tənliklər həll edilir. Əgər tənliyin sağ tərəfində hər hansı əməl varsa, əvvəlcə o yerinə yetirilir. Sonra toplama və çıxmanın, vurma ilə bölmənin əlaqəsindən istifadə etməklə tənlik həll edilir.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə onluq kəsrlərin vurulmasına aid misal yazılır. Şagirdlərin hər biri misalı həll edir və açıqlamasını söyləyir. Şagirdlərə həll ilə bağlı bir-birinə suallar verməyi tapşırmaq olar.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə 3 şagird dəvət edir. Lövhəyə onluq kəsrlərin vurulmasına aid misal yazılır. Şagirdlərdən birinə misalı alt-alta vurmaqla, 2-ci şagirdə onluq kəsrləri adı kəsrlə ifadə etməklə, 3-cü şagirdə isə onluq kəsrlərdən birini natural ədədlə $0,1$ ($0,01$ və s.) onluq kəsrinin hasili şəklində yazış qruplaşdırma xassəsindən istifadə etməklə həll etməyi tapşırır. Hər üsulan həlli ardıcılılığı izah edilir.

Oyun. Sinif qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanılır. Pazl hissələri kəsilib masaya düzülür və qarışdırılır. Şagirdlərə verilən misalları həll etmək və cavabları bərabər olan pazl hissələrini birləşdirmək tapşırılır. Tapşırığı ən tez və düzgün yerinə yetirən qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

<https://drive.google.com/file/d/1Mpfb1T4b5zLmENq9jOnmevEb7oTgkygD/view?usp=sharing>

0,24 · 1,5 = _____	0,4 · 0,9 = _____
2,1 · 2,08 = _____	0,52 · 8,4 = _____
12,8 · 3,2 = _____	6,4 · 6,4 = _____
7,68 · 0,1 = _____	2,4 · 0,32 = _____

Məsələ hallı

7. Məsələdə uşaqların fikirlərinin doğru olub-olmadığını müəyyən etmək tələb olunur. Tapşırığı debat üsulundan istifadə etməklə yerinə yetirmək olar. Lalənin fikrinin doğru olduğunu düşünənlər sola, yanlış olduğunu düşünənlər isə sağa düzülür. Sağda və solda olan şagirdlər fikirlərini əsaslandırmaq üçün nümunələr söyləyirlər. Eyni qayda ilə Elxanın fikrinin həmişə doğru olduğu müəyyənləşdirilir.

9. Məsələdə termometrin göstəricisinin neçə Farenheyt olduğunu müəyyən etmək tələb olunur. Dərslikdə verilən məlumat şagirdlərin diqqətinə çatdırılır.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə iki düstur yazıb şagirdlər suallar verir: "2 saata avtomobil neçə kilometr yol gedər? Düzbucaqlının tərəflərinin uzunluqları 20 sm və 40 sm olarsa, perimetri nə qədər olar? Bunu necə tapmaq olar?"

$$S = 80 \cdot t$$

$$P = 2 \cdot (a + b)$$



Məsələnin həlli:

- Termometrin göstəricisinə ($36,6^{\circ}\text{C}$) uyğun temperatur düstura əsasən Farenheytə çevrilir.
 $F = 1,8 \cdot 36,6 + 32 = 97,88^{\circ}\text{F}$

Cavab. Termometrin göstəricisi $97,88^{\circ}\text{F}$ olar.

Layihə işi. Şagirdlərə temperatur ölçü vahidlərini araşdırmağı, Selsi və Farenheyt temperatur ölçü vahidlərinin nəyə görə belə adlandırıldığı, nə zamandan tətbiq edildiyi, onlar arasında çevrilmə düsturu haqqında məlumat toplamağı və təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar.

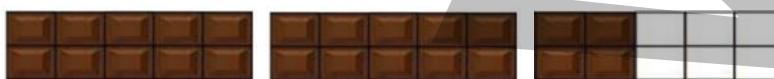
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Onluq kəsrləri $0,1$ -ə, $0,01$ -ə və s.-yə vurur.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsrlərin hasilini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.9. Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Bölgünən bölgəndən böyük olduğu halda onluq kəsrini natural ədədə bölməlidir. Bölgünən bölgəndən kiçik olduğu halda onluq kəsrini natural ədədə bölməlidir.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş onluq və yüzlük kartları, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://youtu.be/4wXOskRgJbl https://video.edu.az/video/1494 Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/e-dividing-decimals-by-a-whole-number.html https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall

Mövzuya yönəltmə. Müəllim şagirdlərə "2,4 şokoladı bir neçə şagird arasında necə bölmək olar?" suali verir və lövhəyə 2,4 ədədə uyğun model çəkir. Şagirdlərə modelə görə verilən bölmə əməllərini yerinə yetirmək və sözlə ifadə etmək tapşırılır.



$$\begin{array}{ll} 2,4 : 2 = & 2,4 : 6 = \\ 2,4 : 3 = & 2,4 : 8 = \\ 2,4 : 4 = & 2,4 : 12 = \end{array}$$

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Modeldən istifadə etməklə 2,4 şokoladı 2 şagird arasında bölsək, hər şagirdə nə qədər şokolad düşər? Hər şagirdə düşən hissə neçə tam və neçə kəsr hissədən ibarət olar? 2,4 şokoladı 3 şagird arasında bərabər paylaşıq, hər şagirdə nə qədər şokolad düşər? Bunu necə tapmaq olar?"

Texniki imkanları olan siniflərdə belə video izahlardan istifadə etmək olar:

<https://www.splashlearn.com/s/math-games/divide-decimal-by-whole-numbers-using-models>

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda şagirdlər hər stəkanda nə qədər süd olduğunu verilən modelə əsasən müəyyən edirlər. Verilən modeldə 1,2 ədədi təsvir olunmuşdur. Bu ədədi 3 bərabər hissəyə böldükdə hər hissəyə 0,4 düşdüyüünü görəcəklər. Deməli, $1,2 / \text{süd} = 3$ stəkana bərabər boşaltdıqda hər stəkana $0,4 / \text{süd} = 0,4$ düşəcək. Eyni qayda ilə şagirdlər 2 stəkəni 4 stəkana bərabər boşaltdıqda hər stəkana nə qədər süd düşəcəyini müəyyən etməlidirlər. Burada şagirdlər modellərdən istifadə edə bilərlər. 2 ədədini təsvir etmək üçün 2 kvadrat götürülür, onları 4 bərabər hissəyə bölmək üçün hər kvadrat 2 bərabər hissəyə bölünür və modelə əsasən cavabin $0,5$ -ə bərabər olduğu alınır. Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi zamanı natural ədədlərin bölmə qaydasından necə istifadə olunduğu siniflə müzakirə olunur. Şagirdlər 12 ədədini 3-ə böldükdə 4 alındığını və 1,2 ədədini 3-ə böldükdə 0,4 alındığını söyləyə bilərlər.

Müəllimin nəzərinə! Natural ədədlərin bölünməsi qaydasından istifadə etməklə onluq kəsrləri bölməyi bacaran şagirdlər onluq kəsrlərin bölünməsi əməlini daha sürətli yerinə yetirirlər. Bu, şagirdlərdə şifahi hesablama bacarıqlarını inkişaf etdirir. Müəllim şagirdlərə natural ədədlərin bölmə qaydasına əsasən bir neçə misalı həll

etməyi tapşırı bilər. Bu misallardakı qanunauyğunluğa əsasən onluq kəsrin natural ədədə bölünməsinin necə yerinə yetirildiyini şagirdlər görə bilərlər. Məsələn, $200 : 5 = 20$; $5 : 2 = 2\frac{1}{2}$; $0,2 : 5 = 0,04$. Bir neçə əlavə nümunə göstərməyi şagirdlərə tapşırmaq olar. Bu misalları həll etdikdə şagirdləri vergülün necə sürüşdүүнə diqqət etməyə yönəltmək tövsiyə olunur.

Öyrənmə Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi (bölgünən bölgəndən böyük olan hal)

Onluq kəsrin natural ədədə bölmək üçün əvvəlcə tam hissənin bölündüyü, sonra qismətdə vergül qoyulub bölmə əməlinin natural ədədlərin bölünmə qaydası ilə davam etdirildiyi vurğulanır.

Bölgünən və bölgə adı kəslə ifadə olunmaqla qismətin tapılma qaydası sınıfla müzakirə olunur. Adı kəslərin bölünməsi qaydaları yada salınır. Verilən nümunə tapşırıqlar sınıfla müzakirə olunur.

Çalışma

1. Qismət tapılır. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması müzakirə olunur. Digər tapşırıqlar şagirdlərin mənimsemə səviyyəsinə görə sərbəst iş şəklində, yaxud müəllimin köməyi ilə yerinə yetirilə bilər.

Öyrənmə Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi (bölgünən bölgəndən kiçik olan hal)

Bölgünən bölgəndən kiçik olduqda qismətin tam hissəsinin sıfıra bərabər olduğu qeyd olunur. Sıfırdan sonra vergül qoymaqla bölmə əməli davam etdirilir. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.

 **Fikirləş** Bölgünəni adı kəsrə yazmaqla qisməti necə tapmağın mümkün olduğu şagirdlərdən soruşulur. 1-ci öyrənmə mərhələsində şagirdlər bölgünəni və bölgəni adı kəslə ifadə etməklə qisməti necə tapmağın lazımlığı olduğu nümunə tapşırıqda izah edilmişdi. Eyni qayda ilə verilən tapşırığı yerinə yetirmək olar.

2. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. Qismət tapılır.

3. Daha asan hesablama üçün bölgünəni uyğun natural ədədlərlə əvəz etməklə qismət təxmin edilir. Müəllim bir neçə misali sınıfla müzakirə etməklə şagirdlərlə yerinə yetirə bilər. Cavab dəqiq hesablanır və inandırıcılığı yoxlanılır.

$$4,5 : 5 \approx 5 : 5 = 1$$

$$4,4 : 2 \approx 4 : 2 = 2$$

$$26,1 : 9 \approx 27 : 9 = 3$$

yaxud

$$26,1 : 9 \approx 30 : 10 = 3$$

$$4,5 : 5 = 0,9$$

$$4,4 : 2 = 2,2$$

$$26,1 : 9 = 2,9$$

İnandırıcıdır.

İnandırıcıdır.

İnandırıcıdır.

4. Əvvəlcə təxmin etməklə, sonra hesablama aparmaqla müqayisə olunur. Digər misalları şagirdlərə sərbəst yerinə yetirməyi tapşırmaq olar.

Öyrənmə Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi (bölgünənin kəsr hissəsinə sıfırların əlavə edilməsi)

Bəzən bölgünəndə bütün mərtəbələr bölnüsə də, qalıqda sıfır alınır. Bu zaman kəsr hissənin sonuna sıfırlar əlavə etməklə bölmə davam etdirilir. Bu qaydaya uyğun bir neçə nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. Nümunə tapşırıqlardan birində bölgünənin sonuna bir sıfır, digərində isə iki sıfır əlavə edilmişdir. Hər iki tapşırığın sınıfla müzakirə olunması məqsədə uyğundur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər əvvəlcədən bölgünənin kəsr hissəsinə sıfırların əlavə edilməsinə ehtiyac olduqda neçə sıfır əlavə olunduğunu əvvəlcədən müəyyən etməyə çalışırlar. Bölgünənin kəsr hissəsinə sıfırların əlavə edilməsi qaydası şagirdlərə izah edilərkən sıfırların sayının bölmə əməlinin yerinə yetirilməsi zamanı müəyyən olunduğunun vurğulanması məqsədə uyğundur. Bölmə əməli zamanı bölmə əməlinin sonunda qalıq sıfır alınana qədər prosesin davam etməsi üçün lazımlı sayda bölgünənin sonuna sıfırların artırıldığı şagirdlərə bildirilir. Bölgünənin sonuna 3 sıfır artırılaraq bölmə əməlinin yerinə yetirilməsinə aid bir neçə nümunə tapşırıq da yazmaq olar. Məsələn: $25 : 8 = 3,125$ və s.

Texniki imkanları olan sınıflarda belə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

https://www.mathopolis.com/questions/q.html?id=965&t=mif&qs=965_1351_966_1352_967_1353_3467_3468_3469_3470&site=1&ref=2f6469766964696e672d646563696d616c732e68746d6c&title=4469766964696e6720446563696d616c73

5. Bölmə əməli yerinə yetirilir, cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır.

6. Surəti məxrəcə bölməklə adı kəslər onluq kəslər şəklində yazılır.

7. Vurma və bölmənin əlaqəsindən, yaxud məchulun tapılma qaydasından istifadə etməklə tənliklər həll edilir.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə onluq kəslərin natural ədədə bölünməsinə aid misal yazıılır. Şagirdlərin hər biri misalı həll edir, hansı hala aid olduğunu söyləyir və vurma əməli ilə cavabı yoxlayır.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə 2 şagird dəvət edir. Şagirdlərdən birinə bölünən bölgəndən kiçik olduğu hala, digərinə bölünən bölgəndə böyük olduğu hala aid misal yazmağı tapşırır. Şagirdlər uyğun misal yazıb həll edir və vurma əməli ilə cavabı yoxlayırlar.

Komanda oyunu. Kublaşdırma üsulu ilə yarış təşkil olunur. Sınıf qruplara bölünür. Onluq kəsrin natural ədədə bölünməsinə aid misallar yazılmış kartlar masaya üzüşağı düzülür. Bu misallar arasından 6 misal seçilir və kubun üzərinə yapışdırılır və ya yazılır. Şagirdlərin hər biri kubu atır və üst üzə düşən misalı həll edir. Əgər həll doğru olarsa, qrup 1 xal qazanır. Növbəti oyunçu oyunu davam etdirir, kubun üzündə düşən misal təkrarlanarsa, kub yenidən atılır. Bu qayda ilə kubun bütün üzündəki misallar həll olunana qədər oyun davam etdirilir. Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1AT2dnh_dt3XW37URff9dpfW92lwS80H/view?usp=share_link

Məsələ həlli 8. Məsələdə avtomobilərin sürətləri yolboyu dəyişməsə, onların hansı sürətlə getdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- 1-ci avtomobilin sürəti müəyyən olunur. $370 : 4 = 92,5$ (km/saat).
- 2-ci avtomobilin sürəti müəyyən olunur. $447,5 : 5 = 89,5$ (km/saat).

Cavab. 1-ci avtomobil yolboyu $92,5$ km/saat, 2-ci avtomobil isə yolboyu $89,5$ km/saat sürətlə getmişdir.

9. Hansı qutudakı yuyucu tozun daha ucuz olduğu və neçəyə olduğu müəyyənləşdirilir.

Məsələnin həlli:

- Hər qutu üçün yuyucu tozun 1 kiloqramının qiyməti hesablanır.



$$28,80 : 8 = 3,6$$



$$23,40 : 6 = 3,9$$



$$17,80 : 4 = 4,45$$

Cavab. 1-ci qutudakı yuyucu tozun 1 kiloqramı daha ucuzdur. Onun qiyməti $3,60$ manatdır.

10. Məsələdə müəyyən pula alınan qarabaşığın düydən nə qədər çox olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- 13 manata nə qədər düyü almağın mümkün olduğu tapılır. $13 : 3,25 = 4$ (kq).
- 13 manata nə qədər qarabaşaq almağın mümkün olduğu tapılır. $13 : 2,50 = 5,2$ (kq).
- 13 manata alınan qarabaşığın düydən nə qədər çox olduğu müəyyən olunur.

$$5,2 - 4 = 1,2 \text{ (kq)}$$

Cavab. 13 manata alınan qarabaşaq düydən $1,2$ kq çox olar.

Layihə işi. Şagirdlərə gündəlik həyatda müxtəlif situasiyalar (tərəvəz, meyvə, alış-veriş, yol və s.) söyləyib onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi ilə bağlı rastlaşıqları məsələ yazıb həll etməyi tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Bölünən bölgəndən böyük olduğu halda onluq kəsrin natural ədədə bölür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Bölünən bölgəndən kiçik olduğu halda onluq kəsrin natural ədədə bölür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.10. Ədədin onluq kəsrə bölünməsi

ALT STANDARTLAR	1.4.4. Onluq kəsrlər üzərində əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Ədədi 0,1-ə, 0,01-ə və s.-yə bölmə. • Onluq kəsrini onluq kəsrə bölmə. • Natural ədədi onluq kəsrə bölmə.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş onluq və yüzlük kartları, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/936 https://video.edu.az/video/1219</p> <p>Çalışma: https://www.splashlearn.com/s/math-games/divide-by-tenths-and-hundredths</p> <p>https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall</p>

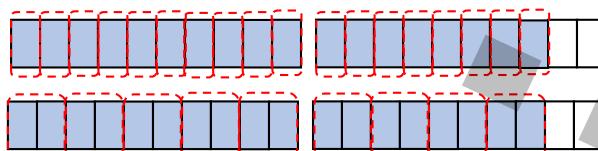
Mövzuya yönəltmə. Müəllim şagirdlərə “1,8 m uzunluqlu lenti 0,1 m; 0,2 m; 0,3 m; 0,6 m; 0,9 m uzunluğunda neçə hissəyə bölmək olar?” suali verir və lövhəyə 1,8 ədədində uyğun model çəkir. Şagirdlərə modelə görə verilən bölmə əməllərini yerinə yetirmək və sözlə ifadə etmək tapşırılır.



$$\begin{array}{r} 1,8 : 0,1 = \\ 1,8 : 0,2 = \\ 1,8 : 0,3 = \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1,8 : 0,6 = \\ 1,8 : 0,9 = \end{array}$$

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: “Modeldən istifadə etməklə 1,8 m uzunluqlu lenti 0,1 m uzunluqlu neçə hissəyə bölmək olar? 1,8 onluq kəsrini neçə 0,1-dən ibarətdir? Modeldən istifadə etməklə 1,8 m uzunluqlu lenti 0,2 m uzunluqlu neçə hissəyə bölmək olar? 1,8 onluq kəsrini neçə 0,2-dən ibarətdir? Bunu necə tapmaq olar?” və s. Model üzərində hər misalın cavabı müəyyən olunur.



$$1,8 : 0,1 = 18$$

$$1,8 : 0,2 = 9$$

Eyni qayda ilə digər misallar həll edilir.

Araşdırma-müzakirə

Aşağıda 0,6 kq pendirdən neçə sendviç hazırlayacağını tapmaq üçün şagirdlər 0,6 hissəni modellə təsvir edirlər. 0,6 hissə model vasitəsilə 0,1 hissələrə bölünür və 6 belə hissə alındığı müəyyən edilir. Şagirdlər 0,6-nın neçə 0,1 hissədən ibarət olduğunu müəyyən etməklə də cavabı tapa bilərlər.

Öyrənmə Ədədin 0,1-ə, 0,01-ə və s.-yə bölünməsi

Ədədin 0,1-ə, 0,01-ə və s.-yə bölünməsi qaydası şagirdlərə izah olunur. Bu zaman vergülünlər yerdəyişməsinə diqqət edilir. Ədədi 0,1-ə böldükdə vergülünlər bir rəqəm, 0,01-ə böldükdə vergülünlər iki rəqəm sağa sürüsdüyü qeyd olunur.



Fikirləş

Onluq kəsr 0,001-ə böldükdə vergülü hənsi istiqamətə və neçə rəqəm sürüsdürmək lazımlığı olduğu siniflə müzakirə olunur. İstiqamətləndirici suallar verməklə şagirdlərin diqqətini öyrənmədə verilən qaydaya yönəltmək olar. 0,1-ə, 0,01-ə böldükdə vergülü yerini necə dəyişdi? Burada hənsi qaydanı müəyyən etdiniz? Bu qaydaya əsasən 0,01-ə böldükdə vergülü yerini dəyişməsini necə müəyyən etmək olar? Bir neçə nümunə tapşırıq lövhədə yazılır və izah edilir.

Çalışma

1. Qismət tapılır, bir neçə cavabın doğruluğu vurma əməli ilə yoxlanılır.

2. Boş xanaya uyğun ədəd müəyyən olunur.

$$0,74 : 0,1 = 7,4 \quad 8,21 : 0,1 = 82,1 \quad 0,0732 : 0,01 = 7,32 \quad 0,732 : 0,01 = 73,2 \quad 35 : 0,1 = 350$$

Öyrənmə Ədədi onluq kəsrə bölmə

Ədədi onluq kəsrə böldükdə böleni onluq kəsr dən natural ədədə çevirmək lazımlığı olduğu qeyd olunur. Bunun üçün bölnən və bölen onluq kəsrə uyğun olaraq vergüldən sonrakı ədədlərin sayına görə 10, 100 və s.-yə vurulur. Alınan misalda onluq kəsrin natural ədədə bölünməsi qaydasına əsasən onluq kəsr natural ədədə bölünür. Ədədin onluq kəsrə bölünmə qaydasının natural ədədlərə bölünmə qaydasına uyğun yerinə yetirildiyi vurgulanır, nümunə tapşırıqlar lövhədə yazılıb şagirdlərlə müzakirə olunur.

1 Bölenen və bölen 100-a vurulur.

$$0,126 : 0,45 = 12,6 : 45$$

2 Onluq kəsrin natural ədədə bölmə qaydası ilə qismət tapılır.

$$\begin{array}{r} 12,6 \quad | 45 \\ - 0 \\ \hline 126 \\ - 90 \\ \hline 360 \\ - 360 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$0,126 : 0,45 = 0,28$$

Bölenen bölgəndən kiçik olduqda qismətin tam hissəsinin sıfır bərabər olduğu qeyd olunur. Sıfırdan sonra vergül qoymaqla bölmə əməli davam etdirilir. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.



Yadda saxla!

Ədədi onluq kəsrə bölmək üçün bölenin natural ədədlə əvəz olunduğu qeyd edilir.

Bölenen və bölgəndə vergüllərin eyni sayıda rəqəm qədər sağa sürüsdüyü, $8,72 : 0,4 = 87,2 : 4 = 21,8$, sonra isə bölmə əməlinin yerinə yetirildiyi nümunə tapşırıq üzərində izah olunur.

7. Bölmə əməlinin bir neçəsi yerinə yetirilir, qanunauyğunluq müəyyən olunduqdan sonra digər misallar şifahi həll olunur.

8. Qismət tapılır. Bölenen və bölnəni təkliliklərə qədər yuvarlaqlaşdırmaqla qismət təxmin edilir və cavabın inandırıcı olduğu yoxlanılır.

$$48,38 : 5,9 = 8,2$$

$$35,36 : 5,2 = 6,8$$

$$71,76 : 7,8 = 9,2$$

$$28,29 : 13,8 = 2,05$$

$$48,38 : 5,9 \approx 48 : 6 = 8$$

$$35,36 : 5,2 \approx 35 : 5 = 7$$

$$71,76 : 7,8 \approx 72 : 8 = 9$$

$$28,29 : 13,8 \approx 28 : 14 = 2$$

İnandırıcıdır.

İnandırıcıdır.

İnandırıcıdır.

İnandırıcıdır.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər qanunauyğunluğu müəyyən etməkdə çətinlik çəkilərsə, misalları yazılı şəkildə həll edib cavabı tapdıqdan sonra həmin qanunauyğunluğu müəyyən edə bilərlər. Çalışmaq lazımdır ki, şagirdlər vergüldən sonrakı rəqəmlərin sayına əsasən qanunauyğunluğu müəyyən edib cavabı şifahi tapa bilsinlər. Bu bacarığın möhkəmləndirilməsi üzərində işin təşkili məqsədəuyğundur.

10. Suallara cavab verilir.

a) $0,6 : 0,15 = 4$ (stəkan) b) $3,25 : 0,65 = 5$ (hissə) c) $210 : 2,5 = 84$ (km/saat) d) $33,75 : 22,5 = 1,5$ (saat)

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər məsələni həll edərkən hansı hesablamalar aparılacağını düzgün müəyyən etmədikləri üçün ya cavabı səhv tapır, ya da məsələnin bir hissəsini həll edib alınan nəticənin cavab olduğunu düşünürler. Bunun qarşısını almaq üçün şagirdlərə məsələnin cavabını sözlə ifadə etməyi və cavabın doğruluğunu yoxlamağı tapşırmaq məqsədəuyğundur. 10-cu tapşırıqda tapılan ədədin nəyi ifadə etdiyini sözlə yazmağı şagirdlərə tapşırmaqla belə səhvlərin qarşısını almaq olar. Məsələn, a) $0,6$ / südü hər birinə $0,15$ / olmaqla 4 stəkana boşaltmaq olar.

11. Tənlik qurub həll etməklə suallara cavab verilir.

a) $1,4 \cdot x = 2,38$ b) $5,32 : x = 1,4$

$$x = 2,38 : 1,4$$

$$x = 5,32 : 1,4$$

$$x = 1,7$$

$$x = 3,8$$

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə onluq kəslərin bölməsinə aid misal yazılır. Şagirdlərin hər biri misalı həll edir və vurma ilə cavabı yoxlaysı. Şagirdlərə bir-birinə həlli ilə bağlı suallar verməyi tapşırmaq olar.

Dərinlaşdırma. Müəllim lövhəyə 2 şagird dəvət edir. Lövhəyə onluq kəslərin bölməsinə aid misal yazılır.

Şagirdlərdən birinə misalı budaqlı bölmə ilə, 2-ci şagirdə onluq kəsləri adı kəslə ifadə etməklə həll etməyi tapşırır. Hər üsulun həlli ardıcılılığı izah edilir.

Oyun. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanılır. Pazlı hissələri kəsilib masaya düzülür və qarışdırılır. Şagirdlərə verilən misalları həll etmək və cavabları bərabər olan pazlı hissələrini birləşdirmək tapşırılır. Tapşırığı ən tez və düzgün yerinə yetirən qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz.

<https://drive.google.com/file/d/1148TwXIBvPqaDyqRzwqZqGvUab7yLQBL/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

12. Məsələdə Aynurun təxmininin inandırıcı olub-olmadığı yoxlanılır.

Məsələnin həlli.

- 1 kq yağın qiyməti təxmin edilir. $22,88 : 2,08 \approx 22 : 2 = 11$ (manat).

Aynur yağın 1 kilogramının təqribən 10 manat olduğunu fikirləşmişdi.

$12,8 : 0,1 = \underline{\hspace{2cm}}$	$64 : 0,5 = \underline{\hspace{2cm}}$
$0,288 : 1,6 = \underline{\hspace{2cm}}$	$0,45 : 2,5 = \underline{\hspace{2cm}}$
$1,46 : 0,146 = \underline{\hspace{2cm}}$	$2,8 : 0,28 = \underline{\hspace{2cm}}$
$12,84 : 0,14 = \underline{\hspace{2cm}}$	$0,92 : 0,01 = \underline{\hspace{2cm}}$

Cavab. Aynurun təxmini inandırıcı deyil.

13. Məsələdə hansı almanın daha ucuz olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Qırmızı almaya nə qədər pul verildiyi müəyyən olunur. $1,8 \cdot 1,2 = 2,16$ (manat)
- Ağ almaya nə qədər pul verildiyi müəyyən olunur. $6,16 - 2,16 = 4$ (manat)
- 1 kq ağ almanın qiyməti müəyyən olunur. $4 : 2,5 = 1,6$ (manat)
- Hansı almanın daha ucuz olduğu müəyyən olunur.

Cavab. Qırmızı alma daha ucuzdur.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Ədədi $0,1-a$, $0,01-a$ və s.-yə böлür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Onluq kəsri onluq kəsrə böлür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Natural ədədi onluq kəsrə böлür.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 3.11. Onluq və adi kəsrlər üzərində əməllər

ALT STANDARTLAR	1.4.5. Adi və onluq kəsrlər üzərində birgə əməlləri yerinə yetirir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none">• Adi kəsri onluq kəsrə və onluq kəsri adi kəsrə çevirir.• Adi və onluq kəsrlər daxil olan riyazi ifadələri hesablayır.• Surət və məxrəcində ədədi ifadələr olan kəsrləri sadələşdirir.
TƏCHİZAT	Rəngli kağızdan kəsilmiş onluq və yüzlük kartlar, iş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://youtu.be/7r1GiqADqIY https://virtualnerd.com/algebra-1/algebra-background/fractions/complex-fractions/simplify-fraction-over-fraction https://virtualnerd.com/algebra-1/algebra-background/fractions/complex-fractions/simplify-fraction-over-whole-number

Mövzuya yönəltmə. Sinifdə metrlə şagirdlərin boyunu, yaxud müxtəlif əşyaların uzunluğunu ölçüb onluq kəsrə lövhədə yazmaq olar. Ədədin hissəsini, hissəsinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə bacarıqlarını möhkəmləndirmək üçün müəllim şagirdlərə müxtəlif tapşırıqlar verir: “Uzunluğu partanın uzunluğunun $\frac{1}{4}$ hissəsinə bərabər olan əşyani tapın. Uzunluğunun $\frac{1}{2}$ hissəsi dəftərin uzunluğuna bərabər olan əşyanın uzunluğu neçə metrdir?”

Araşdırma-müzakirə

Yeşikdə nə qədər alma olduğunu tapmaq üçün şagirdlər alma dolu yeşinin kütləsinin $\frac{1}{5}$ hissəsini müəyyən edirlər. $9,8 \cdot \frac{1}{5}$ hasili tapılır. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər: “Onluq kəsri adi kəsrə vurmaq üçün adi kəsrlərin vurulma qaydasından necə istifadə etmək olar? Onluq kəsri adi kəsrə vurmaq üçün onluq kəsrlərin vurulma qaydasından necə istifadə etmək olar? Ədədin hissəsinin tapılmasına əsasən cavabı necə müəyyən etmək olar?” Hər suala verilən cavab siniflə müzakirə olunur və yeşikdə nə qədər alma olduğu hesablanır.

Öyrənmə Adi və onluq kəsrlərin daxil olduğu ədədi ifadələr

Dərslikdə verilən tapşırığın hər iki ədədi onluq kəsrlə və hər iki ədədi adi kəsrlə ifadə etməklə həlli şagirdlərlə müzakirə olunur. Kəsrin surət və məxrəcində onluq kəsr olarsa, kəsrin bölmə ilə əlaqəsinə görə $(\frac{a}{b} = a : b = a \cdot \frac{1}{b}, b \neq 0)$ ifadəni sadələşdirmək mümkün olduğu qeyd edilir və tapşırığın həlli ardıcılıqla izah olunur. Hesab əməllərinin xassələrindən istifadə etməklə adi və onluq kəsrlər daxil olan bir neçə əməlli misallar həll edilir. Belə misalların həlli zamanı əməllər sırasının vacibliyinə diqqət yetirilir.

Çalışma

2. Əməllər ardıcılılığı müəyyən olunur və ifadələrin qiymətləri hesablanır.

$$(45 - 22,5) : 7,5 + 1\frac{1}{2} = 4,5$$

$$45 - 22,5 : (7,5 + 1\frac{1}{2}) = 42,5$$

$$45 - 22,5 : 7,5 + 1\frac{1}{2} = 43,5$$

$$2,4 \cdot \left(3,2 + \frac{4}{5}\right) - 1,6 = 8$$

$$3,2 \cdot 1,5 + 6^3 : 1,2 = 181,8$$

$$9,8 - 0,4 \cdot \left(\frac{3}{4} + 1,25\right) + 6 : 1,2 = 14$$

$$\left(2 \cdot 0,7 + \frac{4,8}{8}\right) \cdot 4\frac{1}{2} = 9$$

$$\left(\frac{6,4}{1,6} - \frac{4,5}{3}\right) : 1\frac{1}{3} = 1,875$$

$$\left(\frac{6}{1,2} - \frac{1,4}{0,7}\right) \cdot (2^2 - 1) = 9$$

Müəllimin nəzərinə! 2-ci tapşırığın 1-ci sətrində verilmiş 3 misalda ədədlər və əməllər eynidir. Mötərizələrin yerinin dəyişməsi və mötərizənin olmamasının əməllər ardıcılığına necə təsir etdiyinə diqqət yetirilməsi məqsədə uyğundur. Bu misalların həlli zamanı çətinlik çəkən şagirdləri müəyyənləşdirmək və həmin şagirdlərlə səhvələr üzərində işi təşkil etmək olar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər qüvvətin qarşısında hər hansı bir əməl olarsa, bu zaman 1-ci qüvvətin yerinə yetirildiyinə diqqət yetirmirlər və nəticədə cavab yanlış alınır. Belə səhvələrə yol verən şagirdlər qüvvətin bir neçə dəfə təkrar vurma olduğunu və qüvvəti vurma ilə əvəz etdiyinə cavabın necə alındığına diqqət yetirməyi tapşırmaq olar. Bu qayda ilə şagirdləri səhvələrini müəyyənləşdirməyə və aradan qaldırmağa yönəltmək olar.

Yanlış

$$2 \cdot 3^2 + 1 = 6^2 + 1 = 37$$

Doğru

$$2 \cdot 3^2 + 1 = 2 \cdot 9 + 1 = 19$$

Öyrənmə Surət və məxrəcində ədədi ifadələr olan kəslər

Kəsrin surət və məxrəcində natural ədəd, adı və ya onluq kəsr olduqda kəsrin bölmə ilə əlaqəsindən istifadə etməklə sadələşdirildiyi vurgulanır, verilən nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə həlli ardıcılığı müzakirə olunur.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər surət və ya məxrəcdə, yaxud hər ikisində adı kəsr olduqda hansı kəsr xəttinin bölmə əməli ilə əvəz olunduğunu müəyyən edərkən səhvələrə yol verirlər. Şagirdlərin nəzərinə çatdırmaq lazımdır ki, bölmə əməli ilə əvəz olunan əsas kəsr xətti adətən, digərlərindən daha uzun olur, həmin kəsr xətti müəyyən edildikdən sonra surətdə(bölnən) və məxrəcdə(bölnən) yazılın ifadələr müəyyənləşdirilir. Bundan sonra kəsr xətti bölmə əməli ilə əvəz edilir və ifadənin qiyməti hesablanır.

 Surət → Məxrəc →	Yanlış $\frac{2}{3} = 2 : \frac{3}{4} = 2\frac{2}{3}$	 Surət → Məxrəc →	Doğru $\frac{2}{3} = \frac{2}{3} : 4 = \frac{1}{6}$
-------------------------	---	-------------------------	---

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə iki və ya üçəməlli adı və onluq kəslər olan misal yazılır. Şagirdlərdən biri misali onluq kəsləri adı kəsr şəklində yazmaqla, digəri isə adı kəsləri onluq kəsr şəklində yazmaqla yerini yetirir. Əməllər sırası müəyyən edilir və cavablar müqayisə olunur.

Dərinləşdirmə. Lövhəyə iki və ya üçəməlli mötərizələr daxil olan, yaxud surət və məxrəcində adı və onluq kəslər olan misallar yazılır. Şagirdlərdən biri misali onluq kəsləri adı kəsr şəklində yazmaqla, digəri isə adı kəsləri onluq kəsr şəklində yazmaqla yerinə yetirir. Əməllər sırası müəyyən edilir və cavablar müqayisə olunur.

Oyun. Sinif qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanılır. Şagirdlər hər misali həll edir və cavaba uyğun boşluqlara həmin misalları yazılırlar. Boşluqları daha tez və düzgün dolduran qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

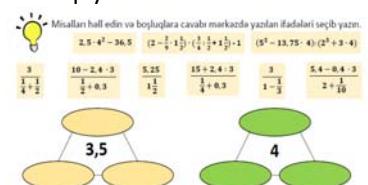
<https://drive.google.com/file/d/1GAusG-qZ-u4YgnDo6r3kf7ChnIQiuAN/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

8. Məsələdə düzbucaqlı lövhənin perimetri və sahəsinə tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Düzbucaqlı lövhənin uzunluğu hesablanır. $2,5 \cdot \frac{4}{5} = 2$ (m)
- Düzbucaqlı lövhənin perimetri hesablanır. $P = 2 \cdot (2,5 + 2) = 9$ (m)



- Düzbucaklı lövhənin sahəsi hesablanır. $S = 2 \cdot 2,5 = 5 (\text{m}^2)$

Cavab. Düzbucaklı lövhənin perimetri 9 m, sahəsi 5 m^2 -ə bərabərdir.

9. Məsələdə oxunmayan neçə səhifə qaldığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- 1-ci gün kitabın oxunan səhifələrinin sayı müəyyən olunur. $96 \cdot \frac{1}{4} = 24$ (səhifə)

- Oxunmayan səhifələrin sayı müəyyən olunur. $96 - 24 = 72$ (səhifə)

- 2-ci gün oxunan səhifələrin sayı müəyyən olunur. $72 \cdot 0,5 = 36$ (səhifə)

- Kitabın 1-ci və 2-ci gün oxunan səhifələrinin sayından sonra yerdə qalan oxunmayan neçə səhifəsi qaldığı müəyyən olunur. $96 - (24 + 36) = 36$ (səhifə)

Cavab. Kitabın oxunmayan 36 səhifəsi qaldı.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

10. Məsələdə perimetri verilən düzbucaklının perimetrinə bərabər olan kvadratın sahəsini tapmaq tələb olunur.

Cəlbətma. Müəllim lövhəyə bir neçə kiçik düzbucaklı çəkir, yaxud da rəngli kağızdan kiçik düzbucalar kəsib masanın üzərinə qoymaq olar.

Bu düzbucalların tərəflərini elə seçmək olar ki, onların perimetrinə əsasən uyğun kvadrati müəyyən etmək mümkün olsun. Məsələn, düzbucaklının tərəfi 5 sm, digər tərəfi 10 sm ola bilər. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir: "Bu düzbucaklının tərəflərinin uzunluğu nə qədərdir? Bu düzbucaklının perimetrini necə hesablamaq olar?

Perimetri bu düzbucaklının perimetrinə bərabər olan kvadratın tərəfi neçə sm olar? Bu kvadratın sahəsi nə qədər olar?" Düzbucaklının tərəfləri ölçülür, perimetrini hesablanır. Perimetri bu düzbucaklının perimetrinə bərabər olan kvadratın tərəfinin nə qədər olduğu və sahəsi hesablanır.

Məsələnin həlli:

- Düzbucaklının perimetri hesablanır. $P = 2 \cdot (\frac{1}{2} + 0,3) = 1,6 (\text{m})$

- Perimetri bu perimetrə bərabər olan kvadratın tərəfi hesablanır. $1,6 : 4 = 0,4 (\text{m})$

- Kvadratın sahəsi hesablanır. $0,4 \cdot 0,4 = 0,16 (\text{m}^2)$

Cavab. Kvadratın sahəsi $0,16 \text{ m}^2$ -ə bərabərdir.

11. Məsələdə yiğilan məhsuldan nə qədər şəkər tozu istehsal edildiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Nə qədər şəkər çuğunduru tədarük edilib zavoda göndərildiyi müəyyən olunur. $1,75 \cdot 12 = 21 (\text{t})$

- Yiğilan bu məhsuldan nə qədər şəkər tozu istehsal olunduğu müəyyən edilir. $21 \cdot \frac{1}{6} = 3,5 (\text{t})$

Cavab. Yiğilan şəkər çuğundurundan 3,5 t şəkər tozu istehsal edildi.

12. Məsələdə düşərgələrarası məsafənin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbətma. Lövhədə 2 nöqtə və onlar arasındakı məsafəni

göstərən düz xətt parçası çəkilir, müəllim bu düz xətt parçasının

üzərində bir hissəni qeyd edib bunun 0,6 hissə olduğunu bildirir.

Yerdə qalan hissənin altına isə 6 sm yazılır. Buna əsasən müəllim 2 nöqtə arasındakı məsafəni tapmayış şagirdlərə tapşırır. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir. "0,6 hissə rənglənmişdir, rənglənməyən parçanın hansı hissəsidir? Bu hissənin 4 sm-ə bərabər olduğunu bilərək ümumi düz xətt parçasının uzunluğunu necə tapmaq olar? Bunun üçün ədədin hissəsinin tapılması qaydasından, yoxsa hissəsinə görə ədədin tapılması qaydasından istifadə olunur?"

Məsələnin həlli:

- Yolun gedilməyən hissəsi müəyyən olunur. $1 - 0,7 = 0,3$

- 0,3 hissənin 2,4 km-ə bərabər olduğunu qeyd olunaraq yolun ümumi uzunluğu tapılır. $2,4 : 0,3 = 8 \text{ km}$

Cavab. Düşərgələr arasında məsafə 8 km-dir.

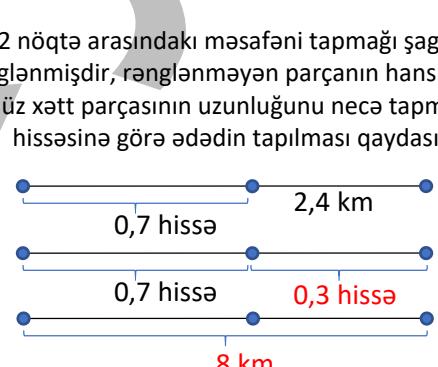
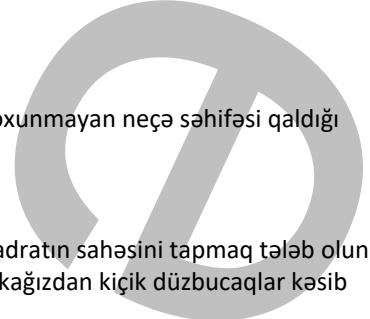
Müzakirə. Düşərgələr arasındaki məsafənin 0,7 hissəsi hesablanır və 8-dən çıxılır. $8 \cdot 0,7 = 5,6; 8 - 5,6 = 2,4 (\text{km})$.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Adi kəsri onluq kəsrə və onluq kəsri adi kəsrə çevirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Adi və onluq kəslərlə daxil olan riyazi ifadələri hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Surət və məxrəcində ədədi ifadələr olan kəsləri sadələşdirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

Uzunluğunun
 $\frac{4}{5}$ hissəsi

2,5 m



ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstəririrlər.

Onluq kəsrlər, onluq kəsrlərdə rəqəmlərin mərtəbə qiymətləri, ondabirlər (OB), yüzdəbirlər (YB), mindəbirlər (MB), onluq kəsrlərin açıq şəkildə yazılışı, onluq kəsrlərin 10-un qüvvətlərinə vurulması, hissə onluq kəsrlə verildikdə ədədin hissəsi, hissəsinə görə ədədin tapılması

Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı, kəmiyyətlərin qiymətlərini, ölçmə və hesablamaların nəticələrini dəqiq ifadə etmək üçün onluq kəsrlərdən istifadə olunduğu xatırlanır. İlkin problemin həlli siniflə müzakirə edilir.

Nümunə iş vərəqini bu linkdən yükləmək olar:

https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/292/Montys_Maths_Wall

<https://www.mathplayground.com/super-math-puzzles-number-chart-tenths.html>

<https://www.mathplayground.com/super-math-puzzles-number-chart-hundredths.html>

<https://www.mathplayground.com/super-math-puzzles-function-machine-two-steps-decimals.html>

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

1. Boş xanalara uyğun rəqəm və ya ədəd müəyyən olunur.

a) $0,27 = 0,2 + 0,07$ b) $2,418 = 2 + 0,4 + 0,01 + 0,008$ c) $5,397 = 5 + 0,3 + 0,09 + 0,007$

2. Müqayisənin doğru olması üçün boş xanalara uyğun rəqəmlər müəyyən edilir.

a) $3,128 < 3,1\boxed{2}\boxed{9} < 3 \frac{13}{100}$ b) $0,2\boxed{0} < 0,\boxed{2}01 < \frac{21}{100}$ c) $1,18\boxed{0} < 1,1\boxed{8}1 < 1 \frac{19}{100}$

Müəllimin nəzərinə! Onluq kəsrlərin müqayisəsi və yaxud onluq kəsrlərin mərtəbə vahidlərinin cəmi şəklində göstərilməsi zamanı şagirdlər müəyyən çətinlik çəkərlərsə, 1-ci və 2-ci tapşırığa əsasən müəllim bunu müəyyənləşdirə bilər. Bu tapşırıqların həllində çətinlik çəkən və yaxud səhv'lərə yol verən şagirdləri müəyyənləşdirmək və səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

3. İfadələrin qiyməti əvvəl təxmin olunur, sonra toplamanın xassələrindən istifadə etməklə dəqiq hesablanır. Cavabların inandırıcı olub-olmadığı müəyyən edilir.

4. Vurmanın paylama xassəsinə əsasən hesablama aparılır.

Müəllimin nəzərinə! Vurmanın paylama xassəsi şagirdlərlə təkrar olması məqsədə uyğundur. Vurmanın paylama xassəsinə aid sadə natural ədədlər üzərində nümunələr göstərməklə müəllim bu bacarığı şagirdlərə xatırlada bilər.

Tapşırığın yerinə yetirilməsində çətinlik çəkən şagirdləri istiqamətləndirmək olar.

5. İfadələrin qiyməti hesablanır. Əməllər sırasına diqqətin yetirilməsi vacibdir. Əməllər sırası əvvəlcə müəyyən olunur, sonra isə ifadənin qiyməti hesablanır.

7. Uyğun riyazi ifadə yazılır və ifadənin qiyməti hesablanır.

a) $(1,2 + \frac{2}{5}) \cdot (3\frac{3}{5} - 2,1) = 2,4$ b) $(3,4 - 1,3) : (0,7 + \frac{4}{5}) = 1,4$

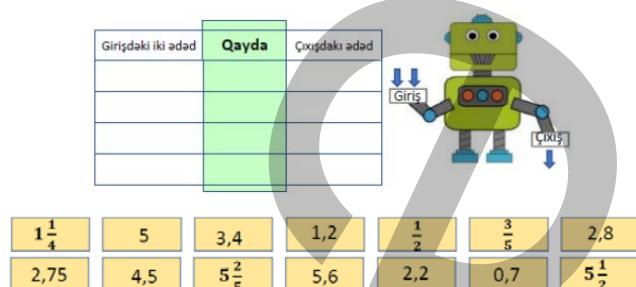
9. Uyğun vahidlərlə verilən ölçülər ifadə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Ölçü vahidləri arasındaki çevirilmələr məsələ həlli üçün şagirdlərə lazım olan bacarıqlardan biridir. Tapşırığın yerinə yetirilməsində çətinlik çəkən və yaxud səhv'lərə yol verən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi, həmin şagirdlərlə bənzər tapşırıqların yenidən işlənilməsi məqsədə uyğundur. Bu cür tapşırıqların həllində çətinlik çəkən şagirdlər gələcəkdə ölçü vahidləri arasında çevirilmələrdən istifadə olunmaqla məsələ həlli zamanı da çətinliklə qarşılaşırlar. Bu bacarığın möhkəmləndirilməsi gələcəkdə məsələ həllində şagirdlərə kömək edə bilər.

10. Uyğun tənliklər yazılır və həll etməklə suallara cavab verilir.

Praktik tapşırıq. Sınıf qruplara bölünür. Ədədlər yazılmış kartlar masaya üzüsağı düzülür. Şərtlərə uyğun olaraq yerinə yetirilən əməllər A, B, C, D qaydası kimi işarələnmişdir. Girişdə olan iki ədəd seçilir, bu ədədlərə uyğun qayda müəyyən edilir və 2-ci sütuna yazılır. Çıxdakı ədəd tapılır. Vaxt bitdikdən sonra qrupların nəticələri təhlil edilir və müzakirə olunur. Hər komanda 4 oyun keçirir və cədvəl doldurulur. Oyunu ən tez və düzgün yerinə yetirən komanda qalib olur.

- Ədədlərin cəmi natural ədəd bərabərdirsə, onların hasilinin $\frac{1}{3}$ hissəsi tapılır.
- Ədədlərdən biri digərinin $\frac{1}{4}$ hissəsinə bərabərdirsə, onların cəminin 2 misli tapılır.
- Əgər ədədlərin hasilli natural ədəd olarsa, böyük ədəddən kiçik ədəd çıxılır.
- Əks halda böyük ədəd kiçik ədədə bölünür.



İş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

<https://drive.google.com/file/d/1pbdlNz58vYA04n7PEd7XOICYU4M94e5o/view?usp=sharing>

12. Məsələdə a) satıcının müştəriyə nə qədər pul qaytardığını; b) almanın qiymətinin təklif olunan qiymətdən nə qədər ucuz olacağını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- a) Müştərinin aldığı məhsullara nə qədər pul verdiyi hesablanır. $3,2 \cdot 1,30 + 2,5 \cdot 2,40 = 10,16$ (manat)
- Satıcının ona nə qədər pul qaytardığı hesablanır. $20 - 10,16 = 9,84$ (manat)
- b) Müştəri satıcı ilə sövdələşdikdə alınan almanın 1 kq qiyməti hesablanır. $4,95 : 4,5 = 1,10$ (manat)
- Bu təklif olunan qiymətdən nə qədər ucuz olduğu müəyyənləşdirilir. $1,30 - 1,10 = 0,20$ (manat)

Cavab: Almanın qiyməti təklif olunan qiymətdən 0,20 manat ucuzdur.

13. Məsələdə yarış məsafəsinin nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Finişə çatmağa gedilən yolun hansı hissəsinin qaldığı müəyyənləşdirilir. $1 - 0,6 = 0,4$
- Hissəsinə görə ədədin tapılma qaydasına əsasən yarış məsafəsi müəyyən olunur. $3 : 0,4 = 7,5$ (km)

Cavab. Yarış məsafəsi 7,5 km olar.

STEAM

Şagirdlərə yüksəksürətli qatarlar haqqında məlumat verilir. Dərslikdə verilən məlumat şagirdlərin diqqətinə çatdırılır. Bundan əlavə, ən yüksəksürətli qatarın Yaponiyada istehsal olunan "Şinkansen" qatarı olduğu şagirdlərə bildirilir. Bu qatarın "gülləqatar" adlandırıldığı qeyd olunur. Dünyanın ən sürətli 10 qatarı və bu qatarla bağlı məlumatı araşdırıb tapmağı şagirdlərə tapşırmaq olar. Linkdən istifadə etməklə şagirdlərə məlumat vermək olar: <https://www.bizimyol.info/az/news/379503.html>

1. Hazırda ən sürətli qatarlar və onların sürəti, necə hərəkət etdikləri barədə internetdən məlumat toplanılır.

"Şinkansen" qatarı ilə müqayisə edilir.

2. Belə qatarlar Azərbaycanda olsa idi, cədvəldə göstərilən bir şəhərdən digərinə qədər vaxta çatacağı hesablanır.

$$5,1 \cdot 50 = 251 \text{ (km)} \quad 251 : 250 \approx 5 \text{ (saat)}$$

$$7,2 \cdot 50 = 351 \text{ (km)} \quad 351 : 250 \approx 1,40 \text{ (saat)}$$

$$7,6 \cdot 50 = 380 \text{ (km)} \quad 380 : 250 = 1,52 \text{ (saat)}$$

$$12,4 \cdot 50 = 612 \text{ (km)} \quad 612 : 250 \approx 2,45 \text{ (saat)}$$

Marşrut	Məsafə	Zaman
Bakı–Ucar	215 km	0,86 saat
Bakı–Gəncə	351 km	1,40 saat
Bakı–Şuşa	351 km	1,52 saat
Astara–Qazax	351 km	2,45 saat



3. Internetdən istifadə etməklə Bakıdan İstanbula dəmir yolunun layihəsi qurulur və bu yolun uzunluğu hesablanır. Bu yol ilə Bakıdan İstanbula 3 saata çatmaq üçün xəyali qatarın sürətinin nə qədər olmalı olduğu hesablanır.

Verilən xəritə üzərində şagirdlərlə bir neçə şəhər seçib o şəhərlər arasında dəmir yol xətlərinin uzunluğunu tapmaqla bu uzunluqları hansı zaman ərzində getməyin mümkün olduğunu təxmini hesablamamaq olar. Bununla yanaşı, şagirdlər internetdə araştırma aparmaqla ən yüksəksürətli qatar, onların sürəti və bu sürətlə hərəkət etmək üçün lazım olan yolların istiqamətinin dönmə bucaqlarının nə qədər olduğu, bunların əhəmiyyəti haqqında da məlumat toplaya bilərlər. Toplanmış məlumatlardan istifadə etməklə qruplar şəklində təqdimatlar hazırlanması şagirdlərə tapşırmaq olar.

4-cü BÖLMƏ

Faiz

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	120	
Mövzu 4.1	Faiz, adı kəsr, onluq kəsr	2	121	78
Mövzu 4.2	Ədədin faizi	2	125	81
Mövzu 4.3	Faizinə görə ədədin tapılması	2	128	83
Mövzu 4.4	Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması və azaldılması	2	130	85
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. Genealogiya.	2	134	88
	KSQ-4	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		12		

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə “faiz” anlayışı, adı və onluq kəsrin faizlə ifadəsi, faizin allı və onluq kəsrlə ifadəsi, 100-dən böyük faizlər haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Ədədin faizi və faizinə görə ədədin tapılması, kəmiyyətin müəyyən faiz qədər artırılması, azaldılması qaydaları izah edilir. Bu qaydaların tətbiqi ilə şagirdlər müxtəlif tapşırıqları yerinə yetirir, faizin hesablanması ilə bağlı məsələləri həll edirlər.

Nəyə diqqət yetirməli?

Bəzi şagirdlər adı kəslərini faizlə ifadə etmək üçün bu kəslərini ixtisar etdikdən sonra məxrəci 100 olan kəsr şəklində yazarkən çətinlik çəkirlər. Belə şagirdlərə adı kəslərini ixtisar edib faizlə ifadə etməklə bağlı əlavə tapşırıqlar vermək məqsadəuyğundur.

Şagirdlər ədədin faizini təqribi tapmaqla ədədin faizini dəqiq hesablayarkən cavabı yoxlaya bilərlər. Gündəlik həyatda təqribi hesablamalı faizin tapılmasına tez-tez rast gəlinir. Ədədin faizinin təqribi tapılması bacarıqlarının formalasdırılması üçün şagirdlərə müxtəlif tapşırıqlar vermək olar.

Şagirdlər ədədi 10%, 20%, 25%, 50%, yaxud 75%-ni faizi hissə ilə ifadə etməklə daha asan tapa bilərlər. Bu bacarığın formalasdırılması şagirdlərin şifahi hesablama bacarıqlarının inkişafı üçün əhəmiyyətlidir.

Bəzi şagirdlər kəmiyyəti müəyyən faiz artırmaq və azaltmaqla bağlı tapşırıqları yerinə yetirməkdə çətinlik çəkirlər. Şagirdlərə ədədi 10%, 25% və s. artırmaq, azaltmaqla bağlı şifahi hesablanan suallar vermək olar.

Riyazi dilin inkişafı

“Faiz”, “ədədin faizi”, “ədədin faizinin təqribi hesablanması”, “faizinə görə ədədin tapılması”, “ədədin müəyyən faiz qədər artırılması”, “ədədin müəyyən faiz qədər azaldılması” anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimsədilən riyazi anlayış və terminlər

“Faiz”, “Ədədin faizi”, “Faizinə görə ədədin tapılması”, “Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması”, “Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması və azaldılması”, “100%-dən böyük faizlər”.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Adı kəsr, onluq kəsr anlayışı
- Adı və onluq kəslər üzərində əməllər
- Ədədin hissəsi, hissəsinə görə ədədin tapılması

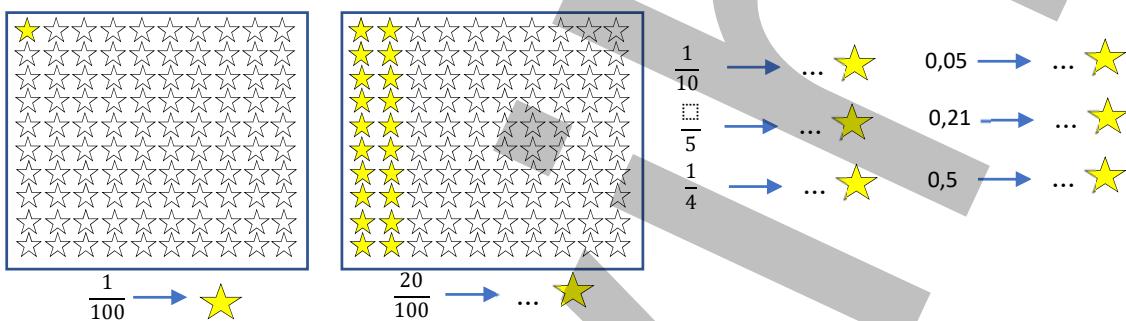
Fənlərarası integrasiya

Faizdən bank kreditlərində, endirimlər, qiymət artımları, büdcənin hesablanması, statistika və digər sahələrdə geniş istifadə olunur. Mağazalarda bəzi ərzəq məhsullarının tərkibində olan maddələrin miqdarının faizlə ifadəsinə, telefonun enerji göstəricisində faizə rast gəlinir.

MÖVZU 4.1. Faiz, adı kəsr, onluq kəsr

ALT STANDARTLAR	1.5.1. "Faiz" anlayışını izah edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Faiz anlayışını izah edir. Onluq kəsrləri faizlə ifadə edir. Faizi adı kəsr və onluq kəsrlə ifadə edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, yüzlük kvadrat, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/97 https://video.edu.az/video/4705</p> <p>Çalışma: https://www.mathgoodies.com/games/conversions https://wordwall.net/resource/36296/percentage-quiz https://wordwall.net/resource/25592330/what-is-the-percentage https://mathies.ca/tools/ColourTiles/index.html?title=Colour%20Tiles</p> <p>Məsələ həlli: https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/120/match_fractions_decimals_and_percentages#.UCdcd2MsCEY</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim 10x10 ölçülü 100 ulduz təsvir edilən laminasiya olunmuş vərəqdə 1 ulduzu rəngləyib hansı hissəsinin rəngləndiyini soruşur. Sonra şagirdlərə $\frac{1}{100}$ kəsrini 1 ulduzla ifadə edəcəyini bildirir. Lövhəyə bir neçə adı kəsr və onluq kəsr yazılır, şagirdlərə hər kəsrin neçə ulduza bərabər olduğunu tapmaq tapşırılır. Şagirdlər hər kəsrə uyğun ulduzların sayını təpib boşluqlara yazırlar.



Şagirdlər istiqamətləndirici suallar verilir: " $\frac{20}{100}$ neçə $\frac{1}{100}$ -ə bərabərdir? Buna əsasən $\frac{20}{100}$ neçə ulduza bərabər olar?" və s. Ulduzlar təsvir olunmuş faylı linkdən yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1xIPHyZ_uQMAUYbKmTlaxCxmxEfH_wT/view?usp=share_link

Araşdırma-müzakirə

Cədvələ bir sütun artırıb uyğun hissələri yazmaq olar. Hissələri göstərən kəsrlər ortaq məxrəcə gətirilir və müqayisə edilir. Bu qayda ilə şagirdlər Səbinədə qırmızı kürəciklərin bütün kürəciklərin daha çox hissəsini təşkil etdiyini müəyyən edirlər.

Uşaqlar	Qırmızı kürəciklərin sayı	Bütün kürəciklərin sayı	Hissə
Elxan	33	100	$\frac{33}{100}$
Aynur	11	25	$\frac{11}{25}$
Səbinə	9	20	$\frac{9}{20}$
Anar	19	50	$\frac{19}{50}$

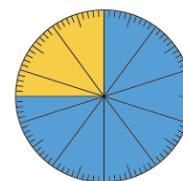
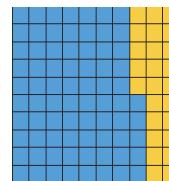
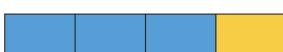
Öyrənmə Faiz

Faiz haqqında şagirdlərə məlumat verilir, faizin tamın $\frac{1}{100}$ hissəsi olduğu yüzlük kvadrat üzərində göstərilir, faizin adı kəsrlə, adı kəsrin faizlə ifadə olunma qaydası şagirdlərə nümayiş etdirilir.



Fikirləş Tamın 100%-ə bərabər olduğunu izah etmək üçün tamın vahidə bərabər qəbul edildiyini xatırlatmaq olar. Şagirdlər yüzlük kvadratda xanaların hamısının 1 tamı ifadə etdiyini, bunun isə $\frac{100}{100}$ hissəyə, yəni 100%-ə bərabər olduğunu deyə bilərlər. Eyni qayda ilə tamın 18%-ni çıxdıqda neçə faizin qaldığını müəyyən etmək üçün tamı ifadə edən faizdən, yəni 100%-dən 18% çıxılır. $100\% - 18\% = 82\%$

Müəllimin nəzərinə! Bölmənin ilk səhifəsində faizin müxtəlif sxemlərlə təsvirləri edilib. Şagirdlərə belə təsvirlər vasitəsilə faizə aid nümunələr göstərməyi və rənglənmiş hissələri faizlə ifadə etməyi tapşırmaq olar.



$$\frac{1}{4} = \frac{25}{100} = 25\%$$

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/120/match_fractions_decimals_and_percentages

<https://toytheater.com/percentage-strips/>

Çalışma

3. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması siniflə müzakirə edilir. Adi kəsrlər məxrəcləri 100 olan kəsrlərlə əvəzlənir və faizlə ifadə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər adi kəsrləri faizlə ifadə etmək üçün bu kəsrləri ixtisar etdikdən sonra məxrəci 100 olan kəsr şəklində yazarkən çətinlik çəkirlər. 3-cü tapşırıqda çətinlik çəkən şagirdlərin müəyyən edilməsi və bu bacarığın təkmilləşdirilməsi məqsədə uyğundur.

Şagirdlərə adi kəsri faizlə ifadə etməyin fərqli üsulu haqqında məlumat vermək olar. Kəsr bölmə əməli olduğu üçün surəti 100-ə vurub məxrəcə bölməklə də adi kəsri faizlə ifadə etməyin mümkün olduğu bildirilir.

5. Dairənin rənglənmiş hissələrinin kəsrlə və faizlə yazılır. Gələcəkdə şagirdlər dairənin hissələrinin faizlə ifadəsinə aid müxtəlif məsələlər həll edəcəklər. Bu bacarığın təkmilləşdirilməsi dairəvi diaqramla bağlı məsələlərin həlli zamanı şagirdlərə kömək edəcək.

Öyrənmə Onluq kəsrlərin faizlə ifadəsi

Onluq kəsrləri faizlə ifadə etmək üçün onluq kəsrin əvvəlcə məxrəci 100 olan adi kəsr şəklində yazılışı, sonra isə uyğun faizlə ifadə edildiyi bildirilir.



Yadda saxla!

Onluq kəsri faizlə ifadə etmək üçün eyni zamanda bu kəsri 100-ə vurmaq olar. Bu zaman onluq kəsrin 10-un qüvvətlərinə vurulma qaydasından istifadə etməklə cavab tapılır.

$$0,43 = 0,43 \cdot 100\% = 43\%$$

$$0,43 = \underline{\hspace{2cm}}\% \quad \text{faiz}$$

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar:

<https://mathkite.com/converting-decimals-to-percentages/>

Müəllimin nəzərinə! Bu mövzuda şagirdlər onluq kəsrlərin 10-un qüvvətinə vurulma qaydasından istifadə edirlər. Bu qaydanı unudan şagirdlərlə “3.6. Onluq kəsrlərin 10-un qüvvətlərinə vurulması və bölünməsi” mövzusunun təkrarlanması, qaydanın xatırladılması, nümunə tapşırıqların yazılıması tövsiyə olunur.

Öyrənmə Faizin adi kəsrlə və onluq kəsrlə ifadəsi

Faizi adi kəsrlə ifadə etmək üçün faizin $\frac{1}{100}$ -a bərabər olmasından istifadə edərək faizi göstərən ədədi $\frac{1}{100}$ -a vurmaq olar. Bu zaman alınan kəsr ixtisar edilir, cavab müəyyən olunur. Faizi onluq kəsrlə ifadə etmək üçün $\frac{1}{100}$ -i adi kəsr deyil, onluq kəsr şəklində yazıb vurma əməli yerinə yetirilir.



Fikirləş

Adi kəsrlərin onluq kəsrlərə çevrilmesi qaydasından istifadə etməklə faizi onluq kəsr şəklində yazmaq üçün bir neçə nümunə göstərilir. Məsələn: $20\% = \frac{20}{100} = 0,2$.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər bəzi faizləri hesablayarkən müəyyən səhvələrə yol verirlər. Səhvələr üzərində işin təşkili zamanı faizin ədədin $\frac{1}{100}$ hissəsini ifadə etdiyi və verilən ədədi $\frac{1}{100}$ -a vurmaqla hissə ilə ifadə olunduğu, yaxud hissənin faizə çevriləməsi zamanı verilən ədədin 100 - e vurulduğu xatırlana bilər.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/120/match_fractions_decimals_and_percentages#.UCdc2MsCEY

<https://www.mathgoodies.com/games/conversions>

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə iki şagird dəvət edilir. Şagirdlərə müxtəlif təsvirlər verirlər. Şagirdlər növbə ilə təsvirlərə uyğun rənglənmiş hissələri adi kəsr, yaxud onluq kəsrlə, sonra isə faizlə ifadə edirlər.

Yanlış

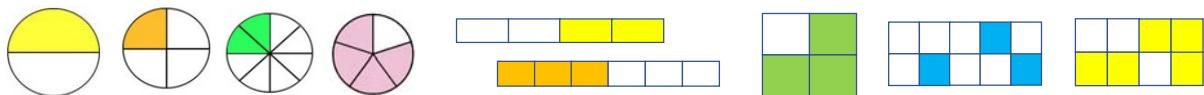
$$0,4 = 4\%$$

$$90\% = 9$$

Doğru

$$0,4 = 40\%$$

$$90\% = 0,9$$



Dərinləşdirmə. Lövhəyə üç şagird dəvət edilir. 1-ci şagirdə adı kəsr, 2-ci şagirdə onluq kəsr, 3-cü şagirdə faizlə ifadə olunan hissə verilir. Şagirdlərə verilən hissələri digər iki formada təsvir etmək və modellərlə göstərmək tapşırılır.

Praktik tapşırıq. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqlərindən kəsilmiş faizlər yazılın kartlar qruplara paylanılır. Adı və onluq kəsrlər yazılmış əsas iş vərəqləri şagirdlərə verilir. Şagirdlər faiz yazılın kartları istənilən ardıcılılıqla şəkildəki kimi mərkəzdən düzürlər. Verilən vaxt ərzində qruplar cavabları tapır, hər cavab yazılın xananın aşağıdakı boşluğa misalı yazır. Vaxt bitdikdən sonra qrupların nəticələri təhlil olunur. Şagirdlər cavabları yoxlamaqla doğruluğunu göstərə bilərlər.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz.

<https://drive.google.com/file/d/15m0uBMmc7WOa4FqeyzeXyg89fs-A54uc/view?usp=sharing>

Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.mathnook.com/math2/mathpup-hop-fraction-to-percent-beginner.html>

Məsələ həlli

9. Hansı figurun daha çox faizinin rəngləndiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Hər figurun rənglənən hissəsinin tamın hansı hissəsini, sonra isə neçə faizini təşkil etdiyi müəyyən olunur.

Bütün vahid kvadratların

sayı: $5 \times 6 = 30$

Rənglənmiş vahid kvadratların sayı: 9

$$\frac{9}{30} = 30\%$$

A

Bütün vahid kvadratların

sayı: $5 \times 5 = 25$

Rənglənmiş vahid kvadratların sayı: 5

$$\frac{5}{25} = 20\%$$

B

Bütün vahid kvadratların

sayı: $5 \times 10 = 50$

Rənglənmiş vahid kvadratların sayı: 12

$$\frac{12}{50} = 24\%$$

C

Cavab. A figurunun daha çox faizi rənglənmişdir.

10. Məsələdə kimin kompüterdə daha çox oynadığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Verilən hissələrin hər biri faizlə ifadə olunur.

Samir – 30%

Səbinə – $\frac{1}{4} = 25\%$

Elxan – $0,45 = 45\%$

Cavab. Kompüterdə ən çox Elxan oynadı.

Müzakirə. Verilən hissələrin hər birini adı kəsr, yaxud onluq kəsr şəklində də yazıb müqayisə etmək olar.

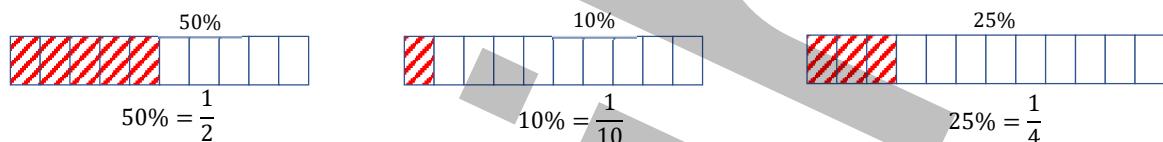
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
“Faiz” anlayışını izah edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
“Onluq kəsrləri” faizlə ifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Faizi adı kəsr və onluq kəsrlə ifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 4.2. Ədədin faizi

ALT STANDARTLAR	1.5.2. Ədədin faizini, faizinə görə ədədi tapır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Ədədin faizini tapır. • Ədədin faizini təqribi hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, yüzlük kvadrat, rəngli kağızlar, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4492 https://video.edu.az/video/14075 https://video.edu.az/video/11282 http://fluencychallenge.com/play/play-claw.html</p> <p>Çalışma: https://www.mathgoodies.com/games/conversions https://mathkite.com/percentage-of-a-number https://www.geogebra.org/m/nZtrNqWq</p>

Mövzuya yönəltmə. Müellim lövhəyə 10 bərabər hissəyə bölünmiş 2 düzbucaqlı və 12 bərabər hissəyə bölünmüş 1 düzbucaqlı çəkir. Lövhəyə 3 şagird dəvət edir. Hər birinə düzbucaqlılarının verilən faizlərə uyğun hissəsini rəngləməyi tapşırır. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir: -50%-i adı kəsrə necə ifadə etmək olar? 1-ci düzbucaqlının $\frac{1}{2}$ hissəsi neçə kiçik düzbucaqlı deməkdir? Bu düzbucaqlının 50%-nin neçə kiçik düzbucaqlıya bərabər olduğunu necə müəyyən etmək olar? Eyni qayda ilə digər hissələri rəngləmək üçün uyğun suallar vermək olar. Şagirdlər faizi adı kəsrə ifadə edib 10, yaxud 12 ədədinin uyğun hissəsini tapıb rəngləyirlər.



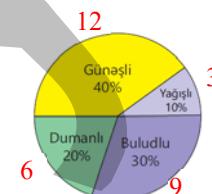
Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər interaktiv oyunlar oynamamaq olar:

<https://www.mathnook.com/math2/shade-it-percents.html>

Araşdırma-müzakirə

Aprel ayında 30 gün olduğundan şagirdlər faizləri hissə ilə ifadə edib uyğun hissəni tapmaqla suallara cavab verə bilərlər. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar: "Ay ərzində yağılı günərək bütün günlərin hansı hissəsini təşkil edir? Ədədin hissəsinin tapılması qaydasına əsasən yağılı günlerin sayını necə tapmaq olar?" Eyni qayda ilə günəşli, dumanlı və buludlu günlerin sayını tapmaq şagirdlərə tapşırılır. Cədvələ iki sütun artırıb uyğun hissələr, sonra isə günlerin sayı yazılır, dairəvi diaqram çəkib uyğun günlerin sayı qeyd edilir.

Günler	Faiz	Hissə	Günlerin sayı
Yağışlı günlər	10%	$\frac{1}{10}$	3
Günəşli günlər	40%	$\frac{2}{5}$	12
Dumanlı günlər	20%	$\frac{1}{5}$	6
Buludlu günlər	30%	$\frac{3}{10}$	9



$$\begin{aligned} \text{Yağışlı günlər} & 10\% = \frac{10}{100} = \frac{1}{10} & \text{Günəşli günlər} & 40\% = \frac{40}{100} = \frac{2}{5} & \text{Dumanlı günlər} & 20\% = \frac{20}{100} = \frac{1}{5} & \text{Buludlu günlər} & 30\% = \frac{30}{100} = \frac{3}{10} \\ 30 \cdot \frac{1}{10} &= 3 & 30 \cdot \frac{2}{5} &= 12 & 30 \cdot \frac{1}{5} &= 6 & 30 \cdot \frac{3}{10} &= 9 \end{aligned}$$

Öyrənmə Ədədin faizinin tapılması

Ədədin faizindən, "faiz" anlayışından mağazalarda bank kreditlərində, maaş artımında çox zaman istifadə olunduğu haqqında şagirdlərə məlumat verilir, ədədin faizinin tapılma qaydası şagirdlərə izah olunur.



Yadda saxla!

Verilən cədvəl şagirdlərlə müzakirə olunur, cədvəldən istifadə etməklə ədədin göstərilən faizlərini şifahi tapmağın mümkün olduğu şagirdlərə bildirilir.

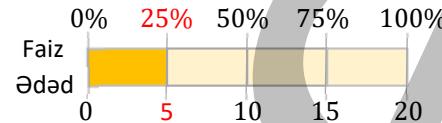
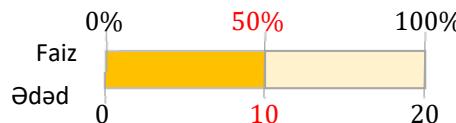


Fikirləş

16-nın 25%-ni, 25-in 20%-ni, 30-un 50%-ni, 28-in 75%-ni tapmaq üçün şagirdlər cədvəldən istifadə edirlər. Əvvəlcə faizi adı kəsrə ifadə edib uyğun hissəni şifahi tapırlar. Məsələn, 16 ədədinin 25%-ni

tapmaq bu ədədin $\frac{1}{4}$ hissəsini tapmaq deməkdir. 16 ədədinin $\frac{1}{4}$ hissəsi müəyyən olunur. Eyni qayda ilə digər faizlər də müəyyən edilir.

Müəllimin nəzərinə! Lentşəkilli diaqramdan istifadə etməklə şagirdlərə faizin hissəni ifadə etdiyini və ədədin hissəsinin tapılması qaydası ilə faizi də tapmağın mümkün olduğu daha aydın izah edilə bilər. Şagirdlərə 100%-in lentin tam uzunluğuna bərabər olduğunu, buna əsasən 50%-in lentin uzunluğunun yarısını, 25%-in isə $\frac{1}{4}$ hissəsini ifadə etdiyi izah edilir. "Faiz" anlayışının "hissə" anlayışı ilə əlaqələndirilməsi şagirdlərin ədədin faizinin tapılmasını daha yaxşı anlamasına kömək edəcək. Ədədi 20-yə bərabər götürməklə uyğun faizləri şifahi tapmaq olar.



Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər interaktiv oyunlar oynamaq olar:
<https://www.mathplayground.com/bingo-find-a-percent-of-a-number.html>

Çalışma

2. Verilən ədədlərin faizləri tapılır. Sonra tapılan ədədlərlə hesablama aparılır.

Müəllimin nəzərinə! Gələcəkdə şagirdlər ədədin faizinin tapılması ilə bağlı bir sıra mürəkkəb tapşırıqları yerinə yetirəcəklər. 2-ci və 3-cü tapşırıqlarda faizin hesablanmasında çətinlik çəkən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi və səhvələr üzərində işin təşkili vacibdir.

Öyrənmə Ədədin faizinin təqribi tapılması

Ədədin özünü və faizi göstərən ədədi yuvarlaqlaşdırmaqla faizi təqribi hesablamığın mümkün olduğu şagirdlərə bildirilir, verilən nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur.

4. Əvvəl ədədin faizi təqribi hesablanır, sonra kalkulyatorda dəqiqliq cavab tapılır. Təqribi hesablamalar zamanı şagirdlərin yuvarlaqlaşdırma qaydalarını düzgün tətbiq etmələrinə diqqət edilir.

5. Təxmin etməklə müqayisə edilir, kalkulyatorda hesablamalıq nəticə yoxlanılır.

Müəllimin nəzərinə! Gündəlik həyatda tez-tez təqribi hesablamalardan istifadə olunur. Ədədin faizinin təqribi tapılması bacarıqlarının təkmilləşdirilməsi şagirdlərə real situasiyalarda hesablama zamanı təqribi qiymətləri müəyyənləşdirməyə kömək edəcək. Şagirdlərə 4-cü və 5-ci tapşırıqlarda şifahi hesablaması tapşırıqları tapşırmaq olar. Hesablamalar zamanı müəyyən çətinlik çəkən şagirdlərlə sonu sıfırla qurtaran ədədlərin vurulması və bölünməsi qaydalarının təkrarlanması məqsədə uyğundur.

Şagirdlər faizi kalkulyatordan istifadə etməklə taparkən faizin tapılma qaydasından istifadə etməklə ədədi faiz göstərən ədədə vurub 100-ə böülür. Bununla yanaşı şagirdlərə kalkulyatorda faiz işaretisi olduğunu, faizi qeyd olunan ardıcılıqla hesablamığın mümkün olduğunu söyləmək tövsiyə olunur. Məsələn, 20 ədəдинin 25%-i belə tapılır:

2 0 * 2 5 / 1 0 0 yaxud

2 0 * 2 5 %



Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər.

Bəzən şagirdlər verilən ədədlərin faizlərini hesablayarkən faiz böyük olduqda alınan ədədin də böyük olacağını düşünürler.

Belə səhv'lərə yol verən şagirdlərə faizin ədədin hissəsini ifadə etdiyini və alınan ədədin tamı göstərən ədəddən asılı olduğunu söyləmək məqsədə uyğundur. 12 sm və 20 sm uzunluğunda lənt üzərində ləntşəkilli diaqramla təsvir etməklə əyani nümunələr göstərmək olar.

Şagirdlər faizi göstərən ədədin böyük olmasına ləntin uyğun uzunluğunun da böyük olacağı demək olmadığını görə bilərlər.

Yanlış

50% 40%-dən çox olduğundan 12-nin 50 %-i 20-nin 40%-indən çoxdur.

Doğru

Tamı göstərən ədədlər fərqli olduğundan ədədin faizi tapılır, sonra müqayisə edilir.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə ədədin faizini əvvəlcə təxmini, sonra isə dəqiq hesablamaqla bağlı tapşırıqlar verilir. Şagirdlər əvvəlcə cavabı şifahi təxmin edirlər. Sonra isə hesablamaqla təxmini və dəqiq cavabı tapırlar.

Oyun. Sinif qruplara bölünür. Hər qrupa iş vərəqi və 2 zər verilir. Zərlər atılır. 1-ci atılan zərin üst üzünə düşən xalların sayına uyğun ədədin qarşısında yazılış ədədlərin 2-ci atılan zərin üst üzünə düşən xalların sayına uyğun ədədin qarşısında yazılış faizi tapılır. Bu qayda ilə ən çoxu 6 dəfə ədədlər cütü seçilir və uyğun hesablamalar aparılır. Verilən vaxt ərzində yazılın hər doğru hesablamaya görə qrupa 1 xal verilir. Ən çox xal qazanan qrup qalib elan olunur. Yazılan misallardan bir neçesi lövhədə yazılıb müzakirə olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1Kg1L3bAxelMTqpMvjSEdqcfcfskYQHUMo/view?usp=sharing>

Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.mathnook.com/math/math-boxing-percents.html>

		%
1	120	15%
2	300	25%
3	250	50%
4	40	75%
5	6	20%
6	72	10%

Məsələ həlli

6. Suallara cavab verilir.

a) Mağazaya neçə qutu nar şirəsi gətirildiyi müəyyən olunur. $15\% = 0,15; 240 \cdot 0,15 = 36$

b) Samirin neçə suala düzgün cavab verdiyi müəyyən olunur. $80\% = 0,8; 25 \cdot 0,8 = 20$

c) Kinoteatrda film üçün neçə bilet satılmadığı müəyyən olunur.

1-ci üsul. $60\% = 0,6$

$$360 \cdot 0,6 = 216$$

$$360 - 216 = 144.$$

2-ci üsul. $100\% - 60\% = 40\%$

$$40\% = 0,4$$

$$360 \cdot 0,4 = 144.$$

d) Lalənin kitabı oxuyub bitirmək üçün daha neçə səhifə oxumalı olduğu müəyyən olunur.

1-ci üsul. $70\% = 0,7$

$$240 \cdot 0,7 = 168$$

$$240 - 168 = 72.$$

2-ci üsul. $100\% - 70\% = 30\%$

$$30\% = 0,3$$

$$240 \cdot 0,3 = 72.$$

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər ədədin faizini hesablaşdırıldan sonra yerdə qalan hissənin nə qədər olduğunu müəyyən edərkən iki üsuldan istifadə edə bilərlər. Bu üsullar haqqında şagirdlərə məlumat verilməsi məqsədə uyğundur.

1-ci üsul:

- Ədədin verilən faizi hesablanır.
- Tamı göstərən ədəddən tapılan ədəd çıxılır.

2-ci üsul:

- Qalan hissənin neçə faiz olduğu müəyyən olunur.
- Tamın qalan hissəyə uyğun faizi hesablanır.

Bir üsulla məsələni həll edən şagirdlərə cavabın doğruluğunu digər üsulla yoxlamağı tapşırmaq olar.

7. Məsələdə fermada neçə qaz olduğunu tapmaq tələb olunur. Verilənlər lentşəkilli diaqramla təsvir olunur.

Məsələnin həlli.

1-ci üsul.

- Fermada neçə toyuq olduğu müəyyən olunur. $1600 \cdot 45\% = 720$.
- Fermada neçə ördək olduğu müəyyən olunur. $1600 \cdot 25\% = 400$.
- Fermada neçə qaz olduğu müəyyən olunur. $1600 - (720 + 400) = 480$.

2-ci üsul.

- Qazların fermada olan toyuq, ördək və qazların neçə faizi olduğu müəyyən olunur. $100\% - (45\% + 25\%) = 30\%$;
- Fermada neçə qaz olduğu müəyyən olunur. $1600 \cdot 30\% = 480$.

Cavab. Fermada 480 qaz var.

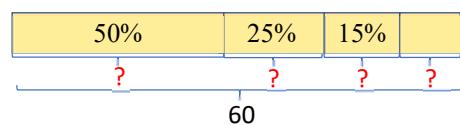
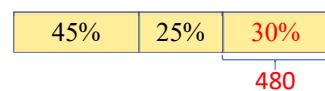
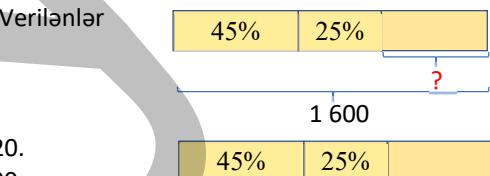
Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri müzakirə olunur.

9. Bağda hər ağacdan neçə dənə olduğunu tapmaq tələb olunur. Verilənlər lentşəkilli diaqramla üzərində təsvir olunur.

Məsələnin həlli. Məsələni iki üsulla həll etmək olar.

1-ci üsul.

- Alma, armud, gavalı ağacılarının sayı müəyyən olunur.



Alma: $50\% = 0,5$; $60 \cdot 0,5 = 30$
 Armud: $25\% = 0,25$; $60 \cdot 0,25 = 15$
 Gavalı: $60 \cdot 0,15 = 9$

- Bütün ağacların sayından alma, armud və gavalı ağaclarının sayını çıxmakla şaftalı ağaclarının sayı tapılır.
 $60 - (25 + 15 + 9) = 6$.

2-ci üsul.

- Alma, armud, gavalı ağaclarının sayı eyni üsulla təyin olunur.
- Şaftalı ağaclarının ümumi ağacların neçə faizi olduğu müəyyən olunur.
 $100\% - (50\% + 25\% + 15\%) = 10\%$.

- Şaftalı ağaclarının sayı müəyyən olunur. $10\% = 0,1$; $60 \cdot 0,1 = 6$.
Cavab. Bağda 30 alma, 15 armud, 9 gavalı və 6 şaftalı ağacı var.

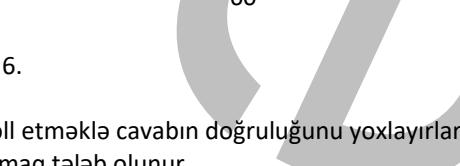
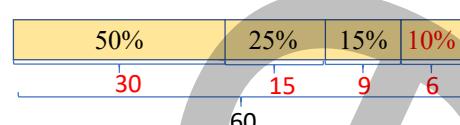
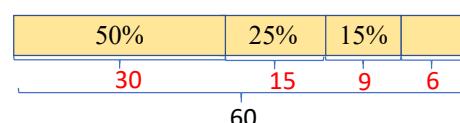
Müzakirə. Məsələni bir üsulla həll edən şagirdlər digər üsulla həll etməklə cavabın doğruluğunu yoxlayırlar.

10. Məsələdə bir həftədə kimin daha çox səhifə oxuduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Anarın oxuduğu səhifələrin sayı müəyyən olunur.
 $45\% = 0,45$; $80 \cdot 0,45 = 36$.
- Lalənin oxuduğu səhifələrin sayı müəyyən olunur.
 $30\% = 0,3$; $140 \cdot 0,3 = 42$.
- Elxanın oxuduğu səhifələrin sayı müəyyən olunur.
 $50\% = 0,5$; $72 \cdot 0,5 = 36$.

Cavab. Lalə daha çox səhifə oxudu.



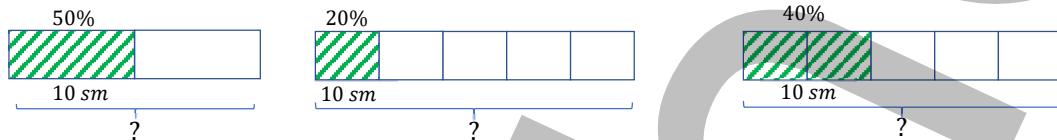
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
“Faiz” anlayışını izah edir.	İş vərəqləri, dərslik, İD
Onluq kəsrləri faizlə ifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, İD
Faizi adı kəsr və onluq kəsrlə ifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, İD

MÖVZU 4.3. Faizinə görə ədədin tapılması

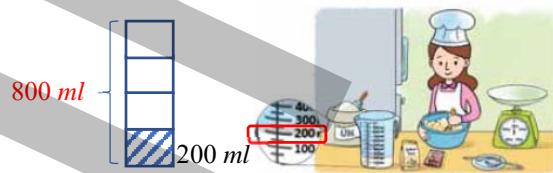
ALT STANDARTLAR	1.5.2. Ədədin faizini, faizinə görə ədədi tapır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Faizinə görə ədədi tapır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, yüzlük kvadrat, rəngli kağızlar, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4837 https://video.edu.az/video/11342 https://www.ixl.com/math/grade-6/find-the-whole-given-a-part-and-a-percent https://www.funbrain.com/games/penguin-waiter

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə 3 düzbucraqlı çəkir və lövhəyə 3 şagird dəvət edir. Şagirdlərə rənglənən hissələrə uyğun ədədlərin neçəyə bərabər olduğu deyilir və buna əsasən şagirdlər ümumi düzbucraqının uzunluğunu tapırlar. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir: “Düzbucraqının neçə faizi rənglənib? Bu, düzbucraqının hansı hissəsini təşkil edir? Düzbucraqının tam uzunluğunu necə tapmaq olar?”



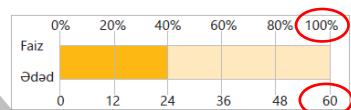
Araşdırma-müzakirə

Qabda qalan südün miqdari təsvirə əsasən müəyyən olunur. Qalan südün miqdarına uyğun faiz hissə ilə ifadə olunur. $25\% = \frac{1}{4}$. Hissəsinə görə ədədin tapılma qaydası şagirdlərlə yada salınır. 200 ml südün tamın $\frac{1}{4}$ hissəsinə bərabər olduğu qeyd olunur. Uyğun təsvir çəkilir və hissəsinə görə ədədin tapılma qaydası ilə qabda əvvəlcə 800 ml süd olduğu tapılır.



Öyrənmə Faizinə görə ədədin tapılması

Ədədin faizi məlum olduqda ədədin özünün tapılma qaydası şagirdlərə izah olunur. Təsvir üzərində şagirdlərə $40\%-i$ 24 olan ədədin necə müəyyən olunduğu izah edilir. Faizinə görə ədədin tapılması zamanı $1\%-e$ uyğun hissəni tapıb həmin ədədi $100\%-e$ vurmaqla, başqa sözlə verilmiş ədədi faizə uyğun kəsrə bölməklə uyğun ədədin tapıldığı bildirilir. Şagirdlər təsvir vasitəsilə faizinə və ya hissəsinə görə ədədin tapılma qaydalarından istifadə etməklə də verilən lentin uzunluğunun $60\text{-}a$ bərabər olduğunu müəyyən edə bilirlər.



Müəllimin nəzərinə! Faizinə görə ədədin tapılması zamanı çətinlik çəkən şagirdlərə faizi hissə ilə ifadə etməyi, hissəsinə görə ədədin tapılması qaydasını xatırlatmaq və təsvirlərdən istifadə etməklə əvvəlcə faizinə görə ədədin tapılması ilə bağlı sadə tapşırıqları (məsələn, $10\%-i$, $20\%-i$, $25\%-i$, $50\%-i$ müəyyən ədədə bərabər olan ədədin tapılması) yerinə yetirməyi tapşırmaq olar. Tapılan ədədin tamı ifadə etdiyini vurgulamaqla şagirdlərə ədədin faizini tapıb cavabın doğruluğunu yoxlamağı tapşırmaq olar. Məsələn: $50\%-i$ 15 olan ədəd neçədir? $25\%-i$ 12 olan ədəd neçədir?



Çalışma

- Hesablama aparılır və müqayisə edilir. Bu zaman faizinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə olunur.
- Hesablama aparılır, nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması siniflə müzakirə olunur. Təsvirlərdən istifadə etməklə cavabın yoxlanılması məqsədə uyğun hesab edilir.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər ədədin faizi və faizinə görə ədədlərin tapılma qaydasını səhv salırlar. Xüsusilə ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədədin tapılma qaydalarını yaxşı mənimsəməyən şagirdlər

bənzər səhvlərə yol verirlər. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərilə əvvəlcə ədədin hissəsi və hissəsinə görə ədədin tapılma qaydasını təkrarlamaq, ədədin faizini hissə şəklində ifadə etməyin mümkün olduğunu xatırlatmaq, ədədin faizi və faizinə görə ədədin tapılmasına aid tapşırıqları yerinə yetirmək vacibdir. Şagirdlərə tapşırıqları təsvirlərdən istifadə etməklə, yaxud cavabı yoxlamaqla yerinə yetirməyi tapşırmaq olar.

Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə faizinə görə ədədin tapılması ilə bağlı təsvirlər üzərində işləməklə tapşırıqlar verilir. Şagirdlər cavabin doğruluğunu ədədin faizini tapmaqla yoxlayırlar.

Dərinlaşdırma. Şagirdlərə ədədin faizini və faizinə görə ədədin tapılmasına aid tapşırıqlar verilir. Şagirdlər hansı qaydadən istifadə etməklə cavabı tapacaqlarını söyləyir, cavabı tapır və doğruluğunu yoxlayırlar.

Praktik tapşırıq. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri qruplara paylanılır. Qrup üzvləri tapşırıqları yerinə yetirir. Boş yerlərə uyğun ədədlər, yaxud sözlər yazılır, faizinə görə ədəd müəyyən olunur. Doğru cavablara görə 1 xal verilir, səhv cavaba görə 1 xal silinir. Ədədin faizini tapmaqla cavabin doğruluğu yoxlanılır. Səhvlər düzəldilir.

Tapşırığı cütlərlə və ya fərdi iş şəklində də yerinə yetirmək olar.

İş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

https://drive.google.com/file/d/1qa3t5P1tNaA_4mpJHbKiu8NuVyHB3M2O/view?usp=sharing

Masalə həlli

4. Məsələdə A və B şəhərləri arasında məsafənin neçə kilometr olduğunu müəyyənləşdirmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə 3 şagird dəvət edir. Şagirdlər aralarındaki müəyyən məsafə olmaqla bir sırada düzülürler. Bu zaman şagirdlər arasında məsafələri ifadə edən təsvir lövhədə çəkilir.



Müəllim 1-ci və 2-ci şagird arasında məsafənin 1-ci və 3-cü şagird arasındaki məsafənin 40%-nə bərabər olduğunu, 2-ci və 3-cü şagird arasında məsafənin isə 120 sm olduğunu qeyd edir və şagirdlərə suallar verir: "2-ci və 3-cü şagird arasında məsafə ümumi məsafənin neçə faizini təşkil edir? 1-ci və 2-ci şagird arasındaki məsafəni necə tapmaq olar?" Ədədin faizini, yoxsa faizinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə etməklə bunu tapmaq olar?

Məsələnin həlli:

- Gedilən yolu tamın neçə faizinə bərabər olduğu müəyyənləşdirilir. $100\% - 55\% = 45\%$.
- A və B şəhərləri arasında məsafəni tapmaq üçün 45%-i 144 olan ədəd müəyyən olunur.

$$144 : \frac{45}{100} = 320 \text{ (km).}$$

Cavab. A və B şəhərləri arasındaki məsafə 320 km-dir.

Müzakirə. A və B şəhərləri arasındaki məsafənin 45%-ni tapıb ədədin 144 km-ə bərabər olduğunu müəyyən etmək olar.

5. Məsələdə gün ərzində divarın cəmi neçə faizinin boyandığını və bütün divarın sahəsinin neçə kvadrat metr olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Gün ərzində divarın cəmi neçə faizinin boyandığı müəyyən olunur. $35\% + 25\% = 60\%$.
- Bütün divarın sahəsini tapmaq üçün 60%-i 120 m^2 -ə bərabər olan ədəd müəyyən olunur.

$$120 : \frac{60}{100} = 200.$$

Cavab. Bütün divarın sahəsi 200 m^2 -dir.

Müzakirə. 200 m^2 -in 35%-i və 25%-i tapılır və onların cəminin 120 m^2 -ə bərabər olduğu yoxlanılır.

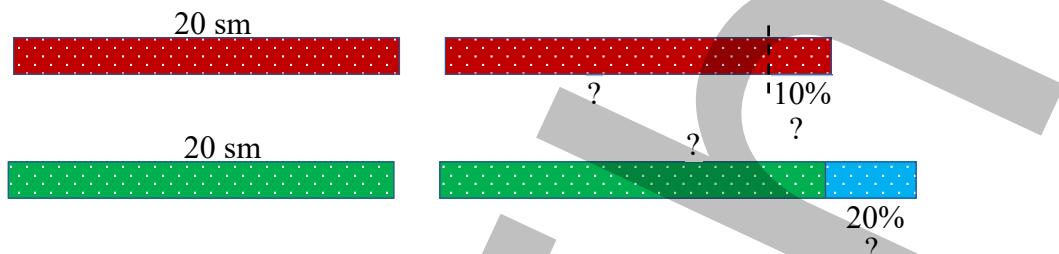
Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Faizinə görə ədədi tapır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 4.4. Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması və azaldılması

ALT STANDARTLAR	1.5.3. Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırılması və azadılmasına aid məsələləri həll edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırmasına aid məsələləri həll edir. Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər azadılmasına aid məsələləri həll edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, yüzlük kvadrat, rəngli kağızlar, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4472 https://video.edu.az/video/351</p> <p>https://www.exploremathindemand.com/percent-increase--percent-decrease-games.html</p> <p>Çalışma: https://wordwall.net/resource/10641258/math/percentage-increase-decrease</p> <p>https://www.free-training-tutorial.com/percentage/towncreator/tc-percentage.html</p>

Mövzuya yönəltmə. Müəllim 20 sm uzunluqda iki lent götürür. Sonra şagirdlərə bu lənlərdən birinin 10%-ni kəsmək, digərinə isə 20% əlavə lent yapışdırmaq istədiyini bildirir və şagirdlərə suallar verir: "Kəsilən hissə neçə santimetr olar? Neçə santimetr artıq qalar? Deməli, lentin uzunluğunu 10% qısaltsaq, onun uzunluğu neçə



santimetr olar?" 2-ci lentlə bağlı suallar verilir: "- Lentə əlavə neçə santimetr yapışdırmaq lazımdır? Lentin uzunluğu neçə santimetr olar? Deməli, lentin uzunluğunu 20% uzadıqda onun uzunluğu neçə santimetr olar?"

Araşdırma-müzakirə

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir. Uyğun hesablama aparılır və lövhədə yazılır.

İşçinin ayın sonunda neçə manat mükafat aldığı tapılır. $1\ 000 \cdot 0,3 = 300$ (man).

İşçinin ayın sonunda neçə manat pul aldığı tapılır. $1\ 000 + 300 = 1\ 300$ (man).

İşçinin aldığı puldan nə qədər gəlir vergisi ödədiyi hesablanır. $1\ 300 \cdot 0,14 = 182$ (man).

1300-dən alınan ədədi çıxməqla nə qədər pul qaldığını hesablanır. $1\ 300 - 182 = 1\ 118$ (man).

Öyrənmə Kəmiyyəti müəyyən faiz artırmaq və azaltmaq

Bəzən ədədi müəyyən faiz artırmaq və azaltmaq lazım olduğu şagirdlərə bildirilir. Verilən nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə olunur. Tapşırıqları yerinə yetirmək üçün müəllim sinifdə rollu oyunlardan istifadə edə bilər.



Fikirləş Bir kəmiyyəti 100% artırıqda onun neçə dəfə artdığını tapmaq üçün nümunələr göstərilir. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verməklə müəyyən bir geyim, yaxud əşyanın qiymətini götürüb onu 100% artırmaqla alınan qiyməti hesablaya və 2 dəfə artdığını görə bilərlər.

Texniki imkanları olan siniflərdə bənzər interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://wordwall.net/resource/25110724/percentage-increase-decrease>

Müəllimin nəzərinə! Bu mövzuda riyazi dilin inkişafı əhəmiyyət kəsb edir. Belə ki, "kəmiyyəti müəyyən faiz artırmaq", "kəmiyyəti müəyyən faiz yaxud azaltmaq" anlayışlarını fərqləndirməyi bacarmalıdır. Kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması və azadılması ilə şagirdlər gündəlik həyatda tez-tez rastlaşırlar. Məsələn, mağazaların vitrinlərində qeyd olunan endirimlər, satış çekləri və s. Şagirdlərə bir neçə belə nümunə söyləməyi, eləcə də gün ərzində araştırma aparıb rastlaşdıqları bənzər situasiyaları qeyd edib növbəti dərsdə söyləməyi tapşırmaq olar. Şagirdlər belə hesablamları pullar üzərində aparmaqla tapşırıqları daha asan yerinə yetirirlər. Dərslikdə verilən nümunə tapşırıqları siniflə müzakirə etmək, əyani nümunələrdən istifadə məqsədə uyğundur.



SATIŞ CEKİ	
Çek nömrəsi № 130	
Məbləğ: 33,00 ₼	Tarix: 22.06.2022
Kassan: 4	Saat: 15:20:29
Məbləğ adı: Məbləğ: Qeydiyyat: Toplam:	
Yumruka (adəd): 20	0,20 ₼ 4,00 ₼
Ün (kaq): 1	3,00 ₼ 3,00 ₼
Süd (isir): 1	1,00 ₼ 1,00 ₼
Həq (qələb): 9	4,60 ₼ 4,60 ₼
İst. (kaq): 3,5	10,00 ₼ 10,00 ₼
Cəmi:	33,00 ₼
Ödəy 18%:	6,30 ₼
Yekun məbləğ:	41,30 ₼



1. Nümunə tapşırığının həlli və açıqlaması siniflə müzakirə edilir. Kəmiyyətləri verilən faiz qədər artırmaq və ya azaltmaqla tapşırıqlar yerinə yetirilir.

a) 80 ədədinin 15 %-i hesablanır və 80-ə əlavə olunur. Həlli ləntşəkilli diaqramla da təsvir etmək olar.

$$15\% = 0,15; 80 \cdot 0,15 = 12; 80 + 12 = 92$$



Öyrənmə 100%-dən böyük faizlər

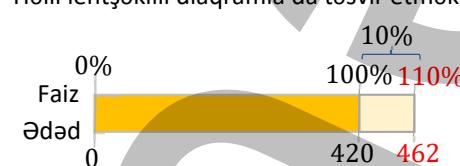
Bəzən şagirdlər hesablama zamanı 100%-dən böyük faizlərə rast gəlirlər. Bu faizin nəyi ifadə etdiyi təsvir üzərində izah olunur və faizin hesablama qaydası şagirdlərlə müzakirə edilir.

2. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması siniflə müzakirə edilir. Kəmiyyətlər verilən faiz qədər artırmaq və ya azaltmaqla tapşırıqlar yerinə yetirilir.

a) 420 ədədini 10% artırmaq üçün onun 110%-i tapılır.

$$100\% + 10\% = 110\% = 1,1; 420 \cdot 1,1 = 462$$

Həlli ləntşəkilli diaqramla da təsvir etmək olar.



Şagirdlərə 420 ədədinin 10%-ni tapıb 420-nin üzərinə əlavə etməklə cavabı yoxlamağı tapşırmaq olar.

$$10\% = 0,1; 420 \cdot 0,1 = 42; 420 + 42 = 462$$

Texniki imkanları olan siniflərdə belə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://mathkite.com/percentage-change-increase/>

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması, yaxud azaldılması zamanı kəmiyyətin qiymətini 2 üsulla tapa bilərlər. Üsulların müqayisəli şəkildə şagirdlərə izah edilməsi və nümunələrin göstərilməsi məqsədə uyğundur. Məsələn, 50 ədədini 10% artırıqdə alınan ədədi belə tapmaq olar.

1-ci üsul. Əvvəlcə verilən faizə uyğun ədəd müəyyən olunur. Əgər kəmiyyət verilən faiz qədər artarsa, qiymətə əlavə olunur. Əgər kəmiyyət verilən faiz qədər azalırsa, qiymətdən çıxılır.

2-ci üsul. Əvvəlcə uyğun faiz müəyyən olunur. Əgər kəmiyyət verilən faiz qədər artarsa, 100% ilə verilən faiz toplanılır.

Əgər kəmiyyət verilən faiz qədər azalırsa, 100%-dən verilən faiz çıxılır. Sonra kəmiyyətin uyğun faizi hesablanır.

50 ədədini 10% artırıqdə alınan ədədi belə tapmaq olar.

$$50 \cdot \frac{10}{100} = 5; \quad 50 + 5 = 55$$

$$100\% + 10\% = 110\%; \quad 50 \cdot \frac{110}{100} = 55$$

120 ədədini 20% azaltıqdə alınan ədədi belə tapmaq olar.

$$120 \cdot \frac{20}{100} = 24; \quad 120 - 24 = 96$$

$$100\% - 20\% = 80\%; \quad 120 \cdot \frac{80}{100} = 96$$

Şagirdlərə bir üsulla cavabı tapıb digər üsulla cavabın doğruluğunu yoxlamağı tapşırmaq olar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər.

Bəzi şagirdlər ədədi müəyyən faiz artırıqdə və ya azaltıqdə səhvə yol verirlər. Onlar ədədin faizini tapıb cavabı tapdıqlarını düşünürər. "Artma" və "azalma" anlayışları olduqda ədədin üzərinə faizə uyğun tapılan ədəd gəlindiyini və yaxud ədəddən tapılan faizə uyğun ədədin çıxıldığını şagirdlərin diqqatınə çatdırmaq lazımdır.

Yanlış
20 ədədini 10% azaltmaq üçün 20 ədədinin 10%-i tapılır. $20 \cdot \frac{10}{100} = 2$

Doğru
20 ədədini 10% azaltmaq üçün 20 ədədinin 10%-i tapılır. $20 \cdot \frac{10}{100} = 2; \quad 20 - 2 = 18$

Yanlış
20 ədədini 10% azaltmaq üçün 20 ədədinin 10%-i tapılır. $20 \cdot \frac{10}{100} = 2; \quad 20 - 2 = 18$

Doğru
20 ədədini 10% artırmaq üçün 20 ədədin 10%-i tapılır. $20 \cdot \frac{10}{100} = 2; \quad 20 + 2 = 22$

Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə kəmiyyəti müəyyən faiz artırmaq, yaxud azaltmağa dair tapşırıqlar verilir. Şagirdlərdən biri cavabı tapır, digəri isə cavabın doğruluğunu yoxlaysı.

Dərinlaşdırma. Şagirdlərə kəmiyyəti müəyyən faiz artırmaq, yaxud azaltmağa aid tapşırıqlar verilir. İki üsulla cavabı tapmaq tapşırılır.

Masala hallı

3. Müştərinin bir ildən sonra banka cəmi nə qədər pul ödəməli olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Əlavə ödənilən məbləğ hesablanır.
 $20\% = 0,2; 2400 \cdot 0,2 = 480$ (man).

• Müştərinin bir il sonra cəmi neçə manat pul ödəməli olduğu hesablanır. $2400 + 480 = 2880$ (man).

Cavab. Müştəri bir ildən sonra banka cəmi 2880 manat pul ödəməlidir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

4. Məsələdə iki gündə fermada cəmi neçə litr süd sağıldıqını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

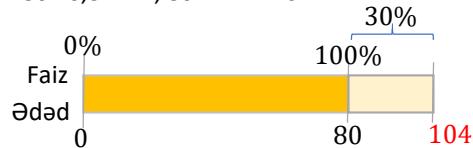
- İkinci gün fermada neçə litr süd sağıldıq hesablanır. $1800 \cdot 17\% = 306$ (l); $1800 - 306 = 1494$ (l).
- İki gündə fermada cəmi neçə litr süd sağıldıq müəyyən olunur. $1800 + 1494 = 3294$ (l).

Cavab. İki gündə fermada cəmi 3294 l süd sağıldı.

5. Məsələdə Anarın yoxsa Samirin daha çox səhifə oxuduğunu və nə qədər çox səhifə oxuduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Lalənin neçə səhifə oxuduğunu müəyyən olunur.
 $80 \cdot 0,3 = 24; 80 + 24 = 104$.



- Samirin neçə səhifə oxuduğunu müəyyən olunur.
 $104 \cdot 0,25 = 26. 104 - 26 = 78$.



- Anarla Samirin səhifələrinin sayı müqayisə olunur. $80 > 78$.
- Anarın oxuduğu səhifələrin sayının Samirin oxuduğu səhifələrin sayından nə qədər çox olduğu tapılır.
 $80 - 78 = 2$.

Cavab. Anarın oxuduğu səhifələrin sayı daha çoxdur. Anarın oxuduğu səhifələrin sayı Samirin oxuduğu səhifələrin sayından 2 vahid çoxdur.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

6. Məsələdə malın endirimdən əvvəlki qiymətinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Cəlbətmə. Müəllim əlinə bir kitab götürür və şagirdlərə müraciət edir:

"Bu kitabın qiymətini 20% endirdikdən sonra yeni qiymət 4 manat oldu. Əvvəlcə kitabın qiymətinin nə qədər olduğunu tapmaqla bağlı şagirdlərə suallar verir: "Kitabın qiyməti neçə faiz qaldı?" Şagirdlər cavabın 80% olduğunu bildirirlər. "80% 4 manata bərabərdirsə, kitabın əvvəlki qiymətini necə tapmaq olar?" Şagirdlər bu zaman ədədin faizi, yoxsa faizinə görə ədədin tapılma qaydasından istifadə edəcəklərinini müəyyənləşdirirlər.



20% endirim
Yeni qiymət: 4 manat

Məsələnin həlli:

- Malın 12% endirimdən sonrakı qiymətinin 44 manat olduğunu əsasən bu qiymətin neçə faizi təşkil etdiyi müəyyən olunur. $100\% - 12\% = 88\%$
- 88%-i 44-ə bərabər olan ədəd müəyyən olunur. $44 : \frac{88}{100} = 50$ (man).

Cavab. Bu malın endirimdən əvvəlki qiyməti 50 manat idi.

Müzakirə. Endirimdən əvvəlki qiymətin, yəni 50 manatin 12% endirimdən sonra 44 manata bərabər olduğu yoxlanılır.

7. Məsələdə endirimdən sonra hansı mağazada soyuducunun daha ucuz qiymətə satıldığı müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Birinci mağazada endirimdən sonrakı qiymət hesablanır. $650 \cdot 0,2 = 130; 650 - 130 = 520$ (man).
- İkinci mağazada endirimdən sonrakı qiymət hesablanır. $700 \cdot 0,26 = 182. 700 - 182 = 518$ (man).
- Endirimdən sonra hansı mağazada soyuducunun daha ucuz qiymətə satıldığı müəyyən olunur.

Cavab: İkinci mağazada soyuducu daha ucuz qiymətə satılmışdır.

8. Məsələdə qiymət dəyişmələrindən sonra paltarın qiymətinin neçə manat olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Qiyməti 60 manat olan paltarın qiymətinin 20% artırımdan sonrakı qiyməti hesablanır. $60 \cdot 1,2 = 72$ (man).

- Paltarın yeni qiyməti 20% azaldığına əsasən uyğun qiymət hesablanır. $72 \cdot 0,8 = 57,60$ (man).

Cavab. Qiymət dəyişmələrindən sonra paltarın qiyməti 57,60 manat oldu.

Müzakirə. Fərqli üsullardan istifadə edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

Layihə işi. Şagirdlərə kəmiyyətin müəyyən faiz artırılması, yaxud azaldılması ilə bağlı gündəlik həyatda rast gəldikləri məsələləri qeyd edib həll etməyi tapşırmaq olar. Uyğun situasiyaları tapmaqda çətinlik çəkən şagirdlərə evdə satış çekləri, endirimli qiymətlərlə bağlı müxtəlif şəkillər verib məsələ qurub həll etməyi tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər artırılmasına aid məsələləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kəmiyyətin qiymətinin verilmiş faiz qədər azadılmasına aid məsələləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən yeni anlayışlar və qaydalar müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərirlər.

Faiz, ədədin faizi, ədədin faizinin təqribi hesablanması, faizinə görə ədədin tapılması, ədədin müəyyən faiz qədər artırılması, ədədin müəyyən faiz qədər azaldılması, 100-dən böyük faizlər

Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı şagirdlərlə yada salınır. İlk problem həlli, ailənin xərclərinin adı və onluq kəsrə necə ifadə olunduğu, ay üzrə hər xərcin neçə manat olduğunu necə tapıldığı, sentyabr ayında aylıq xərcin 10% artmaqla neçə manat olduğunu hesablanma üsulları siniflə müzakirə edilir.

Praktik tapşırıq. Linkdə cari ildə dönyanın müxtəlif ölkələrində olan əhalinin dünya əhalisinin neçə faizini təşkil etdiyi, əvvəlki illə müqayisədə neçə faiz artlığı, yaxud azaldığı haqqında məlumat verilmişdir. Bu məlumatdan istifadə etməklə şagirdlər müxtəlif ölkələrin əhali sayını hesablamaqla bağlı tapşırıqlar vermək olar.

<https://worldpopulationreview.com/>

Flag	Country	2023 (Live)	2022 Population	Area (km²)	Land Area (km²)	Density (/km²)	Growth Rate	World %	Rank
India	India	1,427,536,087	1,417,173,173	3.3M	3M	481	0.81%	17.88%	1
China	China	1,425,700,833	1,425,887,337	9.7M	9.4M	151	-0.02%	17.81%	2
United States	United States	330,844,984	330,289,857	9.4M	9.1M	37	0.5%	4.25%	3
Indonesia	Indonesia	277,344,453	275,501,339	1.9M	1.9M	148	0.74%	3.47%	4
Pakistan	Pakistan	240,095,023	233,624,862	881.9K	770.9K	312	1.98%	3%	5
Nigeria	Nigeria	223,366,332	218,541,212	923.8K	910.8K	246	2.41%	2.8%	6
Brazil	Brazil	216,319,915	215,313,498	8.5M	8.4M	26	0.52%	2.7%	7
Bangladesh	Bangladesh	172,809,002	171,186,372	147.6K	130.2K	1,329	1.93%	2.16%	8
Russia	Russia	144,495,580	144,713,314	17.1M	16.4M	9	-0.19%	1.8%	9
Mexico	Mexico	128,377,560	127,504,125	2M	1.9M	66	0.75%	1.6%	10
Ethiopia	Ethiopia	126,264,080	123,379,924	1.1M	1.1M	112	2.56%	1.58%	11

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ.

6. Yer kürəsində nə qədər şirin su və nə qədər duzlu su olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Yer kürəsində nə qədər şirin su olduğu kalkulyatorda hesablanır.

$$1 \boxed{3} \boxed{8} \boxed{6} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} * \boxed{2}, \boxed{5} \% = 34\,650\,000\,000$$

- Yer kürəsində nə qədər duzlu su olduğu müəyyən olunur.

$$1 \boxed{3} \boxed{8} \boxed{6} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} - \boxed{3} \boxed{4} \boxed{6} \boxed{5} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} = 1\,351\,350\,000\,00$$

Cavab. Yer kürəsində $34\,650\,000\,000\text{ km}^3$ şirin və $1\,351\,350\,000\,000\text{ km}^3$ duzlu su var.

Müzakirə: Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

7. Məsələdə sıfəri tamamlamaq üçün daha neçə masa düzəltmək lazımlı olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Bir həftə ərzində ustalardan birinin neçə masa hazırladığı müəyyən olunur. $30 \cdot 0,3 = 9$
- Digər ustanın neçə masa hazırladığı müəyyən olunur. $30 \cdot 0,4 = 12$.
- Sıfəri tamamlamaq üçün daha neçə masa düzəltmək lazımlı olduğu müəyyən olunur. $30 - (9 + 12) = 9$

Cavab. Sıfəri tamamlamaq üçün daha 9 masa düzətmək lazımdır.

Müzakirə: Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

8. Məsələdə satıcı mart ayında 24000 manatlıq mebel satarsa, onun həmin ayda cəmi nə qədər pul aldığına tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Satıcının satılan mebellərdən əldə etdiyi mükafatın məbləği hesablanır. $24000 \cdot 0,02 = 480$ (man)
- Satıcının aylıq maaşı hesablanır. $600 + 480 = 1080$ (man)

Cavab. Satıcı həmin ayda cəmi 1080 manat pul alırdı.

9. Məsələdə zavoda neçə kq alma göndərildiyini müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Gün ərzində bağdan toplanan meyvənin 25%-i alma olduğuna görə bu faiz hesablanır. $960 \cdot 0,25 = 240$ kq.

- Almaların 40%-nin şirə çəkilməsi üçün zavoda göndərildiyini nəzərə almaqla uyğun faiz tapılır. $240 \cdot 40\% = 96$ kq. Cavab. Zavoda 96 kq alma göndərildi.

10. Məsələdə müştərinin aldığı mallara endirimdən əvvəlki qiymətinin neçə manat olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Endirimdən əvvəlki qiyməti təyin etmək üçün endirimli qiymətin neçə faiz olduğu müəyyən edilir.

$$100\% - 7\% = 93\%.$$

- 93%-i $67,89$ -a bərabər olan ədəd hesablanır. $67,89 : 0,93 = 73$

Cavab. Müştərinin aldığı malların endirimdən əvvəlki qiyməti 73 manat idi.

Müzakirə. Endirimdən əvvəlki qiymətə əsasən endirimdən sonrakı qiymətin müştərinin kassaya ödədiyi məbləğə uyğun olduğu yoxlanılır.

11. Məsələdə usta Əlinin, yoxsa usta Həsənin daha çox maaş aldığı müəyyən olunur.

Məsələnin həlli:

- Usta Əlinin aldığı maaş hesablanır. $750 \cdot 0,08 = 60$ (man). $750 + 60 = 810$ (man).

- Usta Həsənin aldığı maaş hesablanır. $720 \cdot 0,1 = 72$ (man). $720 + 72 = 792$ (man).

- Usta Əli ilə usta Həsənin aldığı maaşlar müqayisə olunur və fərqi tapılır. $810 > 792$. $810 - 792 = 18$ (man)

Cavab: Usta Əlinin aldığı maaş usta Həsənin aldığı maaşdan 18 manat çoxdur.



Genealogiya elmi haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Hər bir insanın yalnız ona məxsus genetik koda malik olması haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Nəsil şəcərəsi təsvir olunmuş sxemlə şagirdlərə izah olunur. DNT-də valideyn və əcdadlarımızın təqribi payını göstərməklə cədvəli tamamlamaq şagirdlərə tapşırılır.

Nəsil nümayəndəsi (ata xətti üzrə)	İnsanın DNT-də nəsil nümayəndəsinin təqribi payı	Adı kəsrlə	Onluq kəsrlə	Faizlə
Sən	$\frac{1}{1}$	1,0		100%
Ata	$\frac{1}{2}$	0,5		50%
Baba	$\frac{1}{4}$	0,25		25%
Babanın atası	$\frac{1}{8}$	0,125		12,5%
Babanın babası	$\frac{1}{16}$	0,0625		6,25%
Babanın babasının atası	$\frac{1}{32}$	0,03125		3,125%

Cədvəl tamamlandıqdan sonra suallara cavab vermək üçün şagirdlər uyğun ədədlərdən istifadə edirlər. Sonda internetdə ailə şəcərəsinə görə hər insanın əcdadlarının vaxtıla yer üzündə hansı ərazilrdə yaşıdlıqları barəsində xüsusi axtarış aparmağı və toplanılan məlumat əsasında təqdimat hazırlamağı şagirdlərə tapşırmaq olar.

“Family Historian” adlı şəcərə programı haqqında şagirdlərə məlumat verilə bilər. Bu programın 1995-ci ildə Simon Orde tərəfindən əsası qoyulmuş Böyük Britaniyanın program təminatı şirkəti olan “Calico Pie Limited” tərəfindən hazırlanmışdır.

Şagirdlərə istiqamətləndirici linklər vermək və ailə ağacı təsvir etməyi tapşırmaq olar:

<https://www.dnaweekly.com/tools/family-tree-maker/>

5-ci BÖLMƏ

Dəyişəni olan ifadələr. Tənlik. Bərabərsizlik

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	6	
Mövzu 5.1	Dəyişəni olan ifadələr	2	7	3
Mövzu 5.2	Birdəyişənlə ifadələrin sadələşdirilməsi	2	10	5
Mövzu 5.3	Bərabərlik və tənlik	4	13	7
Mövzu 5.4	Tənlik qurmaqla məsələ həlli	4	19	10
Mövzu 5.5	Bərabərsizliklər	3	23	14
Mövzu 5.6	Asılı və asılı olmayan dəyişənlər	4	27	17
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. Qlobal istiləşmə	3	33	21
	KSQ-4	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		24		

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə şagirdlər bir dəyişəni olan ifadələri yazmağı, oxumağı, sadələşdirməyi, dəyişənin verilmiş qiymətində ifadənin qiymətini hesablamağı, sadə tənlikləri həll etməyi, kəmiyyətlər arasında asılılığı düsturla ifadə etməyi, cədvəl və qrafiklə təsvir etməyi öyrənəcəklər. Eyni zamanda tənlik qurmaqla məsələ həll etmək, sadə bərabərsizliklərin həllərini seçmə üsulla tapmaq qaydaları haqqında şagirdlərə məlumat veriləcək.

Nəyə diqqət yetirməli?

Şagirdlər sözlərlə verilən fikirləri dəyişəni olan ifadə şəklində yazdıqda çətinlik çəkirlər. Bu çətinlik xüsusilə mötərizələr olduqda yaranır. Bu zaman eyni ədəd və əməllərdən ibarət mötərizəli və mötərizəsiz ifadələrə nümunə göstərmək olar.

Tənlik qurmaqla məsələ həlli zamanı şagirdlər verilən situasiyaya uyğun tənlik qurub həll etdiqdə məchulun qiymətini tapır və cavabın həmin qiymətə bərabər olduğunu düşünürler. Xüsusilə məsələdə axtarılan kəmiyyət məchulun qiymətinə bərabər olmadığı halda şagirdlər səhvə yol verirlər. Belə səhv'lərə yol verən şagirdlərə bənzər məsələlər həll etməyi tapşırmaq olar. Bu bacarığın formallaşdırılması gələcəkdə daha mürəkkəb tənliklər qurmaqla məsələ həlli zamanı bənzər səhv'lərə yol verilməməsi üçün vacibdir.

Bəzi şagirdlər bərabərsizliklərin həllini taparkən işarələri qarışdırıldıqlarından səhv'lərə yol verirlər. Bu, sözlə verilən fikrin bərabərsizlik şəklində yazılışında da özünü göstərir. Belə səhv'lərə yol verən şagirdlərlə səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

Riyazi dilin inkişafı

"Ekvivalent ifadələr", "ortaq vuruq", "tənliyin kökü", "qarşılıqlı tərs əməl", "bərabərsizlik", "bərabərsizliyin həlli", "fərqlidir", "böyükdür", "böyük və ya bərabərdir", "kiçikdir", "kiçik və ya bərabərdir", "bərabər deyil", "böyük deyil", "kiçik deyil", "düstur", "asılı dəyişən", "asılı olmayan dəyişən", "koordinat şəbəkəsi", "qrafik" anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimsədilən riyazi anlayış və terminlər

Ekvivalent ifadələr, ortaq vuruq, tənlik, qarşılıqlı tərs əməl, bərabərsizlik, fərqlidir, böyük və ya bərabərdir, kiçik və ya bərabərdir, bərabər deyil, böyük deyil, kiçik deyil, düstur, asılı dəyişən, asılı olmayan dəyişən, koordinat şəbəkəsi, qrafik və s.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Dəyişəni olan ifadələr
- Tənlik
- Bərabərsizliklər
- Adı və onluq kəsrlər üzərində əməllər
- Əməllər sırası

Fənlərarası integrasiya

Gündəlik həyatda rast gəlinən bəzi situasiyalarda məsələni həll etmək üçün sözlə verilən ifadələrin riyazi simvollarla yazılımasına, bu situasiyalara uyğun tənlik qurub həll edilməsinə ehtiyac yaranır. Məsələn, alış-veriş zamanı gəlir, qazanc və ya xərci, sürətdən və zamandan asılı olaraq gedilən yolu müəyyən etmək, gedilən yola əsasən gediş haqqını hesablamaq və s. hallarda sözlə verilən fikri riyazi ifadə şəklində yazıl tənlik qurmaqla məsələni həll etməyə ehtiyac olur. Bərabərsizliklərə minimum kütlə, sürət həddi, yaş həddi, ən aşağı və ən yuxarı temperaturla bağlı məsələlərdə daha çox rast gəlinir.

MÖVZU 5.1. Dəyişəni olan ifadələr

ALT STANDARTLAR	2.1.1. Verilənlərə uyğun dəyişəni olan riyazi ifadə tərtib edir, verilmiş riyazi ifadəni şifahi söyləyir. 2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir. 2.1.3. Ən çoxu üçdəyişənli riyazi ifadələrin qiymətinin hesablanmasında əməllər ardıcılığından istifadə edir.
TƏLİM NƏTİCƏLERİ	<ul style="list-style-type: none">• Təklifə uyğun dəyişəni olan mötərizəsiz riyazi ifadə tərtib edir.• Təklifə uyğun dəyişəni olan mötərizəli riyazi ifadə tərtib edir.• Riyazi işarələrlə verilmiş ifadəni sözlərlə ifadə edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, stikerlər
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4197 https://video.edu.az/video/4230 Çalışma: https://video.edu.az/video/4153 https://algebra4children.com/algebraic-expressions-crocodile-game.html https://algebra4children.com/algebraic-expressions-pirate-game.html

Mövzuya yöneltmə.

Müəllim şagirdlərə məktəbin hər böyük sinfində 3 pəncərə olduğunu və müəyyən sayıda belə sinif otağında olan pəncərələrin ümumi sayını hesablamaq üçün ifadə yazmağı tapşırır. Lövhəyə siniflərin sayını boş xana ilə qeyd etməklə belə ifadə yazır: . 3

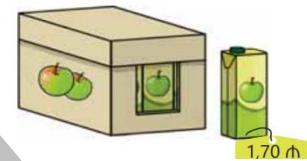
Sınıf otaqlarında olan pəncərələrin ümumi sayı	<input type="text"/> · 3
2 sınıf otağında olan pəncərələrin ümumi sayı	<input checked="" type="text"/> · 3 = 6
3 sınıf otağında olan pəncərələrin ümumi sayı	<input checked="" type="text"/> · 3 = 9
.....	
n sayda sınıf otağında olan pəncərələrin ümumi sayı	<input type="text"/> · 3

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "2 sinif otağında pəncərələrin ümumi sayını necə tapmaq olar? 3 sinif otağında pəncərələrin sayını necə tapmaq olar? Bu qayda ilə n sayıda sinif otağında olan pəncərələrin ümumi sayını tapmaq üçün riyazi ifadəni necə yazmaq olar?" Hər bir cavaba uyğun ifadə yazılır.

Arasdirma-muzakirə

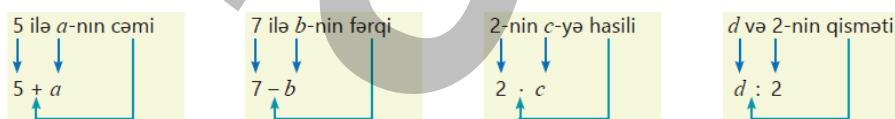
Araşdırma-müzakirə Satışdan daxil olan məbləği riyazi ifadə ilə yazmaq, hər yaşındakı 8 qutu olarsa, məbləğin necə hesablanacağını müəyyən etmək tələb olunur.

- Müəllim yaşındakı qutuların sayının məlum olmadığını bildirir. Buna görə bu qutuların sayını bir dəyişənlə, məsələn, a hərfi ilə işarə etmək mümkün olduğunu qeyd edir və şagirdlər verilən fikrə uyğun riyazi ifadəni yazırlar: $9 \cdot a + 3$
 - Hər yaşındakı 8 qutu olarsa, bu məbləği hesablaşdırmaq üçün dəyişənin yerinə 8 yazılır və cavab tapılır: $9 \cdot 8 + 3 = 75$



Öğrenme Sözler verilen ifadelerin rivazi simvollarla yazılması

Bəzi situasiyalarla bağlı məsələlərdə kəmiyyətlərin müxtəlif qiymətlər aldığı vurgulanır. Bu zaman həmin kəmiyyətlər dəyişənlə əvəz olunur və dəyişəni olan ifadələr yazılır. Sözlə verilən belə ifadələri riyazi simvollarla yazmaq üçün dəyişəni müəyyən hərflə işaret etmək və uyğun əməli düzgün seçmək vacibdir. Dərslikdə verilən nümunələr sagirdlərlə müzakirə olunur.



Riyazi ifadələri yazarkən mötərizələrin qoymasına xüsusi diqqət yetirilir. Mötərizələrlə bağlı bir neçə fərqli tapsırıq sağılardır.





Dikkat

Vuruqlardan biri və ya bir neçəsi dəyişən olarsa, adətən, vurma işarəsinin yazılmadığı qeyd olunur. Verilən nümunə şagirdlərə izah olunur. Bu halda ədədi vuruğun hərfin qarşısında yazıldığı bildirilir. Bir neçə nümunə göstərilə bilər. Məsələn: $3n$, $2a$, $5x$ və s.

Texniki imkanları olan siniflərdə videomaterialdan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/4230>

Cəalişma

2. Sözlə verilən fikirlər riyazi ifadələr şəklində yazılır.

Müəllimin nəzərinə! Sözlə verilən fikrə uyğun riyazi ifadələrin yazılıması zamanı bəzən şagirdlər çətinlik çəkirlər.

Sözlə	Nümunə	Riyazi ifadə
Toplama Cəmi, ümumi say, vahid çox, uzun, ağır və s.	a -dan 3 vahid çox	$a + 3$
Çıxma Fərqi, vahid az, qısa, yüngül və s.	6 -dan b vahid az	$6 - b$
Vurma Hasılı, misli, ikiqatı, üçqatı, dəfə çox, hissəsi və s.	x -in ikiqatı	$x \cdot 2$
Bölmə Qismət, ümumi say, dəfə az və s.	c -dən 4 dəfə az	$c : 4$
Mötərizə ... fərquinin (cəminin) ... hasılı, ... fərquinin (cəminin) ... qisməti, cəminin (fərquinin) ... misli və s.	a və 3 ədədlərinin 5 ilə hasılı	$(a + 3) \cdot 5$

Şagirdlər mötərizələrin qoyulmasında çətinlik çəkirlərsə, mötərizə yerinin nəyə əsasən seçildiyini müzakirə etmək məqsədə uyğundur. Bu, gələcəkdə bənzər səhvərin qarşısını almaq üçün vacibdir.

Texniki imkanları olan siniflərdə videomaterialdan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/4200>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Sözlə verilən ifadənin riyazi simvollarla yazılıması zamanı şagirdlər ən çox mötərizəli ifadələri yazarkən səhvərə yol verirlər. Belə şagirdlərə əvvəlcə mötərizəli ədədi ifadə yazış nəticələri müqayisə etməklə fərqi göstərmək olar. Məsələn, 3 və 5 ədədlərinin cəminin 2 misli hesablaşdırıldığda cavabın 16 -ya bərabər olduğu görünür. Lakin mötərizə olmadıqda cavab fərqli alınır. Buna səbəb sözlə verilən ifadədə əvvəlcə 1 -ci toplama əməlinin yerinə yetirilməsidir. Bunu təmin etmək üçün mötərizədən istifadə olunması lazımdır. Bu qayda ilə dəyişəni olan ifadələrdə də mötərizə qoyulmasının əhəmiyyəti şagirdlərə izah edilir.

3 və 5 ədədlərinin cəminin 2 misli

Yanlış

Doğru

$$3 + 5 \cdot 2 = 13 \quad (3 + 5) \cdot 2 = 16$$

a və 2 ədədlərinin fərquinin 3 misli

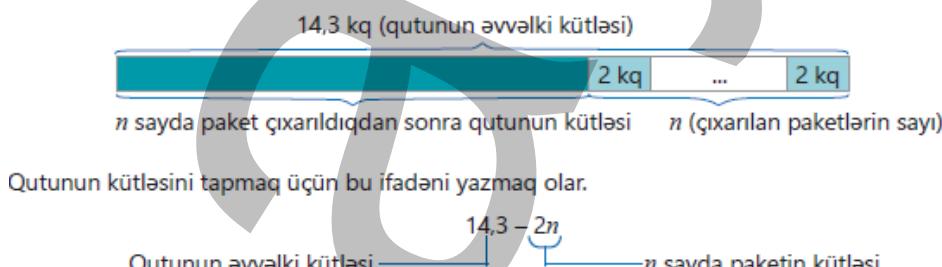
Yanlış

Doğru

$$a + 2 \cdot 3 = a + 6 \quad (a + 2) \cdot 3 = 2a + 6$$

Öyrənmə Müxtəlif situasiyalara uyğun riyazi ifadələrin yazılıması

Hərfi ifadələr daha çox eyni situasiyalarla bağlı məsələ həllərində istifadə olunur. Nümunə tapşırığın həlli, hərfi ifadənin necə yazılışı şagirdlərlə müzakirə olunur.



Fikirləş

Çıxarılan paketlərin sayı 3 olduqda qutunun ümumi kütləsinin yazılmış ifadədən istifadə etməklə necə tapıldığı şagirdlərlə müzakirə olunur. Dəyişənin yerinə 3 yazılışı qeyd olunur. Uyğun ifadənin qiyməti tapılır. $14,3 - 2 \cdot 3 = 8,3$ (kq)

3. Suallara uyğun dəyişəni olan ifadələr yazılır. Dəyişənin verilmiş qiymətində ifadənin qiyməti hesablanır, alınan nəticələr izah edilir.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə bir neçə ifadə yazar və dəyişənin verilmiş qiymətində cavabları bərabər olan ifadələr müəyyən etməyi şagirdlərə tapşırır.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə bir neçə ifadə yazar. Bu ifadələr arasında fərqli olanı müəyyən etməyi və necə müəyyən etdiyini izah etməyi şagirdlərə tapşırır.

Komanda oyunu. Kublaşdırma üsulu ilə yarış təşkil olunur. Sinif qruplara bölünür. Sözlə verilən fikirlər yazılış kartları masaya düzülür. Çalışmaq lazımdır ki, fikirlərə əsasən yazılış ifadələr bir-birinə bənzəsin. Bu, şagirdləri daha diqqətli olmağa tövsiyə edir. Kub düzəldilir. Şagirdlərin hər biri kubu atır və üst üzə düşən ədədə uyğun kart seçilir və üzərində yazılış ifadələrə uyğun dəyişəni olan ifadə yazılır. Əgər cavab doğru olarsa, qrup 1 xal qazanır. Növbəti oyuncu oyunu davam etdirir, kubun üzündə düşən ədəd təkrarlanarsa, kub yenidən atılır. Bu qayda ilə kubun bütün fikirlərə uyğun riyazi ifadələr yazılış qədər oyun davam etdirilir. Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

https://drive.google.com/file/d/1exYeXedbQXa-YlcUXeJIS27A5kblFUN/_view?usp=drive_link

Məsələ həlli

Dəyişəni olan ifadələr yazımaqla məsələlər həll edilir.

4. Məsələdə çadırlarda neçə nəfərin yerləşdiyini hesablamaq üçün riyazi ifadənin yazılıması, $b = 6$ olduqda çadırlardakı yerlərin ümumi sayıının nə qədər olduğunu tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

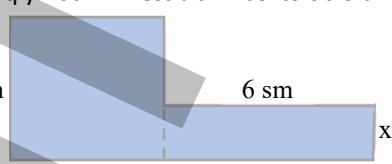
- Çadırlarda neçə nəfərin yerləşdiyini hesablamaq üçün riyazi ifadə yazılır. $8 \cdot 3 + b \cdot 4$
- b -nin yerinə 6 yazımaqla çadırlardakı yerlərin ümumi sayı tapılır. $8 \cdot 3 + 6 \cdot 4 = 48$

Cavab. $b = 6$ olduqda turist düşərgəsində çadırlardakı yerlərin ümumi sayı 48-ə bərabər olar.

5. Verilən fiqurun sahəsinin x ilə ifadə edilməsi, $x = 2$ sm olduqda ifadənin qiymətinin hesablanması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Verilən fiqurun sahəsi x ilə ifadə olunur. Bunun üçün şagirdlər verilən fiquru 2 fiqura ayıra bilərlər. Alınan hər fiqurun sahəsinə 5 sm uyğun ifadələr müəyyən edilir və cəmi yazılır. $5 \cdot 5 + 6 \cdot x = 25 + 6x$
- $x = 2$ olduqda ifadənin qiyməti hesablanır. $25 + 12 = 37$ (sm^2).



Cavab. $5 \cdot 5 + 6 \cdot 2 = 37$ (sm^2) olacaq.

6. Məsələdə 2 saatdan sonra maşınlar arasında məsafəyə uyğun riyazi ifadənin yazılıması, $a = 50$ olduqda bu məsafənin nə qədər olduğunu müəyyən edilməsi tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim lövhəyə 2 şagird dəvət edir. Şagirdlər əks istiqamətdə bir yerdən bir neçə addım atırlar. Müəllim onların hərəkətinə uyğun lövhədə təsvir çəkir və şagirdlərə suallar verir:



– Əgər şagirdlərdən biri 1 saniyədə 30 sm, digəri isə 40 sm uzunluqda addımlar atarsa, 5; 8 saniyədə şagirdlər arasında məsafə nə qədər olar? a saniyədən sonra bu məsafəni tapmaq üçün hansı riyazi ifadəni yazımaqla olar? Bunu necə müəyyən edərsiniz?

Məsələnin həlli:

- Şagirdlər verilən fikrə uyğun riyazi ifadə yazarlar. $2 \cdot (40 + a)$ və ya $2 \cdot 40 + 2 \cdot a$
- $a = 50$ olduqda bu ifadənin qiyməti hesablanır. $2 \cdot (40 + 50) = 180$ (km), yaxud: $2 \cdot 40 + 2 \cdot 50 = 180$ (km)

Cavab. $a = 50$ olduqda bu məsafə 180 kilometrə bərabərdir.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

7. Məsələdə Samirə qaytarılacaq məbləğin nə qədər olduğunu müəyyən edən riyazi ifadənin yazılıması, $n = 6$ olduqda Samirə nə qədər pul qaytarıldığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

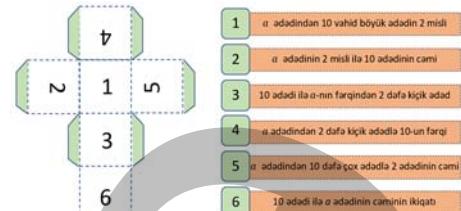
- Samirə qaytarılan pulu tapmaq üçün riyazi ifadə yazılır. $10 - 0,45 \cdot n$
- $n = 6$ olduqda riyazi ifadənin qiyməti hesablanır. $10 - 0,45 \cdot 6 = 7,3$ (manat)

Cavab. $n = 6$ olduqda Samirə qaytarılan pul 7,3 manat olacaq.

8. Suallara uyğun dəyişəni olan ifadələr yazılır.

- Səbinənin qardaşının yaşını göstərən riyazi ifadə yazılır. $b - 5$
- Səbinənin atasının yaşını göstərən riyazi ifadə yazılır. $b + 24$
- Səbinənin anasının yaşını göstərən riyazi ifadə yazılır. $3b + 1$
- Səbinənin 11 yaşı olarsa, atasının, anasının və qardaşının neçə yaşı olduğu tapılır.

Səbinənin qardaşı: $11 - 5 = 6$ Səbinənin atası: $11 + 24 = 35$ Səbinənin anası: $3 \cdot 11 + 1 = 34$



Cavab. Səbinənin 11 yaşı olarsa, atasının 35, anasının 34, qardaşının isə 6 yaşı olar.

9. Verilən ifadələrə uyğun məsələ qurulur və həll edilir.

Müəllimin nəzərinə! Verilən ifadələrə uyğun məsələ qurmaq üçün riyazi dilin, oxuyub-anlama bacarıqlarının inkişaf etdirilməsi önemlidir. Şagirdlər əvvəlcə verilən ifadələri oxuyub-anlamayı və bu ifadələri oxuyarkən ilk yerinə yetirilən əməlin hansı olduğunu, bunun məsələdə hansı fikirlərə uyğun gəldiyini müəyyən etməyi bacarmalıdırular. Verilən ifadələrin oxunuşu zamanı dəyişənin yerinə uyğun ədədlər qoymaqla alınan cavabı, ədədləri dəyişərkən cavabın dəyişməsini şagirdlərlə müzakirə etmək olar. Sadə məsələlər üzərində bənzər nümunələr göstərmək olar. Diferensial təlim üsullarından istifadə etməklə 9-cu tapşırıqda verilən ifadələri şagirdlər arasında bölmək, hər ifadəyə uyğun məsələ yazıb həll etməyi şagirdlərə tapşırmaq olar. Eyni ifadəyə uyğun yazılmış fərqli məsələləri müqayisə etməklə fikir mübadiləsi aparmaq məqsədə uyğundur.

Layihə işi. Şagirdlər müxtəlif situasiyalara (ev, gəzinti, mağaza, idman və s.) uyğun dəyişəni olan məsələ yazıb həll etməyi və həlli izah etməklə təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar. Çətinlik çəkən şagirdlərə müxtəlif situasiyalar haqqında müəyyən təsəvvür yaradan şəkillər vermək olar.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Təklifə uyğun dəyişəni olan mötərizəsiz riyazi ifadə tərtib edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Təklifə uyğun dəyişəni olan mötərizəli riyazi ifadə tərtib edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Verilmiş riyazi ifadəni şifahi söyləyir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 5.2. Birdəyişənli ifadələrin sadələşdirilməsi

ALT STANDARTLAR	2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir. 2.1.3. Ən çoxu üçdəyişənli riyazi ifadələrin qiymətinin hesablanmasında əməllər ardıcılığından istifadə edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none">Vurmanın paylama xassəsini tətbiq etməklə birdəyişənli ifadəni sadələşdirir.Ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla birdəyişənli ifadəni sadələşdirir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4529 https://video.edu.az/video/4188 Çalışma: https://www.transum.org/Maths/Activity/Algebra/Collecting_Like_Terms.asp https://www.deltamath.com/app/explore/skill/tape-diagram-model--linear-equations-multiple-choice/1857530 Məsələ həlli: https://video.edu.az/video/4153

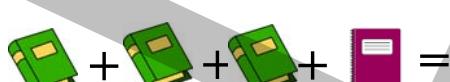
Mövzuya yönəltmə. Müəllim masaya bir neçə kitab və dəftər qoyur. Bir kitabın qiymətinin məlum olmadığını, bir dəftərin isə 2 manat olduğunu bildirir. Sonra hər əlində 1 kitab olmaqla iki kitab götürür. Şagirdlərə əllərində neçə kitab olduğu, onların ümumi qiymətini riyazi ifadə şəklində necə yazılışı soruşur. Əvvəlcə kitablar və dəftərlərdən istifadə etməklə müxtəlif hallara baxılır. Sonra isə kitabın qiymətini a qəbul edib uyğun riyazi ifadə yazılır və sadələşdirilir.



$$\rightarrow a + a =$$



$$\rightarrow a + a + 2 =$$



$$\rightarrow a + a + 2 =$$

Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "İki kitabın qiymətini necə tapmaq olar? 2 kitab və 1 dəftərin qiymətini necə tapmaq olar? Hansı halda $a + a + a + 2$ ifadəsi yazıla bilər? Bu ifadəni başqa necə yazmaq olar?" Şagirdlər cavabı səsləndirir və uyğun ifadələri lövhədə yazırlar.

Texniki imkanları olan sınıflarda videomaterialdan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/4529>

Araştırma-müzakirə

Şagirdlər əvvəlcə hər qutuda n sayda karandaş olduğunu nəzərə alaraq Anarın cəmi neçə karandaş aldığıనı yazırlar. Sonra Anarın 1 qutu karandaşı dostuna verdiyinə əsasən neçə karandaşı qaldığını müəyyən edirlər. Hər iki halda müəllim şagirdlərin diqqətini təsvirə yönəldir və uyğun riyazi ifadələr yazılır.

$$\overbrace{\begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline n & n & n & n & n \\ \hline \end{array}}^{3n} \quad \rightarrow \quad 3n + 2n = 5n$$

$$\underbrace{\quad \quad \quad \quad}_{5n - n} \rightarrow 5n - n = 4n$$

Öyrənmə Vurmanın paylama xassəsini tətbiq etməklə sadələşdirmə

Ekvivalent ifadələr haqqında şagirdlərə məlumat verilir və bir neçə nümunə göstərilir. Dərslikdə verilən nümunə tapşırığın izahı təsvirlər üzərindən şagirdlərlə müzakirə olunur.

Şagirdlər aşağı sinifdən vurmanın paylama xassəsindən istifadə etməklə misalları həll ediblər. Bunu nəzərə alaraq ədədlər daxil olan ifadələrin paylama xassəsinə əsasən hesablanmasına aid nümunələr göstərmək məqsədəyündür. Məsələn: $2 \cdot (5 + 3)$; $4 \cdot (0,5 + 0,25)$ və s. Sonra vurmanın toplama və çıxmaya nəzərən paylama xassəsinin ümumi forması şagirdlərlə müzakirə edilərək lövhədə yazılır, dərslikdəki nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə edilir.

$$\begin{array}{c} 2 \cdot (c + 5) = 2 \cdot c + 2 \cdot 5 = 2c + 10 \\ \text{---} \\ \begin{array}{ccccc} & 2 \cdot (c + 5) & & 2c + 10 & \\ \text{---} & & & & \\ \begin{array}{cc|cc} c & 5 & c & 5 \\ \hline c+5 & & c+5 & \\ \end{array} & \longrightarrow & \begin{array}{cc|cc} c & c & 5 & 5 \\ \hline c+c & & 5+5 & \end{array} \end{array} \end{array}$$

$$(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c \quad (a - b) \cdot c = a \cdot c - b \cdot c$$



Yadda saxla!

 **Yadda saxla!** Bərabərlik müvafiq işaretin sol və sağ tərəflərindəki ifadələrin ekvivalent olduğunu bildirir. Bərabərliyin sol və sağ tərəflərindəki ifadələrin yerini dəyişdikdə bərabərliyin pozulmadığı vurğulanır. Bir neçə nümunənin şagirdlərə göstərilməsi məqsədəyə ugundur.

Texniki imkanları olan sınıflarda interaktiv təpsirilərlərdən istifadə etmək olar. <https://video.edu.az/video/4713>

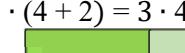
Çalışma

1. Boş xanaya uygun ədəd tapılır. Sahə modelinə əsasən şagirdlər fikirlərini izah edirlər.

Müəllimin nəzərinə! Sahə modeli ilə şagirdlər aşağı sinifdən tanışdırırlar. Çətinlik çəkən şagirdlərə ədədi ifadələrin sahə modeli ilə təsvirinə aid bir neçə nümunə göstərmək olar. 1-ci tapşırığın a) bəndində x -in yerinə hər hansı bir ədəd qoymaqla öyrəndiklərini xatırlatmaq olar.

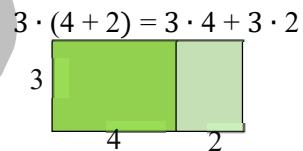
2. Vurmanın paylama xassəsini tətbiq etməklə verilən ifadəyə ekvivalent ifadə yazılır.

3. $3 \cdot (4 + 2) = 3 \cdot 4 + 3 \cdot 2$



3
4
2

4. Verilən bərabərliklərdən hansının doğru olduğu müəyyən olunur. Səhv bərabərliklər dəftərdə yazılaraq səhv'lər



Şagırdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Vurmanın xassələrinin tətbiqi ilə ifadələrin sadələşdirilməsi zamanı şagırdlər müəyyən səhv'lərə yol verirlər. Vurmanın paylama və qruplaşdırma xassələrindən istifadə etməklə ifadələri sadələşdiridikdə mötərizə daxilindəki hər bir ifadəni mötərizə xaricindəki ədədə vurmağı unudurlar. 3-cü və 4-cü tapşırıqları həll edən zaman belə şagırdları müəyyən etmək olar. Ədədi ifadələrdə alınan cavabın doğru olmadığını müəyyən etməklə səhv'lərini daha tez müəyyən edə bilirlər. Səhv'ləri müəyyən etmək üçün şagırdlər dəyişənin yerinə ədəd yazmayı və ya misalı yenidən həll etməklə həlli əvvəlki həllə müqayisə etməyi tapşırmaq olar.

Öyrənmə Ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla sadələşdirmə

Vurmanın paylama xassəsində bərabərliyin sağ və sol tərəflərinin yerini dəyişdikdə “ortaq vuruğun mötərizə xaricinə çıxarılması qaydasının alındığı bildirilir. Dərslikdə verilən nümunə tapşırıqlar və vurmanın paylama xassəsi ilə yanaşı, ortaq vuruğun mötərizə xaricinə çıxarılması düsturu şagirdlərlə müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə videomaterialdan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/1734>

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər ən böyük ortaq bölən (ƏBOB) haqqında məlumatlı olduqlarından “ortaq vuruq” və “ortaq bölən” anlayışının eyni qaydada müəyyən edildiyini şagirdlərə bildirmək, bir neçə nümunə göstərmək məqsədə uyğundur. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verərək ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla ifadəni sadələşdirmək qaydasını şagirdlərə izah etmək olar. Məsələn: “12 və 16 ədədlərinin ortaq bölənləri necədir? Bu ədədlərin ən böyüyü hansı ədəddir? $4 \cdot 3$ və $4 \cdot 4$ üçün ortaq vuruq hansıdır? $2a$ və $3a$ üçün ortaq vuruq hansıdır? $2a$ və $3a$ ifadəsinin ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla necə sadələşdirmək olar?” və s.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://www.mathgames.com/skill/6.14-simplify-variable-expressions>

7. Ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla ifadələr sadələşdirilir, dəyişənin verilmiş qiymətində ifadələrin qiyməti hesablanır.

8. Əvvəlcə ifadələr sadələşdirilir, dəyişənin verilmiş qiymətində ifadələrin uyğun qiyməti hesablanır.

9. Ifadələr sadələşdirilir.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər ifadələrin sadələşdirilməsi zamanı hansı ifadələri qruplaşdıracaqlarını müəyyən etməkdə çətinlik çəkirərlər. Ifadələri sadələşdirərkən şagirdlərlə hansı xassədən istifadə olunduğunu müzakirə etmək, nə üçün bu xassədən istifadə olunduğunu əsaslandırmağı onlara tapşırmaq məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə sadədən mürəkkəbə doğru bir neçə ifadə yazılır və sadələşdirilir. Sadələşdirmək üçün hansı xassədən istifadə olunduğunu şagirdlər izah edirlər.

Dərinləşdirmə. Lövhəyə sadədən mürəkkəbə doğru bir neçə ifadə yazılır və sadələşdirilir. Sadələşdirmək üçün hansı xassədən istifadə olunduğunu şagirdlər izah edir və eyni xassənin tətbiqi ilə sadələşdirilən başqa ifadə yazırlar.

$$x \cdot 2 \cdot 3 =$$

$$x \cdot (4 + 3) =$$

$$x + 3x =$$

$$4x + 2x =$$

$$x + x + 3 =$$

$$2x + 6x + 5 =$$

$$5 \cdot x \cdot 3 =$$

$$x \cdot (5 - 1) =$$

$$8x - x =$$

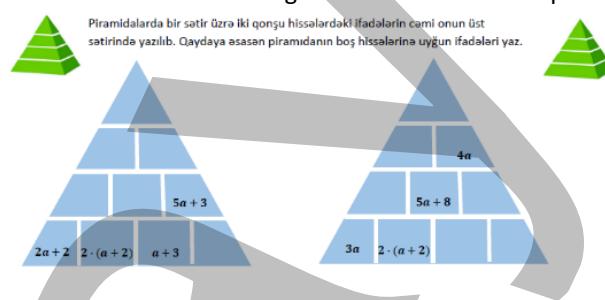
$$9x - 4x =$$

$$6x - x + 3 =$$

$$10x + 5 + 2x =$$

$$5 \cdot (x + 2) + 4 =$$

Piramida oyunu. İş vərəqləri şagirdlərə paylanılır və boş hissələrə uyğun ifadənin yazılıma qaydası izah edilir. Oyunu qruplarla oynamaq olar. Piramidaları tez və düzgün dolduran komanda qalib elan olunur.



Nümunə iş vərəqinə uyğun bir neçə fərqli iş vərəqi hazırlanmaq olar. Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz: <https://drive.google.com/file/d/1IaHD8BzPrwGR41gTziWWfIPLxbqVZQr3/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

10. Tapşırıqda kimin fikrinin doğru olduğu soruşular.

Məsələnin həlli:

- Verilən ifadə sadələşdirilir. $3c - 3c + 1 = 1$. Deməli, ifadəni sadələşdiridikdə ədəd alınır, dəyişəndən asılılıq yoxdur. Bu isə o deməkdir ki, c -nin istənilən qiymətində ifadənin qiyməti 1-ə bərabər olacaq. Deməli, Anarın fikri doğrudur.

- Lalənin fikrinin doğru olub-olmadığı müəyyən olunur. Eyni ifadə olduğundan bu ifadənin 1-ə bərabər olduğu qeyd olunur. Deməli, $c = 0$ olduqda ifadənin qiyməti 1 olacaq. Lakin c başqa bir ədədə bərabər olarsa, yenə də ifadənin qiyməti 1-ə bərabərdir. Deməli, Lalənin fikri doğru deyil.

Cavab. Anarın fikri doğrudur.



c -nin istənilən qiymətində $2c + c - 3c + 1$ ifadəsinin qiyməti 1-ə bərabərdir.

Yalnız $c = 0$ olduqda $2c + c - 3c + 1$ ifadəsinin qiyməti 1-ə bərabər olur.



Lalə

Müzakirə. Lalənin fikrinin doğru olmadığını izah etmək üçün şagirdlər c -nin yerinə başqa ədədlər də qoya bilərlər. Bu zaman c -nin müxtəlif qiymətlərində qiymətin 1-ə bərabər olduğu alınacaq. Deməli, Lalənin fikri doğru deyil, Anarın fikri doğrudur.

11. Şəklə görə ölçüləri sm-lə verilmiş düzbucaqlının uzunluğunu, perimetrini və sahəsini hesablamaq üçün ifadələr yazılmış, $a = 5$ olduqda perimetri və sahəsinin nə qədər olacağının tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Şəklə əsasən verilmiş düzbucaqlının uzunluğunu göstərən ifadənin $3 + a$ olduğu müyyəyən olunur.
- Düzbucaqlının perimetri və sahəsini tapmaq üçün riyazi ifadələr yazılır və sadələşdirilir.

Düzbucaqlının perimetri: $(3 + 3 + a) \cdot 2 = 12 + 2a$

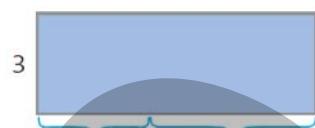
Düzbucaqlının sahəsi: $3 \cdot (3 + a) = 9 + 3a$

- $a = 5$ olduqda düzbucaqlının perimetri və sahəsi hesablanır.

Düzbucaqlının perimetri: $12 + 2a = 12 + 2 \cdot 5 = 22$ (sm)

Düzbucaqlının sahəsi: $3 \cdot (3 + a) = 9 + 3 \cdot 5 = 24$ (sm^2)

Cavab. $a = 5$ olduqda düzbucaqlının perimetri 22 sm, sahəsi isə 24 sm^2 -ə bərabərdir.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Vurmanın paylama xassəsini tətbiq etməklə birdəyişənli ifadəni sadələşdirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Ortaq vuruğu mötərizə xaricinə çıxarmaqla birdəyişənli ifadəni sadələşdirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 5.3. Bərabərlik və tənlik

ALT STANDARTLAR	2.1.2. Birdəyişənli ifadələri sadələşdirir. 2.2.2. Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə xətti tənlikləri həll edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Bərabərliyin xassələrini tətbiq etməklə sadə tənlikləri həll edir. • Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə xətti tənlikləri həll edir. • Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan bir neçə əməl daxil olan tənlikləri həll edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, tərəzi, pazl hissələri
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4467 https://video.edu.az/video/47_05 Çalışma: https://video.edu.az/video/10307 https://phet.colorado.edu/sims/html/equality-explorer/latest/equality-explorer_tr.html https://mathsbot.com/manipulatives/equationSolver Məsələ həlli: https://video.edu.az/video/11367

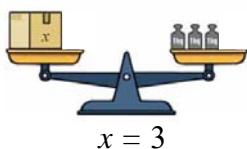
Mövzuya yönəltmə. Sinfə tərəzi gətirmək və ya şagirdlərə əvvəlcədən tərəzi modeli hazırlamağı tapşırmaq olar. Tərəzi masaya qoyulur. Balans üçün çəki daşlarından, domino və ya qəpiklərdən istifadə etmək olar. Tərəzinin bir gözünə 3 ədəd 100 qramlıq çəki daşı qoyulur. Digər gözünə isə əvvəlcədən kütləsi müyyəyən edilmiş bir əşya (məsələn, kütləsi 200 q), yaxud kütləsinin üstünü örtməklə çəki daşı qoyulur. Şagirdlər tərəzini tarzlılıqda saxlamaq üçün çəki daşı əlavə etməli və ya götürməlidir. Bu qayda ilə kütləsi məlum olmayan çəki daşının və ya əşyanın kütləsi tapılır. Uyğun tənlik lövhədə yazılır. Texniki imkanları olan siniflərdə videoizahdan istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/4199>



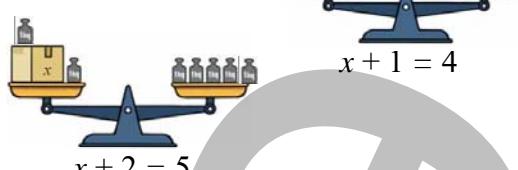
$$x + 100 = 300$$

Araştırma-müzakirə

Sinifdə simvolik tərəzi hazırlayıb tapşırığı əyani şəkildə yerinə yetirmək olar. Hər suala cavab verdikcə nümunələr tərəzi üzərində nümayiş etdirilir.



Tərəzinin hər iki gözündən 1 çəki daşı götürdükdə tarazlıq pozulmur.



Tərəzinin hər iki gözünə 1 çəki daşı əlavə etdikdə tarazlıq pozulmur.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv alətlərdən istifadə etmək olar:

<https://media.pk12ls.com/curriculum/math/Tools/tools/EnvisionPanBalance.html>

Öyrənmə Bərabərliyin xassələri

Bərabərliyin xassələri və verilən nümunələr şagirdlərlə müzakirə olunur.

Çalışma

1. Bərabərliyin xassələrindən istifadə etməklə boş xanaya uyğun ədəd və ya əməl işarəsi müəyyən edilir. Tapşırığın şifahi yerinə yetirilməsi məqsədə uyğundur.
2. Əvvəlcə birinci bərabərliyin doğru olduğu göstərilir, ikinci bərabərliyin doğru olduğu isə birinci əsasən xassələrdən istifadə etməklə izah olunur.

https://www.learnalberta.ca/content/mejhm/index.html?I=0&ID1=AB.MATH.JR.PATT&ID2=AB.MATH.JR.PATT.ALG&lesson=html/object_interactives/algebra/use_it.html

Öyrənmə Sadə tənliklərin həlli

“Tənliyin kökü” anlayışı şagirdlərə izah olunur, tənliyin kökünü tapmaq üçün tərs əməllərdən necə istifadə olunduğu haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Toplama ilə çıxmın, vurma ilə bölmənin tərs əməl olduğu vurgulanır. Nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə olunur. Verilən tənliyi müxtalif üsullarla həll etməyin mümkün olduğu və bu zaman təpilan köklərin eyni olduğu şagirdlərin nəzərinə çatdırılır.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://wordwall.net/resource/2847788/math/one-step-equations>

https://www.bigideasmath.com/protected/content/dcs_cc_v2/tools/scale_6_7_2/scale_6_7_2.html

Əmsalları kəsr ədədlər olan sadə tənliklərin həlli üçün videomaterialdan istifadə etmək olar:

<https://video.edu.az/video/12116>



Fikirləş

Nümunələrdə verilən tənlikləri məchul toplananın, məchul azalanın, məchul vuruğun və məchul bölünənin təpiləmə qaydalarından istifadə etməklə necə həll etməyin mümkün olduğu şagirdlərdən soruşulur. Hər bir tapşırığın həllinə uyğun misalların yazılıması məqsədə uyğundur.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər ibtidai sinifdən məchulun təpiləmə qaydaları ilə tanışdırırlar. Bu qaydaların təkrar edilməsi və hər birindən istifadə etməklə tənlik həllinə aid nümunələr göstərilməsi tövsiyə olunur.

3. Verilmiş ədədin tənliyin kökü olub-olmadığı yoxlanılır.

6. Lövhədə tənliyi Anarın məchul çıxılanın təpiləməsi qaydası ilə, Lalənin isə bərabərliyin xassələrindən istifadə etməklə həll etdiyi vurgulanır. Eyni qayda ilə $8 - x = 3$ tənliyi həll edilir.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər məchulun təpiləmə qaydası ilə tənlikləri həll edərkən qayda unudulduqda həll zamanı çətinliklə qarşılaşırlar. Bərabərliyin xassələrindən və tərs əməllərdən istifadə etməklə belə halların qarşısını almaq olar. Məchul çıxılanı taparkən bərabərliyin xassələrindən istifadə etməklə bərabərliyin hər iki tərəfində x çıxıldığı üçün hər iki tərəfinə x əlavə edildiyini xatırlatmaq olar. Eyni qayda ilə məchul bölgəni taparkən bərabərliyin xassələrindən istifadə etməklə bərabərliyin hər iki tərəfi x -ə böldüyü üçün hər iki tərəfini x -ə vurmaq olar. Məchul çıxılanın və bölgənin hər iki üsulla təpiləməsinə aid bir neçə nümunə göstərmək tövsiyə olunur.

$$15 : x = 3$$

$$15 : x \cdot x = 3 \cdot x$$

$$15 = 3 \cdot x$$

$$3 \cdot x = 15$$

$$x = 5$$

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Tənliyin həlli zamanı şagirdlərdə bəzi yanlış təsəvvürlər formalaşır. Bəzi şagirdlər tənlik dedikdə məchulun yalnız bərabərliyin sol tərəfində olduğunu düşünürərlər. Həmin şagirdlərə məchulun bərabərliyin sağında olduğu tənliklər verib həll etməyi tapşırmaq olar.

Yanlış

$$14 = 2x \text{ tənlik deyil.}$$

$$10 = x + 5 \text{ tənlik deyil.}$$

Doğru

$$14 = 2x \text{ tənlikdir.}$$

$$10 = x + 5 \text{ tənlikdir.}$$

Bu zaman bərabərliyin sağ və sol tərəfinin yerini dəyişməklə məchulun solda olmadığını təmin etməyin mümkün olduğu vurgulana bilər.

Hər iki hala uyğun tənlik həllinə aid nümunələr göstərmək məqsədəyənəndur.

Öyrənmə Bir neçə əməl daxil olan tənliklərin həlli

Bir neçə əməl daxil olan tənliklər və həlli üsulları haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Həll zamanı əməllərin ardıcılığına diqqət yetirilməsi və əməlləri yerinə yetirərkən sonuncu əməldən başlanmasının vacib olduğu qeyd olunur. Verilən nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə olunur.



Fikirləş

İkinci nümunədəki tənliyin sol tərəfini sadələşdirməklə birinci nümunəyə uyğun necə həll etməyin mümkün olduğu siniflə müzakirə olunur, uyğun misal lövhədə yazılır.

Texniki imkanları olan siniflərdə videoizahdan istifadə etmək olar:
<https://video.edu.az/video/9801>

$$\begin{aligned} (x + 4) \cdot 2 &= 18 \\ 2x + 8 - 8 &= 18 - 8 \\ 2x &= 10 \\ 2x : 2 &= 10 : 2 \\ x &= 5 \end{aligned}$$

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər bir neçə əməl daxil olan tənlikləri həll edərkən sonuncu əməli müəyyən etməli, bu əmələ qarşılıqlı tərs olan əməli tapıb tətbiq etməlidirlər və bərabərliyin uyğun xassələrindən istifadə etməklə tənlik həll olunur. Bəzən şagirdlər əməllər sırasını tətbiq etməklə tənlik həlliində səhvlərə yol verirlər.

Bir neçə əməl daxil olan tənliklərin həlli zamanı şagirdlər aşağıdakılara diqqət etməlidirlər.

- Bir neçə əməl daxil olan tənliklər əməllərin sayı qədər addımlarla həll edilir. Məsələn, iki əməl daxil olan tənliklərin həlli üçün iki addım tələb olunur.
- Dəyişən olan tərəfdə dəyişənin tək qalması üçün tərs əməldən istifadə olunur.
- Bərabərliyin xassələrinin görə tənlikdə sağ və sol tərəflərə əlavə edilən, çıxılan, vurulan və ya bölünən ədədlər eyni olmalıdır.
- Tənliyin cavabını yoxlamaq səhvləri üzə çıxarıb aradan qaldırmağa kömək edir.

10. Tənliklər həll edilir və cavab yoxlanılır, verilən nümunə tapşırığın həlli siniflə müzakirə olunur.

11. Bərabərliyin sol tərəfi sadələşdirilir və tənliklər həll edilir.

$$\begin{aligned} a) 2x + 4x &= 12 \\ 6x &= 12 \\ 6x : 6 &= 12 : 6 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

Bərabərliyin sol tərəfi
sadələşdirilir.
Tənlik həll edilir.

13. Elxanın fikri müzakirə olunur, cavabın doğruluğu yoxlanılır. Bu üsuldan istifadə etməklə verilmiş tənliklər həll edilir.

$$\begin{aligned} 9 - 2x &= 5 \\ 2x &= 9 - 5 \\ 2x &= 4 \\ x &= 4 : 2 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

2x məchul çıxılandır. Machul çıxılanı tapmaq üçün azalan dan fərqi çıxaram. Machul vuruşunu tapmaq üçün hasilini məlum vuruşa bölmərəm.



$$\begin{aligned} 23 - 4x &= 7 \\ 4x &= 23 - 7 \\ 4x &= 16 \\ 4x : 4 &= 16 : 4 \\ x &= 4 \end{aligned}$$

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə sadədən mürəkkəbə doğru bir neçə tənlik yazılır və həll edilir.

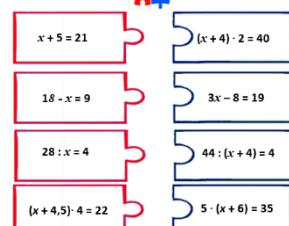
Dərinləşdirmə. Lövhəyə sadədən mürəkkəbə doğru bir neçə tənlik yazılır və həll edilir. Hansı həll üsulundan istifadə olunduğu izah olunur.

$$\begin{array}{ll} x \cdot 2 = 8 & 5 \cdot x \cdot 2 = 10 \\ x + 5 = 10 & 2x - 1 = 12 \\ x + 2x = 9 & 4x + 2 = 15 \\ 4x - x = 12 & 5 \cdot (x - 1) = 20 \\ x + x + 5 = 11 & 18 - 3x = 15 \end{array}$$



Oyun. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanılır. Pazl hissələri kəsilib masaya düzülür və qarışdırılır. Şagirdlərə verilən tənlikləri həll etmək və həlləri bərabər olan pazl hissələrini birləşdirmək tapşırılır. Tapşırığı ən tez və düzgün yerinə yetirən qrup qalib olur.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz.



https://drive.google.com/file/d/1JZzYS6dD_ci7PkkyYEuhZt7c9KOOfD5pn/view?usp=sharing

Masalə həlli

14. Anar və Lalə verilən tənliyi həll etdikləri ilə bağlı fikir söylədilər. Onların hər birinin təklif etdiyi üsula uyğun həll yazılır, sonra isə onların həllinə uyğun olaraq cavablar müzakirə edilir, həll üsulları müqayisə olunur.



Anar

$$\frac{2 \cdot (x - 3)}{2} = \frac{4}{2}$$

$$x - 3 = 2$$

$$x - 3 + 3 = 2 + 3$$

$$x = 5$$

$$2x - 6 = 4$$

$$2x - 6 + 6 = 4 + 6$$

$$2x = 10$$

$$2x : 2 = 10 : 2$$

$$x = 5$$



Lalə

Hər iki üsulun tətbiqi ilə bənzər tənliklər yazıb həll etməyi şagirdlərə tapşırmaq olar.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Bərabərliyin xassələrini tətbiq etməklə sadə tənlikləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə xətti tənlikləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan bir neçə əməl daxil olan tənlikləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 5.4. Tənlik qurmaqla məsələ həlli

ALT STANDARTLAR	2.2.2. Əmsalları natural və ya kəsr ədədlər olan sadə tənlikləri həll edir. 2.2.3. Məsələ həllində tənliklərdən istifadə edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Bir neçə əməl daxil olan tənlik qurmaqla məsələləri həll edir. • Mötərizə daxil olan tənliklər qurmaqla məsələləri həll edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, tərəzi
ELEKTRON RESURSLAR	https://video.edu.az/video/12148 https://video.edu.az/video/5722

Araşdırma-müzakirə

Tapşırığı sinifdə rollu oyun şəklində yerinə yetirmək olar. Bir satıcı və bir alıcı seçilir, məsələni şərtinə uyğun səhna təşkil olunur və suallar cavablandırılır. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Məsələni tənlik qurmaqla həll etmək üçün nəyi məchul qəbul etmək olar? Alınan armudun kütləsini x ilə işarə etsək, alınan meyvelərə ödənilən məbləği riyazi ifadə şəklində necə yazmaq olar? Bu ifadə neçəyə bərabərdir? Alınan tənliyin sol tərəfini sadələşdirmək olarmı?" və s.



$$3 + 2x = 9$$

Öyrənmə Tənlik qurmaqla məsələ həlli

Tənliyin məsələnin şərtini riyazi dilə çevirmək üsullarından biri olduğu qeyd edilir. Bunun üçün axtarılan kəmiyyətin qiyməti məchul kimi qəbul edilir və adətən, x ilə işarə olunur. Tənliy həll etməklə axtarılan kəmiyyətin qiyməti tapılır.

Nümunə 1. Oxun qiymətinin nə qədər olduğunu tapmaq üçün tənlik qurmaqla məsələni həll edərkən məsələ həlli mərhələlərinə diqqət yetirilir.

Müəllimin nəzərinə! Tənlik qurmaqla məsələ həlli vacib bacarıqlardan biridir. Məsələni oxuyub-anlamaqda çətinlik çəkən şagirdlər məsələyə uyğun riyazi ifadə və ya tənlik yazmaqdə da çətinlik çəkirler. Diferensial təlim üsullarına əsasən belə şagirdlərə dəstək məqsədilə bənzər nisbətən sadə məsələləri modellərlə təsvir etməyi, tənlik qurmaqla həll etməyi və necə həll etdiyini izah etməyi tapşırmaq olar. Verilən məsələyə uyğun tənlik yazmaqdə çətinlik çəkən şagirdlərə məsələ həlli mərhələlərinə diqqət etməyi və yazılı plan tərtib etməklə məsələni həll etməyi tapşırmaq tövsiyə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə tənlik qurmaqla məsələ həllinə dair müxtəlif nümunələrin videomateriallarından istifadə etmək olar: <https://video.edu.az/video/11349>

Məsələ həlli

1. Məsələdə şərtə uyğun ədədlərin tapılması tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

1-ci ədəd – x

2-ci ədəd – $x + 20$

Cəmi – 48

Məsələnin həlli:

- Tənlik qurulur: $x + x + 20 = 48 \rightarrow x = 14$.

Hər iki ədəd tapılır: $x = 14$ və $x + 20 = 34$

Cavab. Bu ədədlər 14 və 34 ədədləridir.

Müzakirə. Tapılan iki ədədin cəminin 48-ə bərabər olduğu və bu ədədlərdən birinin digərindən 20 vahid böyük olduğu yoxlanılır.

4. Taksinin neçə kilometr məsafə qət etdiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

Tənlik qurulur: $1 + 0,5x = 6 \rightarrow x = 10$.

Cavab. Taksi 10 km məsafə qət edib.

Müzakirə. Tənliyin kökünü yerinə yazmaqla 10 km yol üçün ödənilən məbləğin 5 manat olduğu yoxlanılır.

6. Üçbucağın kiçik tərəfinin uzunuşunu tapmaq tələb olunur.

Məsələyə uyğun şəkil çəkilir və məsələnin qısa şərti yazılır.

AB tərəfi: x

AC tərəfi: $2x$

BC tərəfi: $x + 2$

Perimetri: 22 sm

Məsələnin həlli:

Tənlik qurulur və kökü tapılır: $x + 2x + x + 2 = 22 \rightarrow x = 5$

AB tərəfi: $x = 5$

AC tərəfi: $2x = 10$

BC tərəfi: $x + 2 = 7$

Cavab. Üçbucağın tərəfləri 5 sm, 10 sm, 7 sm-ə bərabərdir.

Nümunə 2. Yük maşınının yükü A şəhərindən B şəhərinə hansı sürətlə apardığını tapmaq üçün tənlik qurulur.

Məsələ həlli mərhələlərinə diqqət edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə tənlik qurmaqla məsələ həllinə dair videomaterialı şagirdlərə nümayiş etdirmək olar: <https://video.edu.az/video/12148>

9. Düzbucaqlı formasında olan rəsm çərçivəsinin uzunuşunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

Rəsm çərçivəsinin eni – 40 sm

Rəsm çərçivəsinin uzunuşu – x

Rəsm çərçivəsinin perimetri – 190 sm

Məsələnin həlli:

- Tənlik qurulur. Məsələyə uyğun tənliyi perimetrin tapılma qaydasına əsasən iki cür qurmaq olar:

$$2x + 2 \cdot 40 = 190 \quad \text{və ya} \quad 2 \cdot (x + 40) = 190$$

Tənliyin kökü tapılır: $x = 55$.

Cavab. Rəsm çərçivəsinin uzunuşu 55 sm-ə bərabərdir.

Müzakirə. Tənliyin kökünü yerinə yazmaqla eni 40 sm və uzunuşu 55 sm olan çərçivənin perimetrinin 190 sm-ə bərabər olduğu yoxlanılır.

12. Məsələdə dəvənin kütləsini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

Quzunun kütləsi – x

Dəvənin kütləsi – $39x + 12$

Quzu və dəvənin birlikdə kütləsi – $x + 39x + 12$

Məsələnin həlli:

- Tənlik qurulur.

$$x + 39x + 12 = 612$$

Tənliyin kökü tapılır: $x = 15$.

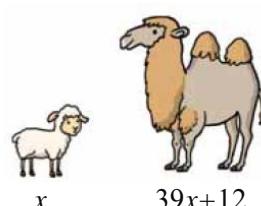
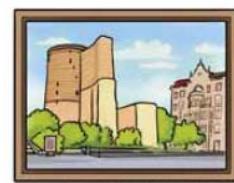
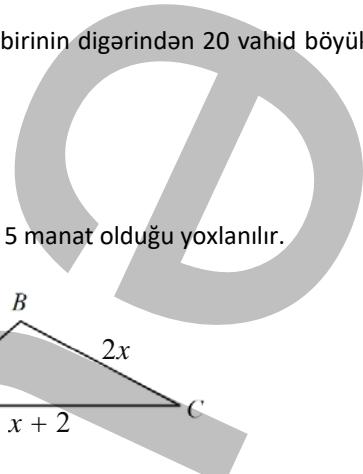
x -in yerinə 15 yazımaqla dəvənin kütləsi tapılır:

$$39 \cdot 15 + 12 = 597 \text{ (kq)}$$

Cavab. Dəvənin kütləsi 597 kq-a bərabərdir.

Müzakirə. Dəvə ilə quzunun birlikdə kütləsinin 612 kq olduğu yoxlanılır.

x	x	20
48		



Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Tənlik qurmaqla məsələ həllində şagirdlər müxtəlif səhv'lərə yol verirlər. Bu səhv'lərin aradan qaldırılması tənlik qurmaqla məsələ həlli bacarıqlarının gələcəkdə də inkişaf etdirilməsi üçün vacibdir.

1) Bəzi şagirdlər məsələnin həllinin tənliyi həll edib məchulu tapmaqla bitdiyini hesab edirlər. Belə şagirdlərə “Məsələni anla” mərhələsində daha diqqətli olmayı və nəyi tapacaqlarına fikir verməyi tapşırmaq olar.

2) 12-ci məsələyə bənzər məsələlərdə şagirdlər tənlik qurarkən cəmə diqqət etməyib $39x + 12 = 612$ yazaraq tənliyi düzgün qurmurlar. Belə şagirdlərdə “Yoxla” mərhələsində diqqətli olmayı, cavab doğru olmadığı halda məsələni yenidən həll etməyi tapşırmaq olar.

Məsələ həlli zamanı belə səhv'lərə yol verən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi və səhv'lərlə işin təşkili məqsədəuyğundur.

Formativ qiymətləndirmə

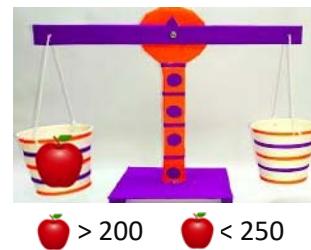
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Bir neçə əməl daxil olan tənlik qurmaqla sadə məsələləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Mötərizə daxil olan tənliklər qurmaqla məsələləri həll edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 5.5. Bərabərsizliklər

ALT STANDARTLAR	2.2.1. Sadə bərabərsizliklərin natural həllərini seçmə üsulla tapır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Sözlə verilən fikrə uyğun dəyişəni olan bərabərsizlik yazır. Doğru bərabərsizliyi müəyyən edir. Dəyişəni olan bərabərsizliklərin həllərini seçmə üsulla tapır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, tərəzi.
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://video.edu.az/video/4467 https://video.edu.az/video/4705 https://media.pk12ls.com/curriculum/math/Tools/tools/EnvisionPanBalance.html https://www.didax.com/apps/math-balance/</p> <p>Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/6.18-variable-inequalities</p> <p>Məsələ həlli: https://video.edu.az/video/11256</p>

Mövzuya yönəltmə. Sinfə tərəzi gətirmək və ya şagirdlərə əvvəlcədən tərəzi modeli hazırlamağı tapşırmaq olar. Tərəzi masaya qoyulur. Balans üçün çəki daşlarından, domino və ya eyni qəpiklərdən istifadə etmək olar. Tərəzinin sol gözünə bir alma qoyulur. Müəllim almanın kütləsini alma simvolu ilə işaret etməklə şagirdlərə bərabərsizliklər yazacaqlarını söyləyir. Tərəzinin sağ gözünə çəki daşları qoymaqla alınan vəziyyət təsvir olunur. Məsələn: alma 200 qramdan ağırdır, alma 250 qramdan yüngüldür və s. Hər bir vəziyyətə uyğun bərabərsizlik yazılır. Eyni qayda ilə tərəzidə müxtəlif əşyaların kütlələrinə uyğun bərabərsizlik yazmaq olar. Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://www.roomrecess.com/Tools/PanBalance/play.html>



$$\text{apple} > 200$$



Araşdırma-müzakirə

Oyuncaq qutusunun üzərindəki “+3” yazısının oyuncağın 3 yaşdan yuxarı uşaqlar üçün tövsiyə edildiyini bildirdiyi vurgulanır. Uyğun bərabərsizliyi müqayisə işaretisi vasitəsilə yazımaq tələb olunur. Uşağın yaşı n ilə işaret edilir və müqayisə işaretisindən istifadə etməklə bərabərsizlik yazılır: $n > 3$. Oyuncağın Anarın qardaşının yaşına uyğun olduğu bildirilir.

Öyrənmə Ədədi bərabərsizliklər

Bərabərsizlik, ədədi bərabərsizliklər, doğru və doğru olmayan bərabərsizliklər, müqayisə işaretələri haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Nümunələr şagirdlərlə müzakirə olunur.

Çalışma

- “*” yerinə bərabərdir (=) və ya bərabər deyil (\neq) işaretlərindən uyğun olanı müəyyən edilir.
- Verilən ədədlərdən şərti uyğun olanlar tapılır.

Öyrənmə Dəyişəni olan bərabərsizliklər

Dəyişəni olan bərabərsizliklər haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunə tapşırıqlar şagirdlərlə müzakirə edilir. Sözlə verilən dəyişəni olan bərabərsizliyin necə yazıldığına aid nümunələr göstərilir.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər hər hansı fikrə uyğun dəyişəni olan bərabərsizlik yazmaq üçün əvvəlcə fikrin mənasını anlayır, sonra isə bu fikirdəki sözlərə uyğun riyazi simvollar vasitəsilə bərabərsizliklər yazılırlar. Hər hansı fikrin riyazi ifadə şəklində yazılıması əvvəlki dərslərdən şagirdlərə tanışdır, riyazi dilin inkişafı fikrə uyğun dəyişəni olan bərabərsizliklərin yazılıması üçün önemlidir. Dərslidə verilən nümunələr şagirdlərlə müzakirə olunduqda burada "azdır", "çoxdur", "çox deyil", "az deyil" və s. kimi sözlərin mənalarına diqqət yetirilir. Bu sözlərə uyğun hansı riyazi simvolun seçildiyi şagirdlərlə müzakirə olunur.

5. Gülsümün hər gün ən azı 4 km piyada gəzdiyinə əsasən bu fikri özündə ifadə edən bərabərsizlik yazılır. "Ən azı 4 km-dir" ifadəsinin məsafənin 4 km və ya daha çox olduğunu göstərdiyi qeyd olunur. $x \geq 4$ bərabərsizliyinin bu fikrə uyğun olduğu müəyyənləşir. $x > 4$ bərabərsizliyinin bu fikrə nəyə görə uyğun olmadığı müzakirə olunur.

7. Verilən bərabərsizliyə uyğun fikir söylənir. Dəyişənin nəyi ifadə etdiyi izah olunur.

a) $n < 24$; havanın temperaturu 24°C -dən kiçikdir. n – havanın temperaturu

c) $x \leq 12$; kitabların sayı 12-dən çox deyil. x – kitabların sayı.

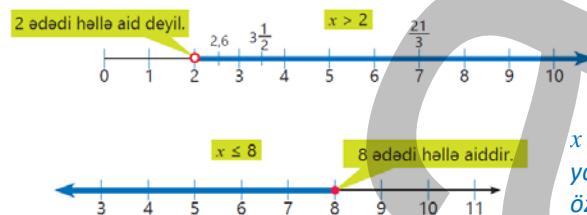
Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər "böyükdür", "kiçikdir", "böyük və ya bərabərdir" fikirlərinə uyğun riyazi ifadələri bərabərsizlik şəklində yaza bilirlər. Lakin "ən azı", "ən çoxu" ifadələrinin bərabərsizlik şəklində yazılıması şagirdlərə nisbətən çətin olur. Daha sadə nümunələr üzərində bu fikirləri izah etmək olar. Məsələn: "Qutuda ən azı 3 kitabı var. Bu fikri necə başa düşürsünüz? 3 kitabı söylənilən fikrə uyğun olarmı? 5 kitabı söylənilən fikrə uyğun olarmı? 2 kitabı söylənilən fikrə uyğun olarmı? Bunu necə müəyyən etmək olar? Söylənilən fikri riyazi ifadə şəklində necə yaza bilərsiniz?" və s. kimi suallar verməklə şagirdlər ən azı və ən çoxu sözlərinin mənalarını müəyyənləşdirməyə, eyni zamanda bu fikrə uyğun yazılışı düzgün seçməyə yönəldilir. Uyğun cədvəl çəkib 1-ci sütuna əsasən riyazi simvollarla yazılışı şagirdlərlə tamamlamaq olar.

Sözlə verilən fikirlər	Bərabərsizlik
n ədədi 5-dən böyükdür.	$n > 5$
n ədədi 5-dən kiçik və ya bərabərdir.	$n \leq 5$
n ədədi 5-dən böyük deyil.	$n \leq 5$
n ədədi 5-dən kiçik deyil.	$n \geq 5$
n ədədi 5-ə bərabər deyil.	$n \neq 5$
n ədədi ən azı 5-ə bərabərdir.	$n \geq 5$
n ədədi ən çoxu 5-ə bərabərdir.	$n \leq 5$

Öyrənmə Bərabərsizliyin həlli

Bərabərsizliyin həlli dəyişənin bərabərsizliyi doğru edən ədədi bərabərsizliyə çevirən hər bir qiymətinə deyilir. Verilmiş ədədin bərabərsizliyin həlli olduğunu yoxlamaq üçün bu ədədi dəyişənin yerinə yazılın ədədi bərabərsizliyin doğru olub-olmadığını yoxlamaq lazımdır. Verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur. Uyğun ədədi bərabərsizliklərdən hansının doğru, hansının doğru olmadığı qeyd olunur. Buna əsasən verilən ədədlərin bərabərsizliyin həlli olub-olmadığı vurgulanır.

Bərabərsizliklərin həllinin ədəd oxunda təsvirinə diqqət edilir. Ədəd oxunda verilən ədədə uyğun nöqtədən sağda yerləşən ədədlərin verilən ədəddən böyük, solda yerləşənlərin isə kiçik olduğu xatırlanır.



$x > 2$ bərabərsizliyini ödəyən ədədlər 2-dən böyük olduğundan ədəd oxunda bu ədədin sağındakı hissə qeyd olunur.

$x \leq 8$ bərabərsizliyini ödəyən ədədlər 8-ə bərabər və ya 8-dən kiçik olduğundan ədəd oxunda bu ədədin özü də daxil olmaqla solundakı hissə qeyd olunur.

Müəllimin nəzərinə! Ədəd oxunda təsvir zamanı şagirdlər müəyyən çətinliklə qarşılaşırlar. Bu zaman əsas 2 məqamı vurgulamaq məqsədə uyğundur.

1) Əgər \leq və ya \geq işarəsi qoyulubsa, uyğun nöqtə kiçik dairə, $<$ və ya $>$ işarəsi qoyulubsa, kiçik çevrə ilə qeyd olunur.

2) Əgər \leq və ya $<$ işarəsi qoyulubsa, ədəd oxunda uyğun nöqtədən solda qalan hissə, \geq və ya $>$ işarəsi qoyulubsa, uyğun nöqtədən uyğun nöqtədən solda qalan hissə qeyd olunur.

Bu üsulla şagirdlər bərabərsizlikləri ədəd oxunda təsvir edə, yaxud ədəd oxunda təsvirə əsasən uyğun bərabərsizliyi yaza bilərlər.



Verilən işarələr arasında hansı əlaqənin olduğunu tapmaq, bu işarələrin oxşar və fərqli cəhətlərinin müəyyənləşdirmək tələb olunur. Şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək, dəyişəni olan bir neçə

bərabərsizlik yazıb oxşar və fərqli cəhətləri müəyyən etməyi tapşırmaq olar. Məsələn: $x \leq 2$, $x < 2$, Bu işaretlərin oxşar və fərqli cəhətləri hansılardır? Eyni qayda ilə \geq , $>$ işaretlərinin oxşar və fərqli cəhətlərini müəyyənləşdirmək olar.

10. Bərabərsizliyi ödəyən üç natural ədəd tapılır, həll ədəd oxunda təsvir olunur. Tapılan ədədlərin bərabərsizliyi ödədiyini ədəd oxunda təsvirdən istifadə etməklə yoxlamaq olar.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürler. Bəzi şagirdlər “ən azı”, “ən çoxu”, “az deyil” və “çox deyil” sözlərinə uyğun bərabərsizlik yazanda səhvələrə yol verirlər. Belə şagirdlərə bir neçə nümunə üzərində seçmə üsulla həlli tapmağı və cavabın doğru olub-olmadığını yoxlamağı tapşırmaq məqsədə uyğundur. Məsələn, “Masada ən azı 4 qələm var” dedikdə şagirdlər “az” sözünə görə \leq və ya $<$ işaretlərindən istifadə olunduğunu düşünür və belə bərabərsizliklər yazılırlar. $n \leq 4$ və ya $n < 4$. Seçmə üsulla həlli tapdıqda bərabərsizliyin düzgün yazılmadığını görəcəklər. Bərabərsizliklərin yazılışında bu sözlərin hansı işarəyə uyğun olduğunu şagirdlərin düzgün müəyyən etməsi məqsədilə səhvələr üzərində işin təşkili vacibdir.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə bir neçə bərabərsizlik yazılır. Bu bərabərsizlikləri oxumaq, ədəd oxunda təsvir etmək və seçmə üsulla bir neçə həllini tapmaq şagirdlərə tapşırılır.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərdən biri bərabərsizlik yazmaq üçün fikir söyləyir. Digər şagirdə isə bu fikrə uyğun bərabərsizlik yazmaq, ədəd oxunda təsvir etmək və bir neçə həllini tapmaq tapşırılır.

Praktik tapşırıq. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri qruplara paylanılır. Qrup üzvləri tapşırıqları yerinə yetirir. Ədəd oxunda təsvir və ya bərabərsizlik verildikdə digər boş hissələr doldurulur. Hər qrup cavabı səsləndirir. Doğru cavablara görə 1 xal qazanır, səhv cavaba görə 1 xal silinir. Səhv cavablar müzakirə edilir. Səhvələr araşdırılır və düzəldilir. Tapşırığı cütlərlə və ya fərdi iş şəklində də yerinə yetirmək olar.

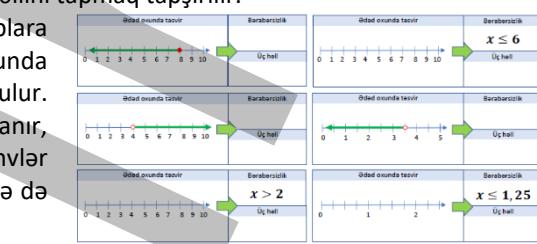
Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

<https://drive.google.com/file/d/18PrEN6N9dWWJoLMtNKn8ex2F6ko71Wz9/view?usp=sharing>

Məsələ həlli

13. Samirin fikrinin doğru olub-olmadığı müzakirə edilir.

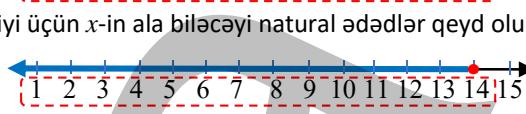
- $x < 15$ bərabərsizliyi üçün x -in ala biləcəyi natural ədədlər qeyd olunur.



$x < 15$ və $x \leq 14$ bərabərsizliklərini ödəyən natural ədədlərin sayı bərabərdir.



- $x \leq 14$ bərabərsizliyi üçün x -in ala biləcəyi natural ədədlər qeyd olunur.



Hər iki bərabərsizliyin həlli olan natural ədədlərin sayı bərabərdir.

Cavab. Samirin fikri doğrudur.

14. Gəmiyə satılan biletlərin sayını hansı bərabərsizliklə təsvir etməyin mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur. Şərtdə “ən çox” dedikdə \leq işarəsindən istifadə olunduğu qeyd edilir və cavab tapılır.

Cavab. $n \leq 168$.

Müzakirə. Biletlərin sayı natural ədəd olduğundan bu sayını $n < 169$ bərabərsizliyi ilə də təsvir etmək olar.

Daha kiçik ədədlərdən istifadə etməklə məsələnin həllini şagirdlərlə müzakirə etmək olar.

15. Məsələdə verilən məbləğlərdən hansılarının divar kağızı almaq üçün ödənilən pul ola biləcəyini müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Rulonların sayına uyğun bərabərsizliklər yazılır: $x \geq 6$ və $x \leq 9$
- Verilən məbləğlərə neçə rulon divar kağızı almağın mümkün olduğunu hesablamaq üçün uyğun məbləğlər 1 rulon divar kağızının qiymətinə (8) bölünür.



- 6, 8, 9 rulon almanın mümkün olduğu müəyyən edilir.

Cavab. 48, 64 və 72 manat divar kağızı almaq üçün ödənilən pul ola bilər.

16. Hansı meyvənin kütləsinin nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Cəlbetmə. Masaya tərəzi qoyulur. Tərəzinin sol gözünə bir alma, sağ gözünə isə 150 q çəki daşı qoyulur. Almanın ağır olduğu qeyd edilir. Sonra sağ gözünə 100 və 50 qramlıq çəki daşları qoyulur və bu dəfə almanın yüngül olduğu vurgulanır.



Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Almanın kütləsi 120 q, 160 q, 240 q ola bilərmi? Bunu necə tapmaq olar?"

Məsələnin həlli:

- Verilənlər təhlil olunur və məsələ seçmə üsulla həll olunur.
- Verilən məlumatlara əsasən hər meyvənin kütləsi müəyyən olunur.

Banan – 1,5 kg, armud – 4 kg, nar – 1 kg, ananas – 3 kg.

Cavab. Bananın kütləsi 1,5 kg, armudun kütləsi 4 kg, narın kütləsi 1 kg, ananasın kütləsi isə 3 kg-a bərabərdir.

Müzakirə. Hər tərəzidə verilən kütlələrin tərəzinin göstəricisində uyğun olduğu yoxlanılır.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər belə tərəzi məsələlərini həll etməkdə çətinlik çəkirərlər. Belə ki, şagirdlər tərəzinin hansı gözünün ağır, hansı gözünün yüngül olduğunu müəyyən etməkdə, bu təsvirlərə əsasən bərabərsizliyi yazımaqda çətinlik çəkirərlər. Müəllim şagirdlərə bir neçə belə təsvir verib təsvirlərə əsasən bərabərsizliyi yazmayı tapşırı bilər.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://www.roomrecess.com/Tools/PanBalance/play.html>

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Sözlə verilən fikrə uyğun dəyişəni olan bərabərsizlik yazır.	İş vərəqləri, dərslik, İD
Doğru bərabərsizliyi müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, İD
Dəyişəni olan bərabərsizliklərin həllərini seçmə üsulla tapır.	İş vərəqləri, dərslik, İD

MÖVZU 5.6. Asılı və asılı olmayan dəyişənlər

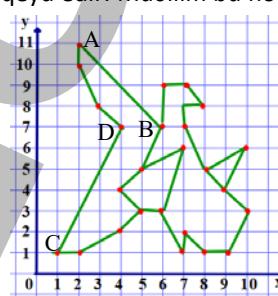
ALT STANDARTLAR	2.3.1. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqları hərflərin köməyi ilə düstur şəklində ifadə edir. 2.3.2. Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqlara uyğun cədvəl tərtib edir 2.3.3. Kəmiyyətlər arasındaki sadə asılılıqları qrafik təsvir edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqları hərflərin köməyi ilə düstur şəklində ifadə edir. • Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqlara uyğun cədvəl tərtib edir. • Kəmiyyətlər arasındaki sadə asılılıqları qrafiki təsvir edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, laminasiya olunmuş koordinat sistemi təsvirli kağız
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/5703 https://video.edu.az/video/11339 https://www.ixl.com/math/grade-5/graph-points-on-a-coordinate-plane https://phet.colorado.edu/sims/html/function-builder/latest/function-builder_tr.ht Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/6.18-variable-inequalities Məsələ həlli: https://video.edu.az/video/11256

Mövzuya yönəltmə. Müəllim lövhəyə koordinat şəbəkəsi çəkir. Şagirdlər koordinatlar yazılımış kartları paylayır.

Hər bir şagird uyğun nöqtəni koordinat şəbəkəsində qeyd edir. Müəllim bu nöqtələri birləşdirməklə "Xarıbülbül"

təsviri alınacağını bildirir. Şagirdlər müəllimin dəstəyi ilə uyğun nöqtələri birləşdirib şəkildəki təsviri alırlar. Müəllim şagirdlərə suallar verir:

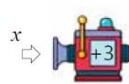
- Hansı nöqtələr bir düz xətt üzərində yerləşdi? Ən azı neçə nöqtə qeyd olunsa, bu nöqtələrdən keçən düz xətt çəkmək olar? Nöqtələrin hər iki koordinatını 2 dəfə artırıq, alınan şəkil böyüyər, yoxsa kiçilər? A və B nöqtələrindən keçən parça üzərində nöqtələri hansı qanunauyğunluqla tapmaq olar?



(6;9)	(1;1)	(4;2)	(4;4)
(7;9)	(2;1)	(7;2)	(9;4)
(7;9)	(7;1)	(5;3)	(5;5)
(2;10)	(8;1)	(6;3)	(8;5)
(2;11)	(9;1)	(10;3)	(7;6)

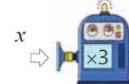
Araştırma-müzakirə

Tapşırıqda hər maşın üçün x və y arasında əlaqəni ifadə etmək lazımdır. Tapşırığı cədvəl qurmaqla yerinə yetirmək olar. Müəllim lövhədə hər maşına uyğun 1 cədvəl çəkir. Cədvəldə x dəyişəninə müəyyən qiymətlər verib y tapılır. Qanunauyğunluğun x ilə necə ifadə olunduğu müəyyən olunur. Müəllim lövhəyə uyğun düsturları yazar.



x	1	2	3
y	4	5	6

$$y = x + 3$$



x	1	2	3
y	3	6	9

$$y = 3x$$

Öyrənmə Asılı kəmiyyətlər

Hər bir kəmiyyətin vahidi olduğunu və bu vahidlərlə ölçmə və hesablamların aparıldığı qeyd olunur. Bəzi kəmiyyətlərin qiymətinin başqa kəmiyyətdən asılı olduğu vurgulanır. Nümunələr göstərilir. Şagirdlərə düstur, asılı və asılı olmayan dəyişənlər haqqında məlumat verilir. Nümunələr göstərilir.



Yadda saxla!

Asılı və asılı olmayan dəyişənin nə demək olduğu şagirdlərlə müzakirə edilir. Nümunələr göstərilir.

Çalışma

1. Nümunədəki tapşırığın həlli və açıqlaması siniflə müzakirə olunur, digər tapşırıqları isə şagirdlər fərdi və ya cütlər şəklində yerinə yetirə bilərlər.

3. Verilən cədvələ görə dəyişənlər arasında asılılıq düsturla ifadə edilir və cədvəl tamamlanır.

a)

x	$y = x + 1$
1	2
2	3
3	4
4	5
5	6

b)

x	$y = 4x$
1	4
2	8
3	12
4	16
5	20

c)

x	$y = x + 3$
1	4
2	5
3	6
4	7
5	8

5. Cədvəldə verilənlərə əsasən uyğun düstur yazılır: $y = 2x + 1$

6. Əməkhaqqını hesablamaq üçün uyğun düstur yazılır: $y = 8x$.

7 saat işləyən işçinin nə qədər əməkhaqqı aldığı düstura əsasən hesablanır: $y = 8 \cdot 7 = 56$ (man)

• Eyni qaydada işçi neçə saat işləsə 96 manat əməkhaqqı alacağı da düstura əsasən tapılır. Uyğun tənlik yazılır və həll olunur. $96 = 8x \rightarrow x = 12$ saat.

7. Çəndə nə qədər su qaldığını hesablamaq üçün uyğun düsturu tapmaq tələb olunur. Şagirdlər şərtə əsasən düsturu yazımaqla təyin edə və ya verilən hər bir düsturu təhlil etməklə doğru cavabın hansı olduğunu müəyyən edə bilərlər. $y = 2000 - 5t$ düsturunun doğru olduğu müəyyən olunur.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər müəyyən fikrə uyğun riyazi ifadə yazmaqdə çətinlik çəkdikləri kimi, düsturları da müəyyən etməkdə çətinlik çəkirərlər. Bu zaman şagirdlərə axtarılan dəyişənin yerinə müəyyən qiymətlər qoymaqla hesablamlar aparmağı, hesablamlar zamanı hansı ədədi ifadəni yazdıqlarına diqqət etməyi tapşırmaq məqsədə uyğundur.

Öyrənmə Dəyişənlər arasında asılılığın qrafiklə təsviri

Dəyişənlər arasında asılılığı qrafiklə təsvir edərkən asılı olmayan dəyişənin bir neçə qiymətinə əsasən asılı dəyişənin, yəni y -in müəyyən qiymətlərinin tapıldığı vurgulanır və cədvəldə qeyd olunur. Sonra isə hər $(x; y)$ cütünə uyğun nöqtə koordinat şəbəkəsində qeyd edilir və parçalarla birləşdirilir. Nümunə tapşırıq müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə müxtəlif qrafiklərlardan istifadə etmək olar:

<https://www.desmos.com/calculator?lang=tr> <https://toytheater.com/coordinate-graph/>

Koordinat şəbəkəsi təsvirini linkdən yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1d8ZSgpnaU9YgHkNWcFBYzsOobJy0RkqQ/view?usp=sharing>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər düsturla verilən asılılığı qrafiklə təsvir edərkən müxtəlif səhvlərə yol verirlər.

1) x və y koordinatının yerini düzgün müəyyən etmirlər. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə koordinatları verməklə uyğun nöqtələri düzbucaqlı koordinat şəbəkəsində göstərmək tapşırıla bilər.

2) Yalnız iki nöqtənin koordinatlarını müəyyən edib düz xətt çəkirlər. Bu halda şagirdlərə səhvə yol verib-
vermədiyini müəyyən etmək çətinləşir. Şagirdlərə ən azı üç nöqtənin
koordinatını qeyd edib düz xətt çəkməyi tapşırmaq olar. Əgər üç nöqtə bir düz
xətt üzərində yerləşmirsə, deməli, hesablama zamanı səhvə yol verilib. Şagirdlər
səhv etdiklərini görərək yenidən hesablama aparmaqla düzgün cavabı müəyyən
edə bilərlər.

11. Kvadratın tərəfi, perimetri qeyd olunmuşdur.

a) Uyğun asılılıq düsturla ifadə olunur: $P = 4c$. Burada c kvadratın tərəfi, P isə perimetridir.

b) Asılılığa uyğun qrafik qurulur.

c) Qrafikə əsasən tərəfi 2,5 sm olan kvadratın perimetri tapılır. $P = 10$ sm.

Diferensial təlim.

Dəstək. Lövhəyə bir neçə düstur yazılır. Şagirdlərə bu düsturlara uyğun qrafik çəkmək tapşırılır.

Dərinləşdirmə. Lövhəyə bir neçə düstur yazılır. Şagirdlərə bu düsturlara uyğun qrafik çəkmək, suallar tərtib etmək,
bu suallara düstura və qrafikə əsasən cavab vermək tapşırılır.

Masala həlli

14. Endirilən mahni sayı (x) ilə xərclənən pul (y) arasında asılılıq düsturunun
yazılması və sualların cavablandırılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Uyğun düstur yazılır: $y = 3 + x$. Düstura əsasən asılı olmayan dəyişənin üç
qiymətinə uyğun cədvəl tərtib edilir, qrafik qurulur.

a) 3 mahni yüksəmkən üçün ödənilən pul müəyyən olunur: $3 + 3 = 6$ (man).

Cavabı qrafikdən istifadə etməklə də tapmaq olar.

b) Cəmi 10 manat ödəməklə nə qədər mahni yüksəlməyin mümkün olduğu
müəyyən olunur: $3 + x = 10 \rightarrow x = 7$.

Cavab. Cəmi 10 manat ödəməklə 7 mahni yüksəmkən olar.

15. Şərtə uyğun olaraq y dəyişəninin s -dən asılılığının düsturla ifadə edilməsi tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- y dəyişəninin s -dən asılılığı düsturu yazılır: $y = 60 - 0,12s$.
- s -in qiyməti yerinə yazılmışla y -in qiyməti hesablanır: $y = 60 - 0,12 \cdot 50 = 54$ (l); $y = 60 - 0,12 \cdot 100 = 48$ (l)
- Maşın 400 km getdikdə çəndə neçə litr benzin qaldığı hesablanır: $60 - 0,12 \cdot 400 = 12$ (l)
- Çəndə qalan benzinin daha neçə kilometr yol getməyə çatacağı hesablanır: $12 : 0,12 = 100$ (km).

Cavab. Çəndə qalan benzin daha 100 km yol getməyə çatar.

16. Qrafikə görə suallara cavab verilir.

a) İlbizin 3 dəqiqə ərzində 6 sm yol getdiyi müəyyən olunur.

b) Gedilən yolun zamandan asılılığı düsturla yazılır: $s = 2t$

c) Bu düstura əsasən ilbizin 8 dəqiqədən sonra nə qədər yol gedəcəyi müəyyən olunur:

$$s = 2 \cdot 8 = 16 \text{ (sm)}$$

d) Qrafikdə (4; 8) koordinat cütü 4 dəqiqədə ilbizin 8 sm getdiyi deməkdir.

e) İlbizin 10 sm yolu 5 dəqiqəyə getdiyi düstura əsasən müəyyən olunur.

$2t = 10 \rightarrow t = 5$ (dəq). Bunu qrafiki davam etdirməklə s oxunda 10 ədədinə t oxunda 5
ədədinin uyğun olduğunu göstərməklə tapmaq olar.

17. Elxan dibçəkdə boyu 8 sm olan gül əkdi. Verilən məlumatə əsasən günlərin sayı
(n) ilə gülün boyu (h) arasında asılılığının düsturla ifadə olunması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

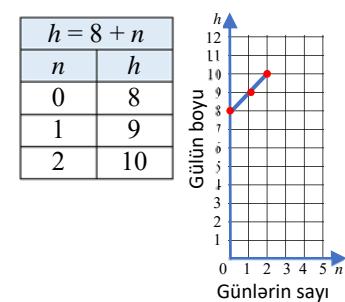
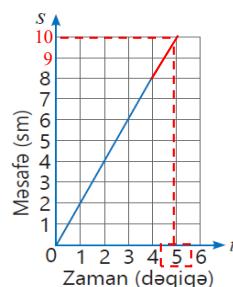
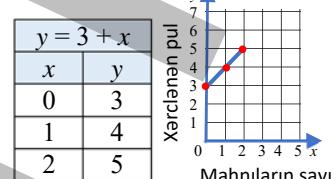
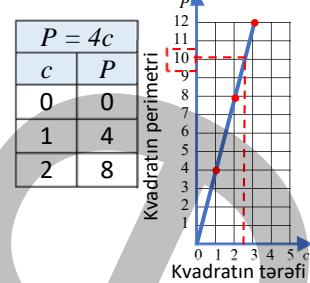
- Günlərin sayı (n) ilə gülün boyu (h) arasında asılılığa uyğun düstur yazılır: $h = 8 + n$

a) Düstura əsasən asılı olmayan dəyişənin üç qiymətinə uyğun cədvəl tərtib edilir və
qrafik qurulur.

b) İki həftədən sonra gülün boyunun nə qədər olduğu müəyyən edilir.

$$h = 8 + 14 = 22 \text{ (sm)}$$

c) Neçə gündən sonra gülün boyunun 30 sm olduğu müəyyənləşdirilir. Uyğun tənlik
yazılır və həll edilir: $8 + n = 30 \rightarrow n = 22$ (gün).



18. Verilən qrafikə əsasən suallara cavab verilməsi tələb olunur.

a) Hansı atletin qalib gəldiyini tapmaq üçün 600 m məsafəni hansı atletin daha tez qət etdiyinə diqqət yetirilir. Deməli, 1-ci atlet qalib gəldi.

b) Hər bir atletin bu məsafəni nə qədər vaxta başa vurduğu müəyyən olunur. 1-ci atlet 600 m məsafəni 150 saniyəyə, 2-ci atlet isə 200 saniyəyə qət etdi.

Onların hər birinin sürəti müəyyən olunur.

1-ci atletin sürəti: $600 : 150 = 4$ (m/san); 2-ci atletin sürəti: $600 : 200 = 3$ (m/san)

c) Onlar sürətini dəyişmədən hərəkəti davam etdirirsə idilər, hər birinin 900 m məsafəni nə qədər vaxta qət edəcəyi müəyyən olunur. $900 : 3 = 300$ (san), $900 : 4 = 225$ (san).

d) Hərəkətə başladıqdan 100 saniyə sonra hansı atletin nə qədər məsafədə öndə olduğu müəyyən edilir. $400 - 300 = 100$ (m).

Müəllimin nəzərinə! Bəzən verilən düstura əsasən qrafiki tərtib etmək şagirdlər üçün çətin olur. Bu zaman ardıcılığı riayət etməyin vacib olduğu vurgulanır.



Belə ki, şagirdlər düstura əsasən cədvəl tərtib edir, cədvəldə verilən koordinatları qeyd etməklə qrafiki çəkirler. Qrafiki çəkmədən düsturda verilən fikrə uyğun dəyişənin yerinə hansı ədədin qoyulacağını şagirdlər müəyyən etməli, alınan ədədi ifadəni hesablamalı, yaxud tənliyi həll etməlidirlər. Müəllim şagirdlərə bənzər bir neçə nümunə göstərə bilər.

Layihə işi. Şagirdlərin gündəlik həyatda rastlaşdıqları məsələlərə uyğun (məsələn: zamanla insanın boyu, oxuduğu səhifə sayı, qiyməti verilən əşyanın miqdarına əsasən ümumi məbləği və s.) düsturları yazmağı tapşırmaq olar. Bu düsturlara əsasən şagirdlər qrafik qurur və qrafik üzərində cavablandırma biləcəkləri suallar tərtib edib həllərini izah etməklə təqdimat hazırlaya bilərlər.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqları hərflərin köməyi ilə düstur şəklində ifadə edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kəmiyyətlər arasındaki asılılıqlara uyğun cədvəl tərtib edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kəmiyyətlər arasındaki sadə asılılıqları qrafik təsvir edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərirlər.

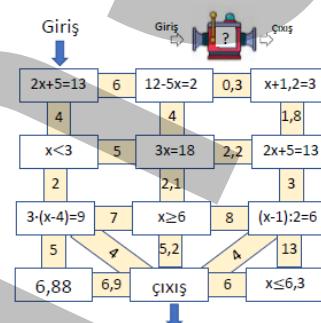
Dəyişəni olan ifadələr, ekvivalent ifadələri, ifadənin qiyməti, ifadənin sadələşdirilməsi, ortaq vuruq, tənliyin kökü, tərs əməl, bərabərsizlik, böyükdür, kiçikdir, böyük və ya bərabərdir, kiçik və ya bərabərdir, bərabər deyil, ən azı, ən çoxu, kiçik deyil, böyük deyil, bərabərsizliyin həlli, düstur, asılı dəyişən, asılı olmayan dəyişən, koordinat şabakası, qrafik.

Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı, gündəlik həyatla bağlı riyazi məsələlərin tarixi xatırlanır. İlk problem həlli siniflə müzakirə edilir. Məsələnin qısa şərtinin yazılması, gözətçi, usta və qayıqçının yaşadığı evlərə düşən payın müəyyən olunması, 1 pay düşən evlərin sayının müəyyən olunması, uyğun tənliyin yazılıması, məsələ həlli mərhələlərinin şagirdlərlə müzakirə edilməsi məqsədə uyğundur.

Oyun. Sinif qruplara bölünür. İş vərəqləri şagirdlərə paylanılır. Oyunun qaydasına əsasən girişdən daxil olub tənlik və ya bərabərsizliklərin həllərini tapmaqla doğru yolla çıxışa çatmaq lazımdır. Tapşırığı ilk və doğru yerinə yetirən komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz.

<https://drive.google.com/file/d/1QXdo9yT5O-i2d4GC4cJMd7MgH2jibQDO/view?usp=sharing>



TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

9. Məsələdə s -in a -dan asılılıq düsturunu, a -nın qiymətlərinə əsasəns s -in, s -in qiymətlərinə əsasən a -nın qiymətlərinin tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Uyğun düstur yazılır. a -nın qiymətini yerinə yazmaqla ifadənin qiyməti, s -in qiymətini yerinə yazmaqla tənliyin həlli tapılır.
- a) $s = 2 \cdot 60 + 3a = 120 + 3a$
 b) $s = 120 + 3 \cdot 70 = 330$ (km) $s = 120 + 3 \cdot 75 = 345$ (km)
 c) $120 + 3a = 360 \rightarrow a = 80$ km/saat
 $120 + 3a = 390 \rightarrow a = 90$ km/saat

Cavab: a) $s = 120 + 3a$ b) 300 km, 345 km c) 80 km/saat, 90 km/saat

10. Məsələdə Əlinin əməkhaqqının hansı düsturla ifadə olunduğunu tapıb şərtlərə uyğun sualları cavablandırmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Sinfidə rollu oyun təşkil etmək olar. Müəllim lövhəyə 2 şagird çağırır. Onlardan birinin işçi, digərinin isə mühasib olduğunu bildirir. Mühasibin işçiyə həftəlik 100 manat əməkhaqqı verdiyi və satışdan daxil olan məbləğə görə 5% ödəniş edəcəyi bildirilir. Müəllim lövhəyə cədvəl çəkir. Şagirdlərə suallar verilir: "Satışdan daxil olan məbləğ 500 manat, 700 manat olarsa, işçi nə qədər əməkhaqqı alacaq? Satışdan daxil olan məbləğ nə qədər olarsa, işçi 1 000 manat əməkhaqqı alar? Satışdan daxil olan məbləğ n , əməkhaqqı m olarsa, işçinin əməkhaqqını düsturla necə yazmaq olar?" Suallara cavab verməklə cədvəl doldurulur.

Məsələnin həlli:

- a) Uyğun düstur müəyyən edilir: $y = 200 + 0,02x$
 b) $200 + 0,02 \cdot 4000 = 280$ (man)

Satışdan daxil olan məbləğ	Əməkhaqqı
500	
700	
	1 000
x	

c) $200 + 0,02x = 300 \rightarrow x = 5\ 000 \text{ man}$

Cavab. a) $y = 200 + 0,02x$; b) 280 man; c) 5 000 man.

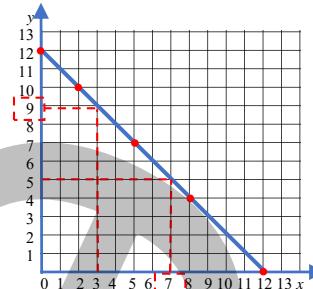
11. $y = 12 - x$ asılılığının qrafikini qurmaq üçün x -in bir neçə qiymətinə uyğun y -in bir neçə qiyməti tapılır, koordinat şəbəkəsində uyğun nöqtələr qeyd edilir və parçalarla birləşdirilir.

a) (4; 8), (5; 7) və (8; 4) koordinat cütləri bu asılığa uyğundur.

b) Qrafikə əsasən * yerinə uyğun ədədlər müəyyən edilir.

(3; 9), (7; 5)

$y = 12 - x$	
x	y
0	12
2	10
5	7
8	4
12	0



12. Məsələdə bərabərsizlikdən istifadə etməklə Lalənin nə qədər pulu olduğunu ifadə etmək tələb olunur. Şagirdlər ikiqat bərabərsizliklərlə tanış olmadıqları üçün məsələnin cavabı iki bərabərsizliklə ifadə edilə bilər.

$$4 < x$$

$$4 < x \quad \text{---} \quad x < 10$$

$$x < 10 \quad \text{---} \quad x < 10$$

Bunu ədəd oxunda belə təsvir etmək olar. Aydınlıq üçün bunu ədəd oxunda 3 addımda təsvir etmək məqsədə uyğundur.

13. Bərabərsizliyin həlli ədəd oxunda təsvir edilir.

d) $x \neq 1$ $\text{Ən kiçik natural ədəd}$

2 ədədi bərabərsizliyin həlli olan ən kiçik natural ədəddir.

c) $21,1 \geq b$ $\text{Ən böyük natural ədəd}$

21 ədədi bərabərsizliyin həlli olan ən böyük natural ədəddir.

14. Məsələdə düzbucaqlının perimetrini tapmaq üçün düstur yazılması və şərtə uyğun perimetrin tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Şərtə uyğun düzbucaqlının tərəfləri müəyyən olunur.

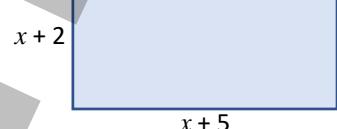
Düzbucaqlının eni $- x + 2$

Düzbucaqlının uzunluğu $- x + 5$

a) Uyğun düstur yazılır və sadaləşdirilir. $P = 2 \cdot (x + 2 + x + 5) = 4x + 14$

b) Kvadratın tərəfi 7 sm olarsa, düzbucaqlının perimetri hesablanır. $P = 4x + 14 = 4 \cdot 7 + 14 = 42 \text{ (sm)}$.

Cavab. a) $P = 4x + 14$; b) 42 sm.



STEAM

Qlobal istiləşmə haqqında şagirdlərə məlumat verilir.

2020-ci ildən etibarən Paris sazişinə əsasən, ölkələr qlobal istiləşməni dayandırmaq və planetin 2 dərəcədən çox istiləşməsinin qarşısını almaq üçün karbon qazı tullantılarının azaldılması ilə bağlı tədbirləri tənzimləməyi qəbul ediblər. Qlobal istiləşmənin dünyada və ölkəmizdə yaratdığı fəsadlar, ciddi ekoloji dəyişikliklər haqqında araştırma aparmağı tapşırmaq olar.

Qlobal istiləşmə haqqında müxtəlif videoları şagirdlərlə izləmək olar:
<https://youtu.be/AZ5guzqSVbk>



1. T -nin x -dən asılılıq düsturu yazılır: $T = 0,1x + 0,05$.

Burada T -orta temperatur artımı, x -1960-ci ildən keçən onilliklərin sayıdır.

2. 1960–2020-ci illər arasındaki onilliklərin sayı tapılır: $(2020 - 1960) : 10 = 6$;

2020-ci ildə 1960-ci illə müqayisədə temperatur artımı hesablanır: $0,1 \cdot 6 + 0,05 = 0,65$ ($^{\circ}\text{C}$)

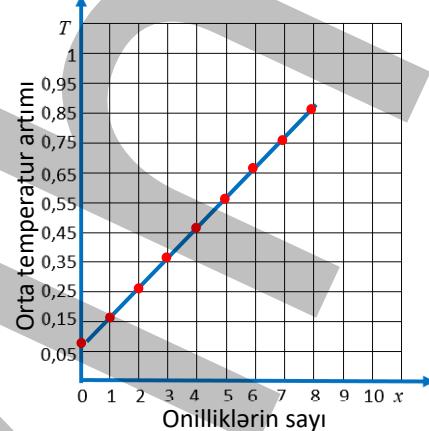
2020-ci ildə 1960-ci illə müqayisədə temperatur artımı $0,65$ $^{\circ}\text{C}$ olmuşdur.

2040-ci ilə qədər olan onilliklərin sayı tapılır.

$$(2040 - 1960) : 10 = 8$$

x -ə 0-dan 8-ə qədər qiymətlər verməklə cədvəl tərtib edilir və qrafik qurulur.

$T = 0,1x + 0,05$	
x	T
0	0,05
1	0,15
2	0,25
3	0,35
4	0,45
5	0,55
6	0,65
7	0,75
8	0,85



3. T -nin x -dən asılılığına əsasən 2040-ci ilə qədər onilliklər üzrə cədvəl tərtib edilir və qrafik qurulur.

4. Neçənci ildə 1960-ci illə müqayisədə Yer üzündə temperatur artımının $1,05$ $^{\circ}\text{C}$ olacağı hesablanır.

$$0,1x + 0,05 = 1,05; \quad x = 10; \quad 10 \cdot 10 = 100; \quad 1960 + 100 = 2060.$$

2060-ci ildə 1960-ci illə müqayisədə temperatur artımı $1,05$ $^{\circ}\text{C}$ olacaq.

6. Qlobal istiləşmənin səbəbləri və bunun aradan qaldırılması yolları haqqında internetdən materiallar toplayıb təqdimat hazırlanır.

6-cı BÖLMƏ

Müstəvi fiqurlar

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	36	
Mövzu 6.1	Konqruyent bucaqlar. Bucağın tənböləni	3	37	24
Mövzu 6.2	Qonşu və qarşılıqlı bucaqlar	2	41	27
	Məsələ həlli	2	44	30
Mövzu 6.3	Düzbucaklı üçbucağın sahəsi	2	46	32
Mövzu 6.4	Mürəkkəb fiqurların sahəsi	2	49	34
Mövzu 6.5	Paralel və perpendikulyar düz xətlərin çəkilməsi	3	52	36
Mövzu 6.6	Üçbucağın çəkilməsi	1	56	39
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. Avtomobil dayanacağı	3	59	41
	KSQ-6	1	60	
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		20		

Bölmənin qısa icməli

Bölmədə şagirdlərə “konqruyent figur” anlayışı və konqruyent bucaq, bucağın tənböləni haqqında məlumat verilir. Şagirdlər qonşu və qarşılıqlı bucaqlarla bağlı məsələ həll etməyi, düzbucaklı üçbucağın, mürəkkəb fiqurların sahəsini tapmağı, paralel və perpendikulyar düz xətlər, kvadrat, düzbucaklı, tərəfləri və bucaqlarına görə üçbucaq çəkməyi öyrənəcəklər.

Nəyə diqqət yetirməli?

Şagirdlər bir şuanın eyni zamanda bir neçə bucağın tənböləni ola biləcəyinə diqqət etmirlər. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə eyni zamanda iki, üç bucağın tənböləni olan şualara aid nümunələr göstərmək olar.

Iki düz xəttin kəsişməsi zamanı qarşılıqlı və qonşu bucaqların xassələrinin eyni zamanda tətbiqi ilə bağlı tapşırıqlarda müxtəlif səhvlərə yol verilir. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə qonşu bucaqları əvvəlcə ayrı düz xətlər, sonra isə kəsişən düz xətlər üzərində tapmağı tapşırmaq, kəsişən düz xətlər üzərində qonşu və qarşılıqlı bucaqlara nümunə göstərmək, xassələrini yada salmaq və uyğun tapşırıqları istiqamətləndirici suallar verməklə həllə yönəltmək olar.

Bəzi şagirdlər düzbucaklı üçbucağın sahəsini taparkən katetləri düzgün müəyyən etmir və sahəni səhv hesablayırlar. Belə səhvlər aşkarlanarsa, “katet” və “hipotenuz” anlayışlarının təkrar edilməsini, düzbucaklı üçbucağın uyğun düzbucaqının sahəsinin yarısını olmasına, bunun isə düz bucaq əmələ gətirən tərəflərin hasilinin yarısını olduğunu bildirmək məqsədə uyğundur.

İlkin yoxlama zamanı zəif nəticə göstərən şagirdləri müəyyən etmək, zəif mənimmsənilən mövzuların təkrarı tövsiyə olunur.

Riyazi dilin inkişafı

“Konqruyent fiqurlar”, “konqruyent bucaqlar”, “bucağın tənböləni”, “konqruyentdir”, “açıq bucaq”, “düz bucaq”, “iti bucaq”, “kor bucaq”, “qonşu bucaqlar”, “qarşılıqlı bucaqlar”, “paraleldir”, “perpendikulyardır”, “düzbucaklının çəkilməsi”, “kvadratın çəkilməsi”, “üçbucağın çəkilməsi”, “düzbucaklı üçbucaq”, “katet”, “hipotenuz” anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimmsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimmsədilən riyazi anlayış və terminlər

Konqruyent fiqurlar, konqruyent bucaqlar, bucağın tənböləni, konqruyentlik simvolu, bucaq, açıq bucaq, düz bucaq, iti bucaq, kor bucaq, qonşu bucaqlar, qarşılıqlı bucaqlar, günüə, düzbucaklı üçbucaq, katet, hipotenuz.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Bucaq, bucağın növləri
- Bucağın ölçülməsi
- Kəsişən, paralel və perpendikulyar düz xətlər
- Üçbucaq, kvadrat, dördbücaqli
- Kvadrat və düzbucaqının perimetri və sahəsi

Fənlərarası integrasiya

Gündəlik həyatda rast gəlinən bəzi situasiyalarda məsələləri həll etmək üçün müstəvi fiqurlar və onların xassələrini bilmək vacibdir. Məsələn, müxtəlif mühəndis qurğularının, bina və evlərin tikintisində, yolların çəkilməsində və digər işlərdə bucaqların növlərindən, müstəvi fiqurlar və onların xassələrindən istifadə olunur.

MÖVZU 6.1. Konqruyent bucaqlar. Bucağın tənböləni

ALT STANDARTLAR	3.1.2. "Konqruyent bucaqlar və bucağın tənböləni" anlayışını izah edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Konqruyent bucaqları müəyyən edir. Bucağın tənbölənini müəyyən edir.
TƏCHİZAT	<p>İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, transportir, xətkeş</p> <p>Öyrənmə: https://wordwall.net/resource/28529888/math/miss-nancy-wack-the-congruent-shapes https://mathigon.org/polypad#polygons https://www.geogebra.org/m/mqmsjmjf https://youtu.be/boOaquftTJV4 https://youtu.be/86iU3fypTd4</p> <p>Çalışma: https://www.ixl.com/math/geometry/angle-bisectors https://www.turtlediary.com/quiz/congruent-shapes.html</p>

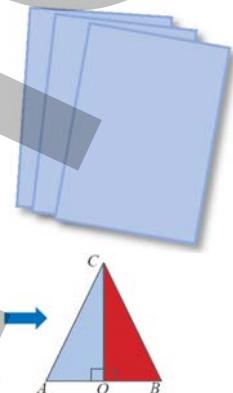
Mövzuya yönəltmə.

Müəllim şagirdlərə düzbucaqlı formasında rəngli kağız götürüb qarşı təpələri birləşdirən düz xətt çəkməyi və düz xətt boyunca rəngli kağızı kəsməyi tapşırır. Sonra şagirdlər alınan düzbucaqlı üçbucaqların tərəflərini və bucaqlarını ölçürərlər. Uyğun tərəflərin və bucaqların bərabər olduğu qeyd edilir. Fıqurların birini digərinin üzərinə qoymaqla üst-üstə düşdüyü, konqruyent olduğu müəyyənləşdirilir.

Araşdırma-müzakirə

- Anar rəngli kağızları üst-üstə qoyub üçbucaqları kəsdiyinə görə bu üçbucaqların uyğun bucaqlarının və tərəflərinin bərabər olduğu bildirilir.
- $\angle AOC$ və $\angle BOC$ bucaqları bərabər olduğundan CO düz xəttinin ACB bucağını yarıya böldüyü qeyd olunur.

Şagirdlər rəngli kağızdan şərtə uyğun düzbucaqlı üçbucaqlar kəsməklə tapşırığı yerinə yetirə bilərlər.

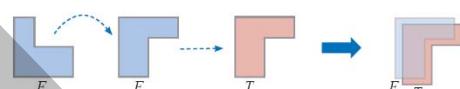


Öyrənmə Konqruyent bucaqlar

Konqruyent fıqurlar və bucaqlar, konqruyentlik işaretisi haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Konqruyent və konqruyent olmayan fıqurlara nümunələr göstərilir.

Dərəcə ölçüləri bərabər olan bucaqların konqruyent bucaqlar olduğu vurgulanır, bir neçə nümunə göstərilir. Şagirdlərə dəftərdə konqruyent bucaqlar çəkməyi tapşırmaq olar.

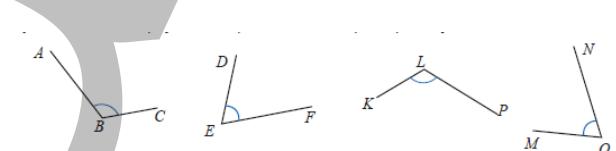
Fikirləş İki kvadratın hansı halda konqruyent olduğunu müəyyən etmək üçün müəllim şagirdlərə istiqamətləndici suallar verir: "Fıqurların hansı ölçüləri bərabər olarsa, bu fıqurlar konqruyent olar?" Kvadratların bütün bucaqları bərabər olub düz bucaq olduğu, tərəflərinin bərabər olduğuna əsasən onların konqruyent olduğunu vurgulanır. İki düzbucaqlının konqruyent olması da eyni qayda ilə izah olunur.



Çalışma

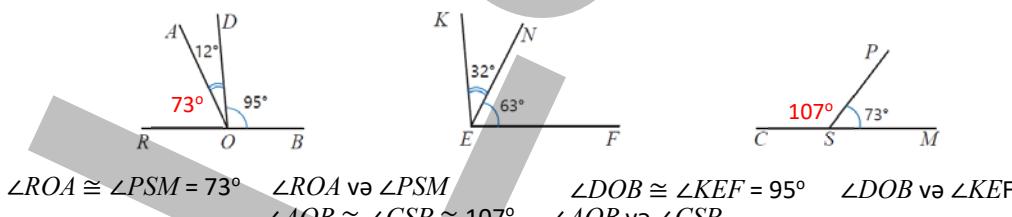
1. Şəkildə konqruyent bucaqlar verilmişdir.

Konqruyent bucaqları müəyyənləşdirmək üçün bucaqların növünə diqqət yetirilir. Verilən bucaqlardan ikisinin iti, digər ikisinin isə kor bucaq



olduğuına əsasən konqruyent bucaqlar tapılır və yazılır. $\angle ABC \cong \angle KLP$; $\angle DEF \cong \angle MON$.

2. Konqruyent bucaqlar müəyyən olunur.



5. Tapşırıqda verilənlər və axtarılan qeyd olunur.

$$\angle AON \cong \angle BOM$$

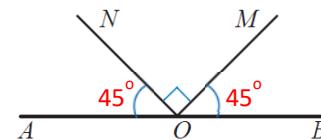
$$\angle NOM = 90^\circ$$

$$\angle AON = ?$$

$$\angle BOM = ?$$

AON , NOM və BOM bucaqlarının cəminin 180° olduğunu əsasən axtarılan bucaqlar tapılır.

$$\angle AON = \angle BOM = (180 - 90) : 2 = 45^\circ$$



Öyrənmə Bucağın tənbölgəni

Bucağın tənbölgəni haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Təsvir üzərində bucağın tənbölgəni və konqruyent bucaqların şagirdlərə göstərilir.



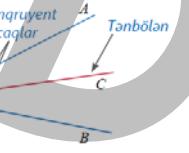
Fikirləş

Kor bucağın tənbölgənin onu iki iti bucağa ayırması fikri siniflə müzakirə olunur. Şagirdlər tənbölgənin bucağı iki bərabər hissəyə böldüyünü və tənbölgənin kor bucağı böldüyü bucaqların iti bucaqlar olduğunu qeyd edirlər. Bir neçə nümunə göstərməklə bu fikri əsaslandırmış olar.

6. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması müzakirə olunur. Şəkillərə əsasən konqruyent bucaqlar və tənbölgən müəyyən edilir. Bəzən bir təsvirdə bir neçə tənbölgə olur. Tənbölgəni müəyyən edərkən buna diqqət yetirməyi şagirdlərə tapşırmaq məqsədə uyğundur.

$$\angle DSE \cong \angle ESF$$
 olduğundan SE tənbölgədir.

$$\angle ESF \cong \angle FSK$$
 olduğundan SF tənbölgədir.



7. Təsvirə əsasən tənbölgənin tapılması tələb edilir. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur. OM şüasının $\angle AOC$ bucağının, ON şüasının $\angle COB$ bucağının tənbölgəni olduğu qeyd edilir. OC şüasının $\angle AOB$ və $\angle MON$ bucaqlarının tənbölgəni olduğu vurgulanır.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürler. Bəzən şagirdlər tənbölgəni müəyyən edərkən bir şuanın yalnız bir bucağın tənbölgəni olduğunu düşünürlər. Məsələn, qeyd olunan təsvirdə OE şüasının hansı bucağın tənbölgəni olduğunu soruşduqda yalnız $\angle DOF$ bucağını qeyd edirlər. Belə səhvələrə yol verən şagirdlərə şüa hansı bucağı yarıya bölsə, həmin bucağın tənbölgəni olduğunu, buna görə də bir şuanın bir neçə bucağın tənbölgəni ola biləcəyini söyləyib bir neçə nümunə göstərmək olar. 7-ci tapşırıqda bir şuanın iki bucağın tənbölgəni olduğunu xatırlatmaq məqsədə uyğundur. Eyni qaydada bir şuanın üç bucağın tənbölgəni olduğunu dair nümunə göstərmək olar.

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim şagirdlərə müəyyən dərəcəli bucaq çəkməyi tapşırır. Şagirdlər bucağı adlandırır, transportir vəsítəsilə bucağın tənbölgənini çəkir, konqruyent bucaqların dərəcə ölçüsünü tapır və yazırlar.

Dərinlaşdırma. Müəllim şagirdlərə tənbölgənləri eyni şua olan bir neçə bucaq çəkib bucaqları və tənbölgənləri adlandırmayı tapşırır. Şagirdlər konqruyent bucaqları yazırlar.

Məsələ hallı

8. DSK və ESF bucaqlarının tənbölgənlərinin üst-üstə düşdürüünü əsaslandırmak tələb olunur.

Məsələnin hallı:

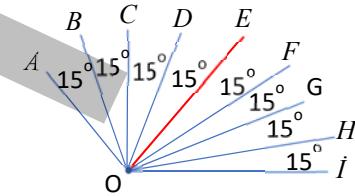
- DSK bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur: $25^\circ + 25^\circ + 34^\circ = 84^\circ$
- DSK bucağının tənbölgənin onu böldüyü bucaqların dərəcə ölçüsü müəyyən olunur. $84 : 2 = 42^\circ$

- Uyğun tənbölgən çəkilir və konqruyent bucaqlar qeyd olunur. $\angle DSA \cong \angle KSA = 42^\circ$
- AS şüası ESF bucağının tənbölgəni olarsa, onu böldüyü bucaqların dərəcə ölçüsü müəyyən olunur. $34 : 2 = 17^\circ$
- $\angle DSE + \angle ESA = \angle DSA$ olduğu yoxlanılır. $\angle DSE + \angle ESA = 25^\circ + 17^\circ = 42^\circ$

Cavab. DSK və ESF bucaqlarının tənbölgənləri üst-üstə düşür.

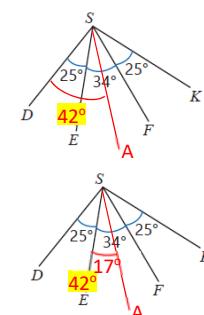
Müzakirə. Şagirdlər DSK bucağının tənbölgənini çəkdikdən sonra uyğun ölçmələr aparmaqla da eyni şuanın ESF bucağının tənbölgəni olduğunu müəyyən edə bilərlər.

12. Samirin fikrinin doğruluğunu əsaslandırmak tələb olunur.

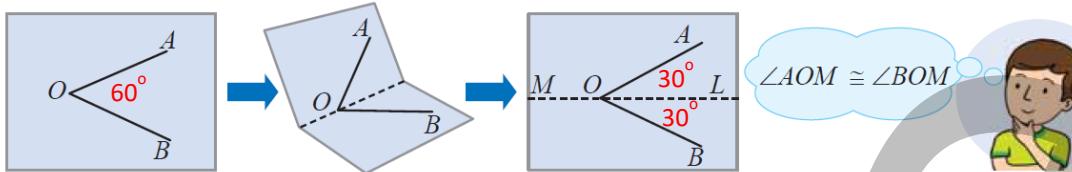


OE şüası yalnız $\angle DOF$ bucağının tənbölgənidir.

OE şüası $\angle DOF$, $\angle COG$, $\angle BOH$, $\angle AOI$ bucaqlarının tənbölgənidir.



Şagirdlər kağız üzərində müəyyən ölçüdə (məsələn: 60°) bucaq çəkib bu kağızı bucağın tərəfləri üst-üstə düşməklə qatlayırlar. Bu zaman alınan xətt karandaşla qeyd olunur. Alınan AOM və BOM bucaqlarının kongruent olduğunu şagirdlər bucaqları transportirlə ölçməklə müəyyən edə bilərlər.



Müəllim tapşırığı cütlərlə iş şəklində yerinə yetirməyi şagirdlərə tapşırıbilər. Bu zaman hər şagirdin fərqli ölçülərdə bucaqlar çəkməsi məqsədə uyğundur. Şagirdlər fərqli bucaqlar üçün göstərilən qayda ilə xəttin tənbölənini olduğunu və kongruent bucaqlar olduğunu müəyyən edirlər.

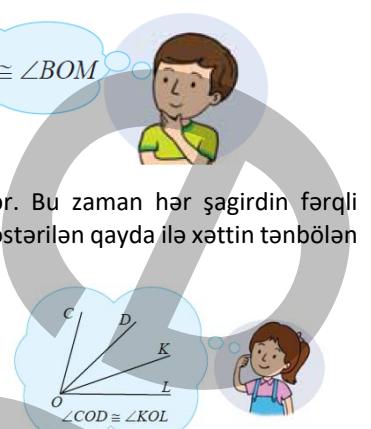
13. Məsələdə Lalənin fikrinin doğru olub-olmadığını müəyyən etmək və KOL bucağının dərəcə ölçüsünü tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- OD şüəsi COK bucağının tənböləni, OK şüəsinin isə DOL bucağının tənböləni olduğundan $\angle COD \cong \angle DOK \cong \angle KOL$. Deməli, Lalənin fikri doğrudur.

- $\angle COL = 84^\circ$ olarsa, KOL bucağı müəyyən edilir. $\angle KOL = 84 : 3 = 28^\circ$

Cavab. KOL bucağının dərəcə ölçüsü 28° -yə bərabərdir.



Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər kongruent bucaqlardan və “bacağın tənböləni” anlayışından istifadə etməklə verilən şuanın bacağın tənböləni olub-olmadığını müəyyən edə bilərlər. Lakin hər hansı bir bacağın tənböləninin çəkilməsi qaydası şagirdlərə hələ tanış deyil. Verilən bacağın tənböləninin qurulma qaydasını şagirdlər gələcəkdə öyrənəcəklər. Məsələ həlli zamanı zərurət yaranarsa, şagirdlər bacağın dərəcə ölçüsünü ölçərək onu yarıya bölüb, alınan ölçüdə bacağı təpə nöqtəsi və tərəflərindən biri verilən bacaqla eyni olmaqla transportirdən istifadə etməklə çəksə, alınan şua verilmiş bacağın tənböləni olacaq. Bunu yoxlamaq üçün şagirdlər çəkilən şuanın böldüyü bucaqları ölçməklə onların kongruent olub-olmadığını müəyyən edə bilərlər. Sınıfdə bənzər praktik tapşırıqlar yerinə yetirilə bilər.

Formativ qiymətləndirmə

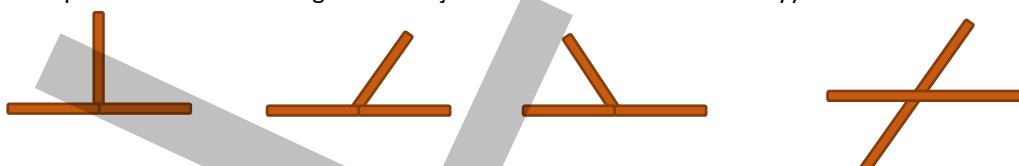
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kongruent bucaqları müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Bacağın tənbölənini müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 6.2. Qonşu və qarşılıqlı bucaqlar

ALT STANDARTLAR	3.1.1 Qonşu bucaqları və qarşılıqlı bucaqları tanır, xassələrini tətbiq edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> • Qonşu bucaqları tanır, xassələrini tətbiq edir. • Qarşılıqlı bucaqları tanır, xassələrini tətbiq edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, transportir, xətkəş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.mathsisfun.com/geometry/vertical-angles.html https://mathigon.org/polypad#measuring https://www.mathspad.co.uk/i2/construct.php https://www.geogebra.org/m/YAw9R8af https://www.geogebra.org/m/pwcbta2f Çalışma: https://video.edu.az/video/8923 https://video.edu.az/video/10072

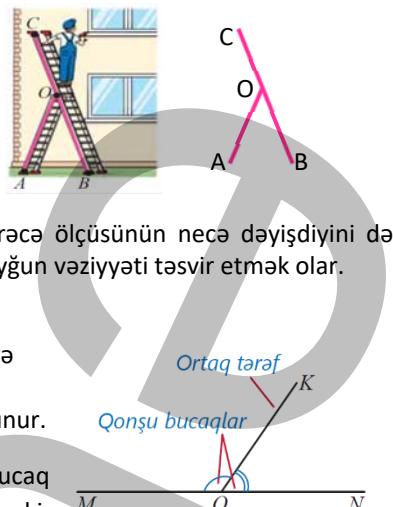
Mövzuya yönəltmə.

Nazik bir neçə çubuqdan istifadə etməklə müəllim masada şəkildəki formada bucaqlar düzəldir. Hər təsvirə uyğun bucaqları düzəldikdən sonra şagirdlər suallar verilir: “Şəkildə hansı növ bucaqlar alınır? Çubuqları necə dəyişdikdə 2 düz bucaq alınar? Alınan iki bacağın cəmi necə dərəcə olar? Bunu necə müəyyən etmək olar?”



Araşdırma-müzakirə

Şagirdlər qeyd olunan bucaqların hansı növ bucaqlar olduğunu müəyyən etmək üçün uyğun nərdivanın açılan hissələrinə uyğun düz xətləri dəftərdə çəkə bilərlər. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər: "Şəkildə iti bucaq hansıdır? Şəkildə kor bucaq hansıdır? Hansı iki bucağın cəmi COB bucağına bərabərdir?" AOB bucağının ölçüsü azalırsa, AOC bucağının ölçüsünün necə dəyişdiyini müəyyən etmək üçün müəllim lövhədə uyğun təsvir çəkib bucaqları ölçməklə qeyd edə bilər, eyni zamanda AOB bucağının dərəcə ölçüsünü azaltmaqla AOC bucağının dərəcə ölçüsünün necə dəyişdiyini də müzakirə etmək olar. Sınıfdə xüsusi taxta çubuqlardan istifadə etməklə də uyğun vəziyyəti təsvir etmək olar.



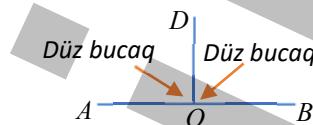
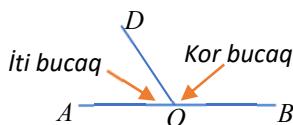
Öyrənmə Qonşu bucaqlar

Qonşu bucaqlar haqqında şagirdlərə məlumat verilir, bu zaman ortaq tərəf və qonşu bucaqlar təsvir üzərində göstərilir, qonşu bucaqların cəminin 180° -yə bərabər olduğu bildirilir və necə müəyyənləşdirildiyi şagirdlərlə müzakirə olunur.



Fikirləş

Qonşu bucaqların hər ikisi iti bucaq, kor bucaq və ya düz bucaq ola bilərmi? Əksini fərz etməklə şagirdləri istiqamətləndirmək olar. Tutaq ki, qonşu bucaqların hər ikisi iti bucaqlardır. Onda bu bucaqların cəmi 180° ola bilərmi? Şagirdlər iki iti bucağın cəminin 180° -dən kiçik olacağını, ona görə də iti bucaqların qonşu bucaq olmayacağı deyirlər. Eyni qayda ilə kor bucaqla bağlı sual vermək olar. Qonşu bucaqların cəmi 180° olduğundan bucaqlardan biri iti bucaq olduqda digəri kor bucaq olmalıdır. Deməli, hər iki bucaq a) iti və ya b) kor bucaq ola bilməz, lakin düz bucaq ola bilər.



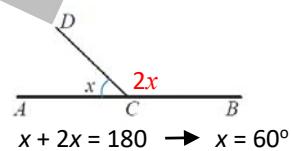
Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlar oynamaq olar:

<https://www.mathgames.com/skill/7.10-find-complementary-vertical-and-adjacent-angles>

Çalışma

4. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şərtə uyğun tənlik yazılır və həll edilir.

Cavab. $\angle ACD = 60^\circ$

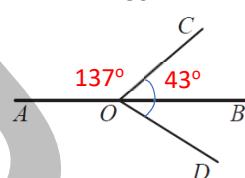


5. Təsvir dəftərə çəkilir və verilənlər qeyd olunur.

COB bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur: $86^\circ : 2 = 43^\circ$

AOC bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur: $180^\circ - 43^\circ = 137^\circ$

Cavab. $\angle COB = 43^\circ$; $\angle AOC = 137^\circ$



Öyrənmə Qarşılıqlı bucaqlar

Qarşılıqlı bucaqlar haqqında şagirdlərə məlumat verilir, qarşılıqlı bucaqların konqruyent olduğu bildirilir.

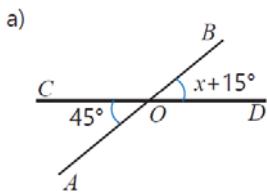
Qarşılıqlı bucaqların konqruyent olması dərslikdə verilən ardıcılıqla şagirdlərlə müzakirə edilərək izah olunur.



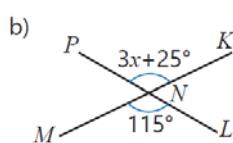
Fikirləş

Eyni qaydadan istifadə etməklə $\angle BOD \cong \angle AOC$, yaxud $\angle DOB \cong \angle AOC$ olduğu əsaslandırılır. $\angle AOD + \angle DOB = 180^\circ$ və $\angle AOC + \angle AOD = 180^\circ$ Deməli, $\angle BOD \cong \angle AOC$, yaxud $\angle DOB \cong \angle AOC$

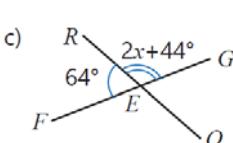
8. Şəkildə iki düz xətt kəsişir. Təsvirlərə əsasən x -in qiyməti tapılır. Hər bir təsvirdə verilən bucaqların qonşu, yaxud qarşılıqlı bucaq olduğu müəyyən edilir, tənlik yazılır və həll edilir.



Qarşılıqlı bucaqların xassəsinə əsasən
 $45 + x = 15 \rightarrow x = 30^\circ$



Qarşılıqlı bucaqların xassəsinə əsasən
 $3x + 25 = 115 \rightarrow x = 30^\circ$



Qonşu bucaqların xassəsinə əsasən
 $64 + 2x + 44 = 180 \rightarrow x = 36^\circ$

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırılardan istifadə etmək olar:

<https://www.mathwarehouse.com/geometry/angle/vertical-angles.php>

Diferensial təlim.

Dəstək. Müəllim lövhəyə qarşılıqlı və qonşu bucaqlar olan müxtəlif təsvirlər çəkir. Şagirdlərə qonşu və qarşılıqlı bucaqları tapıb yazmaq tapşırılır.

Dərinləşdirmə. Müəllim lövhəyə bucaq çəkir. Şagirdlərə bu bucağa qonşu və ya qarşılıqlı bucaq çəkmək tapşırılır.

Praktik tapşırıq. Tapşırığı qruplarla iş şəklində yerinə yetirmək olar. Şagirdlər iş vərəqləri paylanır. Şagirdlər qonşu və qarşılıqlı bucaqları müəyyən edib adlandırırlar. Uyğun bucaq cütləri yazılır. Sonra qrup işləri siniflə müzakirə edilir. Tapşırığı oyun şəklində də yerinə yetirmək olar. Müəyyən vaxt ərzində ən çox doğru bucaq cütlərini müəyyən edən komanda qalib elan oluna bilər.

Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

<https://drive.google.com/file/d/1ccPn94tAvw3GwRaDDqKTZfb3oxEakyLZ/view?usp=sharing>

Qonşu bucaqlar	Qarşılıqlı bucaqlar
_____ və _____	_____ və _____
_____ və _____	_____ və _____
_____ və _____	_____ və _____
_____ və _____	_____ və _____
_____ və _____	_____ və _____
_____ və _____	_____ və _____



Masala həlli

10. Tapşırıqda şagirdlər verilən suallara cavab verməlidirlər.

Sualları cavablandırmaq üçün plana əsasən uyğun xətlər çəkilir və xətlər üzərində bucaqlar qeyd olunur, qonşu və qarşılıqlı bucaqların xassələrindən istifadə etməklə tapşırıq yerinə yetirilir.

- AOM bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur.

$$\angle AOM = 7x$$

Tənlik yazılır və həll edilir.

$$7x + 35 + x + 25 = 180 \rightarrow x = 15^\circ$$

$$\angle AOM = 7x = 105^\circ$$

- MOD bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur. $\angle MOD = 15 + 25 = 40^\circ$

- NOB bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur.

NOB və AOM qarşılıqlı bucaqlar olduğundan $\angle NOB \cong \angle AOM = 105^\circ$

- AON bucağının dərəcə ölçüsü fərqli üsullarla tapıla bilər.

1-ci üsul.

- AOM və AON bucaqları qonşu bucaqlar olduğundan

$$\angle AOM + \angle AON = 180^\circ$$

$$\angle AOM = 105^\circ; \angle AON = 180 - 105 = 75^\circ$$

2-ci üsul.

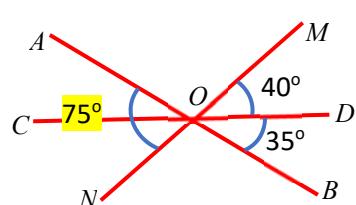
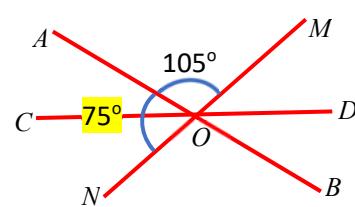
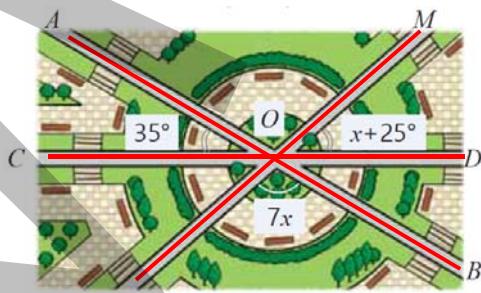
- DOB və AOC bucaqları qarşılıqlı bucaqlar olduğundan $\angle DOB \cong \angle AOC = 35^\circ$

$$\angle MOB = 40 + 35 = 75^\circ$$

- MOB və AON bucaqları qarşı bucaqlar olduğundan $\angle MOB \cong \angle AON = 75^\circ$

Cavab. $\angle AOM = 105^\circ; \angle MOD = 40^\circ; \angle NOB = 105^\circ; \angle AON = 75^\circ$.

Müzakirə. Təsvirdə qarşılıqlı və qonşu bucaqlar çoxdur. Məsələni fərqli bucaqlar seçməklə də həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.



Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər qonşu və qarşılıqlı bucaqları ayrı-ayrılıqda müəyyən etməyi bacarırlar. Bəzən şagirdlər eyni təsvir üzərində qonşu və ya qarşılıqlı bucaqları müəyyən edərkən çətinliklə qarşılaşırlar. Məsələlərin həlli zamanı bu cür səhv'lərə yol verən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi və səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədəyğundur.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Qonşu bucaqları müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Qarşılıqlı bucaqları müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MƏSƏLƏLƏR

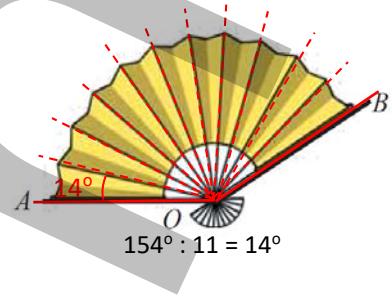
Şagirdlər əvvəlki dərslərdə konqruent fiqurlar, konqruent bucaqlar, bucağın tənböləni, bucağın növləri, qonşu və qarşılıqlı bucaqlar haqqında məlumat əldə etdilər. Bu dərsdə şagirdlər bucaqlarla bağlı öyrəndikləri qaydaları möhkəmləndirmək üçün müxtəlif məsələlər həll edəcəklər.

Tapşırıqların həlli

2. Yelpik tam açıldıqda aralıqlarının sayının 11 olduğu müəyyən olunur.

Qonşu çubuqlar arasındaki bucaq təpilir: $154^\circ : 11 = 14^\circ$

Cavab. Qonşu çubuqlar arasındaki bucaq 14° -yə bərabərdir.



4. Konqruent bucaqlar, sonra isə tənbölən olan şüalar müəyyən olunur.

• $\angle MOP$ və $\angle KON$ bucaqlarının dərəcə ölçüsü təpilir.

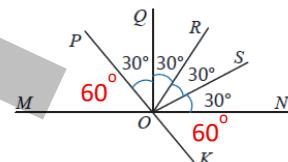
$$\angle MOP = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ + 30^\circ + 30^\circ) = 60^\circ$$

• $\angle MOP$ və $\angle KON$ qarşılıqlı bucaqlar olduğundan $\angle MOP \cong \angle KON = 60^\circ$

$\angle MOP \cong \angle POR$; OP şüası MOR bucağının tənbölənidir.

$\angle RON \cong \angle NOK$; ON şüası ROK bucağının tənbölənidir.

• $\angle POQ \cong \angle QOR \cong \angle ROS \cong \angle SON$ olduğundan OQ şüası POR bucağının, OR şüası QOS və PON bucaqlarının, OS şüası RON bucağının tənböləndir.



Cavab. OQ şüası POR bucağının, OR şüası QOS və PON bucaqlarının, OS şüası RON və POK bucaqlarının, OP şüası MOR bucağının, ON şüası isə ROK bucağının tənbölənidir.

7. Akrobatik xizəksurmə yarışında idmançının şəklə əsasən hərəkəti zamanı x və y -in qiymətlərinin təpiləsi tələb olunur.

Məsələnin həlli:

• Ölçüləri $y + 10^\circ$, $x + 30^\circ$ olan bucaqların qarşılıqlı bucaqlar, 30° və $x + 30^\circ$ olan bucaqların qonşu bucaqlar olduğu qeyd edilir.

• Qonşu bucaqların xassəsinə əsasən uyğun tənlik yazılır və həll olunur.

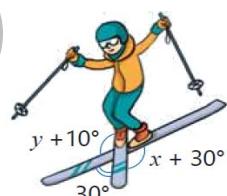
$$x + 30 + 30 = 180 \rightarrow x = 120^\circ$$

• x -in qiymətini yerinə yazmaqla y - in qiyməti müəyyən olunur.

$$120 + 30 = y + 10 \rightarrow y = 140^\circ$$

Cavab. $x = 120^\circ$, $y = 140^\circ$.

Müzakirə. x -in və y -in qiymətlərini yerinə yazmaqla verilən bucaqların qonşu və qarşılıqlı olub-olmadığı yoxlanılır.



11. Lazer şousunda işiq şüaları şəkildəki kimi istiqamətlənib. Verilən məlumatə əsasən ASC , CSF və DSF bucaqlarının tapılması tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

$$\angle ASB = 180^\circ$$

$$\angle ASC = x$$

$$\angle BSC = 6,2x$$

$\angle ASC$ və $\angle BSC$ - qonşu bucaqlar

Məsələnin həlli:

- ASC bucağının dərəcə ölçüsünü tapmaq üçün qonşu bucaqların xassasından istifadə olunur. Uyğun tənlik yazılır və tənliyin kökü tapılır.

$$x + 6,2x = 180 \rightarrow x = 25^\circ$$

$$\angle ASC = 25^\circ$$

- CSF bucağının dərəcə ölçüsü müəyyən olunur: $\angle CSF = 90^\circ - 25^\circ = 65^\circ$.

- $\angle CSF \cong \angle DSF$ olarsa, onların bərabər olduğuna əsasən dərəcə ölçüləri müəyyən edilir:
 $\angle CSF \cong \angle DSF = 65^\circ$.

Cavab. $\angle ASC = 25^\circ$; $\angle CSF = 65^\circ$; $\angle DSF = 65^\circ$.

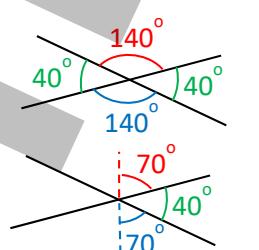
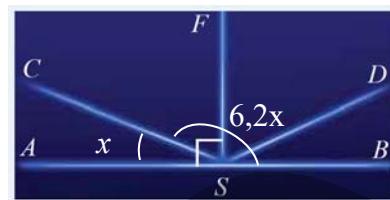
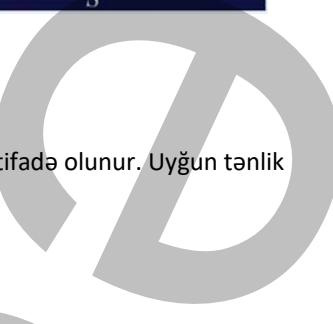
Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

12. Səbinənin fikrinin doğru olub-olmadığının müəyyən edilməsi tələb olunur. Tapşırığı cütlərlə iş şəklində yerinə yetirmək olar. Hər şagird kəsişən iki düz xətt çəkib tapşırığı aşağıdakı ardıcılıqla yerinə yetirə bilər.

1) Şagirdlərin hər biri kəsişən iki düz xətt çəkir. Alınan bucaqlar ölçülür və qeyd olunur. Məsələn: 40° və 140°

2) Qarşılıqlı bucaqların tənbölənləri çəkilir. Bu tənbölənlərin arasında qalan üç bucağın dərəcə ölçüləri müəyyən edilir: 70° , 40° və 70°

3) Bu bucaqları toplamaqla tənbölənlər arasındaki bucağın 180° olduğu hesablanır. Transportirdən istifadə etməklə də bucağın 180° -yə bərabər olduğu göstərilir.



$$70^\circ + 40^\circ + 70^\circ = 180^\circ$$

MÖVZU 6.3. Düzbucaqlı üçbucağın sahəsi

ALT STANDARTLAR	3.3.1. Düzbucaqlı üçbucağın sahəsini hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Düzbucaqlı üçbucağın katetlərini və hipotenuzunu müəyyən edir. Düzbucaqlı üçbucağın sahəsini hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, rəngli kağızlar, transportir, qayçı, xətkəş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://math.stackexchange.com/questions/732379/the-right-triangle-game https://toytheater.com/geoboard-shape/ https://www.ixl.com/math/grade-5/area-of-right-triangles Çalışma: https://www.mathgames.com/skill/6.121-area-of-right-triangles

Mövzuya yönəltmə.

Lövhəyə 2 şagird dəvət edilir. Müəllim şagirdlərə müxtəlif tapşırıqlar verir. Hər iki şagirdə rəngli kağızdan tərəflərinin uzunluğu 4 sm və 8 sm olan düzbucaqlı kəsmək tapşırılır. Sonra 1-ci şagirdə düzbucaqlını iki kvadrata



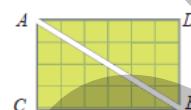
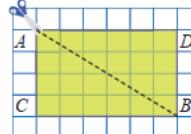
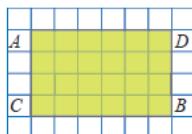
ayırmaq, 2-ci şagirdə isə iki qarşı təpəni parça ilə birləşdirib qayçı ilə kəsməklə iki düzbucaqlı üçbucağa ayırmaq tapşırılır.

Şagirdlərə suallar verilir: "Alınan fiqurlar konqruyentdirmi? Bu fiqurların sahələri bərabərdirmi? Bu fiqurların sahələrini necə tapmaq olar? Düzbucaqlının sahəsindən istifadə etməklə fiqurların sahəsini necə tapmaq olar?"

Araşdırma-müzakirə

Tapşırığı sınıfda əyani şəkirdə yerinə yetirmək olar. Dəftərdə təpə nöqtələri damaların kəsişməsində olmaqla $ACBD$ düzbucaqlısı çəkilir, iki qarşı təpə parça ilə birləşdirilir və düzbucaqlı kağız qayçı ilə kəsilir.

- ACB və BDA üçbucaqlılarının konqruyent olduğunu müəyyən etmək üçün şagirdlər kəsilen fiqurları üst-üstə yerləşdirməklə bütün təpə və tərəflərin üst-üstə düşdüğünü görə, bu fiqurların bir-birinə konqruyent olduğunu söyləyə bilərlər.



- $ACBD$ düzbucaqlısının sahəsinin neçə vahid kvadrata bərabər olduğunu müəyyən etmək üçün şagirdlər vahid kvadratları sayı və ya düzbucaqlının sahə düsturundan istifadə edə bilərlər: $4 \times 6 = 24$ (vahid kvadrat)
- $ACBD$ düzbucaqlısının sahəsindən istifadə etməklə alınan üçbucaqların sahəsini müəyyən etmək üçün düzbucaqlının iki bərabər hissəyə bölündüyü, bununla da hər üçbucağın sahəsinin düzbucaqlının sahəsinin yarısına bərabər olduğu qeyd edilir.

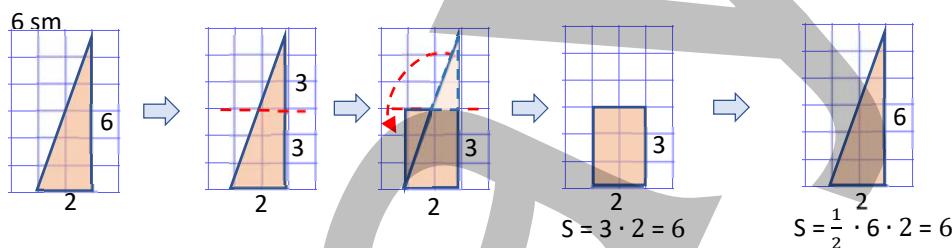
Öyrənmə Düzbucaqlı üçbucağın sahəsi

Düzbucaqlı üçbucaqda katet və hipotenuz haqqında şagirdlərə məlumat verilir. İxtiyari düzbucaqlının iki konqruyent düzbucaqlı üçbucağa ayrıldığı vurgulanır və düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma düsturu şagirdlərə izah olunur. Beləliklə, düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin katetlərin uzunluqları hasilinin yarısına bərabər olduğu qeyd edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

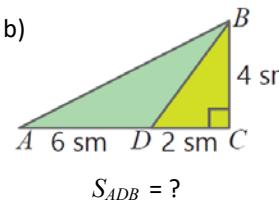
<https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/77/itp-area>

Müəllimin nəzərinə! Düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma qaydasını şagirdlərə müxtəlif fəaliyyətlərlə izah etmək olar. Məsələn, kağızda düzbucaqlı üçbucaq çəkilir. Şəkildəki kimi xatt çəkməklə yuxarıda əmələ gələn kiçik üçbucaq kəsilir, aşağıya göstərildiyi kimi yapışdırılır və fiqur düzbucaqlıya tamamlanır. Düzbucaqlının tərəflərindən biri uyğun katetin yarısına bərabər olduğundan alınan düzbucaqlının sahəsinin katetlərin hasilinin yarısına bərabər olduğu göstərilir.



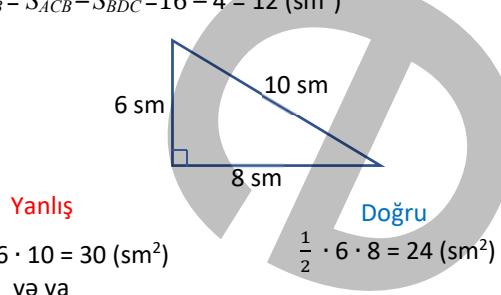
Çalışma

2. Üçbucağın sahəsini tapmaq üçün əvvəlcə uyğun tərəflər müəyyən edilir və düstura əsasən sahə tapılır.
4. Katetlərdən biri və düzbucaqlı üçbucağın sahəsi məlum olduqda digər katetin uzunluğu tapılır. Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə edilir, digər tapşırıqları şagirdlərə sərbəst yerinə yetirməyi tapşırmaq olar.
5. Sualları cavablandırmaq üçün müəllim şagirdlərə düzbucaqlı üçbucaq çəkib onun üzərində qeydlər aparmağı, sonra isə sahəsini hesablamağı tapşırı bilər.
6. Hansı fiqurlar vasitəsilə tələb olunan fiqurun sahəsini hesablamağın mümkün olduğu müəyyən edilir.



b) AC tərəfi tapılır. $AC = AD + DC = 6 + 2 = 8$ (sm)
 ABC üçbucağının sahəsi tapılır. $S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 4 = 16$ (sm^2)
 BDC üçbucağının sahəsi tapılır. $S_{BDC} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 = 4$ (sm^2)
 ABC üçbucağının sahəsindən BDC üçbucağının sahəsini çıxmışla ADB üçbucağının sahəsi tapılır. $S_{ADB} = S_{ABC} - S_{BDC} = 16 - 4 = 12$ (sm^2)

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər düzbucaqlı üçbucağın sahəsini taparkən katetlərin hasilinin yarısını tapmaq əvəzinə, vuruqlardan birini hipotenuz olaraq götürməklə sahəni səhv tapırlar. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə damalı vərəqdə düzbucaqlı üçbucaq çəkməyi, vahid kvadratları saymaqla sahəni müəyyən edib cavabı yoxlamağı, yaxud düzbucaqlı üçbucağın hansı düzbucaqlının yarısı olduğunu müəyyən edib bu düzbucaqlının sahəsindən istifadə etməklə düzbucaqlı üçbucağın sahəsini tapmağı tapşırmaq olar.



Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə damalı vərəqdə tərəflərinin uzunluqları verilən düzbucaqlı üçbucaqlar çəkmək və sahəsini hesablaması tapşırılır.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə sahəsi verilmiş bir neçə düzbucaqlı üçbucaq çəkmək tapşırılır.

Məsələ həlli

7. Məsələdə yelkən hazırlamaq üçün cəmi neçə kvadratmetr parça lazım olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

Yelkənlərin üçbucaq formasında olduğu qeyd edilir.

Böyük üçbucağın katetləri – 2,5 m və 5 m

Kiçik üçbucağın katetləri – bunlardan 0,5 m qısa

Yelkənləri hazırlamaq üçün lazım olan parça – ? m^2

Məsələnin həlli:

- Böyük yelkəni hazırlamaq üçün lazım olan parçaın sahəsi hesablanır: $\frac{1}{2} \cdot 2,5 \cdot 5 = 6,25 (\text{m}^2)$

• Kiçik üçbucağın katetləri müəyyən olunur.

$$2,5 - 0,5 = 2 (\text{m})$$

$$5 - 0,5 = 4,5 (\text{m})$$

• Kiçik yelkəni hazırlamaq üçün lazım olan parçaın sahəsi hesablanır: $\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4,5 = 4,5 (\text{m}^2)$

• Hər iki yelkəni hazırlamaq üçün lazım olan parçaların sahələri cəmi tapılır: $6,25 + 4,5 = 10,75 (\text{m}^2)$

Cavab. Bu yelkənləri hazırlamaq üçün cəmi $10,75 \text{ m}^2$ parça lazımdır.

8. Məsələdə düzbucaqlı üçbucaq formasında istirahət guşəsinin sahəsinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur. İstirahət guşəsinin düzbucaqlı üçbucaq formasında olduğu qeyd edilir.

Məsələnin həlli.

Məsələni 2 üsulla həll etmək olar.

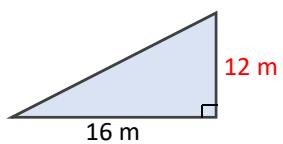
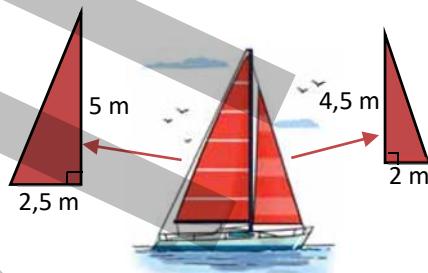
- Düzbucaqlı üçbucağın digər kateti müəyyən olunur.

$$16\text{-nın } 25\%-i \text{ tapılır və } 16 \text{ ədədindən çıxılır: } 16 \cdot 0,25 = 4 (\text{m}). \quad 16 - 4 = 12 (\text{m}).$$

Yaxud $100\% - 25\% = 75\%$; $16\text{-nın } 75\%-i \text{ tapılır: } 16 \cdot 0,75 = 12 (\text{m}).$

- İstirahət guşəsinin sahəsi hesablanır: $\frac{1}{2} \cdot 16 \cdot 12 = 96 (\text{m}^2)$

Cavab. İstirahət guşəsinin sahəsi 96 m^2 -ə bərabərdir.



Formativ qiymətləndirmə

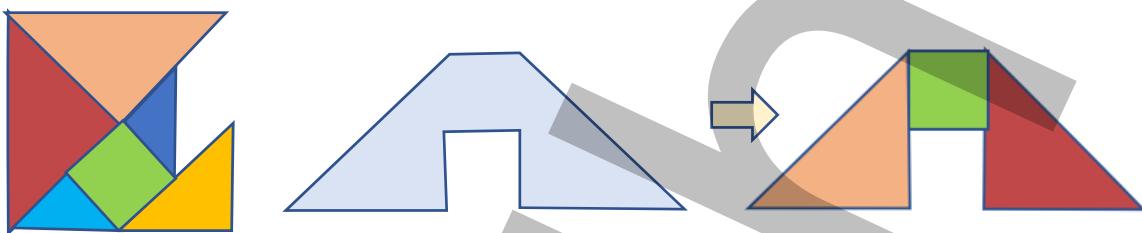
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Düzbucaqlı üçbucağın katetlərini və hipotenuzunu müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Düzbucaqlı üçbucağın sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 6.4. Mürəkkəb fiqurların sahəsi

ALT STANDARTLAR	3.3.2 Mürəkkəb fiqurların sahəsini hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Mürəkkəb fiquru düzbucaqlı və düzbucaqlı üçbucaqlı ayırmaqla sahəsini hesablayır. Mürəkkəb fiquru düzbucaqlı tamamlamaqla sahəsini hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, tanqram, rəngli kağızlar, xətkəş
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://youtu.be/MARz1UhXtrA</p> <p>Çalışma: https://mathigon.org/polypad#tangram</p> <p>https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/77/itp-area</p>

Mövzuya yönəltmə.

Müəllim tanqramdan istifadə etməklə düzbucaqlı və düzbucaqlı üçbucaqlardan düzəldilmiş fiquru lövhədə çəkib uyğun hissələrdən bu fiquru düzəltməyi şagirdlərə tapşırır. Fərqli bir neçə nümunə göstərmək olar. Üst-üstə düşməyən iki fiqurun birləşməsindən əmələ gələn fiqurun sahəsinin bu fiqurların sahələri cəminə bərabər olduğu şagirdlərə bildirilir.



Şagirdlərə suallar verilir: "Şəkildəki fiqur hansı fiqurlardan düzəldilib? Bu fiqurların sahələrindən istifadə etməklə böyük fiqurun sahəsini necə tapmaq olar?"

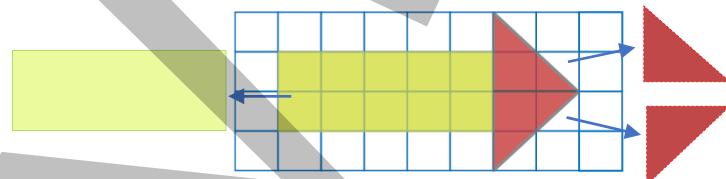
Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

<https://toytheater.com/tangram/>

<https://mathigon.org/polypad#tangram>

Araşdırma-müzakirə

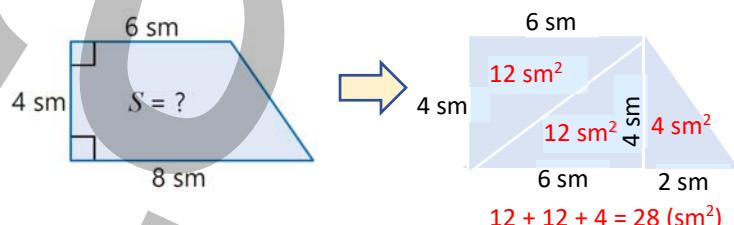
Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlər damalı vərəq üzərində uyğun fiqurları çəkib rəngləyə və ya rəngli kağızdan uyğun fiqurları kəsib damalı vərəqə yapışdırı bilərlər. Bu zaman alınan fiqurların düzbucaqlı və düzbucaqlı üçbucaqlardan ibarət olduğu, alınan fiqurun sahəsini hesablaması üçün bir düzbucaqlının sahəsi ilə iki düzbucaqlı üçbucağın sahəsini tapmağın lazım olduğu vurgulanır. Şagirdlər hər fiqurun sahəsinin tapılma düsturundan istifadə etməklə alınan fiqurun sahəsinin 16 vahid kvadrata bərabər olduğunu tapa bilərlər. Vahid kvadratları sayımaqla cavabın doğruluğunu yoxlamaq olar.



Öyrənmə Bəzi mürəkkəb fiqurların sahəsinin tapılması

Bəzi fiqurları düzbucaqlı və düzbucaqlı üçbucaqlı ayırmaqla, yaxud düzbucaqlı tamamlamaqla sahəsinin tapılma qaydası nümunə tapşırıq üzərindən şagirdlərə izah olunur.

 **Fikirləş** Yalnız düzbucaqlı üçbucaqlara ayırmaqla verilən fiqurun sahəsini necə tapmağın mümkün olduğu siniflə müzakirə olunur. Fiqur düzbucaqlı üçbucaqlara ayrılır, hər üçbucağın sahəsi tapılır. Bu sahələri toplamaqla fiqurun sahəsi tapılır.



Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

<https://mathsframe.co.uk/en/resources/resource/77/itp-area>

Çalışma

5. Şagirdlər verilən fiqurları bir neçə düzbucaqlıya və düzbucaqlı üçbucaga ayıra, yaxud düzbucaqlıya tamamlaya bilərlər. Tapşırığı sinifdə cütlərlə iş şəklində yerinə yetirmək olar. Şagirdlərdən birinə fiquru düzbucaqlı və düzbucaqlı üçbucaga ayırmalı, digərinə isə düzbucaqlıya tamamlamaqla sahəsini hesablaması tapşırmaq olar. Alınan cavablar müqayisə edilir və hansı üsulan daha əlverişli olduğu müzakirə edilir.

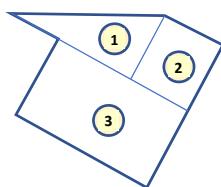
Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər fiqurun sahəsini tapmaq üçün onu müxtəlif fiqurlara ayırmada çətinlik çəkirlər. Belə tapşırıqların həllində çətinlik çəkən şagirdləri müəyyən etmək və onlara mürəkkəb fiqurun düzbucaqlıya və düzbucaqlı üçbucaga ayrılmış ilə bağlı tapşırıqlar vermək məqsədəyəğundur. Gələcəkdə istənilən üçbucağın, paraleloqrəmin, trapesianın sahəsinin tapılma qaydasını öyrəndikdə bir neçə fiqura ayırankən şagirdlər həmin fiqurlardan da istifadə edəcəklər. Hazırda şagirdlər düzbucaqlısının, düzbucaqlı üçbucağın sahəsini öyrəndiklərinə görə mürəkkəb fiqurları qeyd olunan fiqurlara ayırmalı sahəsini asanlıqla tapa bilirlər.

Masalə həlli

6. Şəkildə həyətin plitə döşənəcək hissəsinin sahəsini tapmaq tələb olunur. Uyğun şəkil lövhədə çəkililib üzərində müəyyən ölçüləri qeyd etməklə məsələni həll etmək olar.

Məsələnin həlli:

- Verilən fiqur düzbucaqlıya, kvadrata və düzbucaqlı üçbucaga bölünür. Hər fiqurun sahəsi hesablanır.



1 Düzbucaqlı üçbucaq: $\frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 6 = 24 (\text{m}^2)$

2 Kvadrat: $6 \cdot 6 = 36 (\text{m}^2)$

3 Düzbucaqlı: $12 \cdot (12 - 6) = 72 (\text{m}^2)$

Həyətin plitə döşənəcək sahəsini tapmaq üçün bu sahələr toplanır: $24 + 36 + 72 = 132 (\text{m}^2)$

Cavab. Bu ərazinin sahəsi 132 m^2 -ə bərabərdir.

8. Məsələdə sarı fiqurun sahəsinin tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli.

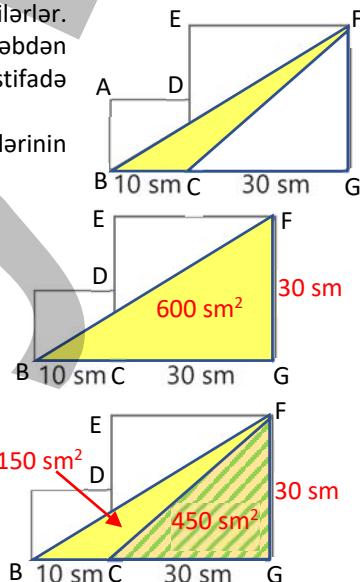
Şagirdlər verilən fiquru iki hissəyə ayırmalı sahəsini tapmağa cəhd edə bilərlər.

Lakin bu zaman bəzi verilməyən ölçüləri tapdıqda çətinlik yaranacaq. Bu səbəbdən şagirdlər verilən fiquru düzbucaqlı üçbucaga tamamlamaq qaydasından istifadə edirlər.

Təpə nöqtələri adlandırılır. BFG və CFG düzbucaqlı üçbucuqlarının sahələrinin fərqi tapmaqla BCF üçbucağının sahəsinin tapılacağı müəyyən olunur.

- $CEFG$ kvadrat olduğundan $CG \cong GF = 30 \text{ sm}$
- Düzbucaqlı üçbucağın digər kateti tapılır:
 $BG = BC + CG = 10 + 30 = 40 (\text{sm})$
- BGF üçbucağının sahəsi tapılır: $\frac{1}{2} \cdot 40 \cdot 30 = 600 (\text{sm}^2)$
- CGF üçbucağının sahəsi tapılır: $\frac{1}{2} \cdot 30 \cdot 30 = 450 (\text{sm}^2)$
- Üçbucuqların sahələri fərqi tapılır:
 $600 - 450 = 150 (\text{sm}^2)$

Cavab. Sarı fiqurun sahəsi 150 sm^2 -ə bərabərdir.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Mürəkkəb fiquru düzbucaqlıya və düzbucaqlı üçbucaga ayırmalı sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Mürəkkəb fiquru düzbucaqlıya tamamlamaqla sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 6.5. Paralel və perpendikulyar düz xətlərin çəkilməsi

ALT STANDARTLAR	3.2.1. Müstəvidə perpendikulyar və paralel düz xətlər çəkir. 3.2.2. Kvadrat və düzbucaqlı çəkir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Müstəvidə perpendikulyar düz xətlər çəkir. • Müstəvidə paralel düz xətlər çəkir. • Kvadrat və düzbucaqlı çəkir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, tanqram, rəngli kağızlar, xətkeş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.mathsteacher.com.au/year8/ch10_geomcons/07_setsquare/set.htm https://geniusteacher.in/community/grade-7/math/construction-of-parallel-lines.html https://youtu.be/dqVRtGCJ21E https://www.geogebra.org/m/mtdp5fp Çalışma: https://mathigon.org/polypad https://youtu.be/k8JOBm2Xbo8 https://youtu.be/hQF9YiH8iSk

Mövzuya yönəltmə.

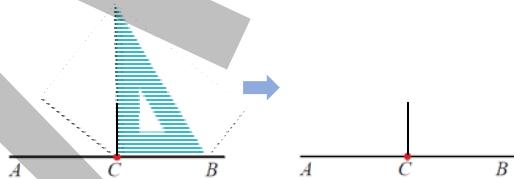
Müəllim real həyatdan bir neçə nümunə şəkil göstərib bu şəkillərdə paralel və perpendikulyar düz xətləri müəyyən etməyi şagirdlərə tapşırı bilər.



Şagirdlər sinifdə olan əşyalardan istifadə etməklə də perpendikulyar və paralel düz xətlərə nümunə göstərə bilərlər.

Araşdırma-müzakirə

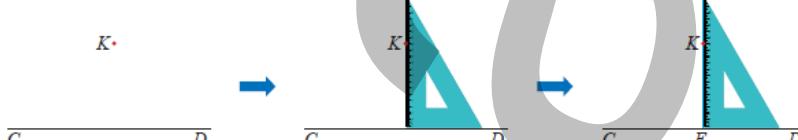
Dəftərdə AB düz xətti çəkib üzərində C nöqtəsini qeyd edilir. İstiqamətləndirici suallar verərək günüyədən istifadə etməklə C nöqtəsindən AB düz xəttinə perpendikulyar düz xətti çəkmək ardıcılılığı müəyyən edilir: "Günə hansi figur formasındadır? Günəyədən istifadə etməklə hansi fiqurları çəkmək olar? Günəni düz xətt üzərində necə yerləşdirsək, C nöqtəsindən uzunluğu 7 sm olan perpendikulyar parçasını çəkmək olar? Perpendikulyar düz xətt çəkildiyini necə müəyyən etmək olar?" və s.



Şagirdlər xətkeş və transportirdən istifadə etməklə çəkilən parçanın şərtə uyğun olduğunu yoxlaya bilərlər.

Öyrənmə Verilən düz xəttə perpendikulyar düz xəttin çəkilməsi

Perpendikulyar düz xətlər və bu düz xətlərin \perp işarəsi ilə yazılması haqqında şagirdlərə məlumat verilir, verilmiş düz xətlə perpendikulyar düz xəttin çəkilmə qaydası ardıcılıqla şagirdlərə nümayiş etdirilir və şagirdlər eyni tapşırığı dəftərlərində yerinə yetirirlər.



Yadda saxla! "Məsafə" və "perpendikulyar" anlayışları haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Düz xətt üzərində olmayan nöqtədən bu düz xəttə çəkilmiş perpendikulyarın verilən nöqtədən düz xəttin ixtiyarı digər nöqtəsi arasındakı məsafədən kiçik olduğu qeyd olunur.

Fikirləş Düz xətt üzərində verilmiş nöqtədən bu düz xəttə perpendikulyarı transportir və xətkeşin köməyi ilə necə çəkməyin mümkün olduğu siniflə müzakirə olunur. Perpendikulyar düz xətlər arasındaki bucaq 90° olduğundan transportir və xətkeş vasitəsilə uyğun bucaq çəkilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə kompüterdə perpendikulyar xətləri çəkmək olar.

<https://mathigon.org/polypad>

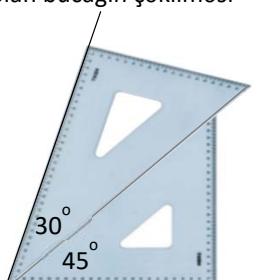
<https://www.geogebra.org/m/mtdp5fp>

Müəllimin nəzərinə! “Günyə” sözünün tarixi haqqında şagirdlərə məlumat vermək olar. Günyə düz bucaq çəkmək üçün istifadə olunan alətdir. Bu alət vasitəsilə həm də düz xətlərin perpendikulyar olduğunu yoxlamaq olar. Günyə latin sözündə götürüb və göyün cənub yarımkürəsində bürc deməkdir. 1652-1733-cü illərdə yaşamış Nikolas Bion Parisdə öz mağazasında və XIV Lüdövikin kral ustası kimi riyazi alətlər düzəldib satırdı. Bu alətlərdən biri də indiki dövrdə istifadə etdiyimiz düzbucaklı üçbucaq formasında olan günyə aləti olub. Hazırda məktəblərdə günyələrin iki növü istifadə olunur. Bunlardan biri bucaqları 45° , 45° , 90° olan, digəri isə bucaqları 30° , 60° , 90° olan üçbucaq formasında günyələrdir. Bu alətlər vasitəsilə 75° , 105° kimi bucaqları da çəkmək olar.

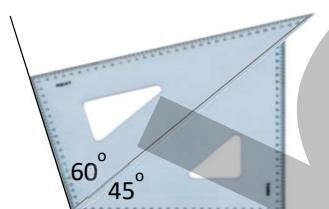


Bu alətlər vasitəsilə 75° , 105° kimi bucaqları da çəkmək olar.

Dərəcə ölçüsü 75°
olan bucağın çəkilməsi

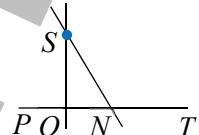


Dərəcə ölçüsü 105°
olan bucağın çəkilməsi



Çalışma

2. Şagirdlər PT düz xətti və S nöqtəsindən bu düz xətti kəsən iki müxtəlif düz xətt çəkirər (SO və SN). Deməli, bir nöqtədən PT düz xəttini kəsən düz xətlərdən ikisi də düz xəttə perpendikulyar ola bilər. Bu düz xətlərdən yalnız biri, SO düz xətti PT düz xəttinə perpendikulyar ola bilər.



Öyrənmə Verilmiş düz xəttə paralel düz xəttin çəkilməsi

Şagirdlərə paralel düz xətlər və düz xətlərin paralel olmasının \parallel işarəsi ilə yazılması haqqında məlumat verilir. Verilən düz xəttə paralel düz xəttin çəkilməsi qaydası şagirdlərə nümayiş etdirilir.

Yadda saxla! Paralel düz xətlərdən birinin üzərindəki hər hansı nöqtədən digər düz xəttə çəkilmiş perpendikulyarın uzunluğunun bu düz xətlər arasındakı məsafə adlandığı qeyd olunur. Paralel düz xətlər arasındakı məsafənin dəyişmədiyi şagirdlərə bildirilir, bir neçə nümunə göstərilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə kompüterdə paralel düz xətləri çəkmək olar:

<https://mathigon.org/polypad> <https://mathigon.org/polypad#measuring>

<https://www.geogebra.org/m/mtdp5fp>

Müəllimin nəzərinə! Paralel və perpendikulyar düz xətlərin çəkilməsinin müxtəlif üsulları var. Şagirdlərə xətkəş və günyə vasitəsilə perpendikulyar düz xətlərin çəkilməsi üçün daha fərqli üsulları araşdırmağı tapşırmaq olar.

Texniki imkanları olan siniflərdə video materiallardan istifadə etmək olar: https://youtu.be/rw_bBUTSM7E

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər paralel və perpendikulyar düz xətlərin yalnız üfüqi, yaxud şaquli olduğunu düşünürlər. Maili düz xətlər gördükdə onların paralel, yaxud perpendikulyar olmadığını deyirlər.

Şagirdlərə maili çəkilmiş paralel və perpendikulyar düz xətlərə aid bir neçə nümunə göstərmək, maili verilən düz xəttə paralel və ya perpendikulyar düz xətt çəkməklə bağlı tapşırıqlar vermək tövsiyə olunur.

Paralel düz xətlər

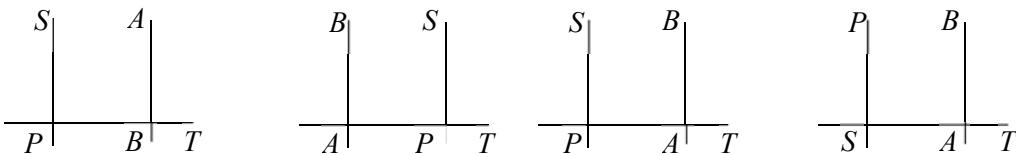


Perpendikulyar düz xətlər



5. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlər verilənləri qeyd edirlər, verilənlərə əsasən uyğun düz xətlər çəkilir.

Şərtə uyğun müxtəlif formalarda təsvir olunmuş düz xətlər çəkmək olar. Tapşırığı cütlərlə iş şəklində yerinə yetirib çəkilən düz xətlərin şərtə uyğun olub-olmadığını yoxlamağı cütlərə tapşırmaq olar. Aşağıda bir neçə nümunə verilmişdir.



Tapşırığı yerinə yetirən şagirdlər əlavə şərtlər daxil etməklə düz xətləri çəkməyi tapşırmaq olar. Məsələn: A, P və T nöqtələri bir düz xətt üzərində olsun və s.

7. MN düz xəttinə qədər məsafənin nə qədər olduğunu müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

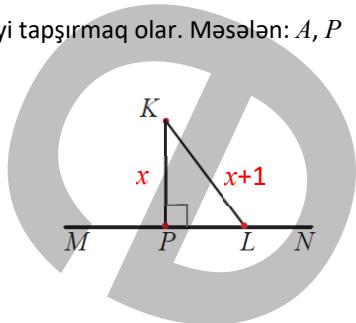
$$KP = x$$

$$KL = x + 1$$

$$KP + KL = 9 \text{ sm}$$

$$\text{Uyğun tənlik yazılır: } x + x + 1 = 9. \rightarrow x = 4.$$

Cavab. K nöqtəsindən MN düz xəttinə qədər məsafə 4 sm-dir.



Öyrənmə Düzbucaqlı və kvadratın çəkilməsi

Günyə və xətkəsdən istifadə etməklə düzbucaqlının çəkilmə qaydası şagirdlərə nümayiş etdirilir. Eyni qayda ilə şagirdlərə dəftərdə uyğun düzbucaqlını çəkməyi tapşırmaq olar.

Texniki imkanları olan siniflərdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://youtu.be/3ayhL3880wQ>

Fikirləş Günyə və xətkəsdən istifadə etməklə tərəfi 5 sm olan kvadratın çəkilməsi öyrənmədə göstərilən nümunə tapşırığa uyğun qaydada yerinə yetirilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://youtu.be/LMyRALEjScc>

Məsələ həlli

12. Məsələdə şərtə uyğun parçalar arasında məsafənin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin qısa şərti yazılır.

$$AB = 9 \text{ sm}$$

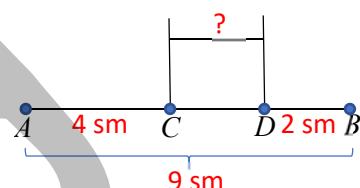
$$AC = 4 \text{ sm}$$

$$BD = 2 \text{ sm}$$

Məsələnin həlli:

- Məsələdə verilənlərdən istifadə etməklə təsvir çəkilir. Təsvir üzərində AB parçası üzərindəki C və D nöqtələrində AB -yə 4 sm uzunluğunda perpendikulyarlar çəkilir.
- Paralel düz xətlər arasında məsafənin eyni olduğunu əsasən perpendikulyarlar arasındaki məsafənin CD parçasının uzunluğuna bərabər olduğu müəyyən edilir.
- CD parçasının uzunluğu təpilir: $CD = AB - (AC + DB) = 3 \text{ sm}$

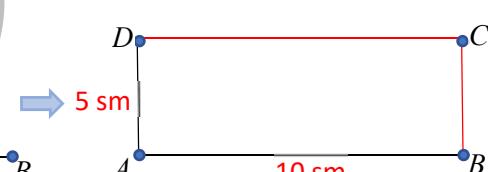
Cavab. Bu parçalar arasında məsafə 3 sm-dir.



13. Tapşırıqda şagirdlər $ABCD$ düzbucaqlısını necə çəkmək mümkün olduğunu müəyyən etməli və $ABCD$ düzbucaqlısının sahəsini və perimetrini tapmalıdır.

Məsələnin həlli:

- Məsələdə verilənlərdən istifadə etməklə uyğun təsvir çəkilir.
- Paralel və perpendikulyar düz xətlərin xassələrindən istifadə etməklə figur düzbucaqlıya tamamlanır.
- C nöqtəsində kəsişən parçalardan hansının AB tərəfinə paralel, hansının perpendikulyar olduğu müəyyən olunur.



$CD \parallel AB, BC \perp AB, AD \perp AB, AD \perp DC, BC \perp DC$

- $ABCD$ düzbucaqlısının sahəsi və perimetri hesablanır.

$$P = 2 \cdot (10 + 5) = 30 \text{ (sm)}$$

$$S = 10 \cdot 5 = 50 \text{ (sm}^2\text{)}$$

Cavab. $ABCD$ düzbucaqlısının perimetri 30 sm, sahəsi isə 50 sm^2 -ə bərabərdir.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Müstəvidə perpendikulyar düz xətlər çəkir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Müstəvidə paralel düz xətlər çəkir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kvadrat və düzbucaqlı çəkir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 6.6. Üçbucağın çəkilməsi

ALT STANDARTLAR	3.2.3 Üçbucaq çəkir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> İki tərəfi və onlar arasındaki bucağa görə üçbucağı çəkir. Bir tərəfi və bu tərəfə bitişik bucaqlara görə üçbucağı çəkir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, rəngli kağızlar, transportir, xətkeş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://youtu.be/kUvgLbB56RY https://youtu.be/aV4FFDj56Cg https://youtu.be/j6bFLboSxxI Çalışma: https://video.edu.az/video/8538 https://www.mathspad.co.uk/i2/construct.php https://mathigon.org/polypad#measuring

Mövzuya yönəltmə.

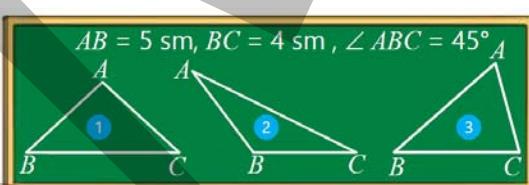
Müəllim lövhədə bir neçə üçbucaq çəkir və şagirdlərə suallar verir:
 "Hansi korbucaklı üçbucaqdır? Hansı bərabəryanlı üçbucaqdır?
 Hansı düzbucaqlı üçbucaqdır? Bunu necə müəyyən etmək olar?
 Düzbucaqlı üçbucağı dəftərdə necə çəkmək olar?" və s.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://www.mathsisfun.com/geometry/triangles-interactive.html>

Araşdırma-müzakirə

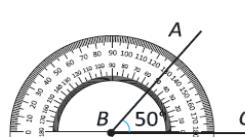
Hansi üçbucağın yazılımış şərtlərə uyğun olduğunu, bunun necə müəyyən edildiyini və şərtə uyğun üçbucağı necə çəkməyi izah etmək tələb olunur. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verilir: "AB, yoxsa BC tərəfi uzundur? Buna əsasən hansı şəklin verilən şərtlərə uyğun olduğunu demək olar? $\angle ABC = 45^\circ$ olması hansı üçbucağın şərtə uyğun olmadığını göstərir? Uyğun üçbucağı necə çəkmək olar?" Üçbucağın ən azı neçə ölçüsü verildikdə bu üçbucağı çəkməyin mümkün olduğu müzakirə edilir.



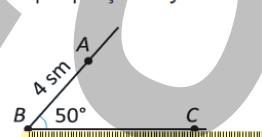
Öyrənmə iki tərəfi və onlar arasındaki bucağa görə üçbucağın çəkilməsi

Şərtə uyğun üçbucağın çəkilmə qaydası nümunə tapşırıq üzərində şagirdlərə izah olunur. Tapşırığı izah etdikcə eyni fəaliyyəti şagirdləri dəftərlərinde yerinə yetirə bilərlər.

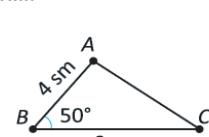
1 Ölçüsü 50° olan bucaq çəkir.



2 Bucağın təpə nöqtəsindən başlayaraq tərəfləri üzərində 4 sm və 6 sm uzunluqda parçalar ayrılır.



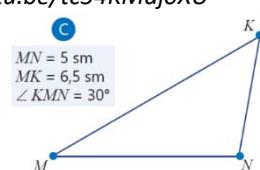
3 Bu parçaların ortaq olmayan uc nöqtələri (A və C) parça ilə birləşdirilir.



Texniki imkanları olan siniflərdə video materiallardan istifadə etmək olar: <https://youtu.be/tc54KMdj0XU>

Çalışma

1. Transportir və xətkeşdən istifadə etməklə C sütununda verilən ölçülərin şəkildəki üçbucağa uyğun olduğu müəyyən edilir.



Öyrənmə

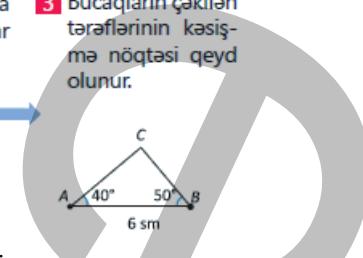
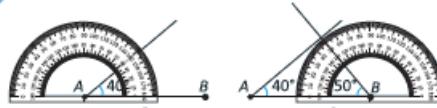
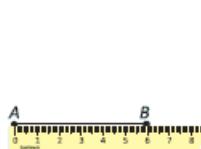
Bir tərəfi və bu tərəfə bitişik bucaqlara görə üçbucağın çəkilməsi

Şərtə uyğun üçbücağın çəkilmə qaydası nümunə tapşırıq üzərində şagirdlərə addımlarla izah olunur. Tapşırığı izah etdikcə eyni fəaliyyəti şagirdləri dəftərlərində yerinə yetirə bilərlər.

1 Uzunluğu 6 sm olan parça çəkilir.

2 Təpə nöqtələri parçanın uc nöqtələri olmaqla şəkildə göstərildiyi kimi 40° və 50° -li bucaqlar çəkilir.

3 Bucaqların çəkilən tərəflərinin kəsişmə nöqtəsi qeyd olunur.



3. Transportir və xatkeşdən istifadə etməklə verilən üçbucaqlar dəftərdə çəkilir.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər 3-cü tapşırığı yerinə yetirərkən iki tərəf və onlar arasındaki bucaq, yaxud bir tərəf və ya ona bitişik iki bucağa əsasən üçbücağın çəkildiyinə diqqət yetirməlidirlər. Hər bir hala uyğun üçbücağın çəkilmə qaydası fərqli olduğundan hansı üsuldan istifadə edildiyi düzgün müəyyənləşdirməlidir. Üçbücağı çəkərkən çatınlik çəkən şagirdlərə aşağıdakı ardıcılılıqdan istifadə etməyi tövsiyə etmək olar.

Hər iki halda əvvəlcə bucaqlardan biri və üçbücağın bir tərəfinin uzunluğu qeyd olunur.

Növbəti addım verilənlərə görə dəyişir.

İki tərəfi və onlar arasındaki bucağına görə üçbücağın çəkilməsi

Bucağın digər tərəfi üzərində verilən uzunluqda parça ayrılır, üçbücağın digər təpə nöqtəsi qeyd olunur və o biri təpə nöqtəsi ilə birləşdirilir.

Bir tərəfi və bu tərəfə bitişik bucaqlara görə üçbücağın çəkilməsi

Təpəsi C nöqtəsində olan verilən ölçüdə bucaq çəkilir. Bucaqların çəkilən tərəflərinin kəsişmə nöqtəsi qeyd olunur.

Məsələ həlli

5. Samirin üçbücağı düzəltməsi üçün uzunluğu 15 sm olan məftilin çatıb-çatmayacağını müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Üçbücağın iki tərəfi və onlar arasında bucaq qeyd olunur, uyğun ölçülərə əsasən üçbücaq çəkilir və üçüncü tərəfin uzunluğunun 7 sm olduğu müəyyənləşir.
- Üçbücağın perimetri tapılır: $5 + 8 + 7 = 20$ (sm).

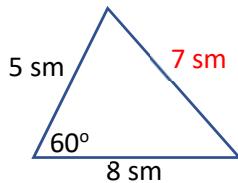
Üçbücağın perimetri ilə məftilin uzunluğu müqayisə olunur: $20 > 15$

Cavab. 15 sm məftil bu üçbücağı düzəltməyə çatmaz.

6. Məsələdə Lalənin fikrinin doğru olub-olmadığını müəyyən etmək, üçbücağı dəftərdə çəkməklə və ölçmələr aparmaqla cavabı izah etmək tələb olunur.

ABC üçbücağı: $AB = 6 \text{ sm}$, $\angle CAB = 35^\circ$, $\angle CBA = 50^\circ$

Bu üçbücağın CA tərəfi CB tərəfindən qısadır.



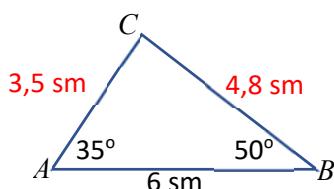
Məsələnin həlli.

- Verilənlərə əsasən üçbücaq dəftərdə çəkilir.

Bu üçbücağın CA və CB tərəflərinin uzunluqları ölçülür.

CA tərəfinin CB tərəfindən qısa olduğu müəyyən olunur.

Şagirdlər kiçik bucaq qarşısında duran tərəf ilə böyük bucaq qarşısında duran tərəfin uzunluqlarını da müqayisə etməyi tapşırmaq olar.



Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
İki tərəfi və onlar arasındaki bucağa görə üçbücağı çəkir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Bir tərəfi və bu tərəfə bitişik bucaqlara görə üçbücağı çəkir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

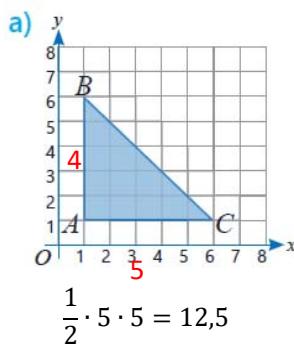
Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərirlər.

Düz xətt, şüa, parça, konqruent fiqurlar, konqruent bucaqlar, bucağın tənbələni, konqruentlik işarəsi, bucaq, açıq bucaq, iti bucaq, kor bucaq, düz bucaq, qonşu bucaqlar, qarşılıqlı bucaqlar, düzbucaqlı üçbucaq, katet, hipotenuz, transportir, günyə və s.

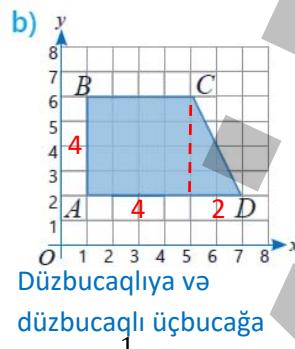
Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı, müstəvi fiqurlardan harada istifadə olunduğu yada salınır, fikir mübadiləsi aparılır. İlk problem həlli siniflə müzakirə edilir. Şagirdlər böyük ölçülü kağız üzərində sxemi çəkə bilərlər. Çətinlik çəkən şagirdlər bütün ölçüləri 2 dəfə kiçitməklə uyğun müəllimin köməyi ilə çəkə bilərlər. Tapşırığı cütlərlə, yaxud qruplarla iş şəklində yerinə yetirmək olar.

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

3. Paralel və perpendikulyar düz xətləri müəyyən etdikdən sonra verilən fiqurların hansı fiqur əmələ gətirdiyinə diqqət yetirilir. a) bəndində sadə fiqur verildiyindən düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma düsturundan istifadə etməklə sahəsi tapılır. Digər fiqurları düzbucaqlıya və düzbucaqlı üçbucaqlara ayırmak, yaxud düzbucaqlıya tamamlamaqla sahəsinə tapmaq olar.

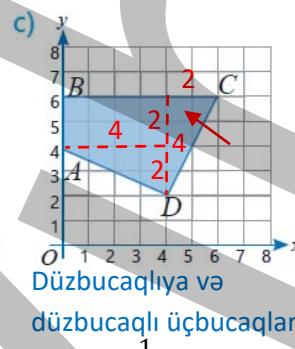


$$\frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 5 = 12,5$$

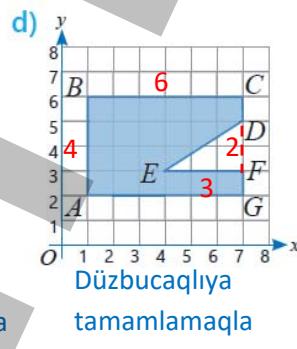


Düzbucaqlıya
və
düzbucaqlı üçbucağa

$$4 \cdot 4 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 2 = 20$$



$$4 \cdot 2 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 2 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 2 = 16$$



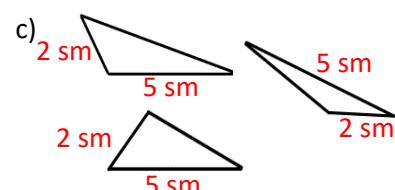
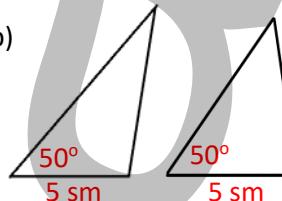
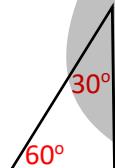
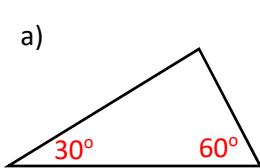
$$4 \cdot 6 - \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 2 = 21$$

Şagirdlər vahid kvadratları saymaqla cavabın doğru olub-olmadığını yoxlaya bilərlər.

4. Qeyd olunan ölçülərə əsasən üçbucaq dəftərdə çəkilir və ABC üçbucağının sahəsi müəyyən olunur.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma qaydasına əsasən bir neçə üçbucağın sahəsini tapıb toplamaq, yaxud çıxmaga istənilən üçbucağın sahəsini tapa bilərlər. Bu bacarığın inkişaf etdirilməsi gələcəkdə istənilən üçbucağın sahəsini hesablama düsturunun necə alındığını müəyyənləşdirməkdə şagirdlərə kömək edəcək.

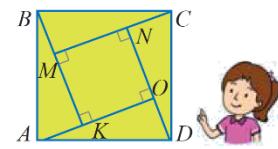
5. Verilən ölçülərdə bir neçə üçbucaq çəkilir və üzərində uyğun ölçülər qeyd olunur.



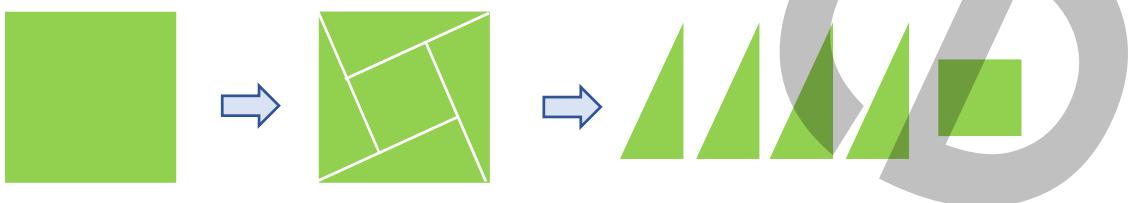
Müəllimin nəzərinə! Bir üçbucaq çəkmək üçün onun ən azı üç ölçüsünün verilməsi (biri bucaqlardan birinin ölçüsü olmaqla) lazımdır. Belə olduqda çəkilən üçbucaq birqiyəməli təyin olunur. Əgər iki ölçü verilibsə, yaxud yalnız tərəflərin uzunluqları verilməklə üç ölçü verilibsə, bu ölçülərə uyğun olaraq bir neçə üçbucaq çəkmək olar. Müəllim şagirdlərə 5-ci tapşırığı cütlərlə iş şəklində yerinə yetirməyi tapşırı bilər. Diqqət etmək lazımdır ki, şagirdlər eyni fiqur çəkməsinlər. Fiqur eyni olduğu halda onlara daha fərqli fiqur çəkməyi tapşırmaq olar.

6. Məsələdə Lalənin kəsdiyi kiçik kvadratın sahəsini tapmaq tələb olunur.

Cəlbetmə. Rəngli kağızdan kvadrat kəsilir. Bu figur üzərində təsvirə uyğun olaraq xətlər çəkilir. Kiçik kvadratın sahəsini necə tapmağın mümkün olduğu şagirdlərlə müzakirə edilir.



Şagirdlər istiqamətləndirici suallar verilir: "Kiçik kvadratın sahəsini tapmaq üçün hansı fiqurları böyük kvadratdan kəsmək lazımdır? Kəsilən hər figurun sahəsini necə tapmaq olar? Kiçik kvadrat alınması üçün neçə figur kəsilməlidir?" Fiqurların adları çəkildikcə kəsilib kənara qoymaqla suallar cavablandırılır.



Məsələnin həlli.

1-ci üsul.

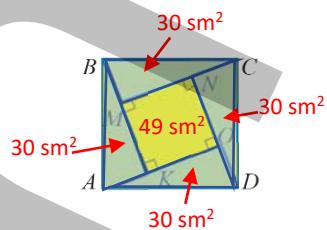
- Böyük kvadratın sahəsi tapılır: $13 \cdot 13 = 169 \text{ sm}^2$
- Hər üçbucağın sahəsi tapılır: $S_{BMC} = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 12 = 30 \text{ sm}^2$
- Üçbucaqların ümumi sahəsi tapılır: $30 \cdot 4 = 120 \text{ sm}^2$
- Kiçik kvadratın sahəsini tapmaq üçün böyük kvadratın sahəsindən üçbucaqların ümumi sahəsi çıxılır:

$$S_{MNKO} = 169 - 120 = 49 \text{ sm}^2$$

İkinci üsul.

- Əvvəlcə kiçik kvadratın tərəfinin uzunluğu müəyyən olunur: $12 - 5 = 7 \text{ sm}$.
- Kiçik kvadratın sahəsi tapılır: $S_{MNKO} = 7 \cdot 7 = 49 \text{ sm}^2$

Cavab. Kiçik kvadratın sahəsi 49 sm^2 -ə bərabərdir.

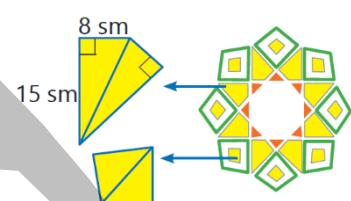


8. Məsələdə sarı hissələrin ümumi sahəsini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Böyük düzbucaqlı üçbucağın sahəsi tapılır: $\frac{1}{2} \cdot 15 \cdot 8 = 60 \text{ sm}^2$
- İki düzbucaqlı üçbucaq yan-yana qoyulduğundan alınan böyük sarı figurun sahəsi tapılır: $60 \cdot 2 = 120 \text{ sm}^2$
- Kiçik sarı figurun sahəsi böyük sarı figurun sahəsinin $\frac{1}{4}$ hissəsi olduğuna əsasən onun sahəsi tapılır:
 $120 \cdot \frac{1}{4} = 30 (\text{sm}^2)$
- Sarı hissələrin ümumi sahəsi müəyyən olunur: $120 \cdot 8 + 30 \cdot 8 = 1200 (\text{sm}^2)$

Cavab. Bu figurun sarı hissələrinin ümumi sahəsi 1200 sm^2 -ə bərabərdir.

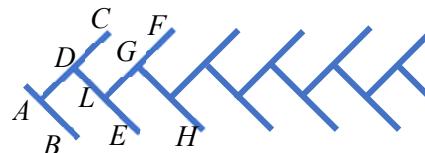


Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

STEAM

Şagirdlər böyük şəhərlərdə yaşayış evlərinin supermarket və hotel qarşısında tikilən avtomobil dayanacaqlarının xüsusi əhəmiyyət kəsb etdiyi haqqında məlumat verilir.

1. Verilən xətlər adlandırılır, paralel və perpendikulyar düz xətlərə nümunə göstərilir.

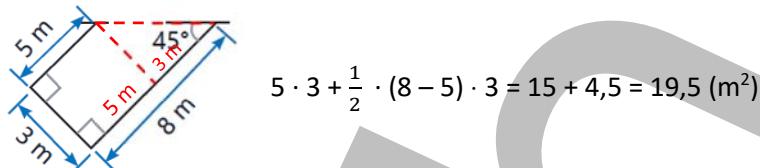


$$\begin{array}{ll} AB \perp AC & AB \parallel DE \\ DE \perp AC & AC \parallel FL \\ FL \perp GH & GH \parallel AB \end{array}$$

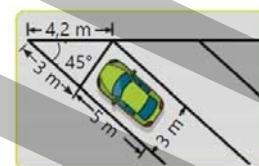
Sarı və göy rəngli avtomobillər bir-birinə nəzərən 90° -li bucaq altında dayandığı qeyd olunur.

2. Verilmiş ölçülərə görə bir avtomobiil üçün nəzərdə tutulan yerin sahəsinin nə qədər olduğu müəyyən edilir.

Fiquru düzbucaklıya və düzbucaklı üçbucağa ayırmaqla sahə tapılır.

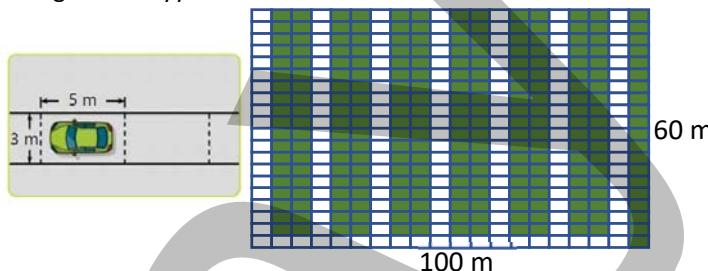


3. Yeni tikilən binanın qarşısında uzunluğu 100 m, eni isə 60 m olan ərazidə avtodayanacaq tikmək nəzərdə tutulduğu qeyd olunur və qeyd olunan şərtlərə uyğun layihə hazırlanır. Bunun dərslikdə verilən sxemlərdən istifadə etmək olar. Məsələn, 1-ci sxemə uyğun olaraq ərazi uzunluğu 5 m, eni isə 3 m olan hissələrə bölündür: $100 : 5 = 20$; $60 : 3 = 20$; "Ümumi hissələrin sayı tapılır: $20 \cdot 20 = 400$.



Avtomobil yerləşən hissələr arasında avtomobillərin hərəkətini təmin etmək üçün müəyyən boşluqlar olmaqla rənglənir.

Analoji qaydada digər sxemlər üzrə avtomobillərin yerləşdirilməsi hallarına baxmaq və hansı halin ən çox avtomobil üçün uyğun olduğunu müəyyən etmək olar.



7-ci BÖLMƏ

Fəza fiqurları

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İlkin yoxlama	1	62	
Mövzu 7.1	Kub və kuboidin səthinin sahəsi	4	63	43
Mövzu 7.2	Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsi	1	68	46
	Məsələlər	2	70	48
Mövzu 7.3	Düz prizmanın həcmi	4	71	49
Mövzu 7.4	Sahə vahidləri	2	76	52
Mövzu 7.5	Həcm vahidləri	2	79	54
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. Quşlar bizim dostlarımızdır.	3	83	56
	KSQ-7	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		20		

Bölmənin qısa icmali

Bölmədə şagirdlərə kub, kuboid, oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsinin və həcmimin tapılma qaydaları haqqında məlumat verilir. Şagirdlər sahə və həcm vahidləri ilə tanış olur, sahə və həcm vahidləri arasında əlaqədən istifadə etməklə müxtəlif tapşırıqları yerinə yetirir, məsələlər həll edirlər.

Nəyə diqqət yetirməli?

Bəzi şagirdlər fəza fiqurlarının səthinin sahəsini taparkən örtülən iki üzün olduğuna diqqət etmədən bir üzün sahəsini ümumi səthlərin sahəsində çıxırlar. Belə səhvlərə yol verən şagirdlərə sinifdə əyani vasitələrdən istifadə etməklə uyğun fiqurları nümayiş etdirmək məqsədə uyğundur.

Şagirdlər oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın oturacağının sahəsini taparkən müəyyən səhvlərə yol verirlər. Belə səhvlərə düzbucaqlı üçbucağın həm katetləri, həm də hipotenuzu verildikdə daha çox rast gəlinir. Şagirdlər bütün tərəfləri verilən düzbucaqlı üçbucağın sahəsini tapmaqla bağlı müxtəlif tapşırıqlar vermək olar.

Bəzi şagirdlər oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmini taparkən yan üzü üstə qoyulmuş şəkildə təsvirlərdə oturacağı düzgün müəyyən etməkdə çətinlik çəkirərlər. Belə şagirdlərə müəyyən təsvirlər vermək və həmin təsvirlər üzərində hansının oturacağı düzbucaqlı üçbucaqlı olan düz prizma olduğunu müəyyən etməyi tapşırmaq olar.

Bəzi şagirdlər sahə və həcm vahidləri arasında çevrilənlər zamanı vahidin uyğun qiymətini müəyyən etmədiklərindən, böyük, yaxud kiçik vahidlə ifadə olunduğuna diqqət etmədiklərdən səhvlərə yol verirlər. Belə səhvlərin aradan qaldırılması üçün sahə və həcm vahidləri arasında çevrilənlərə bağlı müxtəlif tapşırıqların yerinə yetirilməsi məqsədə uyğundur.

İlkin yoxlama zamanı zəif nəticə göstərən şagirdləri müəyyən etmək, zəif mənimmsənilən mövzuların təkrarı tövsiyə olunur.

Riyazi dilin inkişafı

“Fəza fiqurları”, “kub”, “kuboid”, “düz prizma”, “yan üzlər”, “oturacaq”, “tam səthin sahəsi”, “ar”, “hektar”, “litr” anlayışlarının düzgün müəyyən edilməsi bu anlayışların necə mənimmsədildiyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimmsədilən riyazi anlayış və terminlər

“Düz prizma”, “yan üzlər”, “oturacaq”, “tam səthin sahəsi”, “ar”, “hektar” və s.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Fəza fiqurları
- Müstəvi fiqurlar
- Kvadrat, düzbucaqlı, düzbucaqlı üçbucağın sahəsi
- Sahə vahidləri
- Uzunluq vahidləri arasında çevrilənlər
- Tutum vahidləri arasında çevrilənlər
- Düzbucaqlı paralelepipedin həcmi
- Həcm vahidləri

Fənlərarası integrasiya

Gündəlik həyatda rast gəlinən bəzi situasiyalarda məsələləri həll etmək üçün fəza fiqurları və onların xassələrini bilmək vacibdir. Məsələn, müasir tikililərdə, yeni texnika istehsalında, hər hansı bir məhsulu hazırlanıqkən ilk növbədə onların formaları haqqında düşünülür. Belə fiqurların səthinin sahəsi, həcmimin hesablanması zamanı fəza fiqurları və onların xassələrindən istifadə olunur.

MÖVZU 7.1. Kub və kuboidin səthinin sahəsi

ALT STANDARTLAR	3.4.1. Kubun, kuboidin və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Kubun səthinin sahəsini hesablayır. Kuboidin səthinin sahəsini hesablayır. Kub və kuboiddən düzəldilmiş fiqurun səthinin sahəsini hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, xətkeş
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Öyrənmə: https://www.ixl.com/math/grade-6/surface-area-of-cubes-and-rectangular-prisms https://study.com/skill/learn/using-a-net-to-find-the-surface-area-of-a-rectangular-prism-explanation.html</p> <p>Çalışma: https://media.pk12ls.com/curriculum/math/Tools/tools/EnvisionGeometry.html https://video.edu.az/video/1201 https://video.edu.az/video/1043</p> <p>https://www.geogebra.org/m/ajv7KdWB#material/kzFjDDEn https://www.geogebra.org/m/ept5dhbk https://teacher.desmos.com/activitybuilder/custom/5716defc9853079d0dcc40cd</p>

Mövzuya yönəltmə.

Şagirdlər düzbucaqlı və kvadratın sahəsini tapmaq qaydası ilə tanışdırırlar. Müəllim şagirdlərə bir kub və bir kuboid formalı əşya göstərməyi tapşırır. Sınıfdə kub və kuboid formalı fiqurlar olmasa, şagirdlərə evdə kub və kuboid formasında fiqurları hazırlamağı da tapşırmaq olar.



Şagirdlərə suallar verilir: "Kub və kuboidin hansı oxşar, hansı fərqli əlamətləri var? Bu fiqurların üzlərinin sahəsini necə tapmaq olar? Hər fiqurun bütün üzlərinin ümumi sahəsini necə tapmaq olar?" Və s.

Araşdırma-müzakirə

Fiqurun rənglənən üzlərinin ümumi sahəsini tapmaq üçün müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verir: "Fiqurun hər üzü hansı müstəvi fiqurdur? Hər kvadratın sahəsi nə qədər olar? Fiqurun cəmi neçə üzü var? Fiqurun 6 kvadrat üzü olduğu qeyd olunur. Şagirdlər fiqurun bir üzünün sahəsini tapırlar. 6-ya vurmaqla rənglənən üzlərin ümumi sahəsi tapılır.



$$10 \cdot 10 = 100 \text{ (sm}^2\text{)}$$

$$100 \cdot 6 = 600 \text{ (sm}^2\text{)}$$

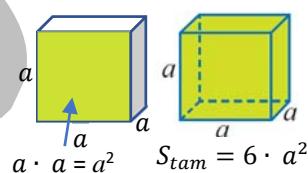
Texniki imkanları olan sınıflarda interaktiv resurslardan istifadə etmək olar:

<https://www.learner.org/wp-content/interactive/geometry/prisms>
<https://www.geogebra.org/m/CTYF5ucy>

Öyrənmə Kubun səthinin sahəsi

Kubun 6 bərabər üzünün olduğu, tam səthinin sahəsinin onun üzlərini təşkil edən 6 kvadratın sahələri cəminə bərabər olduğu qeyd olunur. Tam səthinin sahəsinin tapılması kubun açılışı üzərində izah olunur.

Yadda saxla! Kubun tam səthinin sahəsini tapmaq üçün verilən düstur şagirdlərin diqqətinə çatdırılır, düsturun alınması şagirdlərlə müzakirə olunur. Şagirdlər fiqurun bir üzünün kvadrat olduğunu və onun sahəsinin a^2 – na bərabər olduğunu, 6 üzün sahəsinin $6 \cdot a^2$ olduğunu söyləyə bilərlər.



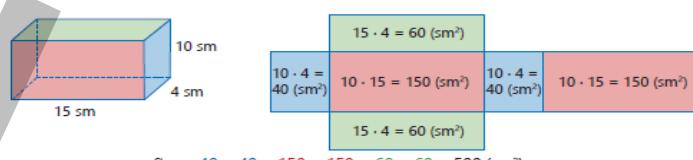
Çalışma

3. Səthinin sahəsi verilmiş kubların tilinin uzunluğunun tapılması tələb olunur. Şagirdlər tilin uzunüğünü tapdıqdan sonra cavabı yoxlayırlar.

Müəllimin nəzərinə! Tam kvadrat ədədlərlə şagirdlər 5-ci sinifdən tanışdırırlar. 3-cü tapşırığın həlli zamanı müəllimin tam kvadrat ədədlərin tapılmasında çətinlik çəkən şagirdləri müəyyən etməsi məqsədə uyğundur. Tam kvadrat ədədləri şagirdlərə xatırlatmaq üçün müxtəlif suallar vermək olar: "3-ün kvadratı neçəyə bərabərdir? Deməli, 9 hansı ədədin kvadratıdır? Hansı ədədin kvadratı 16-ya bərabərdir?" və s.

Öyrənmə Kuboidin səthinin sahəsi

Kuboidin qarşı üzlərinin cüt-cüt kongruent düzbucaqlılar olduğu şagirdlərə bildirilir. Tam səthinin tapılması zamanı kuboidin bu xassasından istifadə olunur.



Nümunə tapşırığın həllində şagirdlər iki fərqli üsulun bir-birindən vurmanın paylama xassəsinə əsasən alındığını qeyd edə bilərlər.

$$S_{\text{tam}} = 2 \cdot 40 + 2 \cdot 150 + 2 \cdot 60 = 500 (\text{sm}^2), \text{ yaxud:}$$

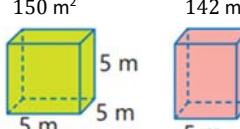
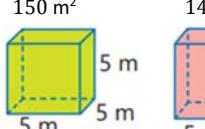
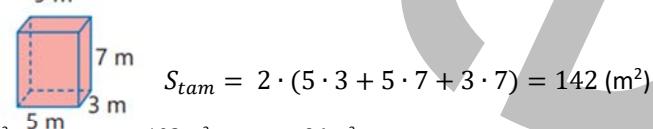
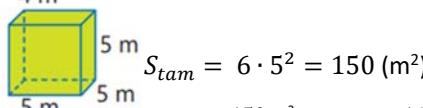
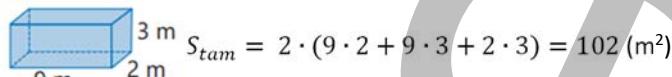
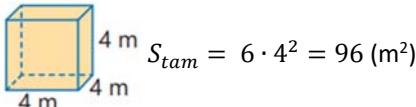
$$S_{\text{tam}} = 2 \cdot (40 + 150 + 60) = 500 (\text{sm}^2)$$



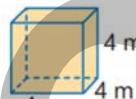
Yadda saxla!

Tilləri verilən kuboidin səthinin sahəsi düsturu şagirdlərin nəzərinə çatdırılır. Burada tillər a, b, c ilə ifadə olunur. Düsturun təpilməsində çətinlik çəkən şagirdlərə tillərin yerinə uyğun ədədlər qoymaqla hər hansı kuboidin səthinin sahəsini tapmağı tapşırmaq olar.

6. Verilən fiqurların tam səthinin sahəsi tapılır. Fiqurlar tam səthinin sahəsi böyükdən kiçiyə olmaqla sıralanır.



102 m²



Müəllimin nəzərinə! Kubun, düzbucaqlı paralelepipedin səthinin sahəsini taparkən şagirdlər fiqurun neçə üzü olduğunu, üzlərinin hansı fiqurlardan ibarət olduğunu, kvadrat və düzbucaqlının sahəsini tapmaq qaydasını bilməlidirlər. Fəza təsəvvürləri formalaşan şagirdlər fəza fiqurlarının açılışı olmadan üzlərinin hansı fiqurlardan ibarət olduğunu müəyyən edə bilirlər. Bu bacarığın inkişafı vahid kublardan düzəldilmiş fiqurların səthinin sahəsinin tapılması üçün də vacibdir. Belə şagirdlər kubun, kuboidin tam səthinin sahəsini taparkən çətinlik çəkmirlər. Tam səthin sahəsinin tapılmasında çətinlik yaranan məqamları üzə çıxartmaq, düzbucaqlı paralelepipedin neçə üzünün olduğunu, onların sahələrinin necə tapıldığıni yazmağı tapşırmaq məqsədə uyğundur. Şagirdlər düzbucaqlı paralelepipedin açılış formasından da istifadə edə bilərlər. Bunun üçün sinifdə əyani vasitələrdən istifadə etmək olar. Şagirdlərdə fəza təsəvvürlərinin formalaşdırılması fəza fiqurları ilə bağlı məsələlərin həlli üçün əhəmiyyətlidir.

7. Vahid kublardan düzəldilmiş fiqurun görünüşlərinə əsasən tam səthinin sahəsi tapılır.

Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur. Hər fiqurun görünüşlərinə əsasən vahid kvadratlar sayılır və tam səthinin sahəsi tapılır.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

https://www.tutorialspoint.com/surface_areas/surface_area_of_rectangular_prism_made_of_unit_cubes_online_quiz.htm

8. Hər fiqurun görünüşlərinə diqqət yetirilir. Bu görünüşlərə uyğun vahid kvadratların sayı tapılır. Vahid kvadratların ümumi sayını tapmaqla tam səthin sahəsi müəyyən edilir.

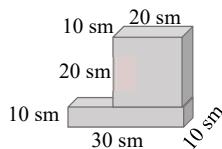
Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər kuboidlərdən düzəldilmiş fiqurun tam səthinin sahəsini tapmaq üçün onun hansı fiqurlardan ibarət olduğunu, örtülən üzləri müəyyən etməyi bacarmalıdır. Şagirdlər müəyyən ölçülərdə iki kuboid hazırlayıb üst-üstə qoymaqla alınan fiqurun sahəsini tapmağı tapşırmaq olar. Fəza təsəvvürlərinin formalaşması, verilən tapşırığın yerinə yetirilməsi üçün əhəmiyyətlidir.

Praktik tapşırıq. Şagirdlər qruplara bölünür. Qruplara kartondan iki kuboid hazırlayıb üst-üstə qoymaqla fiqur düzəltmək tapşırılır. Bu fiqurun səthinin sahəsini tapmaq üçün göstəriş verilir.

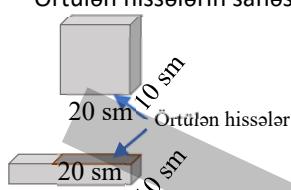
1) Hər iki fiqurun səthinin sahəsi və örtülən səthlərin sahəsi tapılır.

2) İki fiqurun səthlərinin sahələri cəmindən örtülən hissələrin sahələri çıxılır.

Qruplar qeyd olunan qaydada fiqurun səthinin sahəsini tapırlar.

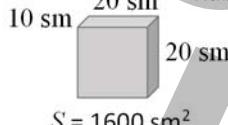


Örtülən hissələrin sahəsi

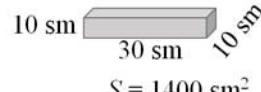


$$S = 400 (\text{sm}^2)$$

Kuboidlərin səthlərinin sahəsi



$$S = 1600 \text{ sm}^2$$



$$S = 1400 \text{ sm}^2$$

Kuboidlərin səthlərinin sahələri cəmindən örtülən hissələr çıxılır.

$$S_{\text{tam}} = 1600 + 1400 - 400 = 2600 (\text{sm}^2)$$

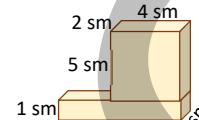
Müəllimin nəzərinə! Müstəvi fiqurlardan fərqli olaraq fəza fiqurlarının bəzi üzləri təsvirdə görünmür. Ona görə də belə fiqurları təsəvvür etmək şagirdlər üçün çətin olur. Sınıfdə əyani vasitələrdən istifadə etməklə tapşırığı praktik yerinə yetirmək olar. Şagirdlər kub, yaxud kuboidləri yanaşı düzərək onların vasitəsilə alınan fiquru təsvir edə bilərlər. Bu zaman alınan fiqurun üstdən, altdan, yandan görünüşü müəyyən edilir. Sınıfdə müxtəlif interaktiv tapşırıqların yerinə yetirilməsi, eyni zamanda əyani vasitələrin köməyi ilə verilən təsvirlərin yaradılması məqsədə uyğundur.

Texniki imkanları olan sınıflarda interaktiv tapşırıqları yerinə yetirmək olar.

<https://www.nctm.org/Classroom-Resources/Illuminations/Interactives/Isometric-Drawing-Tool/>

<https://toytheater.com/cube/>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürələr. Bəzən şagirdlər kuboidlərdən düzəldilmiş fiqurun tam səthinin sahəsini taparkən hər iki fiqurda örtülən səthin olduğunu nəzərə almırlar. Belə səhvərən edən şagirdlərə tam səthin sahəsini fərqli üsullarla tapmağı, hər iki fiqurda örtülən səthlərə diqqət etməyi tapşırmaq, səhvərə üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.



Yanlış

Örtülən səthin sahəsi tapılır.
Hər iki fiqurda örtülən səthin olduğu nəzərə alınır.

$$2 \cdot 4 = 8 (\text{sm}^2)$$

Doğru

Örtülən səthin sahəsi tapılır və hər iki fiqurda örtülən səth nəzərə alınır.
 $2 \cdot 2 \cdot 4 = 16 (\text{sm}^2)$

İzah olunan üsullardan istifadə etməklə 9-cu tapşırıq yerinə yetirilir.

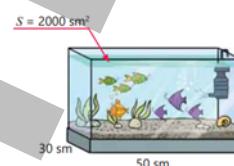
Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə üzərində ölçüləri verilmiş kub, kuboid formasında fiqurlar çəkilmiş iş vərəqləri paylanır. Şagirdlər hər fiqur üçün səthin sahəsini tapır və necə tapdıqlarını izah edirlər.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə üzərində kuboidlərdən düzəldilmiş fiqurlar çəkilmiş iş vərəqləri paylanır. Şagirdlər hər fiqur üçün səthin sahəsini bir necə üsulla tapır və necə tapdıqlarını izah edirlər.

Məsələ həlli

10. Məsələdə akvarium hazırlamaq üçün necə kvadratsantimetr şüşə lazım olduğunu tapmaq tələb edilir.

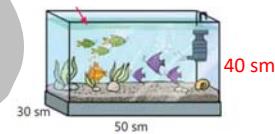


Cəlbetmə. Masaya üstüaçıq kuboid formasında bir qutu qoyulur. Şagirdlər qutunun ölçülərini ölçüb qeyd edirlər. Şagirdlərə suallar verilir: "Bu qutunun tam səthinin sahəsini tapmaq üçün hansı ölçüləri məlum olmalıdır? Buna əsasən qutunun üzlərini örtmək üçün ən azı nə qədər kağız lazım olduğunu necə müəyyən etmək olar? Bir üzün sahəsi və bu üzün ölçülərindən biri məlum olduqda digər ölçünü necə müəyyən etmək olar? Əgər qutunun alt hissəsi açıq qalarsa, kənarlarını bəzəmək üçün nə qədər kağızdan istifadə etmək olar?" və s.



Məsələnin həlli:

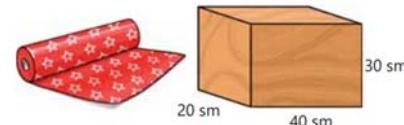
- Ön üzün sahəsi və uzunluğu məlum olduğuna əsasən hündürlüyü müəyyən olunur: $2000 : 50 = 40 (\text{sm})$
- Akvariumun oturacağının şüşədən hazırlanmadığına və üstünün açıq olduğuna əsasən şüşədən hazırlanacaq üzlərin sahələri tapılır.



$$S = 2 \cdot (30 \cdot 40 + 50 \cdot 40) = 6400 (\text{sm}^2)$$

Cavab. Akvariumu hazırlamaq üçün 6400 sm^2 şüşə lazımdır.

11. Məsələdə $20\ 000 \text{ sm}^2$ bəzəkli kağızla ən çoxu necə qutunu bəzəməyin mümkün olduğunu tapmaq tələb edilir.



Məsələnin həlli:

- Bir qutunun tam səthinin sahəsi müəyyən olunur.

$$S_{\text{tam}} = 2 \cdot (20 \cdot 40 + 40 \cdot 30 + 20 \cdot 30) = 5\ 200 (\text{sm}^2)$$

- Verilən bəzəkli kağızla ən çoxu necə belə qutunu bəzəməyin mümkün olduğu müəyyən edilir.

$$20\ 000 : 5\ 200 \approx 3,8.$$

Cavab. $20\ 000 \text{ sm}^2$ bəzəkli kağızla ən çoxu 3 qutunu bəzəmək olar.

Cavab. $20\ 000 \text{ sm}^2$ bəzəkli kağızla ən çoxu 3 qutunu bəzəmək olar.

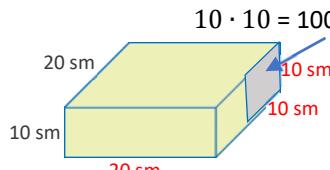
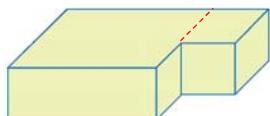
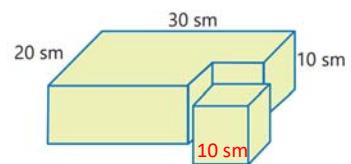
12. Məsələdə alınan fiqurun səthinin sahəsinin nə qədər olduğunu və səthin sahəsini rəngləmək üçün 2 l boyanın çatıb-çatmadığını müəyyən etmək tələb olunur.

Məsələnin həlli:

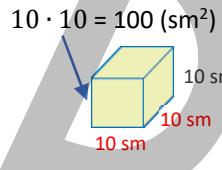
Alınan fiqurun səthinin sahəsini 2 üsulla tapmaq olar.

1-ci üsul.

- Alınan fiqur kub və kuboidə ayrılır.
- Səthlərin örtülən hissələri müəyyən olunur.



$$2 \cdot (10 \cdot 20 + 20 \cdot 20 + 10 \cdot 20) = 1600 (\text{sm}^2)$$



$$6 \cdot 10 \cdot 10 = 600 (\text{sm}^2)$$

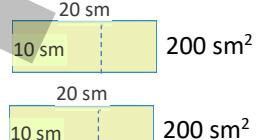
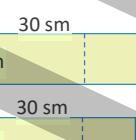
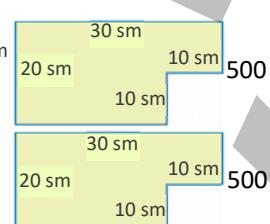
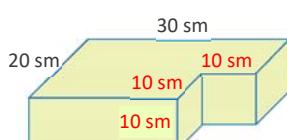
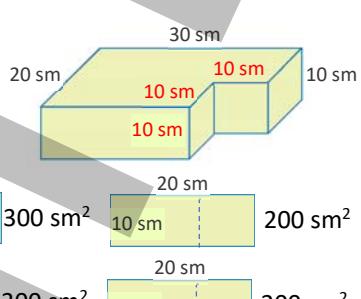
- Fiqurların tam səthlərin sahələri və örtülən sahələr tapılır.

- Fiqurların tam səthlərinin sahələri cəmindən örtülən sahələr çıxılır.

$$1600 + 600 - 2 \cdot 100 = 2000 (\text{sm}^2)$$

2-ci üsul.

- Alınan fiqurun səthinin sahəsini tapmaq üçün lazım olan ölçülər müəyyən olunur. Səthi əmələ gətirən müstəvi fiqurların sahələri hesablanır.



- Alınan fiqurun səthinin sahəsi hesablanır: $S_{\text{tam}} = 2 \cdot (500 + 300 + 200) = 2000 (\text{sm}^2)$.

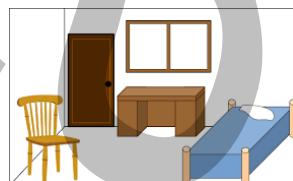
- 1 sm^2 sahəni rəngləmək üçün nə qədər boyaya lazım olduğu hesablanır: $20 : 100 = 0,2 (\text{ml})$.

- Alınan fiqurun səthinin sahəsini rəngləmək üçün nə qədər boyaya lazım olduğu hesablanır: $2000 \cdot 0,2 = 400 (\text{ml}) = 0,4 \text{ l}$.

Cavab. Alınan fiqurun səthini rəngləmək üçün 2 l boyaya çatar.

Müzakirə. Məsələni müxtəlif üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

Layihə işi! Fəza təsəvvürlərinin inkişaf etdirilməsi üçün şagirdlərə evdə kub, kuboid, eləcə də kub və kuboidlərdən düzəldilmiş müxtəlif fiqurlar formasında əşyalar seçib fiqurun səthinin sahəsini tapmaqla bağlı təqdimat hazırlamağı tapşırmaq olar. Çətinlik çəkən şagirdləri qeyd olunan fiqurlar formasında əşyalar olan təsvirləri verməklə istiqamətləndirmək olar.



Formativ qiymətləndirmə

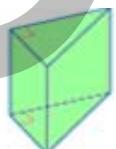
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kubun səthinin sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kuboidin səthinin sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Kub və kuboiddən düzəldilmiş fiqurun səthinin sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 7.2. Oturacıqı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsi

ALT STANDARTLAR	3.4.1. Kubun, kuboidin və oturacıqı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Oturacıqı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, xətkəş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənma: https://thirdspacelearning.com/gcse-maths/geometry-and-measure/triangular-prism https://www.geogebra.org/m/wa6KPFCp Çalışma: https://www.onlinemathlearning.com/prism-surface-area.html https://media.pk12ls.com/curriculum/math/cmp3/math_tools/A82372/index.html?mode=0

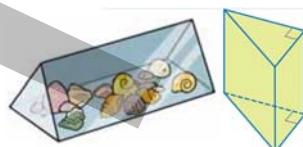
Mövzuya yönəltmə.

Şagirdlər üçbucaqlı prizma fiquru göstərilir və suallar verilir: "Üçbucaqlı prizmanın oturacıqı hansı fiqurdur? Yan üzləri hansı fiqurlardır? Bu prizmanın neçə üzü var? Bu üzlərin sahəsini necə tapmaq olar? Prizmanın tam səthinin sahəsini tapmaq üçün hər fiqurun ən azı hansı ölçülərini bilmək lazımdır?" və s.



Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda şüşədən hazırlanmış prizma formasında suvenir əsasən şəkildəki prizmanın oturacaqlarının və yan üzlərinin hansı fiqurlar olduğunu və prizmanın tam səthinin sahəsini necə tapıldığını müzakirə etmək tələb olunur.



- Prizmanın oturacaqlarının düzbucaqlı üçbucaq, yan üzlərinin isə düzbucaqlı olduğu qeyd edilir.
- Müstəvi fiqurlardan şəkildəki kimi suvenir düzəltmək üçün fiqurun açılış formasından istifadə etməklə 2 düzbucaqlı üçbucaqdan və 3 düzbucaqlıdan istifadə olunduğu vurgulanır.

Əvvəlki mövzdədən şagirdlər kub və kuboidlərin səthinin sahəsinin tapılma qaydasını öyrəndiklərdən tam səthinin sahəsinin fiqurun üzlərinin sahələri cəminə bərabər olduğunu qeyd edə bilərlər.

Oturacıqı düzbucaqlı üçbucaq formasında olan prizmadan istifadə etməklə tapşırığı sinifdə praktik yerinə yetirmək məqsədə uyğundur. Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv resurslardan istifadə etmək olar:

<https://www.geogebra.org/m/wa6KPFCp> <https://www.geogebra.org/m/fydHPvM2>

Öyrənme Oturacıqı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın tam səthinin sahəsi

Düz prizma haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Düz prizmanın açılışına görə üzlərin hansı müstəvi fiqur olduğu izah edilir. Düz prizmaya aid bir neçə nümunə göstərilir. Dərslikdə verilən nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Oturacıqının düzbucaqlı üçbucaq olması üçün ölçüləri müəllimin seçməsi tövsiyə olunur.

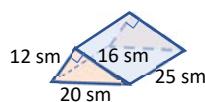
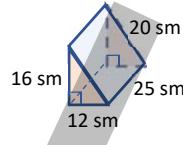
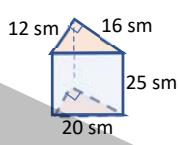
Şagirdlər hündürlüyü dəyişməklə fiqurun görünüşünün necə dəyişdiyini və bunun səthinin sahəsinə necə təsir etdiyini müşahidə edə bilərlər. Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

<https://www.geogebra.org/m/ZzhxsXbY>

Çalışma

2. Oturacaqları düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın tam səthinin sahəsi tapılır.

Müəllimin nəzərinə! Üçbucaqlı prizmalar yan üzü üstdə verildikdə şagirdlər oturacıqını tapmaqdə çətinlik çəkirlər. Bu bacarığın inkişaf etdirilməsi gələcəkdə müxtəlif prizmaların səthinin sahəsinin və həcmının tapılması üçün vacibdir. Şagirdlərə eyni prizmanın müxtəlif üzləri üzərində şəkillərini verməklə oturacıqını və yan üzlərini tapmağı və bunu necə müəyyən etdiklərini izah etməyi tapşırmaq tövsiyə olunur.



Şagirdlərə evdə oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan prizma hazırlamağı tapşırmaq olar. Videoda oturacağı üçbucaq olan düz prizmanın hazırlanma qaydası göstərilir. Bənzər qaydada oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizməni da hazırlamaq olar: https://www.youtube.com/watch?v=hh9TX_LR-o&t=11s

Figurun açılışına əsasən figurun düzəldilməsi şagirdlərə prizmanın üzlərindən istifadə etməyə kömək edə bilər: <https://www.youtube.com/watch?v=8mXQo7Qv-7k>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Şagirdlər düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma qaydası ilə tanışdırırlar. Lakin düzbucaqlı üçbucağın katetləri və hipotenuzu verildikdə sahəni taparkən səhvə yol verirlər. Mövzuda bəhs olunan prizmanın oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olduğundan oturacağın sahəsini taparkən belə səhvələrə yol verən şagirdlərin müəyyən olunması, düzbucaqlı üçbucağın sahəsinin tapılma qaydasının təkrar edilməsi məqsədə uyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizma təsvir olunmuş iş vərəqləri paylanır. Təsvirlərdə ölçülər qeyd olunur. Hər figur üçün səthin sahəsi tapılır və necə tapıldığı izah edilir.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın yan üzü üzərində təsviri olan iş vərəqləri paylanır. Təsvirlərdə ölçülər qeyd olunur. Hər figur üçün səthin sahəsi tapılır və necə tapıldığı izah edilir.

Məsələ həlli

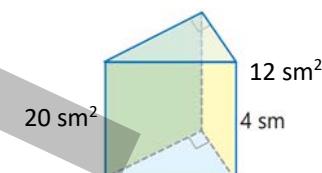
3. Məsələdə prizmanın tam səthinin sahəsinin tapılması tələb olunur.

Cəlbetmə. Müəllim oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın iki üzünün sahəsinin məlum olduğunu şagirdlərə bildirir. Buna əsasən şagirdlər verilən üzlərin sahələri, eyni zamanda figurun tillərindən birini məlum olduğu halda digər tillərini müəyyən edirlər. Şagirdlər tilləri tapdıqdan sonra figurun tam səthinin sahəsini tapırlar.

Şagirdlər istiqamətləndirici suallar verilir: "Verilən figurin üzləri hansı fiqurlardır? Düzbucaqlının sahəsi və tərəflərindən biri verildikdə digər tərəfini necə tapmaq olar? Səthin sahəsini tapmaq üçün hansı ölçüləri tapmaq yetərlidir?" və s.

Məsələnin həlli:

- Prizmanın hündürlüyü və yaşıl yan üzünün sahəsinə əsasən yaşıl yan üzü əmələ gətirən tili müəyyən olunur.



- Prizmanın hündürlüyü və sarı yan üzünün sahəsinə əsasən sarı yan üzü əmələ gətirən digər tili müəyyən olunur.

$$48 : 4 = 12 \text{ (sm)}$$

$S = 48 \text{ sm}^2$

12 sm

4 sm

- Ön üzün sahəsi tapılır: $48 + 4 = 52 \text{ (sm}^2\text{)}.$

• Oturacaqların düzbucaqlı üçbucaq formasında olduğu müəyyən olunur və hər oturacağın sahəsi tapılır.

$$20 : 4 = 5 \text{ (sm)}$$

$S = 20 \text{ sm}^2$

5 sm

4 sm

- Bu prizmanın bütün üzlərinin sahələri toplanır və tam səthinin sahəsi tapılır:

$$S_{\text{tam}} = 48 + 20 + 52 + 2 \cdot 30 = 180 \text{ (sm}^2\text{).}$$

Cavab. Prizmanın tam səthinin sahəsi 180 sm^2 -ə bərabərdir.

4. Məsələdə figurun səthini rəngləmək üçün ən azı nə qədər boyalazım olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Keçidin tam səthinin sahəsi hesablanır:

$$S_{\text{tam}} = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 0,9 + \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 0,9 + 3 \cdot 4,1 + 0,9 \cdot 3 + 3 \cdot 4 = 30,6 \text{ (m}^2\text{).}$$

- Keçidi rəngləmək üçün ən azı nə qədər boyalazım olduğunu hesablanır:

$$30,6 \cdot 100 = 3060 \text{ (ml)} \quad 3060 \text{ ml} = 3,06 \text{ l}$$

Cavab. Bu figurun səthini rəngləmək üçün ən azı $3,06 \text{ l}$ boyalazımdır.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MƏSƏLƏLƏR

Şagirdlər əvvəlki dərslərdə kub, kuboidin, kub və kuboiddən düzəldilmiş fiqurun, oturacağı düzbucaqlı üçbucaq formasında olan düz prizmanın səthinin sahəsinin tapılma qaydasını öyrəndilər. Bu dərsdə öyrəndikləri qaydaların tətbiqi ilə müxtəlif məsələlər həll edəcəklər.

Müəllimin nəzərinə! Qeyd olunan məsələlərin həlli zamanı şagirdlərdə kub, kuboidin, oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın, kub və kuboidlərdən düzəldilmiş fiqurun səthinin sahəsinin tapılması zamanı çətinlik çəkən şagirdlərin müəyyən edilməsi, belə şagirdlərlə səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur. Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv oyunlardan istifadə etmək olar:

<https://www.mathgames.com/skill/7.145-surface-area>

Tapşırıqların həlli

1. Məsələdə verilən ölçülərdə düzbucaqlı formalı bəzəkli kağızin Aynurun hazırladığı qutu üçün çatıb-çatmayacağını müəyyən etmək tələb olunur. Bununla yanaşı, şagirdlər nə qədər kağızin artıq qaldığını, yaxud çatmadığını müəyyən etməlidirlər.

Məsələnin həlli:

- Kuboid formasında hədiyyə qutusunun səthinin sahəsi hesablanır:

$$S_{\text{tam}} = 2 \cdot (0,2 \cdot 0,5 + 0,5 \cdot 0,6 + 0,2 \cdot 0,6) = 1,04 (\text{m}^2).$$

- Düzbucaqlı formalı bəzəkli kağızin eni metrlə ifadə olunur və sahəsi hesablanır:

$$50 \text{ sm} = 0,5 \text{ m}; S = 0,5 \cdot 2 = 1 \text{ m}^2$$

Alınan sahələr müqayisə olunur: $1,04 > 1$.

Nə qədər rəngli kağız çatmadığı tapılır: $1,04 - 1 = 0,04 (\text{m}^2)$.

Cavab. Qutunu bəzəmək üçün $0,04 \text{ m}^2$ bəzəkli kağız çatmaz.

2. Məsələdə rəngsazın otaqların divarını rəngləmək üçün 9 l boyanın çatıb-çatmayacağını müəyyən etməsi tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Rənglənəcək divarların sahəsini tapmaq üçün əvvəlcə kuboid formalı otağın divarının uzunluğu müəyyən olunur: $4 \cdot 1,25 = 5 (\text{m})$.

Kuboid formalı otağın divarlarının sahəsi müəyyən olunur:

$$2 \cdot (2,8 \cdot 4 + 2,8 \cdot 5) = 50,4 (\text{m}^2).$$

Otağın divarlarının sahəsindən pəncərə və qapının ümumi sahəsini çıxməqla rənglənəcək divarlarının sahəsi müəyyən olunur: $50,4 - (2,25 + 2) = 46,15 (\text{m}^2)$.

- Otağın divarlarını rəngləmək üçün lazım olan boyanın miqdarı tapılır və litrlə ifadə olunur:

$$46,15 \cdot 200 = 9230 (\text{ml}); 9320 \text{ ml} = 9,23 \text{ l}$$

- Otağın divarlarını rəngləmək üçün 9 l boyanın çatmadığı, nə qədər boyanın çatmadığı müəyyən olunur.

$$9,23 - 9 = 0,23 (\text{l})$$

Cavab. Otağın divarlarını rəngləmək üçün 9 l boyanın çatmaz. Daha 0,23 l boyanın lazımdır.

3. Məsələdə oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizma formasında çadır üçün ən azı neçə kvadratmetr parça istifadə olunduğunu tapmaq tələb olunur.

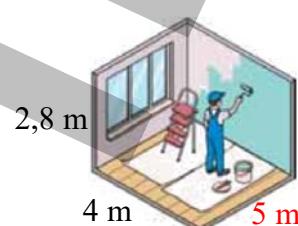
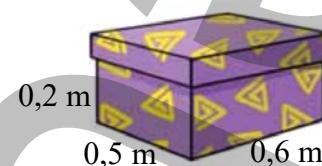
Məsələnin həlli:

- Çadırın yerinə parça döşənmədiyini nəzərə alaraq prizmanın çadırın yerinə uyğun üzündən başqa, digər üzlərin sahələri hesablanır və toplanır.

$$\frac{1}{2} \cdot 1,2 \cdot 1,2 + 1,2 \cdot 4 + \frac{1}{2} \cdot 1,2 \cdot 1,2 + 1,2 \cdot 4 = 11,04 (\text{m}^2).$$

Cavab. Bu çadır üçün ən azı $11,04 \text{ m}^2$ parça istifadə olundu.

Müzakirə. Çadırın əmələ gətirdiyi oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın səthinin sahəsini tapıb oturacağın sahəsini çıxməqla cavabı yoxlamaq olar.



4. Məsələdə prizma formasında binanın səthinin şüşə ilə örtülməsi zamanı nə qədər pul ödəniliyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Şüşə ilə örtüləcək səthin ümumi sahəsinin neçə kvadratmetr olduğu hesablanır:

$$\frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 16 + 10 \cdot 16 + \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 16 + 10 \cdot 20 = 552 (\text{m}^2).$$

Binanın səthini şüşə ilə örtmək üçün alınacaq şüşəyə nə qədər pul verildiyi hesablanır:

$$552 \cdot 28 = 15\,456 \text{ (man)}.$$

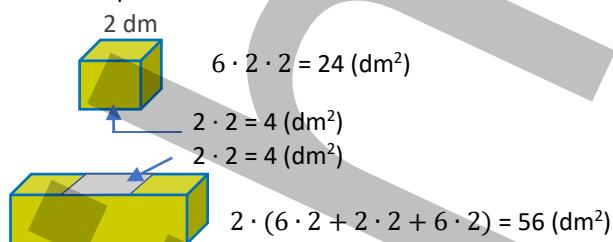
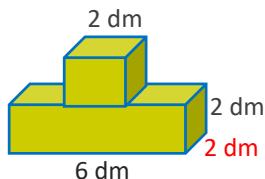
Cavab. Binanın səthini şüşə ilə örtmək üçün alınacaq şüşəyə 15 456 manat pul ödəmək lazımdır.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

5. Məsələdə verilən ölçülər əsasən ustanın taxtadan hazırladığı modelin səthinin sahəsinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Figur kub və kuboidə ayrılır.
- Səthlərin örtülən hissələri müəyyən olunur.
- Figurların tam səthlərin sahələri və örtülən sahələr tapılır.



- Kub və kuboidin səthlərinin sahələri cəmindən örtülən sahələr çıxılır. $56 + 24 - 2 \cdot 4 = 72 (\text{dm}^2)$

Cavab. Bu modelin səthinin sahəsi 72 dm^2 -ə bərabərdir.

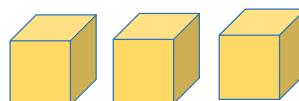
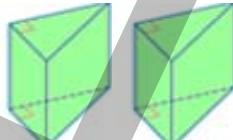
Müzakirə. Məsələni müxtəlif üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

MÖVZU 7.3. Düz prizmanın həcmi

ALT STANDARTLAR	3.4.2. Kubun, kuboidin və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmini hesablayır. 3.4.3. Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb figurların səthinin sahəsini və həcmini hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Kubun həcmini hesablayır. • Kuboidin həcmini hesablayır. • Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmini hesablayır. • Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb figurların həcmini hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, kub, kuboid, oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizma formasında figurlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.geogebra.org/m/RPEWxmaH#material/dXBryGa5 https://video.edu.az/video/1239 https://media.pk12ls.com/curriculum/math/Tools/tools/EnvisionGeometry.html Çalışma: https://www.ixl.com/math/grade-6/volume-of-cubes-and-rectangular-prisms https://www.ixl.com/math/grade-7/volume-of-prisms-advanced

Mövzuya yönəltmə.

Şagirdlərə iki eyniölülü kub, kuboid və oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmalar verilir. Bu iki prizmadan düzbucaqlı paralelepiped düzəltmək tapşırılır. Şagirdlər müxtəlif düzbucaqlı paralelepiped formasında figurlar



düzəldirlər. Müəllim şagirdlərə suallar verir: "İki eyni kuboiddən düzəldilən müxtəlif figurun həcmi eyni olarmı?" Eyni qayda ilə oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmi ilə bağlı müzakirə aparılır. Şagirdlər üç və daha çox kuboiddən müxtələr fəza figurları düzəltməyi tapşırmaq, onların həcmərinin eyni olub-olmadığını müzakirə etmək olar.

Araşdırma-müzakirə

Tapşırıqda şagirdlər satıcıının pendiri verilən qaydada kəsməklə alıcının xahişini yerinə yetirib-yetirmədiyini müəyyənləşdirməli və kəsilmiş hissələrdən hər birinin həcmini necə tapmağın mümkün olduğunu müzakirə etməlidirlər.



Kub formasında olan pendirin həcmi hesablanır. Bu qaydanı şagirdlər 4-cü sinifdən öyrəniblər. $20 \cdot 20 \cdot 20 = 8000 (\text{sm}^3)$. Kəsilmiş hissələrin hər birinin ümumi həcmi yarısına bərabər olduğunu qeyd etməklə həcmi 4000 sm^3 -ə bərabər olduğu bildirilir.

Pendiri başqa hansı formalarda kəsməklə yarısının əldə edilməsi ilə bağlı da müzakirə təşkil etmək olar.

Öyrənmə Düzbucaqlı paralelepipedin həcmi

Düzbucaqlı paralelepipedin bütün üzlərinin düzbucaqlı olduğu qeyd edilir, paralelepipedin həcmi tapılma qaydası şagirdlərə bildirilir və uyğun düsturlar yazılır. Düzbucaqlı paralelepipedin oturacağının sahəsinə hündürlüyü vurmaqla da həcmi tapmağın mümkün olduğu vurgulanır. Nümunə tapşırıqda paralelepipedin həcmi necə tapıldığı siniflə müzakirə olunur.



Fikirləş

Tili a -ya bərabər olan kubun həcmini tapmaq üçün hansı düsturdan istifadə edildiyi müzakirə olunur. Şagirdlər düzbucaqlı paralelepipedin həcmi en, uzunluq və hündürlüyün hasilinin bərabər olduğunu, kubun paralelepipedin bir növü olduğunu qeyd etməklə $V = a \cdot a \cdot a = a^3$ düsturunu yazılırlar.

Çalışma

- Düzbucaqlı paralelepipedin və ya kub formasında olan əşyaların həcmi düsturdan istifadə etməklə hesablanır.
- Ölçüləri eyni vahidlərə gətirməklə düzbucaqlı paralelepipedlərin həcmi hesablanır. Eyni vahidin nəyə əsasən seçildiyi əsaslandırılır.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər kəmiyyətlərin hesablanması zamanı eyni kəmiyyətlərdə ölçüləri bir vahidlə ifadə etməyi unudurlar. Bu zaman cavabların səhv alındığını müşahidə etmirlər. Bu cür səhvlər xüsusilə hesablama nəticəsində alınan kəmiyyətin vahidini qeyd etmədikdə üzə çıxır. 2-ci tapşırıqda səhvlər üzərində işin təşkili gələcəkdə vahidlərin çevrilməsinə ehtiyac yaranan tapşırıqların həlli zamanı bənzər səhvlərin yol verilməməsi üçün vacibdir.

3. Həcmi və 2 tili verilmiş düzbucaqlı paralelepipedin digər tili hesablanır. Tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlər məchul olan tili x ilə işarə edir və tənlik yazır həll edirlər. Nümunə tapşırığın həlli və açıqlaması şagirdlərlə müzakirə olunur, digər tapşırıqlar sərbəst yerinə yetirilir. Tapşırığı fərqli üsulla yerinə yetirən şagirdlərin həll üsulları müzakirə olunur.

4. Suallara cavab verilir.

a) Düzbucaqlı paralelepipedin həcmi hesablanır: $2 \cdot 32 = 64 (\text{m}^3)$

b) Ölçülər eyni vahidlə ifadə olunur və düzbucaqlı paralelepipedin oturacağının sahəsi hesablanır.

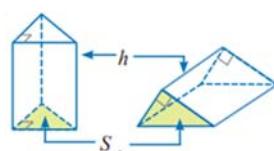
$1 \text{ dm} = 10 \text{ sm}; 350 : 10 = 35 (\text{sm}^2)$

c) Düzbucaqlı paralelepipedin eni hesablanır: $12 \cdot \frac{2}{3} = 8 (\text{m})$.

Düzbucaqlı paralelepipedin hündürlüyü hesablanır: $360 : (12 \cdot 8) = 3,75 (\text{m})$.

Öyrənmə Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmi

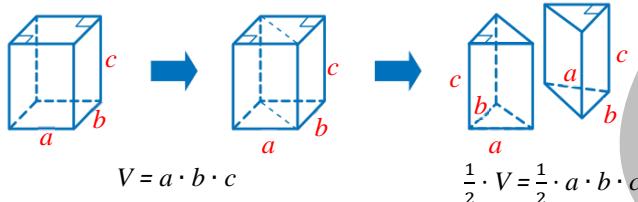
Şagirdlər prizmanın həcmi oturacağın sahəsi ilə hündürlüğünün hasilinə bərabər olduğu ilə artıq tanışdırırlar. Prizmanın müxtəlif üzləri üzərində qoyuluşu şagirdlərə nümayiş etdirilir. Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmi tapmaq üçün prizmanın həcmi tapılma qaydasından istifadə olunduğu vurgulanır. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur





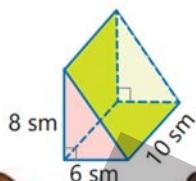
Fikirləş

Düzbucuqlı paralelepipedin həcmi düsturundan istifadə etməklə oturacağı düzbucuqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcminin tapılma qaydası siniflə müzakirə olunur. Bunun üçün şagirdlər verilən sxemdən istifadə edə bilərlər. Düzbucuqlı paralelepiped şəkildəki kimi iki bərabər hissəyə bölməklə oturacağı düzbucuqlı üçbucaq olan düz prizma alınır. Bu prizmanın həcminin isə düzbucuqlı paralelepipedin həcmi yarısına bərabər olduğu qeyd olunur.



6. Lalə və Samir şəkildəki düz prizmanın həcmini tapmaq üçün müəyyən fikirlər söyləyirlər. Bu fikirlərdən hansının doğru olub-olmadığını müəyyən etmək tələb olunur.

Prizmanın hündürlüyü 8 sm, oturacağı isə tərəfləri 6 sm və 10 sm olan düzbucuqlıdır.
 $S_{\text{ot}} = 6 \cdot 10 = 60 (\text{sm}^2)$
 $V = 60 \cdot 8 = 480 (\text{sm}^3)$



Prizmanın hündürlüyü 10 sm, oturacağı isə katetləri 6 sm və 8 sm olan düzbucuqlı üçbucaqdır.
 $S_{\text{ot}} = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 8 = 24 (\text{sm}^2)$
 $V = 24 \cdot 10 = 240 (\text{sm}^3)$



Tapşırığı sinifdə debat şəklində yerinə yetirmək olar. 2 şagird seçilir. Şagirdlərdən biri Lalənin, digəri isə Samirin fikrinin doğru olduğunu söyləyirlər. Samirin fikrinin doğru olduğunu düşünənlər bu fikri əsaslandırır, Lalənin fikrinin doğru olduğunu düşünənlər isə Lalənin fikrini əsaslandırmağa çalışırlar. Müəllim şagirdlərə istiqamətləndirici suallar verə bilər: "Prizmanın oturacağı necə müəyyən olunur? Düz prizmanın hündürlüyünü necə müəyyən etmək olar?" Əgər Lalənin fikri doğru olsa, yəni prizmanın oturacağı tərəfləri 6 sm və 10 sm olan düzbucuqlı olarsa, bu oturacağa paralel olan eyni ölçülərdə oturacaq olmalıdır. Belə oturacaq varmı? Ümumiləşdirmə aparılır, Samirin fikrinin doğru olduğu qeyd edilir. Sinifdə oturacağı düzbucuqlı üçbucaq olan düz prizma modeli üzərində də Samirin fikrinin doğruluğunu göstərmək olar.

Müəllimin nəzərinə! Prizmanın həcminin onun oturacağının sahəsi ilə hündürlüyündən asılı olduğu üçün bu fiqurun oturacağını düzgün müəyyən etmək vacibdir. Bəzən üçbucaqlı düz prizma yan üzü üstə qoyulduğda şagirdlər onun oturacağını düzgün müəyyən edə bilmirlər. Belə şagirdlər üçün düz prizmanı əyani olaraq müxtəlif üzləri üstə qoyub onun oturacağını nümayiş etdirmək məqsədə uyğundur. Bunu üçbucaqlı düz prizmanın müxtəlif təsvirlərini göstərməklə də izah etmək olar. Bu zaman şagirdlərə üçbucaqlı düz prizmanın oturacağını müəyyən etməyi tapşırmaq olar. 6-ci tapşırıq bənzər səhvlerin qarşısının alınması üçün əhəmiyyətlidir.

8. Suallara cavab verilir.

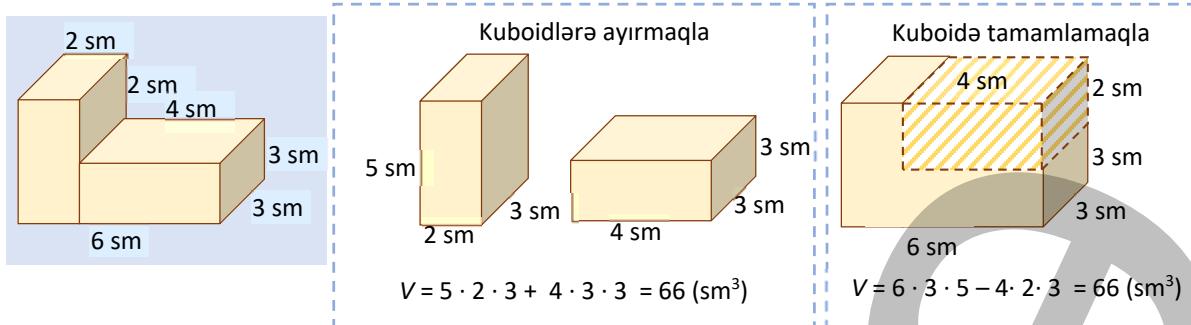
- Düz prizmanın oturacağının sahəsinə hündürlüyünə vurmaqla həcmi hesablanır: $V = 6 \cdot 16 = 96 (\text{m}^3)$.
- Düz prizmanın hündürlüyünə və oturacağının katetlərinə əsasən həcmi hesablanır:

$$S_{\text{ot}} = \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 14 = 35 (\text{m}^2); V = 35 \cdot 3 = 105 (\text{m}^3)$$

Öyrənmiş Kuboidlərdən təşkil olunmuş fiqurun həcmi

Bəzi fəza fiqurları bir neçə kiçik kuboidə ayırmalı da həcmini tapmağın mümkün olduğu vurğulanır. Nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur.

Müəllimin nəzərinə! Şagirdlər bəzi müstəvi fiqurların sahəsini hesablayarkən onları bir neçə düzbucuqlıya ayırir, yaxud düzbucuqlıya tamamlamaqla sahəsini tapmaq qaydası ilə tanışdırırlar. Kuboidlərdən təşkil olunmuş fiqurların həcmini müəyyən edərkən də bu fiqurların kuboidlərə ayrılmaları ilə yanaşı, kuboidə tamamlanmasının da mümkün olduğu qeyd olunur. Bəzən kuboidə tamamlamaqla həcmi hesablamaya daha əlverişli olur. Şagirdlər fəza fiqurunu kuboidə tamamlayıb ümumi həcmdən tamamlanan hissənin həcmini çıxıb cavabı tapa bilərlər. Hər iki üsulla tapşırığın yerinə yetirilməsinə aid şagirdlərə nümunə göstərmək olar.



Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlər sinif otağında düz prizma nümunələri seçir, uyğun ölçüləri ölçməklə, yaxud təxmin etməklə qeyd edir və həcmi hesablayır. Şagirdləri istiqamətləndirmək olar. Məsələn, "kub formasında figur seçin.", "kuboid formasında figur seçin." və s.

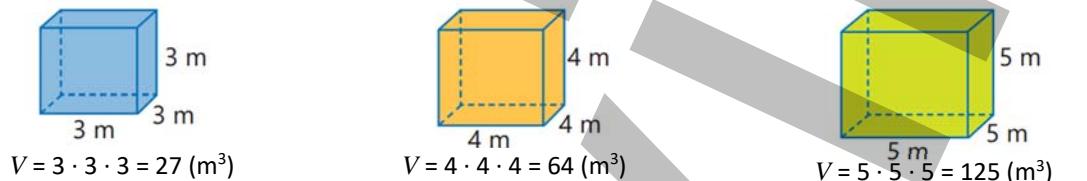
Dərinləşdirmə. Şagirdlər gündəlik həyatda, sinif otağında olan düz prizma nümunələri seçir, lövhədə təsvirini sxematik olaraq çəkir, uyğun ölçüləri ölçməklə, yaxud təxmin etməklə qeyd edir və həcmi hesablayırlar. Şagirdləri istiqamətləndirmək olar. Məsələn, "kub və kuboidlərdən düzəldilmiş figur seçin", "yan üzü üstə olan oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olar düz prizma formasında figur seçin." və s.

Məsələ həlli

10. Məsələdə verilən şərtlərə uyğun figurun hansı kub olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Paralelepipedin həcmi hesablanır: $2 \cdot 32 = 64 (\text{m}^3)$.
- Hər kubun həcmi hesablanır və həcmi 64 m^3 -ə bərabər olan kub müəyyən olunur.



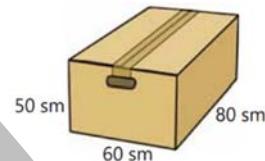
Cavab. Bu, 2-ci kubdur.

11. Məsələdə şəkildə verilən ölçündə 3 böyük qutuya cəmi neçə çay qutusu yiğməğin mümkün olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

1-ci üsul.

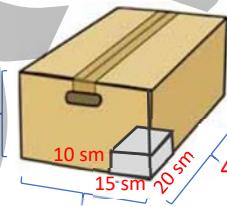
- Verilən qutunun həcmi hesablanır: $50 \cdot 60 \cdot 80 = 240\,000 (\text{sm}^3)$.
 - Bir çay qutusunun həcmi hesablanır $15 \cdot 20 \cdot 10 = 3\,000 (\text{sm}^3)$.
- 1 böyük qutuya neçə çay qutusunun yerləşdiyi müəyyən olunur: $24\,000 : 3\,000 = 80$.
3 böyük qutuya neçə çay qutusunun yerləşdiyi müəyyən olunur: $3 \cdot 80 = 240$.



2-ci üsul.

- Verilən ölçülərə uyğun qutunun tillərinin ölçülərinə əsasən eni, uzunluğu və hündürlüyü boyunca neçə çay qutusu yerləşəcəyi müəyyən olunur.

$$\begin{aligned} 60 : 15 &= 4 \\ 50 : 10 &= 5 \\ 80 : 20 &= 4 \end{aligned}$$



$$5 \cdot 4 \cdot 4 = 80$$

- 3 böyük qutuya neçə çay qutusu yerləşdiyi müəyyən olunur: $3 \cdot 80 = 240$.

Cavab. 3 böyük qutuya cəmi 240 çay qutusu yiğməq olar.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

12. Məsələdə düzbucaqlı paralelepipedin hündürlüğünün tapılması tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmi hesablanır:

$$\frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 30 \cdot 10 = 3000 (\text{sm}^3).$$

- Verilən prizmanın həcmərinin bərabərliyindən istifadə etməklə paralelepipedin hündürlüyü tapılır: $3000 : (25 \cdot 12) = 10 (\text{sm})$.

Cavab. Paralelepipedin hündürlüyü 10 santimetrə bərabərdir.

Müzakirə. Verilən hündürlüyü və ölçülərə əsasən hər iki prizmanın həcmi hesablanır və bərabər olduğu yoxlanılır.

13. Məsələdə akvariumun suyunun səviyyəsinin hansı hündürlükdə olduğunu və akvariumda neçə kubsantimetr su olduğu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Akvariumda suyun səviyyəsinin hansı hündürlükdə olduğu müəyyən edilir.

$$20 \cdot \frac{4}{5} = 16 (\text{sm}).$$

- Akvariumun uzunluğu santimetrlə ifadə edilir və akvariumda neçə kubsantimetr su olduğu müəyyənləşdirilir. $1 \text{ m} = 100 \text{ sm}$; $16 \cdot 30 \cdot 100 = 48000 \text{ sm}^3$

Cavab. Akvariumda suyun hündürlüyü 16 sm-ə, akvariumda olan suyun həcmi isə 48000 sm^3 -ə bərabərdir.

14. Məsələdə 4 kərpicdən alınan figurun həcmini 2 fərqli üsulla tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

1-ci üsul.

- Hər kərpicin həcmi hesablanır: $5 \cdot 20 \cdot 10 = 1000 (\text{sm}^3)$.
- 4 belə kərpicin həcmi hesablanır: $4 \cdot 1000 = 4000 (\text{sm}^3)$.

2-ci üsul.

- Figuru kuboidə tamamlamaqla həcmi tapılır.
- Tamamlanmış kuboidin eni, uzunluğu və hündürlüyü müəyyən edilir, həcmi hesablanır: $30 \cdot 20 \cdot 10 = 6000 (\text{sm}^3)$.

- Əlavə edilən hissənin həcmi tapılır: $20 \cdot 10 \cdot 10 = 2000 (\text{sm}^3)$.

- Kuboidin həcmindən əlavə edilən hissənin həcmi çıxılır:
 $6000 - 2000 = 4000 (\text{sm}^3)$.

Cavab. 4 belə kərpicdən alınan figurun həcmi 4000 sm^3 -ə bərabərdir.

Layihə işi! Şagirdlər evdə düz prizma formasında əşyalar seçib həcmini tapmaqla bağlı təqdimat hazırlamağı tapşırmaqla olar. Çətinlik çəkən şagirdləri qeyd edilən figurlar formasında əşyalar olan təsvirləri verməklə istiqamətləndirmək olar.



Formativ qiymətləndirmə

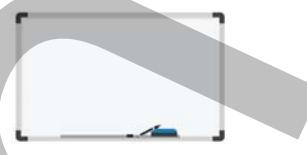
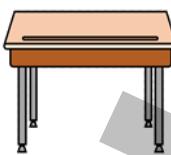
Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Kubun həcmini hesablayır.	Dərslik, iş dəftəri
Kuboidin həcmini hesablayır.	Dərslik, iş dəftəri
Oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizmanın həcmini hesablayır.	Dərslik, iş dəftəri
Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb figurların həcmini hesablayır.	Dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 7.4. Sahə vahidləri

ALT STANDARTLAR	3.4.3. Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb fiqurların səthinin sahəsini və həcmi hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	Sahə vahidləri arasında əlaqələri müəyyən edir. Hektar və ar sahə vahidləri arasında çevrilmələri yerinə yetirir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, xətkeş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://video.edu.az/video/14104 https://video.edu.az/video/13976 Çalışma: https://www.transum.org/Maths/Activity/Units/Default.asp?Level=2 https://www.geogebra.org/m/TwFgM9ZT https://www.geogebra.org/m/X5ZTRGSw

Mövzuya yönəltmə.

Müəllim düzbucaqlı formasında bir əşya seçib ölçülərini qeyd etməyi şagirdlərə tapşırır. Şagirdlər kitab, dəftər, parta, lövhə və s. seçə bilərlər.



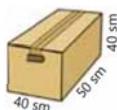
Şagirdlər ölçüləri uyğun vahidlə ifadə edib sahəni tapmağa yönəltmək üçün suallar verilir: "Kitabın üz qabığının ölçülərini hansı vahidlə ifadə etmək əlverişlidir? Bu ölçülərə əsasən onun sahəsini necə tapmaq olar? Sahəni mm², m² ilə necə ifadə etmək olar?" Digər əşyalar üçün də bənzər suallar verilə bilər.

Qeyd olunan ölçüləri daha hansı üsullarla uyğun sahə vahidinə çevirməyin mümkün olduğu siniflə müzakirə edilir.

Araşdırma-müzakirə

Şəkildəki qutunu bəzəmək üçün 1 m tərəfi olan kvadratlı formalı kağızın kifayət edib-etməyəcəyini tapmaq, nə qədər əskik olduğunu və yaxud artıq qaldığını müəyyənləşdirmək tələb olunur. Şagirdlər ölçülərlə verilmiş hesablamalarda eyni vahiddən istifadə olunduğunu artıq bilirlər. Cavabı tapmaq üçün metrlə verilmiş ölçüləri santimetrlə ifadə edirlər.

Qutunun səthinin sahəsi
hesablanır.

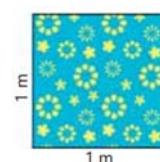


Kvadratın tərəfi santimetrlə ifadə
olunur və sahəsi hesablanır.

$$2 \cdot (40 \cdot 50 + 40 \cdot 40 + 50 \cdot 40) = 11\,200 \text{ sm}^2$$

$$1 \text{ m} = 100 \text{ sm}$$

$$100 \cdot 100 = 10\,000 (\text{sm}^2)$$



Deməli, kvadrat formalı kağız qutunu bəzəmək üçün kifayət etməyəcək
 $11\,200 - 10\,000 = 1\,200 (\text{sm}^2)$. 1 200 sm² əskik olacaq.

Öyrənmə Sahə vahidləri arasında əlaqə

Fiqurun sahəsini tapmaq üçün ilk növbədə ölçü vahidinin seçildiyi və buna əsasən fiqurun sahəsinin müəyyən olunduğu qeyd edilir. Hesablama zamanı eyni vahidlə verilmiş sahəni başqa vahidlə ifadə etməqaydası şagirdlərə nümayiş olunur. Nümunə tapşırıqlar izah edilir.

$$\begin{array}{ccc} \text{sm}^2 & \times 100 & \text{mm}^2 \\ 5 \text{ sm}^2 & & = 5 \times 100 \text{ mm}^2 = 500 \text{ mm}^2 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} \text{mm}^2 & : 100 & \text{sm}^2 \\ 60 \text{ mm}^2 & & = 60 : 100 = 0,6 \text{ sm}^2 \end{array}$$

$$1 \text{ sm}^2 = 1 \text{ sm} \times 1 \text{ sm} = 10 \text{ mm} \times 10 \text{ mm} = 100 \text{ mm}^2$$



Eyni qaydaya əsasən digər sahə vahidləri arasında əlaqə ilə bağlı şagirdlərə məlumat verilir.

Fikirləş 1 m²-in neçə sm² olduğunu necə tapıldığı müzakirə edilir. 1 m = 100 sm olduğundan tərəfi 100 sm olan kvadratın sahəsinin $100 \cdot 100 = 10\,000 (\text{sm}^2)$ olduğu tapılır.

800 sm^2 -in neçə kvadratmetr olduğunu tapmaq üçün metr və santimetr arasında əlaqədən, böyük ölçü vahidi ilə ifadə etdikdə bölmə əməlindən istifadə olunur: $1 \text{ m}^2 = 10\,000 \text{ sm}^2$.

Lövhədə uyğun sxem çəkməklə şagirdləri istiqamətləndirmək olar.

$$\text{sm}^2 : 10\,000 \rightarrow \text{m}^2$$

$$800 \text{ sm}^2 = 800 : 10\,000 = 0,08 \text{ m}^2$$

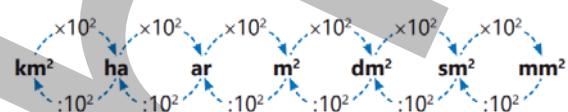
Çalışma

1. Boş xanalara uyğun ədədlər müəyyən olunur. Tapşırığı yerinə yetirərkən şagirdlər sahə vahidləri arasında əlaqəni müəyyən edib verilmiş ədədi uyğun qiymətinə vurma, yaxud bölməli olduqlarına diqqət yetirməlidirlər. Adı və onluq kəsrlə verilmiş sahələri bir vahiddən digərinə çevirdikdə çətinlik çəkən şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar: "Böyük vahidlə, yoxsa kiçik vahidlə ifadə olunması tələb edilir? Vahidin uyğun qiymətini necə müəyyən etmək olar? Çevrilmə zamanı vahidin uyğun qiymətinə vurmaq, yoxsa bölmək lazımdır?" və s. Adı və onluq kəsrləri 10-un misillərinə vurmaqda, yaxud bölməkdə çətinlik çəkən şagirdlərin aşkarlanması və səhvlər üzərində işin təşkili məqsədəvəngundur.

Öyrənmə Hektar və ar sahə vahidləri

Çox böyük olmayan torpaq sahələrini ölçmək üçün ar və hektardan istifadə olunduğu vurğulanır. Verilən nümunə tapşırıqlar, ar və hektar arasında çevrilənlər şagirdlərin nəzərinə çatdırılır, nümunələr göstərilir.

 **Yadda saxla!** Hər hansı bir vahidlə verilmiş sahəni daha kiçik vahidə çevirmək üçün onun ədədi qiymətini vahidin uyğun qiymətinə vurmaq, daha böyük vahidə çevirmək üçün isə bölmək lazım olduğu qeyd edilir. Dərslikdə verilən sxem şagirdlərin diqqətinə çatdırılır. Şagirdlər sxemdəki qanuna uyğunluğu müəyyənləşdirməklə çevrilənləri daha asan yerinə yetirə bilərlər.



 **Fikirləş** Ölkələrin və parkların sahəsini hansı vahidi ifadə etməyin daha əlverişli olduğu müzakirə edilir. Ölkələrin sahəsini km^2 ilə, iri ölçülü parkların sahəsini hektarla, kiçikölülü parkların sahəsini isə arla ifadə etməyin əlverişli olduğu vurğulanır.

Texniki imkanları olan siniflərdə ölkələrin və parkların sahələri haqqında məlumatı şagirdlərə nümayiş etdirmək olar.

Ölkələrin sahələri:

https://az.wikipedia.org/wiki/%C6%8Fhalisin%C9%99_g%C3%B6r%C9%99_%C3%B6lk%C9%99%C9%99rin_siyah%C4%B1s%C4%B1

Parkların sahələri: <https://azerbaijan.az/related-information/34>

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər sahə vahidləri arasında çevrilənlər zamanı müəyyən səhvlərə yol verirlər. Səhvlərin aradan qaldırılması üçün şagirdlərin yol verdikləri səhvlərin hansı bacarıqlarla bağlı olduğunu aşkarlanması vacibdir. Şagirdlər çevrilənlər zamanı əsasən aşağıda qeyd olunan səhvləri edirlər.

1) Vahidin uyğun qiymətinin sahə müəyyən edilməsi

Belə səhvlərə, adətən, uzunluq vahidləri arasında çevriləmə zamanı uyğun vahidi sahə müəyyən edən şagirdlərdə rast gəlinir. Səhvlərin aradan qaldırılması üçün şagirdlərə müxtəlif uzunluq vahidi çevrilənlərinə aid tapşırıqlar vermek olar.

Yanlış	Doğru
$200 \text{ sm}^2 : 100 \rightarrow 2 \text{ m}^2$	$200 \text{ sm}^2 : 10\,000 \rightarrow 0,02 \text{ m}^2$

2) Böyük, yaxud kiçik vahidlə ifadə olunduğunun düzgün müəyyən edilməməsi

Uzunluq vahidlərini yaxşı mənimsəməyən şagirdlər hansı vahidin böyük, hansının kiçik olduğunu müəyyən etdikdə səhvlərə yol verirlər. Səhvlərin aradan qaldırılması üçün şagirdlərə müxtəlif vahidlərlə verilmiş uzunluqları (məsələn: 2 sm və 2 m, 5 mm və 1 sm və s.) müqayisə etməyi, uyğun uzunluqda nümunələr göstərməyi tapşırmaqla olar.

Yanlış	Doğru
$50 \text{ sm}^2 : 100 \rightarrow 0,5 \text{ mm}^2$	$50 \text{ sm}^2 : 100 \cdot 100 \rightarrow 5\,000 \text{ mm}^2$

3) Adı və onluq kəsrlər, 10-un misilləri ilə hesablamalar

Bəzən şagirdlər vahidin uyğun qiymətini düzgün müəyyən etsələr də, hesablama zamanı səhvlərə yol verirlər. Belə səhvlərə xüsusilə cavab kəsrə alınan, yaxud kəsrərlər verilmiş sahə vahidləri arasında çevrilmələr zamanı rast gəlinir. Səhvləri aradan qaldırımaq üçün şagirdlərə ölçü vahidləri arasında əlaqəyə diqqət etməyi, səhvlərini aşkarlayıb yenidən çevrilmələr aparmağı tapşırmaq olar.

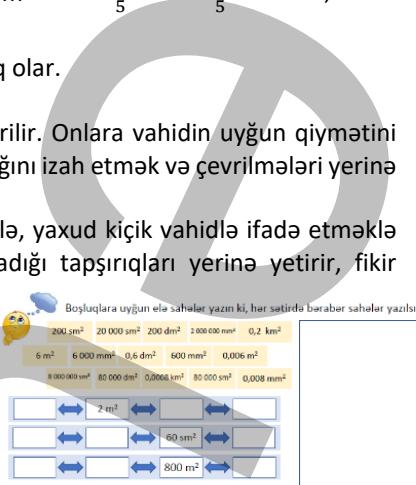
Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlərə sahə vahidləri arasında çevrilmərlə bağlı tapşırıqlar verilir. Onlara vahidin uyğun qiymətini müəyyən etmək, böyük vahidə, yaxud kiçik vahidə keçməklə çevrilmə apardığını izah etmək və çevrilmələri yerinə yetirmək tapşırılır.

Dərinlaşdırma. Hər şagird müəllimin göstərişinə əsasən sahəni böyük vahidə, yaxud kiçik vahidə ifadə etməklə bağlı tapşırıq hazırlayır. Şagirdlər tapşırıqları dəyişir və bir-birinin hazırladığı tapşırıqları yerinə yetirir, fikir mübadiləsi aparırlar.

Oyun. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanır. Şagirdlərə hər sətirdə bərabər sahələr yazmaq üçün verilən sahələr arasında seçim etmək tapşırılır. Boşluqları daha tez və düzgün dolduran qrup qalib olur.

Yanlış	Doğru
$\frac{mm^2}{sm^2} \cdot 100$	$: 100$
$40 mm^2 = 40 \cdot 100 = 4\,000 sm^2$	$40 mm^2 = 40 : 100 = 0,4 sm^2$
$\frac{3}{5} mm^2 = \frac{3}{5} \cdot 100 = 60 sm^2$	$\frac{3}{5} mm^2 = \frac{3}{5} : 100 = 0,006 sm^2$



Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

https://drive.google.com/file/d/18LN1ZDypULjTSIsV8PBIVSUArNUC_ul1/view?usp=sharing

Məsələ halli

5. Məsələdə Səbinə və Samirin günəş panelləri düzülmüş ərazinin sahəsi ilə bağlı söylədikləri fikirlərdən hansının doğru olub-olmadığının müəyyənləşdirilməsi tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Günəş paneli düzülmüş ərazinin sahəsi hesablanır. $200 \cdot 400 = 80\,000 (m^2)$.
- Səbinənin fikrinin doğruluğunu yoxlamaq üçün 7 ha kvadratmetrlə ifadə olunur: $7 \cdot 10\,000 = 70\,000 (m^2)$. Səbinənin fikri doğru deyil, günəş panelləri düzülmüş ərazinin sahəsi 7 hektardan az deyil.
- Samirin fikrinin doğruluğunu yoxlamaq üçün 7 500 ar kvadratmetrlə ifadə olunur:
 $7500 \text{ ar} = 7500 \cdot 100 = 750\,000 (m^2)$.

Samirin fikri doğru deyil, günəş panelləri düzülmüş ərazinin sahəsi 7 500 ar-dan çox deyil.

Cavab. Uşaqların bu ərazinin sahəsi ilə bağlı söylədikləri fikirlərin heç biri doğru deyil.

Müzakirə. Məsələni fərqli üsullarla həll edən şagirdlərin fikirləri dinlənilir.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Sahə vahidləri arasında əlaqələri müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Hektar və ar sahə vahidləri arasında çevrilmələri yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 7.5. Həcm vahidləri

ALT STANDARTLAR	3.4.3. Kub və kuboiddən təşkil olunmuş mürəkkəb fiqurların səthinin sahəsini və həcmi hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	Həcm vahidləri arasında əlaqələri müəyyən edir. Litr və millilitr tutum vahidləri arasında çevrilmələri yerinə yetirir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar, rəngli kağızlar, xətkeş
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://youtu.be/KCjTgC5gCO0 https://youtu.be/tvHvurOHVdY Çalışma: https://www.transum.org/Maths/Activity/Units/Default.asp?Level=3

Mövzuya yönəltmə.

Düzbucaklı paralelepiped formasında bir əşya seçib ölçülərini qeyd etmək şagirdlərə tapşırılır. Şagirdlər akvarium, otaq və s. seçə bilərlər. Şagirdləri ölçüləri uyğun vahidlə ifadə edib həcmi tapmağa yönəltmək üçün suallar verilir: "Düzbucaklı paralelepipedin ölçülərini hansı vahidlə ifadə etmək daha əlverişlidir? Bu ölçülərə əsasən onun həcmini necə tapmaq olar? Həcmi mm^3 , m^3 ilə necə ifadə etmək olar?"

Digər əşyalar üçün də bənzər suallar verilə bilər.

Araşdırma-müzakirə

Şagirdlər bir gündə hasil olunan südü süzmək üçün neçə paket lazım olduğunu müəyyən etməlidirlər. Verilən süd qutusunun həcmi hesablanır: $5 \cdot 9 \cdot 20 = 900 (\text{sm}^3)$.

$1 \text{ l} = 1000 \text{ sm}^3$ olduğundan istifadə etməklə 5 000 litrin neçə sm^3 -ə bərabər olduğu tapılır:
 $5000 \text{ l} = 5000 \cdot 1000 = 5000000 \text{ sm}^3$.



Bir gündə hasil olunan südü süzmək üçün lazım olan paket sayı müəyyən olunur:

$5000000 : 900 \approx 5556$.

Deməli, bir gündə hasil olunan südü süzmək üçün 5 556 paket lazımdır.

Öyrənmə Həcm vahidləri arasında əlaqə

Uzunluq vahidləri arasında əlaqə şagirdlərə xatırlanır, bu əlaqədən istifadə etməklə həcm vahidləri arasında əlaqənin müəyyən olunduğu vurgulanır. Hesablama zamanı eyni vahidlə verilmiş həcmi başqa vahidlə ifadə etmək qaydası şagirdlərə nümayişlənir. Nümunə tapşırıqlar izah olunur.

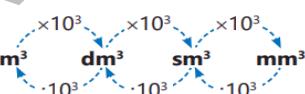
Eyni qaydada digər həcm vahidləri arasında əlaqə ilə bağlı şagirdlərə məlumat verilir.

$$\begin{array}{ccc} \times 1000 & & \\ \text{sm}^3 & \longrightarrow & \text{mm}^3 \\ 2 \text{ sm}^3 = 2 \times 1000 \text{ mm}^3 = 2000 \text{ mm}^3 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} 1 \text{ sm}^3 = 1 \text{ sm} \times 1 \text{ sm} \times 1 \text{ sm} = 10 \text{ mm} \times 10 \text{ mm} \times 10 \text{ mm} = 1000 \text{ mm}^3 & & \\ \text{1 sm} & \longrightarrow & \text{10 mm} \\ \text{1 sm} & & \text{10 mm} \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} : 1000 & & \\ \text{mm}^3 & \longrightarrow & \text{sm}^3 \\ 400 \text{ mm}^3 = 400 : 1000 = 0,4 \text{ sm}^3 \end{array}$$

 **Yadda saxla!** Hər hansı bir vahidlə verilmiş həcmi daha kiçik vahidə çevirmək üçün onun ədədi qiymətini vahidin uyğun qiymətinə vurmaq, daha böyük vahidə çevirmək üçün bölmək lazım olduğu qeyd edilir. Dərslikdə verilən sxem şagirdlərin diqqətinə çatdırılır.



Şagirdlər sxemdəki qanunauyğunluğu müəyyən etməklə çevrilmələri daha asan yerinə yetirə bilərlər.

 **Fikirləş** 1 m^3 -in neçə sm^3 olduğunu necə tapıldığı müzakirə edilir.

$1 \text{ m} = 100 \text{ sm}$ olduğundan tərəfi 100 sm olan kubun həcmi $100 \cdot 100 \cdot 100 = 1000000 (\text{sm}^3)$ olduğu qeyd olunur.

2000000 sm^3 -in neçə m^3 olduğunu tapmaq üçün metr və santimetr arasında əlaqədən istifadə etməklə yanaşı, böyük ölçü vahidi ilə ifadə etdikdə bölmə əməlindən istifadə olunduğuuna diqqət yetirilir.

$1 \text{ m}^3 = 1000000 \text{ sm}^3$

Lövhədə uyğun sxem çəkməklə şagirdləri istiqamətləndirmək olar.

$$\begin{array}{ccc} : 1000000 & & \\ \text{sm}^3 & \longrightarrow & \text{m}^3 \\ 2000000 \text{ sm}^3 = 2000000 : 1000000 = 2 \text{ m}^3 \end{array}$$

Çalışma

1. Boş xanalara uygun ədədlər müəyyən olunur. Tapşırığı yerinə yetirəkən şagirdlər həcm vahidləri arasında əlaqəni müəyyən edib verilmiş ədədi vahidin uyğun qiymətinə vurmali, yaxud bölməli olduğuna diqqət yetirməlidirlər.

Müəllimin nəzərinə! Adı və onluq kəsrlə verilmiş həcmələri bir vahiddən digərinə çevirdikdə çətinlik çəkən şagirdlər istiqamətləndirici suallar vermək olar: "Böyük vahidlə, yoxsa kiçik vahidlə ifadə edilməsi tələb olunur? Vahidin uyğun qiymətini necə müəyyən etmək olar? Çevrilmə zamanı vahidin uyğun qiymətinə vurmaq, yoxsa bölmək lazımdır?" və s. Adı və onluq kəsrləri 10-un misillərinə vurmaqdə, yaxud bölməkdə çətinlik çəkən şagirdlərin aşkar olunması və səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədəuyğundur.

Öyrənmə Tutum vahidləri arasında əlaqə

Həcm və tutumun bir-biri ilə əlaqəli anlayışlar olduğu qeyd edilir. Tutum vahidləri ilə həcm vahidləri arasında əlaqə haqqında şagirdlərə məlumat verilir. 1 litrin 1000 cm^3 , eyni zamanda 1 dm^3 olduğu şagirdlərə bildirilir. Bu qayda ilə 1 millilitrin 1000 cm^3 -ə və yaxud 1 litrin də 1000 ml bərabər olduğu vurgulanır.

3. Vahidin uyğun qiymətinə vurmaqla çevrilmə aparılır.

$$\text{a) } 15 \text{ cm}^3 = 15 \cdot 1000 = 15000 \text{ mm}^3$$

$$\text{b) } 4500 \text{ cm}^3 = 4500 : 1000 = 4,5 \text{ l}$$

4. Suallara cavab verilir.

a) Tili 8 sm olan kub formasında qabın neçə millilitr maye tutduğu müəyyən edilir.

$$8 \cdot 8 \cdot 8 = 512 (\text{cm}^3); 512 \text{ cm}^3 = 512 \text{ ml}.$$

b) Tilləri 2 dm , 3 dm və 1 dm olan düzbucaqlı paralelepiped formasında boş olan qabı doldurmaq üçün nə qədər su lazım olduğu müəyyənləşdirilir: $2 \cdot 3 \cdot 1 = 6 (\text{dm}^3)$; $6 \text{ dm}^3 = 6 \text{ l}$; 5 l suyun kifayət etmədiyi qeyd olunur.

5. Həcmələr eyni vahidlə ifadə olunur, uyğun hesablama aparılır və müqayisə edilir.

6. Düzbucaqlı prizma formasında verilən qabların tutumları hesablanır və tutumlarına görə artan sıra ilə düzülür.

Müəllimin nəzərinə! 5-ci və 6-cı tapşırıqlarda şagirdlərə hesablama zamanı eyni kəmiyyətlərin eyni vahidlə ifadə olunmasının vacibliyi vurgulanır. Belə tapşırıqların həlli zamanı müəyyən səhv'lərə yol verən şagirdlərin aşkarlanması və səhv'lərlə işin təşkili məqsədəuyğundur.

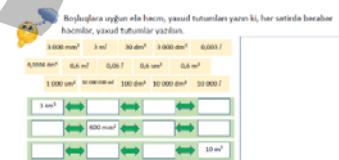
Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürələr. Sahə vahidlərində qeyd olunan səhv'lərə həcm vahidləri arasında çevrilmələr zamanı da rast gəlinir. Səhv'lərin aradan qaldırılması üçün şagirdlərin yol verdikləri səhv'lərin hansı bacarıqlarla bağlı olduğunu aşkarlanması, yenidən çevrilmələr aparmağın şagirdlərə tapşırılması məqsədəuyğundur.

Diferensial təlim.

Dəstək. Hər şagirdə həcm vahidləri arasında çevrilmələrlə bağlı tapşırıqlar verilir, vahidin uyğun qiymətini, böyük vahidə, yaxud kiçik vahidə keçməklə çevrilmə apardığını izah etmək və çevrilmələri yerinə yetirmək tapşırılır.

Dərinləşdirmə. Şagirdlər müəllimin göstərişinə əsasən həcmi böyük vahidlə, yaxud kiçik vahidlə ifadə etməklə bağlı tapşırıqlar hazırlayırlar. Şagirdlər cütlərə bölünür, hazırladıqları tapşırıqları bir-biri ilə dəyişirlər. Hər şagird ona düşən tapşırığı yerinə yetirir. Sonda fikir mübadiləsi aparılır.

Oyun. Sınıf qruplara bölünür. İş vərəqləri paylanır. Şagirdlərə hər sətirdə bərabər həcmələr yazmaq üçün verilən həcmələr arasında seçim etmək tapşırılır. Boşluqları daha tez və düzgün dolduran qrup qalib olur.



Nümunə iş vərəqini linkdən yükləyə bilərsiniz:

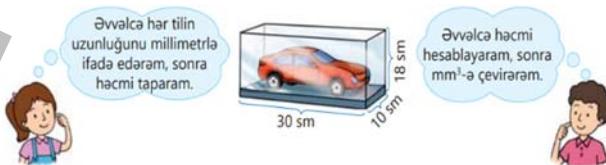
<https://drive.google.com/file/d/1UvfoOTy2nEJ0qPGMY7wOJWwHkJdbowF/view?usp=sharing>

Masala həlli

7. Anar və Səbinənin qutunun həcmi mm^3 ilə ifadə etmək istədiyi vurgulanır. Uşaqlardan kimin fikrinin doğru olub-olmadığı müəyyən olunur.

- Səbinənin fikrincə hər tilin uzunluğu millimetrlə ifadə olunur.

$$30 \text{ sm} = 300 \text{ mm}; 10 \text{ sm} = 100 \text{ mm}; 18 \text{ sm} = 180 \text{ mm}.$$



Həcm tapılır. $300 \cdot 100 \cdot 180 = 5\,400\,000 (\text{mm}^3)$

- Anarın fikrinə görə isə əvvəlcə həcm hesablanır: $30 \cdot 10 \cdot 18 = 5\,400 (\text{sm}^3)$.

Sonra həcm mm^3 -lə ifadə olunur: $5\,400 \text{ sm}^3 = 5\,400 \cdot 1\,000 = 5\,400\,000 (\text{mm}^3)$.

Cavab. Uşaqların hər ikisinin fikri doğrudur. Hər iki halda verilən qutunun həcmi $5\,400\,000 \text{ mm}^3$ -ə bərabərdir.

8. Məsələdə hovuzu doldurmaq üçün $40\,000 \text{ l}$ suyun çatmadığını, nə qədər artıq qaldığını, yaxud çatmadığını tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Ölçülər eyni vahidlə ifadə olunur: $200 \text{ sm} = 2 \text{ m}$

Verilən ölçülərə əsasən oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizma formasında fiqurun həcmi hesablanır və litrlə ifadə edilir:

$$4 \cdot \frac{1}{2} \cdot 16 \cdot 2 = 64 (\text{m}^3)$$

Alınan qiymətə əsasən hovuzu doldurmaq üçün $64\,000 \text{ l}$ suyun lazım olduğu və $40\,000 \text{ l}$ suyun çatmadığı müəyyən edilir. Nə qədər suyun çatmadığını müəyyənləşdirmək üçün alınan nəticələrin fərqi tapılır.

Cavab. Hovuzu doldurmaq üçün $40\,000 \text{ l}$ su çatmaz. Daha $24\,000 \text{ l}$ suya ehtiyac var.

Müəllimin nəzərinə! Həcm vahidləri arasındaki çevrilmələrin düzgün müəyyənləşdirilməsi şagirdlərə məsələ həllində daha rahat ədədlərə işləmək və alınan nəticələri həcm vahidləri arasında əlaqədən istifadə etməklə uyğun vahidlərlə ifadə etmək imkanı verir. 7-ci məsələdə şagirdlərə uşaqların fikirlərini xatırlatmaq və bu fikirlərin hansının daha asan həll üsulu olduğunu müəyyənləşdirməyi tapşırmaq olar. Bu cür tapşırıqların həllində çətinlik çəkən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi, səhvlər üzərində işin təşkili, təkrara ehtiyac olan tapşırıqların yenidən yerinə yetirilməsi tövsiyə olunur.

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Həcm vahidləri arasında əlaqələri müəyyən edir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri
Litr və millilitr tutum vahidləri arasında çevrilmələri yerinə yetirir.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərirlər.

Kub, kuboid, düz prizma, oturacaq, yan üz, hündürlük, tam səthin sahəsi, həcm, sahə vahidləri, ar, hektar, həcm vahidləri, tutum vahidləri və s.

Bölmənin ilk səhifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı, fəza fiqurlarından harada istifadə olunduğu yada salınır, fikir mübadiləsi aparılır. İlk problem həlli siniflə müzakirə edilir. Şagirdlər evin divarları üçün alınan üzlük daşı və boyaya xərclənən ümumi məbləğin necə hesablandığını müzakirə edirlər.

Praktik tapşırıq. Müəllim şagirdlərə verilən ölçülərdə düzbucaqlı paralelepiped, yaxud oturacağı düzbucaqlı üçbucaq olan düz prizma hazırlamağı tapşırır. Şagirdlər hazırladıqları fiqurun səthinin sahəsini və həcmini tapırlar. Sonra şagirdlər ölçüləri 2 dəfə artırmaqla oxşar fiquru hazırlamaq tapşırılır. Müəllim yeni fiqurun səthinin sahəsinin və həcmının əvvəlki fiqurla müqayisədə necə dəyişdiyi ilə bağlı şagirdlər istiqamətləndirici suallar verə bilər.

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

1. Verilənlərin hansı ölçü vahidi ilə ölçülməsinin daha əlverişli olduğu müəyyənləşdirilir.

Binanın hündürlüyü	m	Otağın sahəsi	m^2	Həyətin sahəsi	ar
Buğda dənəsinin uzunluğu	mm	Güldanın həcmi	sm^3	Şəhərin sahəsi	km^2
Bir çay qasığındaki suyun həcmi	mm^3	Hovuzun həcmi	m^3	Futbol meydançasının sahəsi	$ar, yaxud ha$

Bu qayda ilə şagirdlər verilən ölçü vahidlərinin hansının daha əlverişli olduğunu müəyyən edirlər.

2. Verilən tapşırıqlarda hesablama aparılır, eyni vahidlə ifadə etməklə müqayisə edilir. Adətən, eyni kəmiyyət müxtəlif vahidlərlə verildikdə şagirdlər kiçik ölçü vahidi ilə ifadə etməyə üstünlük verirlər. Bəzi hallarda böyük ölçü vahidi ilə ifadə etmək daha az hesablama üçün əlverişli olur. Şagirdlərin diqqətini belə nümunələrə yönəltməklə yanaşı, onlara tapşırmaq olar ki, bir neçə üsulla cavabı tapsınlar.

4. Fiqurların həcmərinin bərabər olduğunu nəzərə alaraq 2-ci fiqurun verilməyən tili, hər fiqurun tam səthinin sahəsi hesablanır.

1-ci fiqurun həcmi və tam səthinin sahəsi hesablanır.

$$\text{a) } \begin{array}{l} 6 \text{ sm} \\ 5 \text{ sm} \\ 4 \text{ sm} \\ 3 \text{ sm} \end{array} \quad V = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 \cdot 6 = 36 (\text{sm}^3)$$
$$S_{\text{tam}} = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 + \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 + 5 \cdot 6 + 4 \cdot 6 + 3 \cdot 6 = 84 (\text{sm}^2)$$

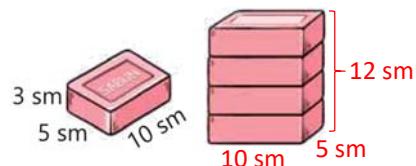
2-ci fiqurun verilməyən tili və tam səthinin sahəsi hesablanır.

$$\begin{array}{l} 6 \text{ sm} \\ ? \\ 3 \text{ sm} \end{array} \quad V = 36 (\text{sm}^3)$$
$$h = ?$$
$$36 : (3 \cdot 6) = 2 (\text{sm})$$
$$S_{\text{tam}} = 2 \cdot (3 \cdot 2 + 3 \cdot 6 + 2 \cdot 6) = 72 (\text{sm}^2)$$

5. Hər paketin həcmimin nə qədər olduğunu, hər paketi bükmək üçün ən azı neçə kvadratsantimetr kağız istifadə edildiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Hər paketin ölçüləri qeyd olunur, həcmi tapılır:
 $V = 10 \cdot 5 \cdot 12 = 600 (\text{sm}^3)$.



- Hər paketi bükmək üçün ən azı neçə kvadratsantimetr kağız istifadə olunduğunu tapmaq üçün alınan düzbucaqlı prizmanın səthinin sahəsi hesablanır:

$$2 \cdot (10 \cdot 5 + 5 \cdot 12 + 10 \cdot 12) = 460 (\text{sm}^2).$$

Cavab. Hər paketin həcmi 600 sm^3 -dir və hər paketi bükmək üçün ən azı 460 sm^2 kağız istifadə olunur.

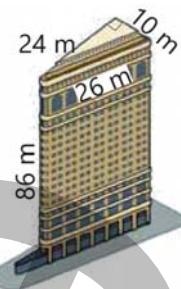
Müzakirə. Hər sabunun həcmini tapib 4-ə vurmaqla hər paketin həcminin doğru tapıldığını yoxlamaq olar.

6. Məsələdə Nyu-York şəhərində yerləşən "Flatiron" adlı bina haqqında məlumat verilmişdir. Binanın rənglənən sahəsinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- Yan üzlərin ümumi sahəsi hesablanır: $86 \cdot 10 + 86 \cdot 26 + 86 \cdot 24 = 5160 (\text{m}^2)$.
- Yan üzlərin qalan hissəsinin çöl boyası ilə rəngləndiyinə əsasən rənglənən sahə hesablanır: $5160 - 3000 = 2160 (\text{m}^2)$.

Cavab. Rənglənən sahə 2160 m^2 -ə bərabərdir.

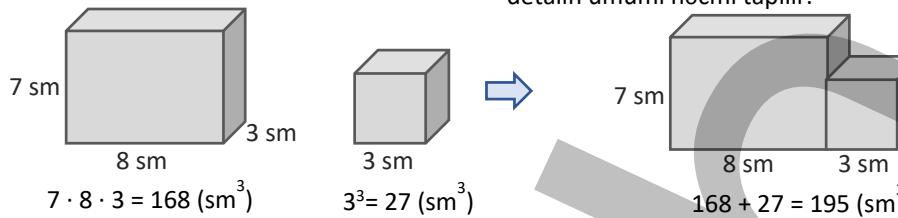


7. Detalın kütləsinin neçə qram olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- Alüminiumdan düzəldilmiş detalın ümumi həcmi hesablanır. Detalın kub və kuboiddən ibarət olduğunu nəzərə alaraq verilməyən tərəflərin ölçüləri qeyd edilir.

- Kub və kuboidin həcmi hesablanır.
- Kub və kuboidin həcmi hesablanaraq toplanmaqla detalın ümumi həcmi tapılır.



- 1 cm^3 -in kütləsi 2,7 q olarsa, detalın kütləsi hesablanır: $2,7 \cdot 195 = 526,5 (\text{q})$.

Cavab. Detalın ümumi kütləsi 526,5 qrama bərabərdir.

8. Məsələdə qabdakı suyun səviyyəsinin hansı hündürlükdə olduğunu tapmaq, eyni zamanda qabı şəkildəki kimi kiçik yan üzü üstə qoyduqda suyun səviyyəsinin hansı hündürlükdə olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- a) Qabdakı suyun miqdarı sm^3 ilə ifadə olunur: $1,2 \text{ l} = 1200 \text{ sm}^3$. Qabdakı suyun səviyyəsinin hansı hündürlükdə olduğu müəyyənləşdirilir.



$$1200 : (12 \cdot 5) = 20 (\text{sm})$$

- b) Qabın yan üzü üstə qoyulduğuna əsasən oturacaqdakı üzünün ölçüləri qeyd edilir, suyun hansı hündürlükdə olduğu müəyyənləşdirilir.



$$1200 : (5 \cdot 30) = 8 (\text{sm})$$

Cavab. Qabda suyun səviyyəsi 20 sm, qabı kiçik yan üzü üstə qoyduqda isə suyun səviyyəsi 8 sm hündürlükdə olar.

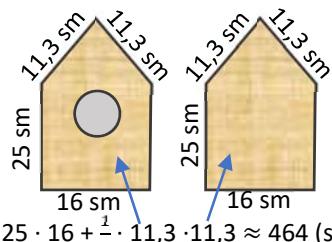
STEAM

Quşların canlı təbiətin bir hissəsi olduğu, onların ekoloji sistemin mühüm funksiyasını yerinə yetirdikləri vurgulanır. Quşlarla bağlı şagirdlərə araştırma aparmağı tapşırmaq olar. Quşlar üçün hazırlanan yuvalara verilmiş nümunələr təhlil edilir. Bu yuvaların hansı formada olduğu barədə şagirdlərlə müzakirə aparılır.

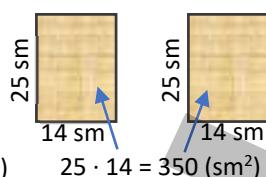
Bir neçə gün müddətində müşahidə aparmağı, məktəbin və evinin ətrafında yaşayış quşlar haqqında məlumat toplamaqla sualları cavablandırmağı şagirdlərə tapşırmaq məqsədə uyğundur.

-3. Nümunədə santimetrlə verilmiş təxminini ölçülərə əsasən quş yuvası hazırlanmaq üçün neçə kvadratsantimetr faner taxta lazımcılığı hesablanır.

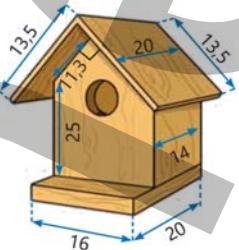
Yan üzlərin sahələri hesablanır.



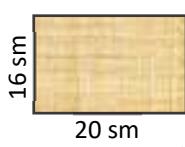
$$25 \cdot 16 + \frac{1}{2} \cdot 11,3 \cdot 11,3 \approx 464 (\text{sm}^2)$$



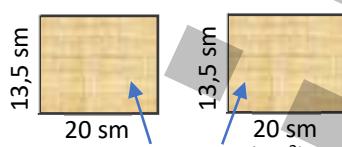
$$25 \cdot 14 = 350 (\text{sm}^2)$$



Oturacağın və dam örtüyünü əmələ gətirən düzbucaqlıların sahələri hesablanır.



$$16 \cdot 20 = 320 (\text{sm}^2)$$



$$13,5 \cdot 20 = 270 (\text{sm}^2)$$

Yuvanın səthini əmələ gətirən üzlərin sahələri toplanır

$$464 + 464 + 350 + 350 + 320 + 270 = 2488 (\text{sm}^2)$$

8-ci BÖLMƏ

Statistika və məlumatların təsviri

Mövzu №	Adı	Saat	Dərslik (səh.)	İş dəftəri (səh.)
	İllkin yoxlama	1	86	
Mövzu 8.1	Ədədi orta	3	87	58
Mövzu 8.2	Dairəvi diaqram	2	91	62
Mövzu 8.3	Məlumatların təsviri	3	93	64
	Ümumiləşdirici dərs. STEAM. "COVID-19" infeksiyasının yayılma statistikası	3	97	67
	KSQ-8	1		
BÖLMƏ ÜZRƏ ÜMUMİ SAATLAR		13		

Bölmənin qısa icmalı

Bölmədə şagirdlər "ədədi orta" anlayışı ilə tanış olacaq, bir neçə ədədin ədədi ortasını, dairəvi diaqramda verilənlərin faizlə ifadə olunan hissələrinə uyğun qiymətlərini hesablaması, verilən məlumatı təsvir etmək üçün əlverişli cədvəl və ya diaqramı seçməyi öyrənəcəklər.

Nəyə diqqət yetirməli?

Bəzən şagirdlər ədədi ortanı ədədlərin cəmini ikiyə bölməklə tapırlar və ədədlərin sayı iki dən çox olduqda səhvə yol verirlər. Belə səhv'lərə yol verən şagirdlər üçün ədədlərin cəmini ədədlərin sayına bölməklə ədədi ortanın tapıldığı vurgulamaq məqsədə uyğundur. Ədədi ortanın ədədlərin ən böyüündən böyük və ən kiçiyindən kiçik olmadığını şagirdlərə bildirmək tövsiyə olunur.

Bəzən dairəvi diaqramda məlumatlar faizlə verilir. Bu məlumata əsasən dairəvi diaqramın iki hissəsinin fərqinə, yaxud cəminə uyğun kəmiyyətin qiymətini taparkən bir neçə üsüldən istifadə etmək olar. Şagirdlər müxtəlif üsullarından istifadə etməklə səhv'lərini üzə çıxarıb aradan qaldırma bilərlər.

Fərqli dairəvi diaqramlarda verilmiş məlumatları uyğun faizlərə görə müqayisə etməyin doğru olmadığını vurgulamaq, şagirdləri səhv nəticələrin alınmaması üçün uyğun ədədləri müqayisə etməyə yönəltmək lazımdır.

İllkin yoxlama zamanı zəif nəticə göstərən şagirdlərin müəyyənləşdirilməsi, zəif mənimsənilən mövzuların təkrarı tövsiyə olunur.

Riyazi dilin inkişafı

"Ədədi orta", "orta sürət", "cədvəl", "diaqram", "xətti diaqram", "sütunlu diaqram", "dairəvi diaqram", "piktoqram" anlayışlarının düzgün müəyyənləşdirilməsi bu anlayışların necə mənimsəniliyini qiymətləndirməyə əsas verir.

Bölmədə mənimsənilən riyazi anlayış və terminlər

"Ədədi orta", "orta sürət", "cədvəl", "diaqram", "xətti diaqram", "sütunlu diaqram", "dairəvi diaqram", "piktoqram" və s.

Öncədən vacib olan bilik və bacarıqlar:

- Məlumatların cədvəl və piktoqramla təsviri
- Məlumatların xətti və sütunlu diaqramla təsviri
- Natural ədədlər, adı və onluq kəsrlər üzərində əməllər
- "Sürət" anlayışı, sürətin hesablanması
- Ədədin hissəsinin, hissəsinə görə ədədin tapılması
- Ədədin faizinin, faizinə görə ədədin tapılması

Fənlərarası integrasiya

Gündəlik həyatda müxtəlif qəzet, jurnal və internet saytlarında məlumatların müxtəlif təsvir formalarına rast gəlinir. Ölkələrin inkişaf səviyyəsinə görə təsnifatında, heyvan və bitkilər üçün təyinəcisi cədvəllərin qurulmasında, müəyyən xüsusiyyətlərə görə məlumatların təsvir edilməsində cədvəl və diaqramlardan istifadə olunur. Ədədi orta məlumatların təsviri üçün faydalı alətdir. Gündəlik həyatda bir çox sahələrdə-büdcə ilə bağlı məlumatlarda, orta əməkhaqqının, təhsil sahəsində şagirdlərin orta qiymətinin, idman oyunlarında orta nəticənin hesablanmasında və s. geniş istifadə olunur.

MÖVZU 8.1. Ədədi orta

ALT STANDARTLAR	5.1.3. Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır. 5.1.4. Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğununu müqayisə edir.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	• Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır. • Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğununu müqayisə edir.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, çöplər, rəngli kağızlar
ELEKTRON RESURSLAR	Öyrənmə: https://www.youtube.com/watch?v=IXUFrcV3t-c https://access.openupresources.org/curricula/our6-8math/en/grade-6/unit-8/lesson-9/index.html Çalışma: https://www.iknowit.com/lessons/d-finding-mean-average.html https://phet.colorado.edu/sims/html/mean-share-and-balance/latest/mean-share-and-balance_all.html https://www.geogebra.org/m/nBRg2vcS

Mövzuya yönəltmə.

Müəllim şagirdlərdən birinə 2, 2-ci şagirdə 3, 3-cü şagirdə 7 çöp verir və aralarında bərabər paylamaq lazımlığını bildirir. O, sınıf müraciət edir:

– Bu çöpləri 3 şagird arasında hansı üsullarla bərabər paylamaq olar? Hər şagirdə düşəcək çöplərin sayını necə hesablamaq olar?

1-ci şagirdin daha az çöpü olduğundan 3-cü şagird ona 1 çöp verir. 1-ci və 2-ci şagirddə eyni sayıda çöp olur. Sonra 3-cü şagird 1-ci və 2-ci şagirdin hər birinə 1 çöp də verir və çöplərin sayının bərabər olduğu görünür.



Hər şagirdə 4 çöp düşdürüyüni çöplərin ümumi sayını uşaqların sayına bölməklə də tapmaq olar.

Araşdırma-müzakirə

Qutudaki şokoladları Lalə, Elxan və Samir arasında bərabər paylamaq tələb olunur. Bunun üçün 10 şokolad olan qutudan 2 şokoladı 6 şokolad olan qutunun üzərinə qoymaqla hər şagirdə 8 şokolad vermək olar.



Hər qutuda olan şokoladların sayı toplanır və ümumi şokolad sayı tapılır:

$8 + 6 + 10 = 24$. Bu şokoladları Lalə, Elxan və Samir arasında bərabər böldükdə hər birinə düşən şokoladların sayını tapmaq üçün şokoladların ümumi sayı uşaqların sayına bölünür: $24 : 3 = 8$. Deməli, hər uşağa 8 şokolad düşər.

Başqa üsulla tapşırığı yerinə yetirmək üçün şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar: "Şokoladları hər uşağa bir-bir paylamaqla necə bölmək olar? Şokoladları daha hansı üsullarla bərabər paylamaq olar?" və s.

Öyrənmə Ədədi orta

Şagirdlər "orta əməkhaqqı", "orta sürət", "orta temperatur" ifadələrinin tez-tez işlədildiyi bildirilir, uyğun nümunələr göstərilir. Kəmiyyətlər müxtəlif qiymətlər alıqda bu qiymətləri bir ədədlə ümumiləşdirməyin mümkün olduğu vurğulanır və bunun üçün ədədi ortadan istifadə edildiyi qeyd olunur. Ədədi ortanın tapılma qaydası şagirdlərə nümayiş etdirilir. Dərslikdə verilən nümunə tapşırıq şagirdlərlə birlikdə müzakirə olunur.

Çalışma

3. Suallara cavab verilir.

a) Aynurun riyaziyyat fənni üzrə il ərzində 5 dəfə keçirilən qiymətləndirmədəki ballarını toplayıb qiymətləndirmələrin sayına bölməklə ədədi orta tapılır: $(74 + 89 + 63 + 96 + 94) : 5 = 83,2$.

b) Bir həftədə orta hesabla neçə tort satıldığı müəyyən olunur: $(37 + 43 + 52 + 40) : 4 = 43$.

4. Cədvəldə usta Əlinin il ərzində aylar üzrə qazandığı pulun verilən məbləğlərini toplayaraq ayların sayına bölməklə onun orta aylıq qazancı müəyyənləşdirilir. Məsələ kalkulyatordan istifadə etməklə həll olunur.

Yan	Fev	Mart	Aprel	May	İyun	İyul	Avq	Sen	Okt	Noy	Dek
850	1100	1030	1400	1370	1150	1240	1190	1220	1580	1080	1190

• Usta Əlinin ümumi qazancı hesablanır.

$850 + 1100 + 1030 + 1400 + 1370 + 1150 + 1240 + 1190 + 1220 + 1580 + 1080 + 1190 = 14400$

• Usta Əlinin orta aylıq qazancı hesablanması: $14400 : 12 = 1200$.

Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər. Bəzən şagirdlər ədədi ortanın ədədlərin cəmini 2-yə bölərək tapıldığıni düşünür və ədədlərin sayı 2-dən çox olduqda səhvə yol verirlər. Belə səhvələrə yol veren şagirdlərə ədədi ortanın tərifini xatırlatmaq, ədədlərin cəmini ədədlərin sayına bölməklə ədədi ortanın tapıldığını bildirmək məqsədəyənəqəndur. Eyni zamanda ədədi ortanın ədədlərin ən böyüydən böyük, ən kiçiyindən kiçik olmadığını vurğulamaqla şagirdləri səhvələrini aşkar edib düzəltməyə yönəltmək olar. Məsələn, 21 ədədi 10, 12, 20 ədədlərinin ən böyüyü olan 20 ədədindən böyük olduğu üçün bu ədədlərin ədədi ortası ola bilməz.

Öyrənmə Ədədi orta və ədədlərin sayına görə cəmin tapılması

Ədədlərin sayı və onların ədəd ortası verildikdə bu ədədlərin cəminin necə tapıldığı izah edilir. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.

Texniki imkanları olan siniflərdə video materiallardan və interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

<https://video.edu.az/video/1124> <https://www.ixl.com/math/grade-5/mean-find-the-missing-number>

5. Hesablama aparılır. a) $5 \cdot 7 = 35$ b) $9 \cdot 1,2 = 10,8$

6. Verilməyən ədədlər tapılır. Nümunə tapşırıq şagirdlərlə müzakirə olunur.

a) Üç ədədin ədədi ortası və ədədlərdən ikisi məlum olduqda üçüncü ədəd tapılır.

Bunun üçün əvvəlcə ədədlərin cəmi tapılır: $15 + 3 = 45$.

Bu cəmdən verilən iki ədədin cəmi çıxılır: $45 - (16 + 15) = 14$.

b) Dörd ədədin ədədi ortası və ədədlərdən üçü məlum olduqda dördüncü ədəd tapılır.

Ədədlərin cəmi tapılır: $3,6 + 4 = 14,4$.

Bu cəmdən verilən üç ədədin cəmi çıxılır: $14,4 - (4,5 + 2,3 + 7,1) = 0,5$.

7. Suallara cavab verilir.

a) Üç kitabın qalınlıqlarının ədədi ortası 2,1 sm, onlardan birinin qalınlığının 2,4 sm, digərinin isə 1,9 sm olduğu qeyd edilir. Üç kitabın ümumi qalınlığı tapılır: $2,1 \cdot 3 = 6,3$ (sm).

Üçüncü kitabı qalınlığı müəyyən olunur: $6,3 - (2,4 + 1,9) = 2$ (sm).

b) Dörd qələmin orta qiymətinin 60 qəpik olduğu qeyd edilir. Dördüncü qələmin qiyməti müəyyən olunur. Təsvirlərə əsasən üç qələmin qiyməti verilmişdir. 60 qəpik manatla ifadə olunur: $60 \text{ qəp} = 0,6 \text{ man}$.

$0,6 \cdot 4 - (0,7 + 1,2 + 0,4) = 0,1$ (man).



Yadda saxla!

Adətən, müəyyən məsafəni qət edərkən bütün yolu eyni sürətlə getmək mümkün olmur. Bəzi yerlərdə sürəti azaltmaq, bəzi yerlərdə isə artırmaq lazımlı gəldiyi haqqında şagirdlərə məlumat verilir, nümunələr göstərilir.

Orta sürətin tapılması şagirdlərə izah olunur, nümunə siniflə müzakirə edilir.

Texniki imkanları olan siniflərdə interaktiv tapşırıqlardan istifadə etmək olar:

https://phet.colorado.edu/sims/html/unit-rates/latest/unit-rates_all.html

8. Suallara cavab verilir.

a) Samirin babasının yol ilə piyada gedərkən orta sürəti müəyyən olunur: $10,8 : 3 = 3,6$ (km/saat).

b) Avtobusun 360 km məsafəni 5 saatə getdiyi müəyyən olunur: $16 - 11 = 5$ (saat).

Avtobusun orta sürəti müəyyən olunur: $360 : 5 = 72$ km/saat.

Diferensial təlim.

Dəstək. Şagirdlər 3 ədədlər üçün ədədi ortanı tapmaq tapşırılları. Sonra bu ədədlərə bir yaxud iki ədəd artırmaqla şagirdlər ədədi ortanı 2 üsulla tapırlar. Hər iki üsulla həll qaydası izah edilir.

Dərinləşdirmə. Şagirdlərə bir neçə ədədin ədədi ortası məlum olduqda yeni ədədlər əlavə etdikdə ədədi ortanı tapmaqla bağlı tapşırıqlar verilir. Şagirdlər cavabı necə tapdıqlarını izah edirlər.

Komanda oyunu. Şagirdlər cütlərə, yaxud qruplara bölündülərlər. Onlara iş vərəqləri paylanır. Şagirdlər boş xanalara verilən şərtlərə uyğun ədədləri yazırlar. Hər düzgün cavab üçün 1 xal verilir.

Ən çox xal qazanan komanda qalib elan olunur.

İş vərəqini bu istinaddan yükləmək olar:

<https://drive.google.com/file/d/1C9fwOZRAKISOW4dLDfXTmYUlp65PP/view?usp=sharing>

Yanlış

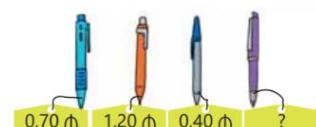
Ədədi ortanı ədədlərin cəmini 2-yə bölməklə taparam.

$$\frac{10+12+20}{2} = 21$$

Doğru

Ədədi ortanı ədədlərin cəmini onların sayına bölməklə taparam.

$$\frac{10+12+20}{3} = 14$$



Məsələ həlli

9. Cədvələ əsasən Əsmər nənənin bir inəkdən orta hesabla neçə litr süd sağlığıni tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Ədədi ortanı tapmaqla Əsmər nənənin bir inəkdən orta hesabla neçə litr süd sağlığı müəyyən olunur: $(18 + 23 + 16) : 3 = 19$ (l).

Cavab. Əsmər nənə bir inəkdən orta hesabla gündə 19 l süd sağlı.

10. Məsələdə hansı idmançının nəticəsinin daha yüksək olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- Hər idmançı üçün orta bal hesablanır. Nəticəni cədvələ əlavə sütun şəklində artırmaq olar.

Aynur: $(8 + 7 + 9 + 9 + 8) : 5 = 8,2$ Səbinə: $(9 + 8 + 9 + 8 + 8) : 5 = 8,4$

İnəklər	Sağılan süd (l)
Sarı inək	18
Boz inək	23
Qara inək	16

Hansı idmançının nəticəsinin daha yüksək olduğu müəyyənləşdirilir: $8,4 - 8,2 = 0,2$.

Cavab. Səbinənin nəticəsi Aynurun nəticəsindən 0,2 bal çoxdur.

11. Məsələdə kimin kitablar üçün daha çox pul ödədiyini və nə qədər çox pul ödədiyini tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Samirin kitablara ödədiyi ümumi məbləğ hesablanır: $3,4 \cdot 5 = 17$ (man).
- Səbinənin kitablara ödədiyi ümumi məbləğ hesablanır: $6 \cdot 2,4 = 14,4$ (man).
- Samir Səbinədən daha çox pul ödədi. Onun nə qədər çox pul ödədiyi müəyyən olunur: $17 - 14,4 = 2,6$ (man).

Cavab. Samir 2,6 manat çox pul ödədi.

12. Məsələdə Samirin orta sürətinin nə qədər olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- Samirin getdiyi yollar toplanır: $6 + 8 = 14$ (km).
- Bu yola sərf olunan zaman müəyyən olunur: $1 + 1 = 2$ (saat).
- Gedilən yolun uzunluğu bu yola sərf olunan zamana bölündür: $14 : 2 = 7$ (km/saat).

Cavab. Samirin orta sürəti 7 km/saata bərabərdir.

13. Məsələdə ailənin orta aylıq kommunal xərclərinin neçə manat olduğunu tapmaq tələb olunur.

Məsələnin həlli:

- Xətti diaqrama əsasən 6 ay ərzində kommunal xərclər müəyyən olunur:
yanvar – 110 man, fevral – 120 man, mart – 120 man, aprel – 110 man, may – 90 man, iyun – 80 man.
- 6 ay ərzindəki kommunal xərclərə əsasən orta aylıq kommunal xərc hesablanır: $(110 + 120 + 120 + 110 + 90 + 80) : 6 = 105$ (man).

Cavab. Bu ailənin orta aylıq kommunal xərcləri 105 manatdır.



Şagirdlərdə yaranan yanlış təsəvvürlər.

Cədvəl və diaqramlarla verilən məlumatların təhlili nəticəsində ədədi ortanın tapılması zamanı şagirdlər müəyyən səhvələrə yol verirlər. Xüsusilə cəmin tapılması zamanı təkrarlanan ədəd olduqda səhvələrə rast gəlinir. Məsələn, 13-cü məsələdə yanvar və aprel aylarındaki xərclər 110 manat, fevral və mart aylarındaki xərclər isə 120 manat olduğundan şagirdlər hesablama zamanı 120 ədədini bir dəfə götürüb ayların sayının 5 olduğunu düşünərək səhvə yol verirlər. Belə səhvələrə yol verən şagirdlərin müəyyən edilməsi, səhvələr üzərində işin təşkili məqsədə uyğundur.

14. Xətti diaqramda bir həftə ərzində hər gün saat 12:00-da ölçülən temperatur təsvir olunmuşdur. Həftə ərzində orta temperaturun nə qədər olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin həlli:

- Həftənin hər günü saat 12:00-da havanın temperaturunu qeyd olunur.

Bazar ertəsi: 27°C , çərşənbə axşamı: 26°C , çərşənbə: 28°C , cümə axşamı: 28°C , cümə: 30°C , şənbə: 27°C , bazar: 30°C .

Yanlış

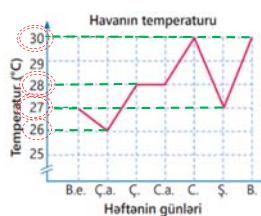
Aylara uyğun xərclər 80 man, 90 man, 110 man, 120 manat olduğundan bu ədədləri toplayıb sayına bölgərəm.

$$\frac{80 + 90 + 110 + 120}{4} = 50$$

Doğru

Aylara uyğun xərcləri ardıcıl qeyd edərəm, bu ədədləri toplayıb sayına bölgərəm.

$$\frac{110 + 120 + 120 + 110 + 90 + 80}{6} = 105$$



- Orta temperatur hesablanır: $(27 + 26 + 28 + 28 + 30 + 27 + 30) : 7 = 28^{\circ}\text{C}$.

Cavab. Həftə ərzində orta temperatur 28°C olmuşdur.

- Sütunlu diaqramdan istifadə etməklə Səbinənin boyunun nə qədər olduğunu tapmaq tələb edilir.

Məsələnin halli:

- Komandadakı 5 oyuncunun orta boyu 145 sm olduğundan komandadakı oyuncuların boylarının cəmi tapılır: $145 \cdot 5 = 725\text{ (sm)}$.

- Səbinənin boyunun neçə santimetr olduğu hesablanır:

$$725 - (135 + 155 + 140 + 160) = 135\text{ (sm)}$$

Cavab. Səbinənin boyu $135\text{ santimet}r$ bərabərdir.

Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər cədvəl və diaqramlarla təsvir edilən məlumatların oxunması zamanı çətinlik çəkirlər. Belə şagirdlər cədvəl və diaqramla təsvir olunan məlumatın oxunması ilə bağlı fərqli sualların verilməsi məqsədəyvgündür. Bu bacarığın təkmilləşdirilməsi məlumatların təhlili və təqdimi üçün vacibdir.

Formativ qiymətləndirmə.

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Verilən məlumatın ədədi ortasını hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, İD
Ədədi ortadan istifadə edərək iki verilənlər çoxluğununu müqayisə edir.	İş vərəqləri, dərslik, İD

MÖVZU 8.2. Dairəvi diaqram

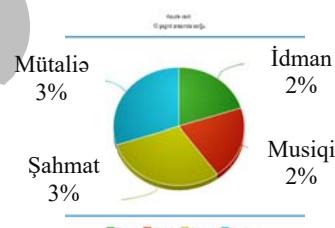
ALT STANDARTLAR	5.1.1. Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.
TƏCHİZAT	İş vərəqləri
ELEKTRON RESURSLAR	<p>Çalışma: https://www.meta-chart.com/pie#/data</p> <p>https://www.ixl.com/math/grade-6/interpret-circle-graphs</p> <p>http://www.shodor.org/interactivate/activities/PieChart</p> <p>https://nces.ed.gov/nceskids/createagraph/</p> <p>https://www.geogebra.org/m/a5S4dz6W</p> <p>https://www.geogebra.org/m/ufwbvb9s</p> <p>https://www.ixl.com/math/grade-6/interpret-circle-graphs</p>

Mövzuya yönəltmə.

Təsadüfi seçilmiş 10 şagird arasında sorğu keçirilir. Şagirdlər asudə vaxtlarında verilən fəaliyyətlərdən daha çox hansı ilə məşğul olduğunu vurğulayırlar. Sorğunun nəticələri lövhədə cədvəl şəklində yazılır.

İdman	<input type="checkbox"/>
Musiqi	<input type="checkbox"/>
Şahmat	<input type="checkbox"/>
Mütaliə	<input type="checkbox"/>

Fəaliyyətlər			
İdman	Musiqi	Şahmat	Mütaliə
Sayı			
Faiz			



Verilənlərə əsasən şagirdlərə bir-birinə suallar vermek tapşırıla bilər. Şagirdlərin sayını 2 dəfə artırmaqla bənzər cədvəl hazırlamağı, dairəvi diaqramda məlumatlara uyğun faizləri tapmağı şagirdlərə tapşırmaq olar.

Texniki imkanları olan siniflərə cədvəldə verilən məlumatları qeyd etməklə təsvirdəki kimi dairəvi diaqram tərtib etmək olar: <https://www.meta-chart.com/share/asud-vaxt>

Araşdırma-müzakirə

Armudun kütləsi təpilir.
 $100 - (20 + 15 + 40) = 25$.

Satılan meyvələr	
Meyvələr	Kütlə (kg)
Armud	25
Alma	40
Nar	15
Heyva	20
Cəmi	100

Hər meyvənin kütləsinin tamın neçə faizi olduğu müəyyənləşdirilir.

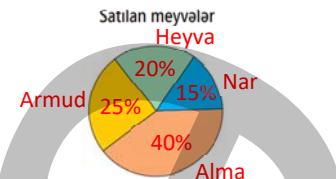
$$\text{Armud: } \frac{25}{100} = 25\%$$

$$\text{Nar: } \frac{15}{100} = 15\%$$

$$\text{Alma: } \frac{40}{100} = 40\%$$

$$\text{Heyva: } \frac{20}{100} = 20\%$$

Dairəvi diaqramda hər hissəyə uyğun meyvə müəyyən olunur.



Verilən meyvəyə uyğun faizi müəyyən etdikdən sonra bu məlumatları dairəvi diaqramda təsvir etmək üçün şagirdlərə istiqamətləndirici suallar vermək olar:

– Dairəvi diaqramın ən böyük hissəsi hansıdır? Bu hissəyə uyğun meyvəni necə təyin etmək olar?

Alma tamın daha çox faizini təşkil etdiyindən şagirdlər almaya uyğun hissənin qırmızı rəngdə olduğunu qeyd edə bilərlər. Uyğun qaydada digər meyvələrin adlarını dairəvi diaqramda qeyd etməklə onların uyğun faizlərini göstərmək olar.

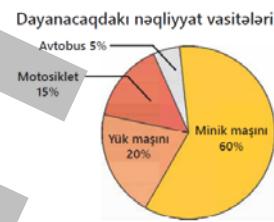
Öyrənmə Dairəvi diaqram

Dairəvi diaqram haqqında şagirdlərə məlumat verilir. Dairəvi diaqramda verilən faizlərin cəminin 100-ə bərabər olduğu qeyd edilir. Verilən nümunə tapşırıq siniflə müzakirə olunur. Diaqramdakı verilənlərin cədvəldə necə təsvir olunduğu şagirdlərə izah edilir.

Çalışma

1. Dairəvi diaqramda verilən məlumata əsasən uyğun nəqliyyat vasitələrinin sayı müəyyən edilir və cədvəl tamamlanır.

	Motosiklet	Yük maşını	Minik maşını	Avtobus	Cəmi
Faiz	15%	20%	60%	5%	100%
Sayı	18	24	24	24	120
	$120 \cdot 0,2 = 24$	$120 \cdot 0,6 = 72$	$120 \cdot 0,05 = 6$		



2. Dairəvi diaqramda bir fermada heyvanların sayı haqqında məlumat faizlərlə verilmişdir. Diaqramdakı məlumatı cədvəldə təsvir etmək tələb olunur.

Suallar cavablandırılır və cədvəl qurulur.

Diagramdakı məlumat cədvəldə təsvir olunur.

	Qoyun	İnək	Camış	Keçi
Faiz	75%	10%	5%	10%



a) Keçilərin bütün heyvanların neçə faizini təşkil etdiyi təpilir.

b) Dairəvi diaqramda əsasən ən az və ən çox sayıda olan heyvanlar müəyyən edilir. Camış 5%, qoyun 75% olduğundan fermada ən az sayıda camış, ən çox sayıda isə qoyun var.

c) Hansı növ heyvanların sayının eyni olduğu müəyyənləşdirilir. Faizlərə nəzər salmaqla keçi və inəklərin sayının eyni olduğu təpilir.

d) Fermada neçə camış olduğu müəyyənləşdirilir. Şagirdlər fermada ümumi 600 baş heyvan olduğundan istifadə etməklə bu ədədin 5%-ni hesablayırlar: $600 \cdot 0,05 = 30$. Fermada 30 camış var.

e) Qoyunların sayının keçilərin sayından nə qədər çox olduğu müəyyənləşdirilir.

Qoyunların və keçilərin sayı müəyyən olunur. Qoyun: $600 \cdot 0,75 = 450$; Keçi: $600 \cdot 0,1 = 60$

Qoyun və keçilərin sayılarının fərqi təpilir: $450 - 60 = 390$. Qoyunlar keçilərdən 390 baş çoxdur.

Müəllimin nəzərinə! Dairəvi diaqramda faizlə verilən məlumatə əsasən iki hissənin fərqinə uyğun kəmiyyətin qiymətinin təpiləsinin üsulları haqqında şagirdlərə məlumat vermək məqsədəyənqandır.

1-ci üsul. Hər hissəyə uyğun qiyməti hesablayıb onların fərqini təpmaqla.

2-ci üsul. Hissələrdən birinin digərindən neçə faiz çox olduğunu təpib bu faizə uyğun qiyməti təpmaqla.

Eyni qayda ilə dairəvi diaqramda faizlə verilən məlumatə əsasən iki hissənin cəminə uyğun kəmiyyətin qiymətini də təpmağın mümkün olduğu vurgulanır.

3. Tapşırıqda dairəvi diaqramda şagirdlərin aldığıları qiymətlər haqqında məlumat faizlə verilmişdir. Məlumata əsasən şagirdlərin neçə faizinin "5" qiyməti aldığı hesablanır:

$$100\% - (50\% + 25\% + 5\%) = 20\%.$$

a) "5" qiyməti alan şagirdlərin sayı müəyyən edilir: $60 \cdot 0,2 = 12$.

b) "4" qiyməti alanların "5" qiyməti alanlardan nə qədər çox olduğunu iki üsulla tapmaq olar.
1-ci üsul. "4" və "5" qiyməti alan şagirdlərin sayı müəyyən olunur.

"4" qiyməti alan şagirdlərin sayı müəyyən olunur: $60 \cdot 0,5 = 30$.

"4" və "5" qiyməti alan şagirdlərin sayının fərqi tapılır: $30 - 12 = 18$.

2-ci üsul. "4" qiyməti alan şagirdlərin "5" qiyməti alan şagirdlərdən neçə faiz çox olduğu, bu faizə uyğun say tapılır: $50\% - 20\% = 30\%$; $60 \cdot 0,3 = 18$.

c) "3" qiyməti alan şagirdlərin sayı müəyyən olunur: $60 \cdot 0,25 = 15$.

4. Dairəvi diaqramda bir ailənin aylıq communal xərcləri təsvir olunmuşdur. Verilən məlumata əsasən suallar cavablandırılır.

a) Ailənin aylıq communal xərclərinin ümumi məbləği hesablanır. Elektrik sərfinə 72 manat xərcləndiyindən 30%-i 72-yə bərabər olan ədəd tapılır: $72 : 0,3 = 240$ (man). Ailənin aylıq communal xərci 240 manatdır.

b) Ay ərzində qaz sərfiyatı üçün nə qədər ödənilən müəyyən olunur. 240 manatın 40 faizi hesablanır: $240 \cdot 0,4 = 96$ (man). Ay ərzində qaz sərfiyatı üçün 96 manat ödənilərdir.

c) Telefon üçün ödənilən pulun su sərfiyatı üçün ödənilən puldan nə qədər çox olduğu müəyyən olunur.

1-ci üsul. $15\% - 5\% = 10\%$; $240 \cdot 0,1 = 24$ (man).

2-ci üsul. $240 \cdot 0,15 = 36$ manat, $240 \cdot 0,5 = 12$ (man), $36 - 12 = 24$ (man).

5. Sorğunun nəticəsi dairəvi diaqramda təsvir olunmuşdur. Verilən suallar cavablandırılır.

a) "5A" sinfində karamelli dondurma sevən şagirdlərin sayını tapmaq üçün 20-nin 10%-i hesablanır: $20 \cdot 0,1 = 2$.

b) "5B" sinfində karamelli dondurma sevən şagirdlərin sayını tapmaq üçün 30-un 20%-i hesablanır: $30 \cdot 0,2 = 6$.

c) Hansı sinifdə ciyələkli dondurma xoşlayan şagirdlərin sayının daha çox olduğu tapılır: $20 \cdot 0,3 = 6$; $30 \cdot 0,2 = 6$. Hər iki sinifdə ciyələkli dondurma xoşlayan şagirdlərin sayı bərabərdir.

d) İki sinifdə cəmi neçə şagirdin vanilli dondurmani xoşladığı müəyyən edilir.

Hər sinifdə vanilli dondurma sevən şagirdlərin sayı hesablanır: $20 \cdot 0,2 = 4$; $30 \cdot 0,1 = 3$.

Hər iki sinifdə vanilli dondurma sevən şagirdlərin sayı tapılır: $4 + 3 = 7$.

Müəllimin nəzərinə! Tamı göstərən ədədlər fərqli olduqda faizlərə əsasən müqayisə aparmağın düzgün olmadığını vurğulamaq lazımdır. 5-ci tapşırığın c) bəndini buna nümunə göstərmək olar. "5A" sinfində 30% şagirdin ciyələkli dondurma, "5B" sinfində isə 20% şagirdin ciyələkli dondurma sevdiyini xatırlatmaq, lakin onların nəticədə sayılarının bərabər olduğunu qeyd etmək məqsədə uyğundur. Şagirdlərlə faizlərin fərqli olduğu halda onlara uyğun şagirdlərin sayının nəyə görə bərabər alındığını müzakirə etmək olar.

Formativ qiymətləndirmə.

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Dairəvi diaqramda faizlə verilmiş hissəyə uyğun kəmiyyətin miqdarını hesablayır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

MÖVZU 8.3. Məlumatların təsviri

ALT STANDARTLAR	5.1.2. Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır.		
TƏLİM NƏTİCƏLƏRİ	<ul style="list-style-type: none"> Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır. 		
TƏCHİZAT	İş vərəqləri, kartlar		
ELEKTRON RESURSLAR	Çalışma: https://youtu.be/9Mv50aArIU4 https://youtu.be/8KC_rOTs2S8 https://youtu.be/pzWqJaTGAX8	https://youtu.be/8U2Wo-Vr2ZM	https://youtu.be/bJ8J3mCPnjo https://youtu.be/qcVpxdWR3E4

Mövzuya yönəltmə.

10 şagird arasında qeyd olunan idman növlərindən hansını daha çox sevdikləri ilə bağlı sorğu keçirilir. Sorğunun nəticələri lövhədə qeyd olunur. Şagirdlərə suallar verilir.

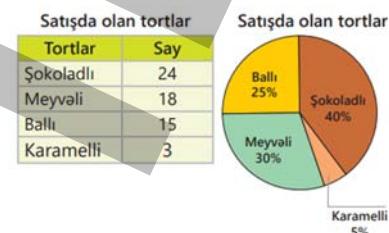
Futbol	<input type="checkbox"/>	1) Hansı idman növünü sevən şagirdlərin sayı daha çoxdur?	Dairəvi diaqram
Basketbol	<input type="checkbox"/>	2) Futbol və basketbol sevən şagirdlərin ümumi sayı nə qədərdir?	Cədvəl
Üzgüçülük	<input type="checkbox"/>	3) Gimnastika ilə məşğul olmayı sevən şagirdlər bütün şagirdlərin hansı hissəsini və neçə faizini təşkil edirlər?	Xətti diaqram
Gimnastika	<input type="checkbox"/>		Sütunlu diaqram
Karate	<input type="checkbox"/>		Piktoqram

Hər suala cavab vermək üçün əlverişli təsvir üsulu seçilir, yerdə qalan üsulların hansı hallarda əlverişli ola biləcəyi müzakirə edilir.

Araşdırma-müzakirə

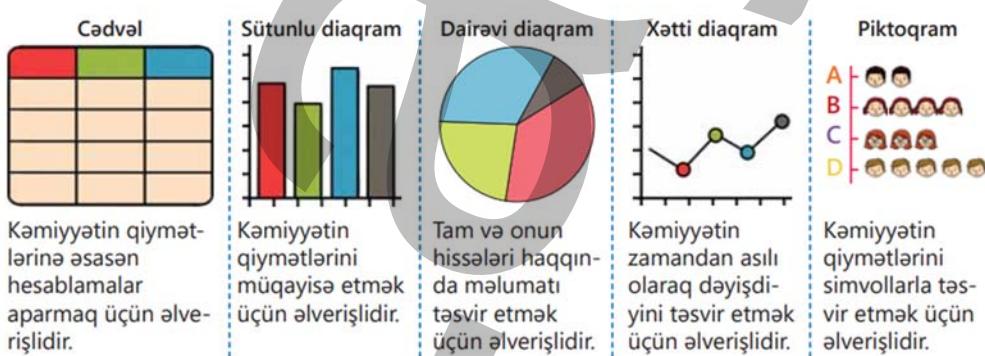
Tapşırıqda satışda olan tortların sayı haqqında məlumat cədvəl və dairəvi diaqramda verilib. Bu məlumatə əsasən şagirdlər suallara cavab verir və fikirlərini əsaslandırırlar.

- Cədvəldə sayıñ daha aydın görünüyü və meyvəli tortların sayı ilə ballı tortların sayının fərqini daha asan tapmağın mümkün olduğu qeyd edilir. Dairəvi diaqramda isə nəticələr faizlə verildiyindən müəyyən hesablamlardan sonra uyğun nəticə əldə olunur. Deməli, cədvəl bu sualın cavabını tapmaq üçün daha əlverişlidir.
- Bütün tortların ən çox hissəsini hansı tortun təşkil etdiyini müəyyənləşdirmək üçün hissələrin dairəvi diaqramda daha aydın görünüyü qeyd olunur.



Öyrənmə Məlumatların müxtəlif formalarda təsviri

Məlumatları aydın başa düşmək və düzgün nəticələr çıxarmaq üçün onları daha əlverişli formalarda təsvir etməyin vacib olduğu vurgulanır. Məlumatların müxtəlif formalarda təsviri üsulları şagirdlərə nümayiş etdirilir.



Müəllimin nəzərinə! Bəzən şagirdlər məlumatların bir neçə formada təsvirlərinə rast gəlirlər. Lakin hansının verilən tapşırığı yerinə yetirmək üçün daha əlverişli olduğunu müəyyənləşdirmək sərbəst şəkildə şagirdlərin özlərinə tapşırılır. Belə ki, şagirdlər suali oxuyub-anlamışı bacarmalı, nəticə çıxarmalı və bu nəticəni təsvir etmək

üçün uyğun təsvir formasını seçməyi bacarmalıdır. Uyğun təsvir formaları haqqında şagirdlərə məlumat verilir və onların müqayisəli təhlilinin aparılması məqsədə uyğundur.

Çalışma

1. Samirin həftənin 7 günü ərzində qət etdiyi məsafə müxtəlif üsullarla təsvir olunur, suallara cavab verilir.

- b) Cədvəldə günlər üzrə məsafə daha aydın göründüyündən o həftə ərzində qət edilən məsafəni hesablamaq üçün daha əlverişlidir.

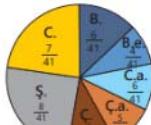
Qət edilən məsafə

Günlər	Məsafə (km)
B.e.	4
Ç.a.	5
Ç.	5
C.a.	6
C.	7
Ş.	8
B.	6

- c) Dairəvi diaqramda hissələr daha aydın görünüşü üçün o hər gün qət edilən məsafənin ümumi məsafənin hansı hissəsini təşkil etdiyini müəyyənləşdirmək üçün daha əlverişlidir.

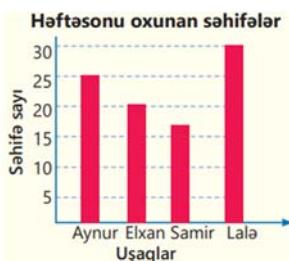
- d) Sütunlu diaqram günlər üzrə qət edilən məsafələri müqayisə etmək üçün daha əlverişlidir.

Qət edilən məsafə



2. Suallar cavablandırılır, məlumatın təsvir formasının əlverişli olub-olmadığı əsaslandırılır.

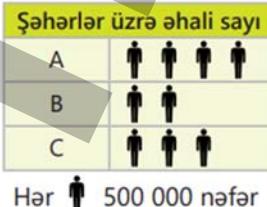
- a) Sütunlu diaqramda uşaqların oxuduqları səhifə sayını müqayisə etmək asan olduğundan sıralama üçün sütunlu diaqramda daha əlverişlidir.



- b) Dairəvi diaqram yaz və yay fəsilini sevənlərin birlikdə sorğuda iştirak edənlərin hansı hissəsini təşkil etdiyini müəyyənləşdirmək üçün daha əlverişlidir.



- c) Piktoqramda verilən məlumata əsasən şəhər əhalisinin sayını daha asan hesablamaq mümkün olduğundan o daha



Şəhər əhalisinin sayı hesablanır.

3. Eyni məlumat 2 üsulla təsvir olunmuşdur. Hansı təsvir formasının suallara cavab vermək üçün daha əlverişli olduğunu şagirdlər əsaslandırırlar.

- a) Şəhərdə nəqliyyat növünün ümumi nəqliyyatın hansı hissəsini təşkil etdiyini tapmaq hissələrin dairəvi diaqramda təsvirinin daha əlverişli olduğu vurgulanır.
 b) Zooparka gələn ziyarətçilərin sayını həftənin günlərinə görə çoxdan aza sıralamaq üçün sütunlu diaqramda məlumatların verilməsinin daha əlverişli olduğu qeyd edilir. Sütunlu diaqrama əsasən cümə gününün sıralamada 4-cü yerə olacağı qeyd edilir.
 c) Usta Əlinin qazancının hansı ayda əvvəlki aylarla müqayisədə ən çox artdığını müəyyənləşdirmək üçün xətti diaqramın daha əlverişli olduğu qeyd edilir. Xətti diaqrama əsasən usta Əlinin fevral ayında əvvəlki ay ilə müqayisədə qazancının daha çox artdığı vurgulanır.

4. Sualı cavab vermək üçün məlumatın təsvir formasının əlverişli olub-olmadığı, soruşulan məlumatı daha əlverişli üsulla necə təsvir etməyin mümkün olduğunu tapmaq tələb edilir.

- a) Dərnəklərə cəmi 200 şagird yazılıbsa, hər dərnəyə neçə şagirdin yazılığını tapmaq üçün dairəvi diaqram əlverişli deyil. Məlumatların cədvəldə verilməsinin hər dərnəyə neçə şagirdin yazılığını müəyyənləşdirmək üçün daha əlverişli olduğu qeyd edilir.
 b) Hər uşaqın topladığı meyvənin yiğilan ümumi meyvənin hansı hissəsini təşkil etdiyini tapmaq üçün sütunlu diaqramın əlverişli olmadığı, sütunlu diaqramın ən çox və ən az sayıda olanların müəyyənləşdirilmiş, sıralamada da daha əlverişli olduğu qeyd edilir. Hər uşaqın topladığı meyvənin yiğilan ümumi meyvənin hansı hissəsini təşkil etdiyini müəyyənləşdirmək üçün dairəvi diaqramın daha əlverişli olduğu vurgulanır.

Layihə işi. Şagirdlərə verilən məlumatın müxtəlif formalarda təsviri ilə bağlı nümunələr hazırlamağı, gündəlik həyatda rast gəldikləri statistik nəticələrin təhlili ilə bağlı misallar göstərməyi və nə üçün qeyd edilən təsvir formasının əlverişli olduğunu izah etməyi tapşırmaq olar. Şagirdlərə bəzi statistik olan linklər də vermək və bu linklərdəki məlumatlardan istifadə etməyi tapşırmaq da olar:

https://mida.gov.az/documents/Kommunal_xidm%C9%99tl%C9%99rin_inki%C5%9Faf%C4%B1na_dair_Strateji_Yol_X%C9%99rit%C9%99si_.pdf

https://www.sdu.edu.az/userfiles/file/conferences/con_1.pdf

https://meteo.az/index.php?ln=az&pg=21&Ent_Download=482-02

Formativ qiymətləndirmə

Qiymətləndirmə meyarları	Qiymətləndirmə materialları
Verilmiş məlumatın təsviri üçün əlverişli diaqram seçimini əsaslandırır.	İş vərəqləri, dərslik, iş dəftəri

ÜMUMİLƏŞDİRİCİ DƏRS

Mövzuya yönəltmə. Dərslikdə bölmənin xülasəsində verilən anlayışlar şagirdlərlə təkrarlanır. Bölmə üzrə öyrənilən sözlər müəllim tərəfindən şagirdlərə xatırladılır. Hər anlayış səsləndikcə şagirdlər onun məzmununu izah edir, nümunələr göstərilərlər.

Ədədi orta, orta sürət, cədvəl, xətti diaqram, sütunlu diaqram, dairəvi diaqram, piktoqram və s.

Bölmənin ilk sahifəsində verilən məlumat və "Cəhd edin!" tapşırığı, mövsüm ərzində 3 hoteldə yerləşdirilən qonaqların sayı haqqında verilən məlumatın cədvəl və diaqramda təsviri yada salınır, fikir mübadiləsi aparılır. İlk problemin həlli siniflə müzakirə edilir. B hotelinin nümayəndəsinin haqlı olmadığı qeyd olunur. Hər hoteldə qonaqların hansı hissəsinin yerləşdiyini görmək üçün dairəvi diaqramın əlverişli olduğu vurgulanır.

TAPŞIRIQLARIN HƏLLİ

2. Cədvəldə verilən ədədlərin ədədi ortası təpilir və mənası izah edilir.

a) Mağazada satılan ayaqqabılardan qiyamətlərinin ədədi ortası hesablanır.

Ayaqqabı	Qiymət (₼)
A	17
B	28
C	34
D	25

$$\frac{17 + 28 + 34 + 25}{4} = 26 \text{ (man)}$$

b) Rəfdəki kitabların səhifələrinin sayıının orta qiyməti hesablanır.

Kitablar	Səhifə sayı
A	126
B	238
C	116
D	86
E	324

$$\frac{126 + 238 + 116 + 86 + 324}{5} = 178$$

c) Komandadakı uşaqların yaşılarının ədədi ortası hesablanır.

Uşaqlar	Yaş
A	12
B	15
C	8
D	11
E	9

$$\frac{12+15+8+11+9}{5} = 11$$

3. Suallara cavab verilir.

a) Üç ədədin ədədi ortasının 15-ə bərabər olduğuna əsasən bu ədədlərin cəmi hesablanır: $15 \cdot 3 = 45$.

a-nin neçəyə bərabər olduğu təpilir: $45 - (16 + 13) = 16$.

b) Dörd ədədin ədədi ortasının 3,6-ya bərabər olduğuna əsasən bu ədədlərin cəmi hesablanır: $3,6 \cdot 4 = 14,4$.

b-nin neçəyə bərabər olduğu təpilir: $14,4 - (4,5 + 2,3 + 7,1) = 0,5$.

c) Dörd ədədin ədədi ortasının 1-ə bərabər olduğuna əsasən bu ədədlərin cəmi təpilir: $1 \cdot 4 = 4$.

k-nin neçəyə bərabər olduğu hesablanır: $4 - (2 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}) = 1,25$.

4. Tapşırıqda Samirin sonuncu cəhddə neçə xal toplayacağını tapmaq tələb olunur.

Beş cəhddə orta hesabla 20 xal toplandığına əsasən xalların cəmi təpilir: $20 \cdot 5 = 100$.

Dörd cəhddə verilən xallar toplanır və xalların ümumi sayıından çıxılır: $100 - (13 + 22 + 26 + 4) = 25$.

Cavab. Samir sonuncu cəhddə 25 xal toplamalıdır.

Müzakirə. Samirin hər cəhddə topladığı xalların ədədi ortasının 20-yə bərabər olduğu yoxlanır.

5. Məsələdə verilən məlumatlara əsasən suallar cavablandırılır.

a) Diaqramda ən kiçik hissə animasiya filminə uyğundur. Deməli, ən az sayda biletin animasiya filminə satılıb.

b) Tarixi filmə neçə bilet satıldığı müəyyən olunur. 400 ədədinin 29 faizi hesablanır: $400 \cdot 0,29 = 116$. Tarixi filmə 116 bilet satılıb.

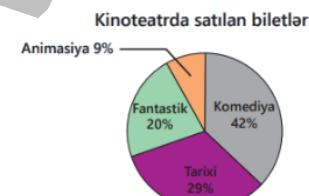
c) Fantastik filmlərə satılan biletlərin ümumi sayı hesablanır: $400 \cdot 0,20 = 80$.

80 biletin 30 faizinin qabaqcadan onlayn satıldığına əsasən onlayn satılmış biletlərin sayı müəyyən olunur.

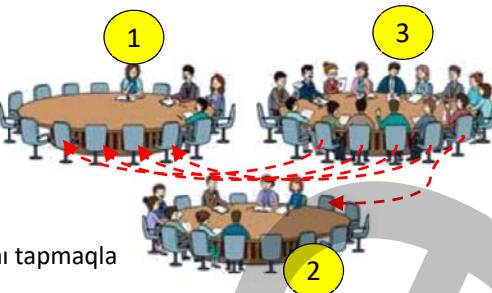
$80 \cdot 0,3 = 24$. Fantastik filmlərə 24 bilet onlayn satılıb.

d) Bir filmə orta hesabla neçə bilet satıldığı müəyyən olunur: $400 : 4 = 100$. Bir filmə orta hesabla 100 bilet satılıb.

6. Tədbirə dəvət olunan qonaqların 3 masa ətrafında yerləşdiyi qeyd olunur. Tədbir təşkilatçıları hər masada eyni sayda qonağın olmasını istəyirlər. Bu məlumatə əsasən suallar cavablandırılır.



- Ən az sayda qonağın yerini dəyişməklə bunu necə təmin etməyin mümkün olduğu müəyyənləşdirilir.
- Ən az sayda qonağın 1-ci masada, ən çox sayda qonağın isə 3-cü masada əyləşdiyi qeyd olunur.
- 3-cü masadan 1-ci masaya 5 nəfər, 2-ci masaya isə 1 nəfər yerdəyişmə etsə, hər üç masa ətrafında 9 qonaq olar.
- Hər masa ətrafında neçə qonağın oturacağını ədədi ortanı tapmaqla da müəyyən etmək olar: $(4 + 8 + 15) : 3 = 9$.



7. Məsələdə diaqramlarda təsvir edilmiş məlumatlara əsasən hansı təsvirin daha əlverişli olduğunu müəyyənləşdirmək tələb olunur. İlk iki gündə gedilən yolu bütün yolu hansı hissəsini təşkil etdiyini müəyyənləşdirmək üçün hissələrin diaqramlar vasitəsilə təsvirinin daha əlverişli olduğunu qeyd edilir.

Müəllimin nəzərinə! Məlumatların cədvəl və diaqramlarla təsviri bacarıqlarının formalasdırılması gələcəkdə statistik göstəricilərin təhlili zamanı şagirdlərin daha tez müəyyən nəticəyə gəlməsi üçün vacibdir. Bu bacarıqların təkmilləşdirilməsi üçün tapşırıqları yerinə yetirən zaman hansı şagirdlərin hansı formada səhv'lərə yol verdiyini müəyyənləşdirmək və səhv'lər üzərində işin təşkili məqsədəyğundur.



"COVID-19" infeksiyasının yayılma statistikası

"Covid-19" infeksiyası haqqında şagirdlərə qısa məlumat verilir. 2019-cu ilin dekabrın ortalarında Çinin Uhan şəhərində bu virusun yayıldığının aşkarlandığı qeyd olunur.

Şagirdlərə verilən məlumata əsasən dairəvi diaqramdan istifadə edərək sualları cavablandırmaq tapşırılır. Şagirdlər ən azı 20 tanıslarıarasında sorğu aparmaqla verilən cədvəli doldururlar; cədvəldəki məlumatlardan istifadə edərək sütunlu diaqramda yaşlarına əsasən müəyyən təsvirləri, qurulur. Sütunlu diaqramda yoluxmayan, bir dəfə yoluxan, bir neçə dəfə yoluxan insanların sayını təsvir edirlər. Təsvirlərə əsasən şagirdlər hansı təsvirin müəyyən sualları cavablandırmaq üçün daha əlverişli olduğunu müzakirə edə bilərlər. Internetdən "COVID-19" infeksiyası haqqında əlavə məlumat əldə edilir, müəyyən məlumatlar əsasında təqdimat hazırlanır. Məlumatı qeyd olunan linkdən əldə etməyi şagirdlərə bildirmək olar: <https://koronavirusinfo.az/az>



BURAXILIŞ MƏLUMATI

*Ümumi təhsil müəssisələrinin 5-ci sinifləri üçün
riyaziyyat fənni üzrə dərsliyin
metodik vəsaiti*

Tərtibçi heyət:

Müəlliflər:

Günay Hüseynzadə
Zaur İsayev

Redaktor:

Ayhan Kürşət Erbaş

İxtisas redaktoru:

İsmayıllı Sadıqov

Bədii redaktor:

Taleh Məlikov

Texniki redaktor:

Zeynal İsayev

Dizayner:

Taleh Məlikov

Rəssam:

Elmir Məmmədov

Korrektor:

Aqşın Abdallı

© Azərbaycan Respublikası Elm və Təhsil Nazirliyi – 2023

Müəlliflik hüquqları qorunur. Xüsusi icazə olmadan bu nəşri və yaxud onun
hər hansı hissəsini yenidən çap etdirmək, surətini çıxarmaq, elektron
informasiya vasitələri ilə yaymaq qanuna ziddir.

ISBN 978-9952-8402-2-3

Hesab-nəşriyyat həcmi: 25,8. Fiziki çap vərəqi: 27.

Səhifə sayı 216. Formatı: 57x82 1/8. Kəsimdən sonra ölçüsü: 195×275.

Şriftin adı və ölçüsü: Calibri 10-11 pt. Ofset kağızı. Ofset çapı.
Bakı – 2023.

Nəşr məhsulunu hazırlayan:

Azərbaycan Respublikasının Təhsil İnstitutu (Bakı ş., A.Cəlilov küç., 86).